

中等专业学校教材

矿冶类专业适用

材料力学

鞍山钢铁学校

长沙有色金属学校 合编

本溪钢铁学校

高等 教育 出 版 社



中等专业学校教材



矿冶类专业适用

材 料 力 学

鞍山钢铁学校

长沙有色金属学校 合编

本溪钢铁学校

高等 教育 出 版 社

本书是根据 1964 年 8 月修訂的中等专业学校矿冶类专业“工程力学教学大纲(修訂草案)”中材料力学部分的要求进行編写的。

全书包括緒論、拉伸与压缩、材料机械性质及其試驗、剪切、扭轉、弯曲、复合强度及压杆稳定等八章。着重讲述拉伸与压缩、剪切、扭轉、弯曲等四种基本变形的强度概念;对复合强度和压杆稳定問題只作简单的介紹。

本书可作为中等专业学校矿冶类专业材料力学課程(50 学时)的教材,也可供其他有关工程技术人员参考。

中等专业学校教材

材 料 力 学

鞍山钢铁学校等校合编

北京市书刊出版业营业許可證字第 119 号

高等教育出版社出版(北京景山东街)

人 民 教 育 印 刷 厂 印 装

新 华 书 店 北京发 行 所 发 行

各 地 新 华 书 店 經 售

统一书号 KJ5010 · 1175 开本 850×1168 1/32 印张 3 1/4
字数 79,000 印数 0,001—7,000 定价(6) ￥0.42
1965 年 6 月第 1 版 1965 年 6 月北京第 1 次印制

序

本书系根据 1964 年 8 月审訂的中等专业学校矿冶类专业“工程力学教学大綱(修訂草案)”的要求, 主要参考了原冶金部四院校及辽宁冶金学院合編“材料力学”教材, 并結合当前教学改革的精神进行編写的。

编写时力求符合大綱的基本精神, 并力求貫彻理論联系实际和少而精的原則, 以便使学生把最基本的理論和知識学到手。因此, 本书以建立四种基本变形(拉伸与压缩、剪切、扭轉、弯曲)的强度概念为主, 对复合强度和压杆稳定問題, 亦作了簡要的介紹。平面图形几何性质一章已予删去; 内力和应力的概念在拉伸与压缩一章中介绍; 弯曲应力公式在實驗觀察和假設的基础上, 对比扭轉剪应力公式, 直接給出, 不予推导。

預計讲完本书約需 50 学时, 其中包括材料机械性质試驗(5 学时)和必要的課堂练习。教师可根据专业需要, 对教学內容进行适当的取舍或补充。每章末附有复习題和习題部分, 供复习和练习时参考。习題中注有“*”号者, 是較难的題。

編寫工作是采取分工执笔、集体討論的方式进行的。参加編寫工作的有长沙有色金属学校張孝武、本溪鋼鐵学校王立杰和鞍山鋼鐵学校謝哲东。最后由謝哲东負責整理定稿。在編寫过程中, 广泛征求了北京鋼鐵学校、吉林电气化学校、沈阳有色金属学校等校的意見, 对本书的最后定稿起了很大作用。

由于編者水平所限, 加以对少而精原則体会不够深刻, 书中必定会有許多缺点和不妥之处, 我們竭誠希望本书的讀者, 尤其是教師們提出宝贵意見和批評。來信請寄北京景山东街高等教育出版社編輯部。

編者 1965 年 3 月

主要字符表

本书字符	字 符 意 义	常 用 单 位	以往常用字符
E	弹性模数	$\text{kg}/\text{cm}^2, \text{kg}/\text{mm}^2$	E
F	截面面积	cm^2, mm^2	F
f 或 y	挠度	cm, mm	f, y
G	剪切弹性模数	$\text{kg}/\text{cm}^2, \text{kg}/\text{mm}^2$	G
	物重	t, kg	
J_p	极惯性矩	cm^4, mm^4	J_p, I_p
J_z	对 z 轴的轴惯性矩	cm^4, mm^4	J_z, I_z
M, M_w	弯矩	$\text{t-m}, \text{kg-m}, \text{kg-cm}$	M
M_{xd}	相当弯矩	$\text{t-m}, \text{kg-m}, \text{kg-cm}$	
M^0	外力矩	$\text{t-m}, \text{kg-m}, \text{kg-cm}$	m, M
m	力矩	$\text{t-m}, \text{kg-m}, \text{kg-cm}$	m
M_n	扭矩	$\text{t-m}, \text{kg-m}, \text{kg-cm}$	M_n, M_τ
N	轴力	t, kg	N
	功率	kW, HP	
n	安全因数, 轴的转速		n
P	外力, 载荷	t, kg	P
P_{1j}	压杆的临界力	t, kg	P_s, P_{cr}
Q	剪力, 荷重	t, kg	Q
q	均布载荷密度	$\text{t/m}, \text{kg/m}, \text{kg/cm}$	q
R	支反力, 合力,	t, kg	R
	半径	m, cm, mm	
W_n	抗扭截面模量	cm^3, mm^3	W_p, W_n
W_z	对 z 轴的抗弯截面模量	cm^3, mm^3	W_z
x, y, z	坐标轴		x, y, z
	坐标		
γ	剪应变		γ
δ	延伸率		δ
ϵ	线应变		ϵ
ψ	截面收缩率		
θ	杆单位长度扭转角		θ
[θ]	杆单位长度许可扭转角		[θ]

