

放射性辐射的防护及剂量学

(内部資料·注意保存)

科学出版社

放射性輻射的防护及剂量学

瓦采夫著 錢紹鈞譯

(內部資料，注意保存)

科學出版社

1961

內 容 簡 介

原子能的和平利用为人类带来了巨大的好处：反应堆提供了新的能源，同位素则开辟了許多新的科学的研究的途径。但是，从反应堆和同位素发出的各种辐射会对人体起有害的作用，小則引起病變，大則造成死亡。因此，每一个参加利用原子能工作的人都必須熟知各种辐射的特性及防护办法。

本书的任务就在于为讀者提供这样一些知識。书中首先介绍了放射性辐射及其与物質的相互作用的一般知識，討論了辐射对生物的作用、可能引起的病變及严重性，然后分別介绍了防护各种辐射的方法，最后还給出了关于应用放射性同位素的實驗室及工作人員所应遵守的各项規則，并简单地討論了剂量測量学。

本书可供所有应用同位素进行工作的人及反应堆工作人員閱讀。

放射性辐射的防护及剂量学

瓦采夫著 錢紹鈞譯

科学出版社出版 (北京朝阳門大街 117 号)

北京市书刊出版业营业許可證出字第 061 号

中国科学院印刷厂印刷 科学出版社发行

1961 年 6 月第一版 书号：2348 字数：276,000
1961 年 6 月第一次印刷 开本：787×1092 1/27
(京) 0001-3,500 印张：12 14/27

定价：1.70 元

序 言

大家都知道，无论在外部照射或特别是在放射性物质进入人体内部的情况下，放射性辐射都能给人体以有害的影响。放射性物质在科学、技术和工业中迅速扩展着的应用以及原子核力学的发展，使愈来愈多的人参加到使用放射性物质的工作中来。

在极为多种多样的科学、技术和工业部门中，都必须在这样或那样的程度上与放射性辐射发生关系。这些工作包括：

1. 放射性矿物的开采，精炼和提纯。
2. 核反应堆：a) 用来获得原子核燃料的反应堆；b) 用来获得能量的反应堆；c) 用来获得放射性同位素的反应堆。
3. 原子武器的制造。
4. 放射化学实验室以及使用示踪原子的实验室。
5. 放射性物质在机器制造业、地质学、医学等等方面的应用。

在所使用的放射性物质的数量对人体具有危险性的地方，必须采取一系列的防护措施及防护规则，做到这一些，就有了保证安全的劳动条件。

本书的任务在于为读者提供这样一些知识，这些知识是科学工作者、工程师以及其他专业的实际工作者们在使用放射性元素时所必须知道的。

目 录

序言.....	1
第一章 放射性.....	1
§ 1 一般性的知識	1
§ 2 放射性蜕变的規律	4
§ 3 放射性的单位	6
§ 4 人造放射性	11
§ 5 放射性同位素的蜕变图	14
第二章 辐射与物质的相互作用.....	18
§ 6 小引	18
§ 7 电子与物质相互作用的基本过程	20
§ 8 运动着的質子、 α 粒子、分裂碎片及其他荷电粒子与物质的 相互作用	33
§ 9 γ 射线与物质的相互作用.....	49
§ 10 中子与物质的相互作用	82
第三章 放射性辐射的生物作用及辐射的最大允許标准.....	100
§ 11 生物机体组织的基本特性	101
§ 12 辐射与生物机体的相互作用	103
§ 13 伦琴——伦琴射线和 γ 射线的剂量单位	106
§ 14 伦琴与源的放射强度之间的关系	108
§ 15 物理当量伦琴	111
§ 16 生物当量伦琴	112
§ 17 照射所引起的病症	116
§ 18 致电离辐射的生物作用的生物化学基础	121
§ 19 照射的最大允許程度	128
第四章 放射性辐射的防护.....	151
§ 20 γ 辐射的防护	151

