

# 工程畫

第二卷

陳子晴編譯



商務印書館

工 程

第二卷

陳子晴編譯

商務印書館

000047

000047

本書主要是參考蘇聯席立智著“畫法幾何與製圖”(E. V. Зеленин: Начертательная геометрия и черчение)1953年修訂第二版編譯的。全書分應用幾何畫、投影幾何、正投影、機械製圖及附錄五編，內容偏重於機械製圖。第二卷為投影幾何及正投影部分，敘述投影幾何學及正投影的基本知識。其內容、份量和課程進度均配合着高等工業學校中除了機械和土建專業外，其它各專業適用的畫法幾何及機械製圖教學大綱，並適用於中等專業學校機械專業作參考。本書的特點是說理明晰、論證嚴密、舉例詳實、插圖清楚，書中附有很多問題及習題，插圖349幅，便於學校作業或機械製圖技術人員自修。

## 工 程 畫

第二卷  
陳子晴編譯

★ 版權所有 ★  
商務印書館出版  
上海河南中路二一一號

(上海市書刊出版業審查委員會認定字號〇二五號)

新華書店總經售  
北京市印刷一廠印刷  
色(61256•2)

開本787×1092 1/16 印張16 1/2 挪頁1 字數263,000  
1955年9月初版 印數1—5,000 定價(7)革1.64

# 目 錄

## 第二編 投影幾何

<b>第六章 關於投影的一般知識</b> .....	127
§ 6.1 引言 .....	127
§ 6.2 中心投影 .....	128
§ 6.3 平行投影 .....	129
§ 6.4 中心投影和平行投影的比較 .....	130
§ 6.5 若干幾何體的正投影 .....	131
<b>第七章 點</b> .....	132
§ 7.1 點在兩個投影面上的投影 .....	132
§ 7.2 點在三個投影面上的投影 .....	136
習題 .....	141
<b>第八章 直線</b> .....	144
§ 8.1 直線的投影 .....	144
§ 8.2 直線的跡點 .....	146
§ 8.3 直線的各個位置 .....	149
§ 8.4 兩直線的相對位置 .....	155
§ 8.5 相互垂直的兩直線 .....	160
§ 8.6 可見性的決定 .....	162
習題 .....	163
<b>第九章 幾何</b> .....	167
§ 9.1 幾何位置的決定 .....	167
§ 9.2 平面的跡線 .....	167
§ 9.3 位在已知平面內的直線 .....	169
§ 9.4 平面內的橫面線和縱面線 .....	169
§ 9.5 位在已知平面內的點 .....	170
§ 9.6 跡線的作法 .....	172
§ 9.7 各種不同位置的平面 .....	172
習題 .....	178
<b>第十章 直線和平面的相對位置</b> .....	182
§ 10.1 兩平面的相對位置 .....	182
§ 10.2 平行於平面的直線 .....	184
§ 10.3 和平面相交的直線 .....	185
§ 10.4 垂直於平面的直線 .....	187
習題 .....	188

<b>第十一章 幾何體的投影</b>	190
§ 11.1 角柱體和角錐體	190
§ 11.2 圓柱體和圓錐體	194
§ 11.3 球、托面和環	197
習 題	204
<b>第十二章 實長的決定</b>	205
§ 12.1 一點繞垂直於投影面的軸迴轉	205
§ 12.2 週轉法決定線段的實長	206
§ 12.3 投射面和投影面的重合	207
習 題	210
<b>第十三章 多面體表面和投射面的交線</b>	212
§ 13.1 概說	212
§ 13.2 角柱體	212
§ 13.3 角錐體	214
習 題	216
<b>第十四章 迴轉體表面和平行面的交線</b>	218
§ 14.1 概說	218
§ 14.2 圓錐面和縱平行面的交線是雙曲線	219
§ 14.3 “割線”	220
習 題	222
<b>第十五章 迴轉體表面和投射面的交線</b>	224
§ 15.1 圓柱體的斷面	224
§ 15.2 圓錐體的斷面	227
§ 15.3 球的斷面	233
習 題	234
<b>第十六章 直線在幾何體表面上的跡點</b>	236
§ 16.1 角錐體	236
§ 16.2 圓錐體	237
習 題	237
<b>第十七章 空間曲線</b>	239
§ 17.1 圓柱形螺旋	239
§ 17.2 圓錐形螺旋	241
習 題	242
<b>第十八章 螺旋面</b>	243
§ 18.1 螺旋面	243
§ 18.2 螺紋面	246
<b>第十九章 兩幾何體表面的交線</b>	251
§ 19.1 概說	251
§ 19.2 兩個多面體	251
§ 19.3 兩個迴轉體	256
習 題	261

---

<b>第二十章 軸測投影(直觀圖) .....</b>	264
§ 20.1 概說 .....	264
§ 20.2 座標法 .....	265
§ 20.3 任意軸測投影的作法 .....	266
§ 20.4 水平斜軸測投影 .....	269
§ 20.5 垂直斜軸測投影 .....	272
§ 20.6 正等測投影 .....	275
§ 20.7 平面圖形的正等測投影 .....	276
§ 20.8 幾何體的正等測投影 .....	280
§ 20.9 正二測投影 .....	287
習 題 .....	291