本书字符	字 符 意 义	常 用 单 位	以往常用字符
σ	正应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ
σ_p	比例极限	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_{II} , $\sigma_{\text{比}}$, σ_p
σ_e	弹性极限	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_y , $\sigma_{\text{弹}}$, σ_e
σ_s	流动极限(屈服极限)	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_t , $\sigma_{\text{屈}}$, σ_y
σ_b	强度极限	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_{B} , σ_{I}
σ_{jx}	极限应力或危险应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ^0 , σ_u
σ_l	拉伸应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_p 或 σ_+
σ_y	压缩应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_c 或 σ_-
σ_{jy}	挤压应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_{cm}
σ_w	弯曲应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_x
σ_{xd}	相当应力	kg/cm ² , kg/mm ²	σ_r
σ_{-1}	对称循环持久极限	kg/cm ² , kg/mm ²	
σ_0	脉动循环持久极限	kg/cm ² , kg/mm ²	
[σ]	许用正应力	kg/cm ² , kg/mm ²	[σ]
τ	剪应力	kg/cm ² , kg/mm ²	τ
[τ]	许用剪应力	kg/cm ² , kg/mm ²	[τ]
τ_p	剪切比例极限	kg/cm ² , kg/mm ²	τ_{II}
τ_s	剪切流动极限	kg/cm ² , kg/mm ²	τ_t
τ_b	剪切强度极限	kg/cm ² , kg/mm ²	τ_{B}

說明：本书字符下标与以往教材中习用的字符下标有所不同。取用的原则为：

(1)国家标准或国际上較通用的字符一般均照用并排成小写斜体(有些习惯上用正体字的，仍用正体，如max, min等)。如国家标准中規定材料四个力学特性点的应力的字符为：弹性极限用 σ_e ，比例极限用 σ_p ，流动极限用 σ_s ，强度极限用 σ_b ，本书照用；与此相应的剪应力字符下标，也同样采用这四个字母。

(2)說明意义的字符下标，各国均用本国文字的字首，本书則采用汉语拼音的字头，并排成小写正体。如“拉(la)应力”用 σ_l ，“压(ya)应力”用 σ_y ，“扭(niu)应力”用 τ_n ，“弯(wan)应力”用 σ_w (以上取一个字头)，“挤压(jiya)应力”用 σ_{jy} ，“极限(jixian)应力”用 σ_{jx} (以上取两个字头)等。

本书字符是仿照孙訓芳、方孝淑、陆耀洪編“材料力学”中所用的字符。因系第一次試用，讀者如有意見，請函告北京高等教育出版社。

目 录

序	v
主要字符表	vii

第一章 緒論

§ 1-1. 材料力学的任务	1
§ 1-2. 材料力学发展概述	2
§ 1-3. 变形固体的性质及其基本假設	4
§ 1-4. 外力及其分类	6
§ 1-5. 杆件变形的基本形式	6
复习题	8

第二章 拉伸与压缩

§ 2-1. 拉伸与压缩时横截面上的内力 截面法	10
§ 2-2. 拉伸与压缩时横截面上的应力	13
§ 2-3. 拉伸与压缩时的变形 虎克定律	15
§ 2-4. 拉伸与压缩时的强度计算	18
复习题	21
习题	22

第三章 材料机械性质及其試驗

§ 3-1. 材料机械性质試驗的概述	24
§ 3-2. 靜拉伸試驗 应力应变图	25
§ 3-3. 壓縮試驗 壓縮应力应变图	31
§ 3-4. 硬度	33
§ 3-5. 应力集中概念	34
§ 3-6. 塑性材料与脆性材料机械性质的比較	35
§ 3-7. 交变应力与持久极限	36
§ 3-8. 許用应力 安全因数	38
复习题	39

