

全国各类成人高等学校招生考试

标准化综合练习

(二分册)

数学(理工农医) 物理 化学

北京科学技术出版社

全国各类成人高等学校招生考试

标准化综合练习

(二分册)

数学(理工农医) 物理 化学

北京科学技术出版社

全国各类成人高等学校招生考试

标准化综合练习

(二分册)

*

北京科学技术出版社出版

(北京西直门外南路19号)

北京市新华书店发行 各地新华书店经售

机械工业出版社印刷厂印刷

*

787×1092 毫米 32开 11印张 246,000字

1986年12月第一版 1986年12月第一次印刷

印数: 1—80,000册

统一书号 17274·063 定价: 2.00元

前 言

由于电子计算机的应用与发展，成人高考命题与评卷记分逐渐向自动化过渡，卷面标准化试题所占比例逐年增加。但目前我国成人考生对标准化试题十分生疏，社会上又很少有关于标准化训练的书籍。标准化试题以选择、填充、判断为主，题小容量大，知识复盖面广。这就要求考生反应快、判断准、灵活、果断，无须多费笔墨，能在短时间内完成大量试题。如果考生不在考前进行有步骤地、一定数量的标准化训练，将很难应付标准化考试。

本书为《全国各类成人高等学校招生考试标准化综合练习》共分三册，一分册包括：政治、语文、英语（公共）、英语（专业）；二分册包括：数学（理、工、农、医）、物理、化学；三分册包括：数学（文、史）、历史、地理。每分册中各科均设有5~7组练习，以标准化练习为主，难度适中，每组练习后附有参考答案和选注。为了帮助考生了解成人高考命题中各种题型所占比例，我们在各科后编入了1986年成人高考试卷、答案及评分标准。为便于考生全面复习，我们还在最后编入了由国家教委最新修订的1987年全国各类成人高等学校招生考试复习大纲，本书可配合电大、业大、职大等成人考生复习并作为考前的强化训练。

参加本册编审的同志有尚美、翟连林、林云、罗宝贵、黄一昌等，由于时间仓促，水平有限，编写过程中可能出现错误，敬请读者批评指正。

试管和试管夹。试管架。试管刷。烧杯。烧瓶。蒸发皿。锥形瓶。集气瓶。滴定管。量筒。容量瓶。胶头滴管。漏斗。长颈漏斗。分液漏斗。托盘天平。温度计。酒精灯。石棉网。三脚架。铁架台（附铁夹和铁圈）。燃烧匙。水槽。玻璃棒。药匙。

2. 初步掌握下列各项化学实验的基本操作：

(1) 需要特殊存放的常用试剂(白磷、金属钠、氢氧化钠、氨水、硝酸等)的存放。固体试剂和液体试剂的取用操作。

(2) 检查仪器的气密性。

(3) 玻璃器皿的洗涤。

(4) 物质的加热。

(5) 物质的分离(过滤、结晶、蒸发、蒸馏)。

(6) 配制一定质量百分比浓度、摩尔浓度的溶液。

(7) 浓硫酸的稀释。

3. 初步掌握下列气体的实验室制法(所用试剂、仪器、反应原理、收集方法)：

H_2 、 O_2 、 Cl_2 、 CO_2 、 NH_3 、 HCl 、 CH_4 、 C_2H_2 、 C_2H_4 。

4. 掌握下列阴、阳离子的检验：

OH^- 、 Cl^- 、 Br^- 、 I^- 、 CO_3^{2-} 、 SO_4^{2-} 、 H^+ 、 NH_4^+ 、 K^+ 、 Na^+ 、 Fe^{3+} 。

目 录

前言

数学(理工农医).....(1)

1986年全国成人高等学校招生统一考试题目

 数学试题(理工农医)、答案及评分标准.....(95)

物理.....(103)

1986年全国成人高等学校招生统一考试题目

 物理试题、答案及评分标准.....(215)

化学.....(225)

1986年全国成人高等学校招生统一考试题目

 化学试题、答案及评分标准.....(322)

1987年全国各类成人高等学校招生考试

 复习大纲[数学(理工农医)、物理、化学部分].....(322)

数 学

(理、工、农、医)

数学(理、工、农、医)综合练习(一)

一、选择题:

本题共 10 小题, 每小题都给出代号为(A)、(B)、(C)、(D)的四个结论, 其中只有一个结论是正确的, 把正确结论的代号写在题后的圆括号内。

(1) 设 $M = \{\text{幂函数}\}$, $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$, 下列关系正确的是