### 第三編 正投影

<b>第二十一章 視圖的排列 .....</b>	296
§ 21.1 引言 .....	296
§ 21.2 圖中所用線型 .....	296
§ 21.3 主視圖(投影)的排列 .....	300
§ 21.4 違反視圖排列規則的情況 .....	303
§ 21.5 決定某—物體的投影的數目 .....	305
§ 21.6 尺寸註法 .....	311
習 題 .....	313
<b>第二十二章 斷面和剖視圖 .....</b>	330
§ 22.1 引言 .....	340
§ 22.2 斷面 .....	340
§ 22.3 剖視圖 .....	341
§ 22.4 部分剖視圖或斷裂剖視圖 .....	347
§ 22.5 簡單剖視圖和複合剖視圖 .....	349
§ 22.6 用來標明投射方向的箭頭 .....	370
§ 22.7 斜斷面 .....	350
習 題 .....	358

# 目 录

## 第四編 机械制圖

第二十三章 有关零件制造的一些問題	365
§ 23.1 机器制造中所应用的一些主要金屬	365
§ 23.2 加工概說	367
§ 23.3 表面光度及加工符号	369
§ 23.4 公差和配合	372
§ 23.5 机件上注尺寸	377
習題	379
第二十四章 剖視圖和断面	381
§ 24.1 断面符号	381
§ 24.2 在连接件中零件的剖視圖	383
§ 24.3 剖視圖的特殊情況	383
§ 24.4 某些复合剖視圖	385
習題	387
第二十五章 連接零件	390
§ 25.1 螺紋	390
§ 25.2 螺紋在圖中的規定表示法	392
§ 25.3 螺紋的形狀及其在圖中的符号	394
§ 25.4 螺紋、双头螺栓、螺母、螺釘和垫圈	398
§ 25.5 螺栓和螺母的简化画法	403
§ 25.6 螺紋連接	405
§ 25.7 鍵、銷、开打銷、楔	407
習題	410
第二十六章 零件的草圖和工作圖	411
§ 26.1 画草圖	414
§ 26.2 量具及其使用法	417
§ 26.3 零件的工作圖	424
第二十七章 在画零件及零件的組合时所采用的某些規定和简化	425
§ 27.1 長物体的断裂画法	425
§ 27.2 圆角	427
§ 27.3 螺旋弹簧	428
§ 27.4 鈎縫	431
§ 27.5 焊缝	436
習題	439
第二十八章 傳動常識和機構略圖	444
§ 28.1 週轉运动的傳輸	444
§ 28.2 圆柱形齒輪	445
§ 28.3 渐升綫齒形輪廓的画法	447
§ 28.4 齒形輪廓的简化画法	450
§ 28.5 圆錐形齒輪、蜗軸、撓軸、鏈輪和棘輪	451
§ 28.6 齒輪嚙合在圖中的表示法	453
§ 28.7 机构示意圖	462

習題 .....	466
<b>第二十九章 裝配圖 .....</b>	<b>470</b>
§ 29.1 裝配圖的繪制程序 .....	470
§ 29.2 裝配圖中的編號及標記方法 .....	471
§ 29.3 标題和零件表 .....	472
§ 29.4 裝配圖舉例 .....	473
§ 29.5 由裝配圖畫零件的工作圖 .....	474
習題 .....	475
<b>第五編 附編</b>	
<b>一、建築概要</b>	
<b>第三十章 整平面圖 .....</b>	<b>487</b>
§ 30.1 整平面圖 .....	487
§ 30.2 測量工具 .....	490
§ 30.3 灰量地區的簡單方法 .....	490
<b>第三十一章 房屋圖 .....</b>	<b>493</b>
§ 31.1 在建築圖中所用的規定符號 .....	493
§ 31.2 房屋的立面圖、平面圖和剖視圖 .....	495
§ 31.3 按實物畫房屋的草圖 .....	497
習題 .....	498
<b>第三十二章 透視圖 .....</b>	<b>498</b>
§ 32.1 點的透視圖 .....	499
§ 32.2 直線的透視圖 .....	501
§ 32.3 選擇視點到畫面之間的距離 .....	503
§ 32.4 位在物面內的圓形的透視圖 .....	503
§ 32.5 物體的透視圖 .....	503
習題 .....	514
<b>二、技術素描(技術繪圖)</b>	
<b>第三十三章 平面圖形的素描 .....</b>	<b>515</b>
§ 33.1 徒手畫的經驗 .....	515
§ 33.2 几點方法上的指示 .....	519
§ 33.3 抄圖 .....	521
<b>第三十四章 正等測投影的素描 .....</b>	<b>523</b>
§ 34.1 空間物體的技術素描的特徵 .....	523
§ 34.2 平面圖形的等測投影 .....	524
§ 34.3 為空間物體繪制技術素描時的一些規則 .....	524
§ 34.4 几何體的等測素描 .....	526
習題 .....	526
<b>三、附 表</b>	
I. 公差和配合 .....	527
II. 螺紋尺寸 .....	532
III. 螺紋連接 .....	536
IV. 鍵 .....	565
V. 螺釘 .....	569