第四章 剪切

§ 4-1. 剪切时的内力与应力 剪切强度公式	40
§ 4-2. 挤压	42
§ 4-3. 剪切和挤压的計算例題	44
§ 4-4. 剪切时的变形 剪切虎克定律	47

复习題.....	49
习題.....	49

第五章 扭轉

§ 5-1. 扭轉時的內力矩——扭矩.....	51
§ 5-2. 圓軸扭轉時的應力.....	53
§ 5-3. 圓形與圓環形截面的極慣性矩和抗扭截面模量.....	58
§ 5-4. 圓軸扭轉的強度計算與剛度概念.....	59
复习題.....	63
习題.....	63

第六章 弯曲

§ 6-1. 梁的支座型式 梁結構的類型.....	67
§ 6-2. 載荷和支持反力.....	69
§ 6-3. 梁彎曲時橫截面上的內力——剪力和彎矩.....	72
§ 6-4. 彎矩圖.....	75
§ 6-5. 純彎曲時橫截面上的應力.....	80
§ 6-6. 梁的強度計算.....	85
§ 6-7. 梁截面的合理形狀.....	88
§ 6-8. 梁的撓度和轉角的概念.....	90
复习題.....	91
习題.....	91

第七章 夾合強度

§ 7-1. 弯曲與拉伸(或壓縮) 組合變形的強度概念.....	96
§ 7-2. 弯曲與扭轉的組合變形.....	98
复习題.....	102
习題.....	103

第八章 壓杆的穩定

§ 8-1. 壓杆穩定的概念.....	104
§ 8-2. 確定臨界力的歐拉公式.....	105
复习題.....	108
习題.....	108

附錄.....	109
---------	-----

第一章 緒論

§ 1-1. 材料力学的任务

在工农业生产中，广泛地运用各种机械及工程结构，它们都是由各种形式的构件組合而成的。这些构件必須滿足若干要求，其中基本的要求为安全、适用及經濟。例如桥式起重机（图 1-1），除

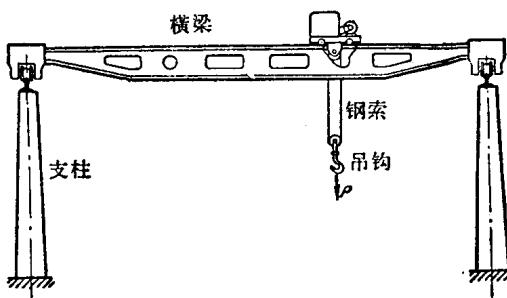


图 1-1

吊車外，还包括鋼索、吊鉤、橫梁、支柱等許多构件。当起重機工作时，这些构件都要受到載荷的作用，如果构件材料选择不当或尺寸設計不合理，则在載荷作用下可能发生断裂，从而使整个机械毀坏；也可能产生过大的变形（例如橫梁），使机械不能正常工作；有的构件（例如細长的支柱）当載荷达到某一定值时，也会突然失去原来的稳定状态，变成不稳定的平衡，以致使整个結構毀坏。因此，为了使机械或結構能安全而正常地工作，在設計时，构件必須滿足以下几方面的要求：

强度 保证构件在載荷作用下不致破坏；

剛度 保证构件在載荷作用下不致发生过大的变形；

穩定 保證構件在載荷作用下不致突然失去原來的平衡狀態。

為了保證構件的安全，可以選擇較好的材料和較大的截面尺寸，但這樣會造成材料浪費並使結構笨重，不符合社會主義建設的要求。因此，設計構件時，不但要滿足上述強度、剛度和穩定性的要求，同時，還必須尽可能地選用合適的材料和降低材料的消耗量，以節約資金和減輕構件的重量。當然，這兩者之間是有矛盾的。材料力學就是要合理地解決這種矛盾，而矛盾的解決不僅促進了生產，而且也使材料力學本身得到進一步的發展。

在生產實踐中，有時需要新設計一些結構和構件，有時需要對已經設計好的構件，校核它們的尺寸，和對某些已經制成的構件，計算它們的承載能力。解決這些問題，都要應用材料力學的知識。

綜合上述，材料力學是一門研究構件的強度、剛度和穩定性計算原理的科學。它的任務是要使我們了解材料的機械性質，能為機械和工程結構中的簡單構件選擇適當的材料和截面尺寸，充分利用材料的性能，保證構件能夠滿足安全、適用和經濟等要求。