§ 21 β 輻射的防护	167
§ 22 中子的防护	171
§ 23 中子和 γ 輻射的联合防护	174
第五章 操作放射性同位素的安全技术、工作的組織、卫生 条例及标准.....	183
§ 24 小引	183
§ 25 設計實驗室的基本原則	185
§ 26 建立實驗室的一般要求	186
§ 27 強的 γ 放射源的操作	203
§ 28 热實驗室	204
§ 29 去放射性	208
§ 30 放射性废物的清除	210
§ 31 放射性同位素的操作規程	217
§ 32 个人卫生及保持个人卫生的規則、个人的防护办法	221
§ 33 卫生-生产須知	223
§ 34 剂量监督	223
第六章 致電离辐射剂量学的方法.....	225
§ 35 小引	225
§ 36 γ 射線的剂量学	226
§ 37 β 及 α 輻射的剂量学	230
§ 38 中子剂量学	232
附录.....	238
I 一些常用的表.....	238
II 苏联操作放射性同位素的卫生条例及标准	301
参考文献	327

第一章

放射性

§ 1. 一般性的知識

我們周圍所有的各種各樣的物体是由不多的幾種不同的原子所組成的，這些不同種類原子的區別在於其結構不同。每一個原子是由一個具有正電荷的核以及一些圍繞著核運動著的帶負電的電子組成的，這些電子由於電的吸引力而被維持在核的附近。圍繞著原子核的電子聚結成一些所謂電子殼層。

原子的化學性質決定於其電子殼層的構造，尤其是離原子核最遠的外殼層的構造。屬於同一化學元素的原子具有同樣的電子殼層的構造以及同樣的化學性質。現在已經知道約一百種不同的化學元素。

隨著原子的電子殼層的複雜化，不同原子的外電子殼層的構造周期性地重複著，因而在元素的性質方面出現了有規律的周期性。這個規律性還在 1869 年，即還在對原子的構造進行研究以前，就已經被德·依·門捷列夫(Д. И. Менделеев)發現，並被用於建立元素周期表。

按照現代的概念，原子核是由二種質量幾乎相同的基本粒子構成的。其中的一種帶有正電荷，其電荷的數量等於電子的電荷，這種粒子稱為質子。另一種電中性的粒子稱為中子。

質子和中子被稱為重粒子，有時也稱為核子(出自拉丁字 nucleus——核)，以與輕粒子電子相區別，電子的質量只有質子的質量的 $\frac{1}{1836\frac{5}{9}}$ 。

应当指出，目前除了那些根据我們現有的概念是原子的基本組成部分的基本粒子（电子、質子和中子）外，尚有以輻射的形式出現的其它基本粒子。在表 1 中給出关于基本粒子的綜合性的材料（見表 1）。

表 1

基本粒子 的种类	符 号	电 荷	靜止质量 （原子质量单位）	以电子质量为 单位的质量
光 子	γ	0	0.0010 γ ($\epsilon_\gamma = 1.0$ 兆电子伏时)	0
电 子	$\beta^-(e^-)$	-1	0.0005486	m_e
正 子	$\beta^+(e^+)$	+1	0.0005486	m_e
μ 介子	μ^\pm	± 1	—	$\sim 209 m_e$
π 介子	π^+	+1	—	$\sim 276 m_e$
	π^-	-1	—	$\sim 276 m_e$
	π^0	0	—	$\sim 266 m_e$
τ 介子	τ^\pm	± 1	—	$\sim 967 m_e$
質 子	p	+1	1.00758	$1836 m_e$
反質子	p^-	-1	1.00758	$1836 m_e$
中 子	n	0	1.00898	$1838 m_e$
中微子	ν	0	0	0

原子的主要质量集中在核内，原子核可以設想成一个球形的特殊的核“液滴”，这个液滴的半径可用公式

$$R = r_0 A^{1/3}$$

很好地表示出来，式中 A 是原子核中的核子数，而 $r_0 = 1.4 \times 10^{-13}$ 厘米。由这一表式可知，对所有的核而言，核物质的密度是相同的。在这样一个概念中，質子和中子起着組成液滴的分子的作用。它們处于不間断的运动中，并且，尽管带同样符号电荷的質子間有靜电斥力，但由于短程核力的作用 ($\sim 10^{-13}$ 厘米)，它們仍然穩定地留在核中，这种核力的性质至今还不知道。