## 正文中各表目录

<b>表</b>	1. 比例尺(ГОСТ 3451-52) .....	22
	2. 圖紙的标准尺寸(ГОСТ 3450-52) .....	23
	3. 标准字体的一些基本尺寸(ГОСТ 3454-52) .....	39
	4. 正切和余切函数 .....	59
	5. 連接件的锥度的尺寸 (OCT/BKC 7652) .....	63
	6. 正多角形每边的長度和外切圆半径之比 .....	70
	7. 线型及其粗细(ГОСТ 3456-52) .....	298
	8. 表面光度的等級和加工符号(ГОСТ 2789-51) .....	370
	9. 一般直径的标准数值(OCT/BKC 6270) .....	373
	10. 各种不同材料的断面符号(ГОСТ 3455-52) .....	382
	11. 螺纹缩颈的尺寸 .....	393
	12. 公制细螺纹的系数 $\lambda$ (OCT/HKTH 273) .....	395
	13. 螺栓、螺钉和双头螺栓的末端尺寸(OCT 1713) .....	399
	14. 开口销孔的直径(ГОСТ 397-41) .....	410
	15. 加工零件上的圆角半径(OCT/HKTH 1742) .....	427
	16. 铆钉孔的直径(OCT 439) .....	431
	17. 铆钉在图中的规定表示法(ГОСТ 3465-52) .....	433
	18. 焊缝在图中的表示法 .....	437
	19. 齿轮的模数(POC 1597) .....	446
	20. 模数 $m=1$ 时,画齿形轮廓的半径 $R_1$ 和 $R_2$ .....	451
	21. 机构示意图的规定符号(ГОСТ 3462-52) .....	462
	22. 某些建筑材料的规定符号(ГОСТ 5401-50) .....	494

## 第二編 投影幾何

### 第六章 關於投影的一般知識

#### § 6.1 引言

投影幾何是工程畫的理論基礎。

任何物體都佔有空間的一部分，是三度空間的立體；所以，要把一立體及其幾何要素在平面上表示出來，即，要畫出這一立體的平面圖形來，就必須有一定的規則和方法。投影幾何就是研究這方面問題的學科。按照了所畫的圖，就可以製作某一物體或機械零件、裝配機器和建築房屋等等。因此，關於圖的工作就有兩方面：把某一目的物畫成圖，即製圖，以及看懂已畫好的圖，即讀圖。

所謂“讀圖”，是指：在看了畫好的圖之後，能想像出圖中所示物體的形狀及其細節。讀圖是比較困難的，需要足夠的空間觀念。如果在開始學習時還沒有什麼空間觀念，則要理解和掌握投影幾何的若干問題是比較費力。可是，在學習的過程中，空間觀念就會逐漸培養起來。

投影方法是投影幾何的根本。因此，在學習投影幾何時，也是以有關投影的概念作為開始。

點的投影 設空間有一點  $M$ ，並有一平面  $P$ 。如經過  $M$  點引任意一直線，使和  $P$  面相交於某一點  $m$ （圖 6.1, b），則  $m$  便是  $M$  點在  $P$  面上的投影。

直線  $Mm$  叫做投  
射線，而平面  $P$  則叫  
做投影面。

線、面以及幾何  
體的投影的定義，都  
可由此推導出來。通  
過幾何體上各點，引  
各投射線，使和已知  
平面相交，便得空間各點的投影，連接各點的投影，便可定出幾何體在這平面上的投影。

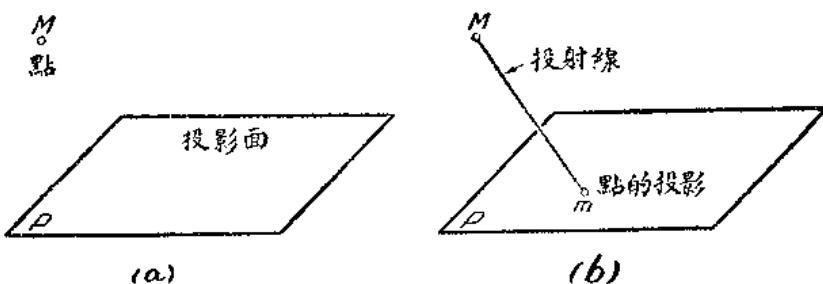


圖 6.1 點及其在某平面上的投影。

隨了所引投射線的不同，投影方法可分為兩類：中心投影法和平行投影法；而平行投影法又有正投影法和斜投影法之分。用各種不同投影方法所得的投影，就分別叫做：中心投影、正投影和斜投影等。

## § 6.2 中心投影

某一物體的中心投影，和我們觀察這物體，尤其是用一只眼睛來看這物體時所得的圖形最相似。

可以按下列方法，畫出任一物體的中心投影。在眼睛和這一物體之間，放一塊透明板  $P$ （圖 6.2）；視線自眼睛向物體上各點投射，在  $P$  面上定出各視線和  $P$  面的交點。這樣，連接