本教材主要介紹等截面直杆在靜載荷作用下的機械性質和強度計算問題，對於剛度和穩定性的計算，只作簡單介紹。

§ 1-2. 材料力學發展概述

歷史證明：生產實踐是科學知識的源泉，生產力的發展是科學技術不斷發展的動力。材料力學與其他科學一樣，是在人類長期同自然作鬥爭的過程中產生的。同時又隨著生產的發展而不斷的發展和豐富起來，逐步建立了材料力學理論。人們又用這些理論去指導實踐，加速生產的發展。

在遠古時代，人們在長期勞動和生產實踐中，積累了一些材料力學方面的知識。在這一方面，我國勞動人民有着重要的成就。

早在三千多年以前，我們的祖先就已經能建造木結構的房屋，用輻條車輪代替了圓板車輪。隨着生產的發展，在周代就已經應用青銅軸瓦來減少摩擦，到了漢代（公元一世紀）就應用鐵制的軸。這說明我們的祖先在很早的年代里就已經掌握了材料性能及合理使用材料的實際知識。我國勞動人民以其勤勞、勇敢和智慧修建了像長城、運河等許多巨大工程。至今尚完整存在的河北趙州橋是由隋代杰出的匠師李春（第七世紀）建造的。這是一座單跨石拱橋，長達37米，拱半徑25米，橋上有四個附拱可以在洪水期間泄洪用，同時減輕了重量，節省了材料。這種拱橋到了1912年才在歐洲出現。此外，在建築、造船等方面還有許多偉大發明和創造，這裡不再一一列舉。通過長期勞動和生產實踐，我國勞動人民也在建築方面積累了豐富的經驗，並總結寫出了像《墨經》、《考工記》、《營造法式》和《天工開物》等著作。但是由於封建統治的延續，統治階級對勞動人民的殘酷剝削，近百年來又遭受帝國主義的掠奪，阻礙了生產力的發展，因而我國的科學技術一直未能在理論上得到進一步發展。

十七世紀，歐洲封建社會制度漸趨沒落，資本主義逐步興起。隨着貿易、海运交通的發展，造船、採礦、冶金等工業也急劇的發展起來。因此在生產上提出了許多迫切需要解決的工程技術問題。這就促使材料力學和其他有關科學迅速發展起來。由於海运的發展，要求增大船隻噸位和改進船隻結構。意大利科學家伽利略為了解決造船中的梁的問題，在總結前人經驗的基礎上，對梁的強度作了一系列的實驗與計算。英國科學家虎克根據實驗的結果，在1678年提出了著名的虎克定律。他指出：在一定條件下物体的變形與它所受的載荷成正比。從此，材料力學才由過去生產實踐積累的經驗的基礎上開始走上理論與實踐相結合的正確道路。

从十八世紀到二十世紀，由于机器制造，铁路交通，航空等工业的飞跃发展和技术进步，提出了許多新的科学技术問題，如振动載荷，压杆稳定，疲劳强度，薄壳强度等等，这就促使人們对这些問題进行研究，大大推动了材料力学的发展。

我国解放以后，生产关系发生了根本的改变，生产力从而得到迅速发展。在党和毛主席的英明领导下，随着我国社会主义建設事业的飞跃发展，科学技术也获得了很大进步。現在我国已經能够制造許多新型的产品，如一万二千吨的巨型水压机、大型水輪机、大型高炉、大型軋鋼机、噴气式飞机等等。另外，建成了像横渡天塹的武汉长江大桥，許多巨大的水庫、宏偉的人民大会堂等建筑物。在这些产品和工程建筑物中，包含有不少材料力学的問題，这說明我国的材料力学科学，也已发展到了相当高的水平。随着我国社会主义建設事业的迅速发展，材料力学必将会获得更大的发展。

§ 1-3. 变形固体的性质及其基本假設

理論力学只研究物体受力后的外部效果，因而把物体看作是理想剛体，完全忽略物体因外力作用而引起的变形。材料力学研究的是物体受力作用后的内部效应，即强度、剛度和稳定性問題，在这些問題里，物体的变形是研究的主要因素，所以絕對剛体这一假定在这里已不适用，并把一切固体看成变形固体。

固体在外力作用下发生变形，当外力去掉后，固体能消除变形而恢复原来形状的那种性质称为彈性。不能恢复原来形状的性质称为塑性。能恢复的变形叫做彈性变形，不能恢复的变形叫做塑性变形或殘余变形。