(A) $y = \frac{1}{\sqrt{x}} \subset M$; (B) $\{y = \frac{1}{\sqrt{x}}\} \subset M$;

(C) $\{y = \frac{1}{\sqrt{x}}\} \in M$; (D) $y = \frac{1}{\sqrt{x}} \notin M$ 。

[答]()

(2) 在直角坐标系中, 直线 $x + \sqrt{3}y + 1 = 0$ 的倾角是

(A) $\frac{\pi}{6}$; (B) $\frac{\pi}{3}$; (C) $\frac{2\pi}{3}$; (D) $\frac{5\pi}{6}$ 。

[答]()

(3) 已知 $(a+1)(b+1) = 2$, 那么 $\arctg a + \arctg b$ 的弧度数是

(A) $\frac{\pi}{2}$; (B) $\frac{\pi}{3}$;

(C) $\frac{\pi}{4}$; (D) $\frac{\pi}{6}$ 。

[答]()

(4) 使不等式 $x^2 < |x|$ 成立的 x 的取值范围是

- (A) $x > 1$; (B) $x < -1$;
 (C) $-1 < x < 1$; (D) $-1 \leq x \leq 1$ 。

[答]()

(5) 等式 $\log_3 x^2 = 2$ 成立是等式 $\log_3 x = 1$ 成立的

- (A) 充分条件但不是必要条件;
 (B) 必要条件但不是充分条件;
 (C) 充分必要条件;
 (D) 既不是充分条件又不是必要条件。

[答]()

(6) 函数 $y = \sqrt{1-x^2} \lg(|x|+x)$ 的定义域是

- (A) $[-1, 0) \cup (0, 1]$; (B) $(0, 1]$;
 (C) $[-1, 1]$; (D) $[-1, 0)$ 。

[答]()

(7) 集合 $M = \{x | 2^x = 8, x \in R\}$, $N = \{x | \lg x^2 = 1, x \in R\}$,
 则 $M \cup N$ 等于

- (A) $\{\pm\sqrt{10}\}$; (B) $\{3\}$;
 (C) $\{\pm\sqrt{10}, 3\}$; (D) ϕ 。

[答]()

(8) 已知直线 $a \parallel$ 平面 M , 直线 $a \perp$ 平面 N , 则平面 M 和
 平面 N

- (A) 互相垂直; (B) 相交而不垂直;
 (C) 互相平行; (D) 重合。

[答]()

(9) 复数 z 满足条件 $|z+i|^2 - |z-i|^2 = 1$, 则 z 在复平
 面上所表示的图形是

- (A) 直线; (B) 双曲线;
 (C) 圆; (D) 椭圆。

【答】()

(10) 点 $(-3, 4)$ 的极坐标形式是

(A) $(5, \operatorname{arctg}(-\frac{4}{3}))$;

(B) $(5, \pi + \operatorname{arctg} \frac{4}{3})$;

(C) $(5, \pi - \operatorname{arctg} \frac{3}{4})$;

(D) $(5, \pi - \operatorname{arctg} \frac{4}{3})$ 。

【答】()

二、填空题:

(1) 化简: $\sqrt{1 - \sin 10} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(2) 比较大小: $0.7^{1.3} \underline{\hspace{1cm}} 1.3^{0.7}$, $\log_2 \frac{3}{4} \underline{\hspace{1cm}} \log_{\frac{1}{8}} \frac{15}{8}$ 。

(3) 计算: $(\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)^3 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(4) 化简: $\frac{\sin^2(\alpha - \pi) \cos(\pi - \alpha) \operatorname{ctg}(2\pi + \alpha)}{\operatorname{tg}(\pi - \alpha) \cos^3(\alpha - \pi)} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(5) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = 2n^2 - 3n + 1$, 则 $a_n =$

$\underline{\hspace{2cm}}$ 。

(6) 直线 $x - y + 2 = 0$ 与 $x - \sqrt{3}y - 6 = 0$ 的夹角 θ 为 $\underline{\hspace{2cm}}$

(7) 直线 $x - 2y - 2k = 0$ 与 $2x - 3y - k = 0$ 的交点在圆 $x^2 + y^2 = 9$ 上, 则 $k = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(8) 有一直径为32厘米的圆柱形水桶, 桶内装满清水, 当一个球全部没入水中时, 水面升高9厘米, 则这个球的半径 $= \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(9) 从 $1, i, -i, 1+i, 1-i$ 五个数中, 任取两个相乘, 则所得积中虚数的个数是 $\underline{\hspace{2cm}}$; 若从五个数中任取两个相除,