各交點，便得到物體在  $P$  面上的中心投影①。

因此，如果所有的投射線都是從同一定點發射出來，而投影面和物體離開這定點又不太遠時，便得到中心投影。這一定點，則叫做投影中心。

如圖 6.2，當人的眼睛自左方來看角錐體  $ABCD$  時，向各頂點所引的視線分別和  $P$  面交於  $a, b, c$  和  $d$

各點，連接各交點所得的平面圖形  $abcd$ ，便是角錐體在  $P$  面上的中心投影，而眼睛則是投影中心。

如果在我們周圍地區中，把一部分物體用它的中心投影來代替，則觀察者眼睛所得到的印象，將不會改變。在軍事情況下的偽裝，有時就採用這一方法。戲院裏的舞台佈景也是按照這一原則進行設計的。在欣賞圖畫的時候，如果我們想使自己得到的印象恰如畫家所希望表達的，則必須站在某一定的地方（即所謂以一定的角度）來觀察這圖畫；而這一定的地方就是畫出圖中各個物體時所根據的投影中心。所以，在房間的牆上掛圖片時，這一情況必須加以考慮。此外，應提到：攝影而得的照片也是中心投影。

因此，用中心投影法來表示一物體是很普遍的。可是，如果我們觀察按中心投影法的規則而畫出的圖 6.3，則看到：事實上長短和粗細都是一樣的電線桿，在圖中則成為——離開觀察者愈遠，它變得愈短而愈細。原來是平行的軌道，在圖中却變成——相交於地平線。這就是說，中心投影和原來的情況改變得很多；這樣，要按照圖來判斷物體的真實形狀就困難了；因而，要按照所畫的圖，把這物體製造出來就感到很不方便。因此，需要有其他的方法來表示物體，使物體的形狀改變較小。

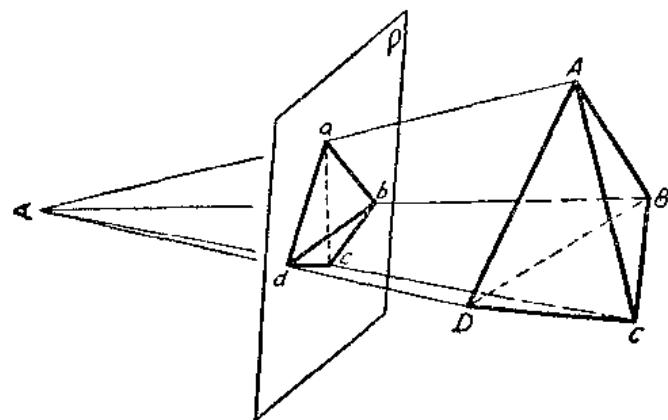


圖 6.2 一角錐體和它的中心投影。

① 一物體的中心投影又叫做這物體的透視圖。

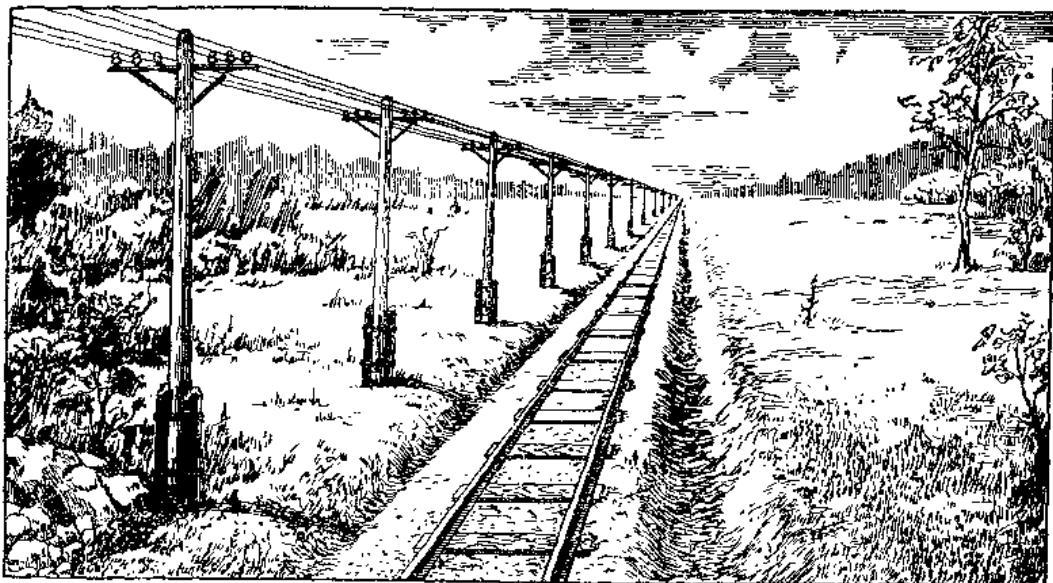


圖 6.3 在中心投影中，尺寸和角度都改變了，相等的電線桿變得愈遠愈小，而平行的軌道相交於地下線處。

### § 6.3 平行投影

如果所有的投射線都彼此平行，便得到平行投影。這也就是說，把前面所講的投影中心，自投影面和物體移向無窮遠處，則各投射線將彼此平行，而中心投影也就變為平行投影。

要作平行投影，就必須知道投射線和投影面之間的相對方向（圖 6.4）。設這方向由直線  $l$  所決定。要作  $M$  點的平行投影，祇須經過這一點，引一直線平行於已知的投射方向（即平行於直線  $l$ ），使和  $P$  面相交於所求的投影  $m$ 。