在自然界中，并沒有完全彈性体，一般变形固体，既具有彈性，也具有塑性。實驗指出，金屬、木材等工程材料，当外力不超过某

一限度时，可以看成是完全彈性的。多数构件在正常工作条件下只允許发生彈性变形。在材料力学中的大部分問題都只限于对彈性变形的研究。

固体的性质本来是比较复杂的，但为了便于进行研究，就将某些問題加以簡化。为此对固体的性质提出如下的基本假設：物质是毫无空隙地充滿了整个固体，而且固体的机械性质在各处都是一样的（即連續均匀性假設）。事实上，組成物体的微粒（或晶体）之間是不連續的，物体的机械性质也不是处处相同的。但在材料力学中，所研究的物体与組成它的微粒比起来要大得很多，因此，就整个固体来讲可以认为是均匀連續的。对于像鋼、銅等金屬材料，根据这个假設所得的理論与實驗結果很符合，对于磚、石、木材等材料則較差，但在一般情况下仍采用这个假設。

除了上述的基本假設外，还假定材料在各个不同的方向都具有相同的机械性质（各向同性的假設）。像鑄鋼、鑄銅、玻璃和做得很好的混凝土等，都可当作各向同性材料。只在一定的方向上才有相同的机械性质的材料，称为单向同性材料。像鋼絲、各种輾制的鋼材和木紋整齐而无节疤的木材，都是单向同性材料。在材料力学中，研究各向同性材料所得的結果，可以近似地用来計算一些单向同性材料。

因为材料力学是在彈性范圍內研究构件的变形的，所以其变形与构件的原始尺寸相比一般甚小，可以忽略。因此在应用靜力平衡方程或作其他分析时，可以不考虑外力作用点在物体变形时所产生的位移，这样可使实际計算大为簡化。

总之，在材料力学中是把实际材料看作均匀、連續、各向同性的可变形固体，并且在绝大多数場合下只限于研究彈性变形的情况。

§ 1-4. 外力及其分类

某一物体受到其他物体所作用的力，称为外力，包括載荷及約束反力。按照不同的特征，外力的分类如下：

(1)按外力在物体上的分布情况可分为体积力(力分布在整个体积內)和表面力。例如自重就是体积力的一种。表面力又可分为分布力和集中力。連續分布在物体某一表面上的力称为分布力。例如砌在梁上的墙对梁的作用力便是分布力。当外力作用的面积远小于物体表面面积时，就可以将这种力看作是作用在一点处的集中力。像火車車輪作用于鋼軌上的压力、天平刀口支承的反作用力等，在一般計算中都可看作是集中力。集中力的单位是吨或公斤，分別用 t 或 kg 表示。

(2)按載荷随時間改变的情况，可分为靜載荷和动載荷。靜載荷指的是慢慢地由零增加到某一定数值，以后即保持不变或变动得不显著的載荷，例如蓄水池所受的水压，屋頂所受的雪重等都是靜載荷。动載荷指的是随時間改变的載荷，它又可分为冲击載荷和交变載荷。后者的大小或方向是随時間而变化的。例如鍛件被汽錘錘头鍛击时所受的載荷便是冲击載荷，蒸汽机活塞杆所受的載荷則是交变載荷。

§ 1-5. 杆件变形的基本形式

当外力以不同的方式作用在杆件上时，杆件将产生不同的变形。例如手搖鉸車(图 1-2)及鉸車架的各个杆件，如鋼绳、支柱、軸、鉚釘等因受力形式不同，便产生不同的变形。杆件变形的基本形式有下列四种：

(1)軸向拉伸与压缩 这种变形是一根直杆的两端受到大小相等、方向相反、作用綫与軸綫重合的两个外力作用，使杆件的长

度发生了改变(图 1-2, b);

(2)剪切 这种变形是一根杆件受到大小相等、方向相反、相距很近的两平行外力的作用，使两力中间部分的各个横截面沿外力方向发生了错动(图 1-2, c);