研究处于較低激发态的輕核，使我們有理由假定有一定的核的壳层结构存在。

核的正电荷（用基本电荷的大小表示）等于核中的質子数，相應于元素在德·依·門捷列夫周期表中所占方格的号码，并以符

号 Z 表示的元素的原子序数等于核中的质子数，也就是等于核电荷。在中性的原子中，原子的电子壳层中的电子数等于原子核中的质子数，因此原子中的电子数也等于元素的原子序数。

原子质量的数量级为 10^{-24} — 10^{-25} 克，因此原子质量是用专门的单位来量度的。在原子物理学中采取所谓原子质量单位 (a. m. u.)。按照定义，一个原子质量单位等于氧的主要同位素的原子质量的 $1/16$ ，它相当于 1.6603×10^{-24} 克。用原子质量单位时，质子的质量等于 1.00758，中子的质量则等于 1.00898。

正如上面已经指出的，原子的主要质量集中在原子核中。电子的贡献只占原子总质量的万分之几。采用原子质量单位时，所有的原子的质量都接近整数，因为组成原子核的质子及中子的质量仅在小数点后第三位才与 1 有所差别。这些整数显然决定了核中重粒子的总数。但是应当注意到，原子核就其质量而言总是比它的各个组成部分的质量的总和小一些。关于这个被称为质量亏损的现象的原因，我们在这里不准备加以论述。

原子核中重粒子的数目以符号 A 表示，并称为质量数。

氢原子的核由一个质子组成，其质量数等于 1；重氢原子（氘）的核由一个质子和一个中子组成，其质量数等于 2。因为原子的化学性质决定于包含于核内的质子数 Z ，所以氢和氘的化学性质是一样的。这样，同一种化学元素的不同原子核间可以有这样的区别，即在该元素的各种不同的核中有数目不同的中子（中子数等于 $A - Z$ ），也就是说，有不同的重粒子的数目 A 。

具有同样的原子序数 Z ，但有不同的质量数 A 的原子称为同位素。

大多数元素都有几种稳定的同位素，因此用原子质量单位来表示的元素的平均原子质量（人们称之为原子量）有时与整数相去很远。例如，在天然的氯的混合物中含有 75.4% 原子质量为 34.980 的稳定同位素 ($A = 35$)，而原子质量为 36.977 ($A = 37$) 的同位素占 24.6%，因此由天然矿物中得到的氯的原子量为 35.5。因此，在原子核物理学中取质量数为 16 的氧的同位素的原子质量

的 $1/16$ 为原子质量单位,因为氧还有 $A = 17$ 和 $A = 18$ 的稳定同位素。在化学中取各种同位素天然组成的氧的原子量的 $1/16$ 为原子质量单位。同位素以元素的符号表示,并且在右上角标出质量数 A ,而在左下角标出原子序数。例如, $A = 16$ 的氧同位素可写为 ${}_{8}^{16}\text{O}$,有时,表示原子序数的标号可以省略。我們还要引进描述原子核的一些符号。具有同样的质量数 A 而有不同的原子序数 Z 的原子称为同量异位素,如 ${}_{56}^{140}\text{Ba}$ 和 ${}_{57}^{140}\text{La}$ 。具有同样的中子数 $N = A - Z$ 而有不同的质量数 A 的原子称为同中子异荷素,如 ${}_{15}^{33}\text{P}$ 和 ${}_{16}^{34}\text{S}$ 。

除了稳定同位素外,所有的元素都还有不稳定同位素。它们的核在发生自发的蜕变的同时,变成了另一些元素的原子核。这样的同位素称为放射性同位素。它们当中有大部分正是由于自己的不稳定性在自然界中没有被发现,而只能用人工的方法获得。目前已經知道的約有900种这样的同位素,其中包括几十种天然放射性同位素。正是由于研究这些天然放射性同位素,才导致了放射性蜕变現象的发现。