按照投射線和投影面之間傾斜角的不同，平行投影又分為：正投影和斜投影。如投射線垂直於投影面，便得到正投影；如投射線和投影面之間的夾角不等於直角，則得到斜投影。

在以後幾章中，主要是討論正投影；因此，如無特別聲明，則所謂“投影”就是指的正投影。

不難看到：比起中心投影來，物體的形狀在平行投影中要改變得比較少些。例如，原來是平行而且相等的線段（見圖 6.4 中的線段  $AB$  和  $CD$ ）投影後仍舊是平行而且相等的線段（ $ab$  和  $cd$ ）。因此，平行投影法是工程畫中所採用的主要方法。

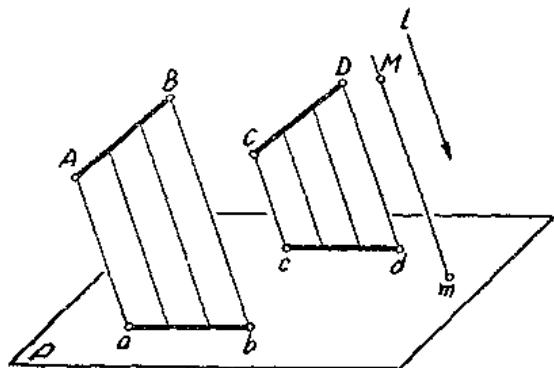


圖 6.4 平行投影的性質：原來是平行和相等的線段  $AB$  和  $CD$ ，投影後仍為平行和相等的線段  $ab$  和  $cd$ 。

### § 6.4 中心投影和平行投影的比較

如要得到關於平行投影的概念，我們可以利用太陽光，使物體遮蔽陽光而得物體的影子，這影子就可以作為物體的平行投影。雖則太陽是一發光的球，但影子還是可以當作物體的平行投影來看待。這是因為太陽光的發光體，離開我們很遠；因此，照到我們附近物體上的光線之間的夾角是非常之小，以致可以略而不計，因而也可以把太陽光當作是彼此平行的。

應該注意：在中心投影法中，投影面離開投影中心愈遠，則物體的中心投影和它的平行投影之間的差別將愈少。投影中心愈接近物體，則所得的圖形將與原來的形狀區別更大。由於這一原因，被攝影的目的物和照相機之間常保持一定的距離。

在圖 6.5 中，畫着立方塊的三個投影（*a* 和 *b*），以及一個平行投影（*c*）。作第一個投

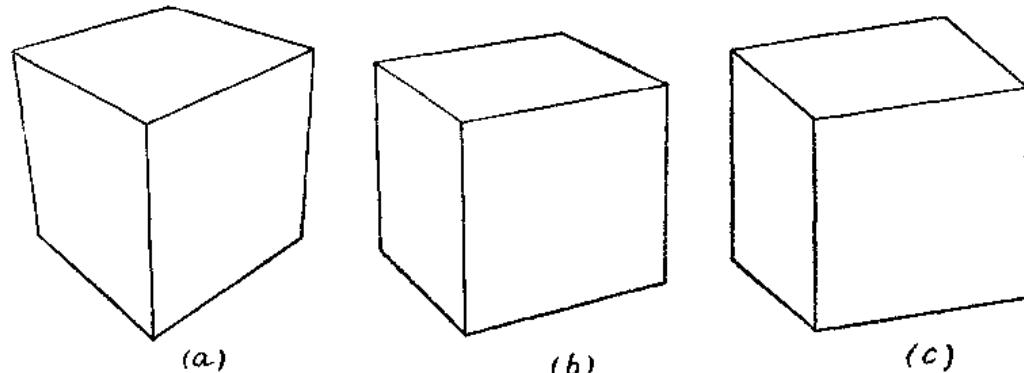


圖 6.5 立方體的三個投影：（*a*）和（*b*）是中心投影（在第一種情形下，投影中心和立方體本身之間的距離，較第二種情形下的為近）；（*c*）是平行投影。

影（*a*）時，投影中心十分接近於物體，而在作（*b*）時，則距離相當遠。可以看到：立方體的二個投影（*b*）和（*c*），彼此區別不太大；但與投影（*a*），則就不能說了。所以，如投影中心取得足夠遠，則物體的中心投影是可以用來代替平行投影的。

因此，在表示離我們很遠而又不太大的物體時，平行投影可以給我們足夠真實的概念。而比起中心投影來，平行投影較諸物體的真實形狀改變較少。這就是為什麼：雖然我們觀察周圍物體所得到的都是中心投影，而平行投影還是工程畫或技術草圖的基本。