则所得商中虚数的个数是_____。

(10) 已知椭圆方程为 $16x^2 + 25y^2 = 400$, 则它的离心率 $e =$ _____, 两个焦点为 _____, 四个顶点为 _____。

三、求函数 $y = \sqrt{x-2} + \frac{1}{x-3} + \lg(5-x)$ 的定义域。

四、求二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 的极值。

五、已知 $a > 0, b > 0$, 求证: $\frac{a^2 + b^2}{\sqrt{ab}} \geq a + b$ 。

六、求证: $\operatorname{tg}^2\theta - \sin^2\theta = \operatorname{tg}^2\theta \cdot \sin^2\theta$ 。

七、四棱锥 $V-ABCD$ 的底面是边长为 2 的正方形, 侧棱 $VA \perp$ 底面 $ABCD$, 且 $VA = \sqrt{21}$, 求侧面 VBC 的面积以及侧面 VCD 与底面 $ABCD$ 所成的角。

八、求证: $1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{n-1} = 2^n - 1$ 。

九、求和直线 $4x + 3y = 30$ 相切于点 $A(6, 2)$, 且过点 $B(-1, 3)$ 的圆的方程。

数学(理、工、农、医)综合练习(一)答案与选注

一、选择题:

(1) 解答选择题常用淘汰法、推算对照法、特殊值验证法、图解法等等。本题我们用淘汰法。这种方法就是利用已知条件和已给的几个答案(即选择支)所提供的“信息”, 从 n 个答案中淘汰 $n-1$ 个错误答案, 从而选出唯一正确的那个答案。

$y = \frac{1}{x}$ 是幂函数, M 是幂函数的集合, 元素与集合之间的关系是属于或不属于的关系, 这里 $y = \frac{1}{x} \in M$, 因此可淘

汰(A)、(D)。

又集合之间的关系应是包含、不包含或相等的关系，因此(C)也不对。

既然(A)、(C)、(D)都不对，唯一正确的答案就是(B)了。故选择(B)。

(2) 用推算对照法。这种方法就是直接从题设条件出发，通过准确的运算，严密地推理，得出正确的结论，与所给选择支对照，从而选出正确的答案。

本题由已给方程知，其斜率

$$k = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

而 $k = \operatorname{tg}\alpha$ ，即 $\operatorname{tg}\alpha = -\frac{\sqrt{3}}{3}$ ，

$$\text{或 } \operatorname{tg}(\pi - \alpha) = \frac{\sqrt{3}}{3}。$$

$$\therefore \pi - \alpha = \frac{\pi}{6} \implies \alpha = \frac{5\pi}{6}。$$

故选择(D)。

(3) 用特殊值验证法。这种方法就是取适合题设条件的某些值，进行验证，从而选择正确的那个答案。

本题已知条件是 $(a+1)(b+1)=2$ ，我们可取 $a=0$ ， $b=1$ 进行验证，有

$$\arctg a + \arctg b = \arctg 0 + \arctg 1 = \frac{\pi}{4}$$

故选择(C)。

(4) 用图解法。这种方法就是通过作几何图形或函数图象确定正确答案。

对于本题，我们作函数 $y=x^2$ 和 $y=|x|$ 的图象(如图1)，

显然, 满足 $x^2 < |x|$ 的 x 的取值范围是 $-1 < x < 1$,

故选择(C)。

(5) 用推算对照法。

由 $\log_3 x^2 = 2 \not\Rightarrow 2\log_3 x = 2$,

即由 $\log_3 x^2 = 2 \not\Rightarrow \log_3 x = 1$ 。

所以 $\log_3 x^2 = 2$ 成立不是 $\log_3 x = 1$ 成立的充分条件。

又由 $\log_3 x = 1 \Rightarrow 2\log_3 x = 2 \Rightarrow \log_3 x^2 = 2$ 。

因此, $\log_3 x^2 = 2$ 成立是 $\log_3 x = 1$ 成立的充分必要条件。故选择(B)。

注: 由 $A \Rightarrow B$, 则 A 是 B 的充分条件。

由 $\bar{A} \Rightarrow \bar{B}$, 则 A 是 B 的必要条件, 即没有 A 也就没有 B 。

根据原命题与逆否命题的等价性, 由 $\bar{A} \Rightarrow \bar{B}$ 可得 $B \Rightarrow A$ (从形式上看, 箭头对准的 A 是 B 的必要条件)。