§ 2. 放射性蜕变的規律

在放射性蜕变时显示出一个对于一切元素普遍成立的規律:平均而言,在单位時間內蜕变的某放射性同位素的原子的数目总是占还未蜕变掉的原子总数的一定的份額,这个份額的大小是該同位素的特征。在数学上这一規律可以写成如下关系式:

$$-\Delta N = \lambda N \Delta t; \quad (1.1)$$

在一个很小的时间間隔 Δt 内在初始的 N 个原子中蜕变掉的原子的数目 ΔN 正比于 N 和 Δt 。比例因子 λ 称为蜕变常数,并且是該放射性同位素所特有的一個常数。 λ 表示在单位時間內一个原子蜕变的几率。

簡單的放射性蜕变規律的积分公式具有指数关系的形式:

$$N = N_0 e^{-\lambda t}, \quad (1.2)$$

其中 N_0 是在起始时刻(即 $t = 0$ 时)的原子数, N 是到 t 时刻尚剩

留下来的原子数。

但是，通常都使用另一个表征放射性蜕变速度的量，即所謂半衰期 T 。

半衰期是这样一个时间间隔，在这一时间间隔内一定量的放射性物质减少一半。

由公式(1.2)，我們得到

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{2} = e^{-\lambda T},$$

由此得

$$T = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.693}{\lambda}. \quad (1.3)$$

在蜕变过程中，核发出射线。除半衰期外，辐射的性质也是放射性同位素的重要特征。就其本性而言，放射性辐射一般有三种类型，即区分为 α ， β 和 γ 射线。除了这些主要形式的放射性辐射外，核的蜕变可以伴随着放出伦琴射线的特征谱和輻致谱。

α 射线就是快速飞行的氦核（确切些說，就是同位素 4He 的核）的流。

β 辐射是由核放出的电子 (β^-) 或正子 (β^+)（正子是质量与电子相同、但具有正电荷的粒子）的流。按照现代的概念，在原子核中没有“现成”的 β 粒子，它们是在核的变化过程中产生的，就象物质的原子所发出的光是由于原子的电子壳层中的一些过程而产生的一样。大部分放射性同位素都是 β 辐射体。

γ 射线是一种类似于伦琴射线和光的辐射。这种辐射是核在由一个激发态跃迁到另一激发态或基态能级时放出的。 γ 辐射常常伴随着 α 蜕变和 β 蜕变而出现，成为这一蜕变的次级效应。一般說来， γ 射线是由放出 α 或 β 粒子后形成的新的元素的激发原子核放出的。

放射性辐射的能量常用专门的单位来量度。在原子物理中采用的单位是电子伏 (eV, eB)，这就是电子在电场中穿过 1 伏特的电势差时所获得的能量，千电子伏 (KeV, $K\text{eB}$)（等于 10^3 电子伏）

和兆电子伏 (MeV, MeV) (等于 10^6 电子伏) 是它的导出单位。因为电子的电荷等于 4.8×10^{-10} 絶對靜電单位, 而 1 伏特等于 $1/300$ 絶對靜電单位, 所以 1 电子伏 = $\frac{4.8 \times 10^{-10}}{300} = 1.60 \times 10^{-12}$

尔格, 1 兆电子伏 = 1.6×10^{-6} 尔格。

由放射性物质放出的 α 粒子的能量通常等于数兆电子伏。而 β 粒子的能量则可从 0 到数兆电子伏。 γ 光子的能量则在几千到几兆电子伏的范围内, 这相当于波长从几埃 (1 埃 = 10^{-8} 厘米) 到千分之几埃。

現在已知, 电磁辐射的波长与光子的能量間的关系为

$$e = h\nu. \quad (1.4)$$

此处 h 是普朗克 (Planck) 常数, 等于 6.62×10^{-27} 尔格·秒, ν 是辐射的频率。因为 $\nu = \frac{c}{\lambda}$ (其中 c 是真空中的光速, 等于 300000 公里/秒), 所以波长 λ 与光子能量的关系为 $e = \frac{hc}{\lambda}$ 。假如 λ 用埃来表示, 而 e 用千电子伏表示, 则波长 λ 埃相当于光子能量