投影幾何係由若干部分所組成。本書的這一編，將討論投影幾何的兩部分。其中第一部分是在兩個或三個投影面上的正投影，自第七章至第十九章。這幾章中所討論的方法，是工程畫的理論基礎。第二部分是軸測投影，它在第二十章中討論。這章所講，是按平行投影法畫直觀圖，以幫助建立空間概念。

在有些場合，當物體的尺寸很大，例如在研究機車、飛機或者像在建築圖中研究建築物時，則直觀圖都按中心投影法（即透視畫）畫出。這一問題將在第五編中討論。雖然透視畫

也是投影幾何的一部分，但把它放在“建築畫概要”中討論，比較合適。

### § 6.5 若干幾何體的正投影

**點的投影**  $A$  點在  $P$  面上的正投影，就是自這點向  $P$  面所引垂線  $Aa$  的垂足  $a$ （圖 6.6, a）。

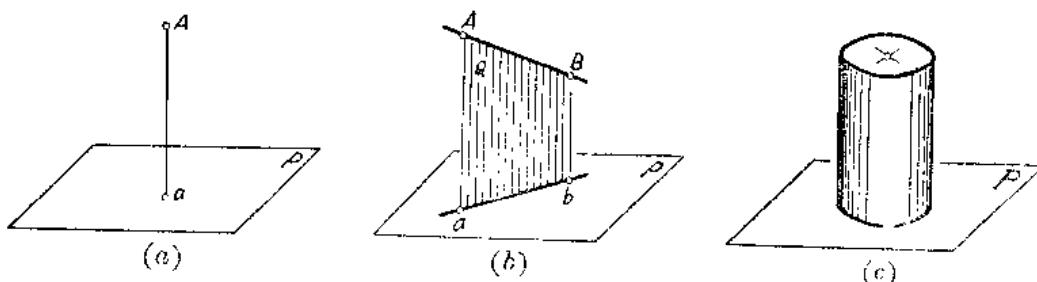


圖 6.6 正投影：(a)點的投影( $Aa$  是投射線)；(b)直線的投影( $Q$  是投射面)；(c)圓周的投影  
(圓柱面是投射表面)。

這  $P$  面，即把某一點或某一圖形投影上去的平面，叫做投影面。自  $A$  點所引的垂線  $Aa$ ，叫做投射線。

點在一個平面上的投影並不能決定這一點在空間的位置。事實上，如已知某一點  $A$  的投影  $a$ （圖 6.6, a），則可以很容易地定出投射線來。但是，至於  $A$  點位在這投射線上那一處，我們就無法肯定。

如還知道這一點在另一投影面上的投影，則就可以方便地定出這點的位置。關於這一方法，將在下一章中討論。

**直線的投影** 要得到直線  $AB$  在  $P$  面上的投影（圖 6.6, b），就必須通過  $AB$  線上的所有各點，引垂直於  $P$  面的投射線。所有這些投射線都位在某一平面  $Q$  內，而  $Q$  面垂直於  $P$  面①。這  $Q$  面和  $P$  面的交線  $ab$ ，便是直線  $AB$  在  $P$  面上的投影。這  $Q$  面把直線  $AB$  投射到  $P$  面上去，因此，它叫做投射面。

**圓周的投影** 沒有某一圓周，平行於投影面  $P$ （圖 6.6, c）。如把這圓周投射到  $P$  面上，即通過這圓周上各點引投射線，我們便得到一圓柱面，它所有的母線（投射線）都垂直於  $P$  面。因此，在目前場合，這正圓柱面就可以作為投射面。這投射面把已知圓周投射到  $P$  面上。

如果我們不是把這圓周，而是把這圓周所包圍的整個圓的平面，投射到  $P$  面上去，則將得到投射體，因為投射線把這正圓柱體的全部容積都填滿了。

① 如一個平面包含了對另一平面的垂直線，則兩平面相互垂直。在目前這場合， $Q$  面包含了許多  $P$  面的垂直線，所以，它們相互垂直。

## 第七章 點

### § 7.1 點在兩個投影面上的投影

兩個投影面 試取兩個相互垂直的平面(圖 7.1, a)，其中一個是水平放着的，叫做橫投影面或簡稱橫面，而另一個則是直立着的，並叫做縱投影面或簡稱縱面<sup>①</sup>。橫面用字母H代表，而縱面則用字母V代表。這兩投影面的交線叫做投影軸，並註以字母x (“*x*-軸”)。