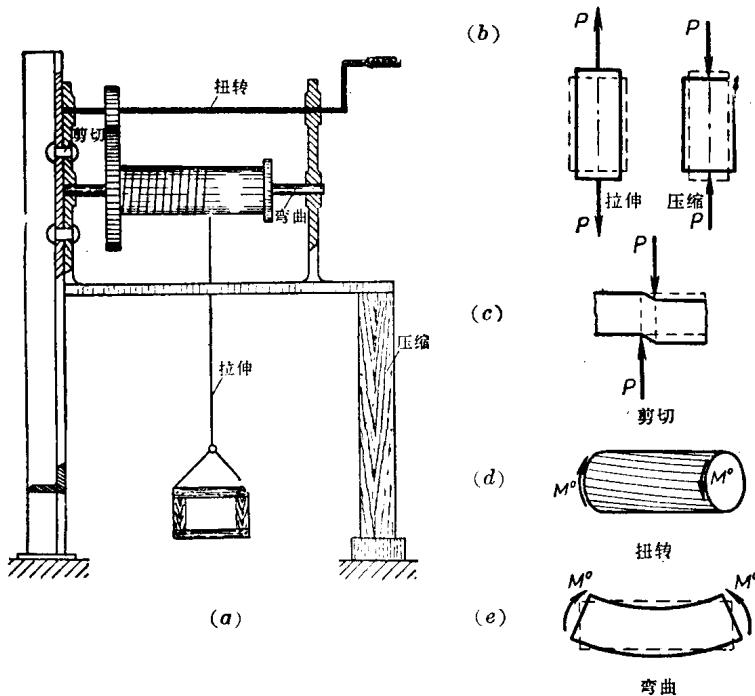


图 1-2

(3)扭转 这种变形是一根直杆在垂直于轴线的两平面内受到大小相等转向相反的两力偶的作用而产生的变形(图 1-2, d);

(4)弯曲 这种变形是一根直杆在其纵向对称面内受到大小相等转向相反的两个力偶的作用而产生的变形(图 1-2, e)。

有时，杆件的变形较为复杂，不过可以看成是由上述几种基本变形组合而成。

復 习 題

1. 工程上的机械或結構的构件應該滿足哪些基本要求？如果这些构件不滿足强度、剛度和稳定性的要求将产生怎样的后果？試舉例說明。
2. 學習材料力学的目的是什么？
3. 为什么同一物体，在理論力学中把它看成是理想剛体，而在材料力学中却要考慮它的变形？
4. 何謂彈性和塑性？何謂彈性变形和塑性变形？
5. 何謂連續均勻性假設？在材料力学中，为什么对于变形固体作这样的基本假設？
6. 杆件变形的基本形式有哪些？举一些实例說明。

第二章 拉伸与压缩

拉伸或压缩是四种基本变形中最简单的一种。若在杆的两端，沿轴线作用着大小相等、方向相反的两个力 P ，则杆便沿轴线方向伸长(图 2-1, a)或缩短(图 2-1, b)。这种变形，叫做拉伸或压缩。

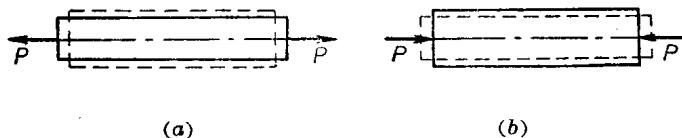


图 2-1

在工程中，承受拉伸或压缩作用的杆是最常见的。例如图 2-2, a 所示的压力机，当手柄受力 P 作用后，杆 BC 和立柱被拉伸，而杆 EC 和 DC 则被压缩。其他如蒸汽机的活塞杆、密闭高压容器

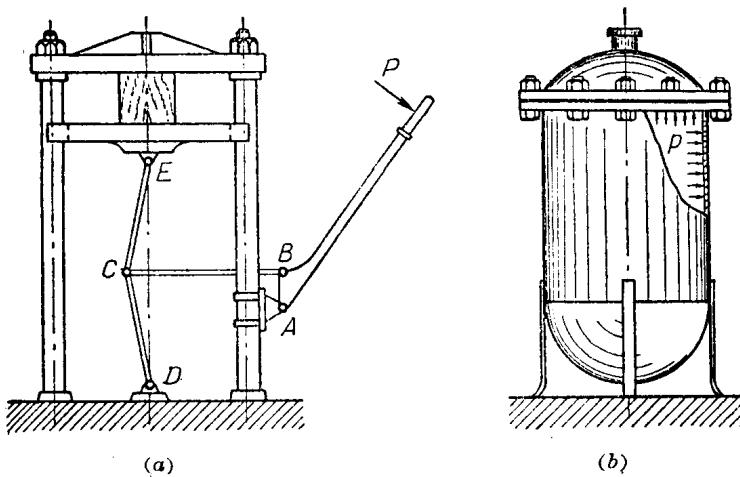


图 2-2