$$e = \frac{12.395}{\lambda} \text{ 千电子伏}. \quad (1.5)$$

电磁辐射不仅以波长和光子的能量为特征, 而且也以一定的动量、因而也以一定的质量为其特征。由爱因斯坦公式

$$s = mc^2 \quad (1.6)$$

可以得到质量与所联系的能量之間的关系; 式中 c 是真空中的光速。关系式(1.6)使我們能够确定与一定质量单位相联系的能量。原来

1 原子质量单位所具有的能量 = 931 兆电子伏。

与电子或正子的静止质量相联系着的能量等于 0.511 兆电子伏。

§ 3. 放射性的单位

放射性样品的放射性强度是它的一个重要的性质。在单位时

間內蛻變的原子數稱為該樣品的放射性強度 α :

$$\alpha = -\frac{\Delta N}{\Delta t} = \lambda N. \quad (1.7)$$

由關係式(1.7)可以看到，放射性強度就等於乘積 λN 。知道了放射性強度及蛻變常數，就可以確定任何時刻該放射性物質的總原子數。

放射性的基本單位是居里。

起初，居里的意義是指與自己的蛻變產物處於平衡狀態的1克鑷每秒鐘所發生的蛻變的數目，大約相當於每秒鐘內氯的 3.71×10^{10} 個蛻變行為。

在應用居里這一單位來測量非鈾-鑷系的放射性元素的放射性時，存在著原則性的困難。問題在於，計算相當於1居里的蛻變數目的精確度是有限的，例如，對於鑷，精確度為1—5%。最近的測定表明，在1克鑷蛻變時每秒鐘放出 $(3.61 \pm 0.03) \times 10^{10}$ 個 α 粒子。以後新的測量可能再改變上面給出的那個數字。對於鈾-鑷系的元素而言這種情況並不使我們在表示它們的放射性時要有所改變，但是對於其他的放射性元素而言則須要重新計算。

目前根據國際鑷標準委員會的建議，把1居里的放射性規定為每秒鐘恆定的蛻變數，即每秒鐘 3.71×10^{10} 次蛻變。

各種 α 及 β 輻射體的放射性的大小就是根據這一建議用居里這一單位來表示的。

對於小的放射性常用毫居里(mC , $мкюри$)和微居里(μC , $мккюри$)這兩個單位：

$$1 \text{ 居里} = 10^3 \text{ 毫居里} = 10^6 \text{ 微居里},$$

$$1 \text{ 微居里} = 10^{-3} \text{ 毫居里} = 10^{-6} \text{ 居里}.$$

由於居里這單位的規定性質，不久前曾建議另一個測量 α 及 β 放射性的單位——盧瑟福。盧瑟福是這樣多的放射性物質的放射性，在這些放射性物質中每秒鐘發生 1×10^6 次蛻變。較小的單位為毫盧瑟福(即每秒鐘內有 1×10^3 次蛻變)和微盧瑟福(每秒鐘有1次蛻變)。符號為：盧瑟福——rd，毫盧瑟福——mrd，微盧

瑟福—— μrd .

$$1 \text{ 居里} = 37 \times 10^3 \text{ 卢瑟福}.$$

但是这一单位制还没有得到广泛的应用（在苏联没有被正式地采用）。

在液体中和气体中放射性物质的浓度单位为

$$1 \text{ 居里}/\text{升} = 2.2 \times 10^{12} \text{ 蜕变数}/\text{分钟} \cdot \text{升},$$

$$1 \text{ 爱瑪} = 10^{-10} \text{ 居里}/\text{升} = 220 \text{ 蜕变数}/\text{分钟} \cdot \text{升},$$

$$1 \text{ 馬赫} = 3.64 \times 10^{-10} \text{ 居里}/\text{升} = 780 \text{ 蜕变数}/\text{分钟} \cdot \text{升}.$$

对于鉱、銣和鐳而言，体积浓度一般用每升多少克表示。

馬赫 (maxe) 这一单位早先是用于测定天然水的放射性的，现在常用爱瑪 (эман) 这一单位 ($1 \text{ 馬赫} = 3.64 \text{ 爱瑪}$)。