設在空間有任意一點A(圖 7.1, a)；把這A點投影到兩個投影面上，即自這A點向投影

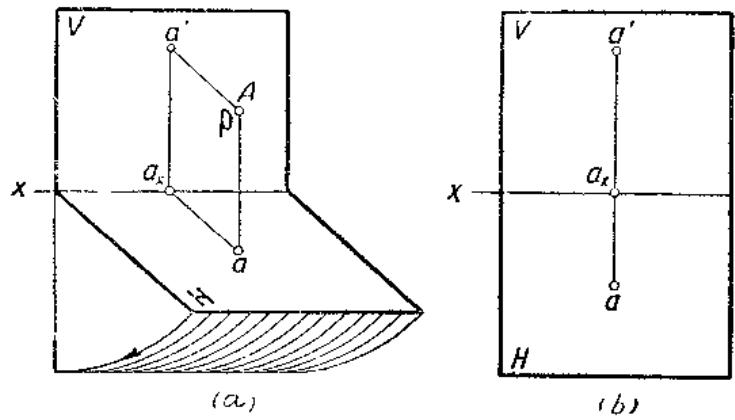


圖 7.1 A點在兩相互垂直平面H和V上的投影。

而H和V分別引垂線Aa和Aa'。在H面上的投影a叫做A點的橫面投影，而在V面上的投影a'則叫做A點的縱面投影。

符號 在投影幾何中，被投影的點是用大寫拉丁字母A、B、C…等代表的，點的橫面投影分別用小寫字母a、b、c…等代表，而點的縱面投影也分別用小寫字母，但上面加一撇，如a'、b'、c'…等代表。

有時，也用羅馬字I、II、…等等代表點，它們的投影則分別用相應的阿拉伯字1、2…和1'、2'…等代表。

點的投影圖 如把H面繞了x-軸轉過90°(圖 7.1, a)，便可以使兩個投影面H和V與圖紙的平面相重合(圖 7.1, b)。這時，便得到點的投影圖<sup>②</sup>。

現在來討論：點的投影在投影圖上的位置。試通過垂線Aa和Aa'，引一平面P(圖 7.1, a)。這一平面P，垂直於H和V面，因為它通過了分別垂直於這兩投影面的垂線Aa和Aa'。同時，P面也垂直於兩投影面的交線，即x-軸。P面和H面的交線是aa<sub>x</sub>，而它和V面的交線則是a'a<sub>x</sub>。這兩直線(aa<sub>x</sub>和a'a<sub>x</sub>)也垂直於x-軸(因為它們位在垂直於x-軸的平面P內)。這樣，圖形Aaa<sub>x</sub>a'是一矩形。

因此，在投影圖上，任意一點A的投影a和a'，總是位在一根垂直於x-軸的直線上。

① 橫投影面或橫面也叫做水平投影面；縱投影面或縱面也叫做垂直投影面。

② 投影圖 *éprouve*，源自法文 *épure*，即圖的意思。在這裏，我們一般地指：設法使某幾個投影面和圖紙平面重合後所得的圖。

已知任意一點  $A$  的兩個投影  $a$  和  $a'$ , 便可以完全肯定這  $A$  點在空間的位置(圖 7.1)。在事實上, 如果從投影  $a$  引一直線垂直於  $H$  面, 則, 顯然, 這一垂線必通過  $A$  點。同樣, 如果從投影  $a'$  引一直線垂直於  $V$  面, 則這垂線也必然通過  $A$  點。因此,  $A$  點要同時位在這兩條完全肯定的垂線上。所以,  $A$  點的位置也是完全肯定的, 它就是這兩垂線的交點。

點和投影面之間的距離 在研究矩形  $Aaa_xa'$  (圖 7.1, b) 之後, 便可得出下列結論:

1)  $A$  點和縱面  $V$  之間的距離, 等於點的橫面投影  $a$  和  $x$ -軸之間的距離, 即:

$$Aa' = aa_x.$$

2)  $A$  點和橫面  $H$  之間的距離, 等於點的縱面投影  $a'$  和  $x$ -軸之間的距離, 即:

$$Aa = a'a_x.$$

因此, 雖然點本身在投影圖上是沒有的, 但祇要根據它的兩個投影, 就可以知道: 這一點和兩投影面之間的距離。

空間四象限 兩個投影面把整個空間劃分成四部分, 每一部分叫做象限(圖 7.2)。

$x$ -軸把  $H$  面分成前和後, 而把  $V$  面分成上和下各部分。

四個象限的名稱和位置, 分別如下(圖 7.2, a):

第 1 象限—— $H$  面的前半部分和  $V$  面的上半部分所包容的空間;

第 2 象限—— $H$  面的後半部分和  $V$  面的上半部分所包容的空間;

第 3 象限—— $H$  面的後半部分和  $V$  面的下半部分所包容的空間;

第 4 象限—— $H$  面的前半部分和  $V$  面的下半部分所包容的空間。

為了得到投影圖, 我們使  $H$  面繞了  $x$ -軸迴轉而和  $V$  面重合(圖 7.2, b)。在這時,  $H$  面的前半部分和  $V$  面的下半部分相重合, 而  $H$  面的後半部分則和  $V$  面的上半部分重合。

在四個象限內的點 在圖 7.3—7.6 中, 畫出了位在各個不同象限內的  $A$ 、 $B$ 、 $C$  和  $D$  四點。 $A$  點位在第 1 象限內,  $B$  點在第 2,  $C$  點在第 3 以及  $D$  點在第 4 象限內。