各种各样的把居里这一单位用来描述放射源的 γ 放射性的做法都会引起混乱，因而必须停止使用。

γ 放射性样品的强度通常由被研究的样品所产生的电离作用的大小来确定。在苏联采用毫克镭当量为 γ 样品的放射性的单位。毫克镭当量是任何这样的放射性样品的放射性，这个样品的 γ 辐射在同样的测量条件下在空气当量的电离室中产生的电离与 1 毫克苏联国家镭标准的镭所产生的电离相同。

1 毫克与蜕变产物处于平衡状态的镭的点源经过 0.50 毫米的铅的初步过滤后，在空气中距源 1 厘米远处产生的剂量率为 1 小时 8.4 伦琴（不用铅过滤时为 9.7 伦琴/小时）。

伦琴单位是这样数量的伦琴射线或 γ 射线，它在穿过标准状态的纯空气时在每立方厘米中产生 1 绝对静电单位的正电荷和 1 绝对静电单位的负电荷。

这样，1 毫克镭当量就相当于任何这样的放射性物质的 γ 放射性，其点源在 1 厘米远处产生的物理剂量率为 8.4 伦琴/小时。

有时采用每小时每米伦琴为 γ 放射性单位（伦琴/小时·米）。每小时每米伦琴是这样一个源的 γ 放射性，它在 1 米远处产生的物理剂量率为 1 伦琴/小时。在苏联伦琴/小时·米并没有被正式采用。我们用毫克镭当量来表示在 1 米远处产生的物理剂量率为

1 伦琴/小时的源的放射性。1 毫克镭当量在 1 厘米远处产生的剂量率为 8.4 伦琴/小时，而在 1 米远处为 $8.4 \cdot 10^{-4}$ 伦琴/小时。要在 1 米远处产生 1 伦琴/小时的物理剂量率，放射源必须强

$\frac{1}{8.4 \cdot 10^{-4}} \cong 1.2 \times 10^3$ 倍，也就是说源应为 1200 毫克镭当量 = 1.2 克镭当量。

现在我们来求放射性为 1 居里的放射性元素的重量（用克为单位）。

由(1.7)和(1.1)可以得到这样的结论：对于一定的样品，在单位时间内蜕变掉的原子数

$$\alpha = -\frac{\Delta N}{\Delta t} = \lambda N,$$

因为对 1 居里而言 $\alpha = 3.71 \times 10^{10}$ 蜕变数/秒， $N = \frac{Q}{A} N_0$ ，其中

N_0 是阿伏伽德罗数 6×10^{23} 原子/克原子量， Q 是用克为单位的放射性元素重量（不计载体的重量）， A 是原子量， T 是半衰期，

并且 $\lambda = \frac{0.693}{T}$ ，所以 $3.71 \times 10^{10} = \frac{0.693}{T} \cdot \frac{Q}{A} \times 6 \times 10^{23}$ ：

$$\left. \begin{aligned} Q &= 8.9 \times 10^{-14} AT (T \text{ 用秒为单位}), \\ Q &= 5.3 \times 10^{-12} AT (T \text{ 用分为单位}), \\ Q &= 3.2 \times 10^{-10} AT (T \text{ 用小时为单位}), \\ Q &= 7.7 \times 10^{-9} AT (T \text{ 用天为单位}), \\ Q &= 2.8 \times 10^{-6} AT (T \text{ 用年为单位}). \end{aligned} \right\} \quad (1.8)$$

例 計算 1 居里 Ca^{45} 的重量 ($A = 45, T = 152$ 天)。

$$Q = 7.7 \times 10^{-9} \times 45 \times 152 = 52.7 \times 10^{-6} \text{ 克} = 52.7 \times 10^{-3} \text{ 毫克} = 52.7 \text{ 微克}.$$

1 克任意的放射性物质的放射性 c (用居里为单位) 可由下列公式来确定：

$$\begin{aligned}
 c &= \frac{1.13 \times 10^{13}}{AT} \quad (T \text{ 以秒为单位}), \\
 c &= \frac{1.88 \times 10^{11}}{AT} \quad (T \text{ 以分为单位}), \\
 c &= \frac{3.10 \times 10^9}{AT} \quad (T \text{ 以小时为单位}), \\
 c &= \frac{1.30 \times 10^8}{AT} \quad (T \text{ 以天为单位}), \\
 c &= \frac{3.57 \times 10^5}{AT} \quad (T \text{ 以年为单位}).
 \end{aligned} \tag{1.9}$$