如點位在第 1 或者第 4 象限內, 則點的橫面投影將位在  $H$  面的前半部分內, 因此, 在投影圖上, 它將處在  $x$ -軸之下(如圖 7.3 中的  $A$  點以及圖 7.6 中的  $D$  點)。如果點位在第 2 或者第 3 象限內, 則點的橫面投影將位在  $H$  面的後半部分內, 而在投影圖上, 它將處在  $x$ -軸之上(如圖 7.4 和 7.5 中的  $B$  和  $C$  點)。

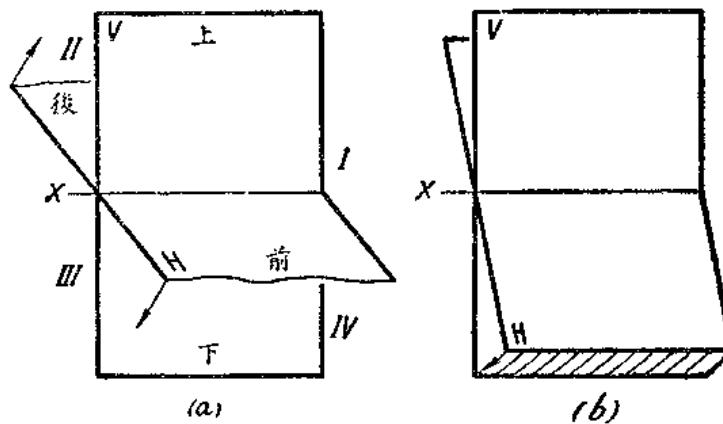


圖 7.2 (a)  $H$  和  $V$  面把整個空間分為四個象限; (b) 使  $H$  和  $V$  面重合而得投影圖。

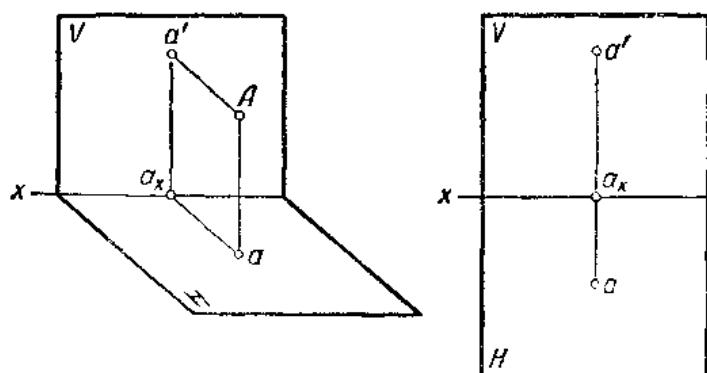


圖 7.3 位在第一象限內的 A 點。

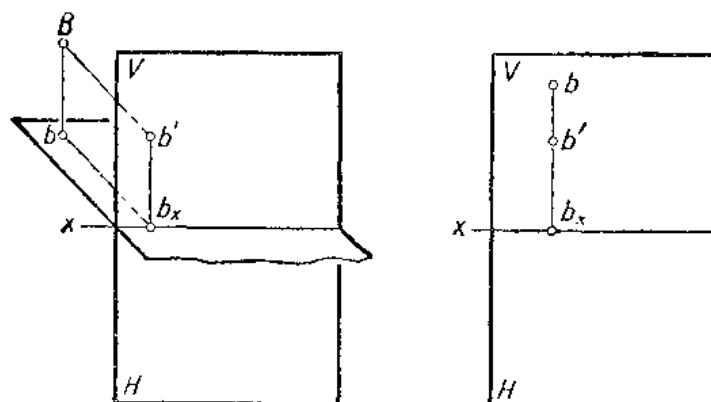


圖 7.4 B 點，位在第 2 象限內。

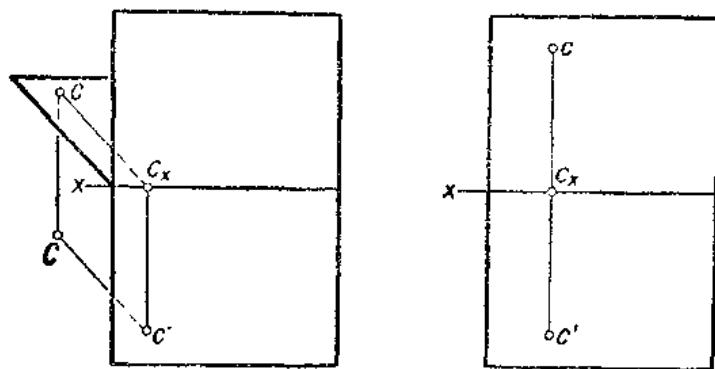


圖 7.5 C 點，位在第 3 象限內。

位在第 1 或者第 2 象限內各點的縱面投影，都在 V 面的上半部分，因此，在投影圖上，它們的縱面投影就處在  $x$ -軸之上（如圖 7.3 和 7.4 中的 A 和 B 點）。如果點在第 3 或者第 4 象限內，則它的縱面投影將位在  $x$ -軸以下（如圖 7.5 和 7.6 中的 C 和 D 點）。

在大多數場合下，都把所討論的圖形放在空間第 1 象限內。