例 确定 1 克 Ca^{45} 的放射性 ($A = 45$, $T = 152$ 天).

$$c = \frac{1.30 \times 10^8}{45 \times 152} = 1.9 \times 10^4 \text{ 居里/克}$$

在使用放射源的时候, 随时都應該考慮到源的放射性的逐渐減弱. 这主要是对短寿命的同位素而言的. 我們上面已經指出过, 放射性样品的放射性的改变由下面的公式决定:

$$c_t = c_0 e^{-kt} = c_0 e^{-\frac{0.693t}{T}},$$

其中 c_0 是 $t = 0$ 时源的放射性, c_t 是經過时间間隔 t 后源的放射性.

假如在某一定时刻 t 时的放射性 c_t 为已知, 則在 t 时间前的初始放射性 c_0 可由下式确定:

$$c_0 = c_t e^{kt} = c_t e^{\frac{0.693t}{T}}.$$

假如 c_1 是母元素的放射性, 則子元素的放射性 c_2 在时间 t 内的增长按下面的規律进行:

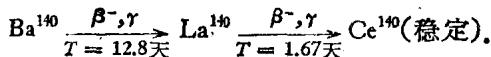
$$c_2 = c_1 \frac{\lambda_2}{\lambda_2 - \lambda_1} (e^{-\lambda_1 t} - e^{-\lambda_2 t}),$$

其中下标 1 和 2 分別代表母元素和子元素.

在所有上面列举出来的公式中, T , t 和 λ 应当用同样的单位来表示.

我們举一个計算放射鏈中的放射性同位素鉬和鑷的对比关系

的例子，放射鏈為



現在要確定在起初只含有 Ba^{140} 的樣品中經過 30 天後 Ba^{140} 和 La^{140} 的相對含量為多少。

設在 $t = 0$ 時 Ba^{140} 原子的數目等於 N_0 ，那麼，經過 30 天後，鑭原子的數目將等於

$$\begin{aligned} N_{\text{La}} &= \frac{\lambda_{\text{Ba}} N_0}{\lambda_{\text{La}} - \lambda_{\text{Ba}}} (e^{-\lambda_{\text{Ba}} t} - e^{-\lambda_{\text{La}} t}) = \\ &= \frac{0.054 N_0}{0.415 - 0.054} (e^{-0.054 \times 30} - e^{-0.415 \times 30}) = 0.03 N_0, \\ (\lambda &= \frac{0.693}{T}; \lambda_{\text{Ba}} = \frac{0.693}{12.8} = 0.054; \\ \lambda_{\text{La}} &= \frac{0.693}{1.67} = 0.415). \end{aligned}$$

也就是說，放射性的鑭(La)原子的數目等於鋇(Ba)原子的初始數目的 $\frac{3}{100}$ 。

經 30 天後，鋇原子的數目為

$$N_{\text{Ba}} = N_0 e^{-\lambda_{\text{Ba}} t} = N_0 e^{-0.054 \times 30} = 0.2 N_0.$$

為了確定放射性隨時間的相對改變 ($c_t / c_0 = e^{-\frac{\lambda t}{T}}$)，使用給出作為 $\frac{t}{T}$ 的函數的 $\frac{c_t}{c_0}$ 的表是很方便的(參看附錄 I 中的表 I.1)。

§ 4. 人造放射性

正如上面已經講過的，放射性元素的主要部分是用人工方法取得的。

應當把鉀(${}_{19}\text{K}^{40}$)，鈉(${}_{37}\text{Rb}^{87}$)，釤(${}_{62}\text{Sm}^{147}$)，鑪(${}_{71}\text{Lu}^{176}$)和鍶(${}_{75}\text{Re}^{187}$)歸入種類很少的天然放射性元素之列。

有時樣品是由幾種在起源上相互有關的放射性物質組成的。