如果由 $A \Rightarrow B$, 又能由 $B \Rightarrow A$, 则 A 是 B 的充分必要条件, 由条件与结论的相对性, 也可以说, B 是 A 的充分必要条件, 充分必要条件简称充要条件。

$$(6) \text{ 由 } \begin{cases} 1-x^2 \geq 0 \\ |x|+x > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -1 \leq x \leq 1 \\ x > 0. \end{cases}$$

$\therefore x \in (0, 1]$, 故选择(B)。

此题若注意(A)、(C)、(D)中均有 $x = -1$, 而 $x = -1$ 会使 $\lg(|x|+x)$ 无意义, 故皆排除, 剩下的(B)自然就是正确了。

(7) $\because 2^x = 8$, 则 $2^x = 2^3$, $\therefore x = 3$ 。

又 $\lg x^2 = \lg 10$, 则 $x^2 = 10$, $\therefore x = \pm\sqrt{10}$ 。

故 $M \cup N = \{\pm\sqrt{10}, 3\}$, 选择(C)。

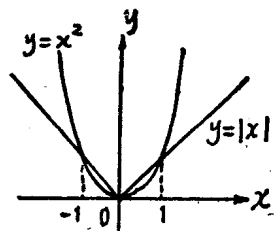


图 1

(8) 过 a 作平面 P 与平面 M 交于直线 a' , 则 $a \parallel a'$.

已知 $a \perp$ 平面 N , 则 $a' \perp$ 平面 N ,

而平面 M 过 a' , \therefore 平面 $M \perp$ 平面 N ,

故选择 (A)。

(9) 设 $z = x + yi$, 则

$$\begin{aligned} & |x + yi + i|^2 - |x + yi - i|^2 = 1 \\ \implies & x^2 + (y+1)^2 - [x^2 + (y-1)^2] = 1 \\ \implies & 4y = 1. \end{aligned}$$

故选择 (A)。

(10) 由直角坐标化极坐标的公式, 得

$$\begin{aligned} \rho &= \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-3)^2 + 4^2} = 5, \\ \operatorname{tg} \theta &= \frac{y}{x} = -\frac{4}{3}, \end{aligned}$$

由于 $x < 0, y > 0$, 则 θ 为第二象限角,

$$\therefore \theta = \pi - \operatorname{arctg} \frac{4}{3},$$

故应选择 (D)。

二、填空题:

(1) $\cos 5 - \sin 5$ 。

注: 若弧度概念不清楚, 把 $\sin 10$ 误认为是 $\sin 10^\circ$, 就犯了偷换论题的错误。若算术根概念不清楚, 则会得出如下错误结果:

$$\sqrt{1 - \sin 10} = \sqrt{(\sin 5 - \cos 5)^2} = \sin 5 - \cos 5.$$

事实上, 5 是第四象限角, 因此 $\sin 5 < 0, \cos 5 > 0$, 因此 $\sin 5 - \cos 5 < 0$ 。所以正确结果是: $\cos 5 - \sin 5$ 。

(2) $\because 0.7^{1.3} < 1, 1.3^{0.7} > 1$,

$$\therefore 0.7^{1.3} < 1.3^{0.7}.$$

$$\log_2 \frac{3}{4} = \log_4 \frac{9}{16}, \log_{\frac{1}{4}} \frac{15}{8} = \log_4 \frac{8}{15}$$

∵ $\log_4 x$ 是增函数,

而 $\frac{9}{16} > \frac{8}{15}$

∴ $\log_2 \frac{3}{4} > \log_{\frac{1}{4}} \frac{15}{8}$.

注: 指数函数与对数函数的性质不好记, 我们可以结合它们的图象帮助记忆。

拿指数函数的图象来说, 只有两种情形: 要么一“撇”, 要么一“捺”, 而且被 $(0, 1)$ 点掐成两段, 如图 2, 结合图象容易记住:

① 当 $a > 1$ 时, 图象是一“撇”, 自然有:

- 1) $x > 0$ 时, $y > 1$;
- 2) $x < 0$ 时, $0 < y < 1$ 。

② 当 $0 < a < 1$ 时, 图象是一“捺”, 自然有:

- 1) $x > 0$ 时, $0 < y < 1$;
- 2) $x < 0$ 时, $y > 1$ 。

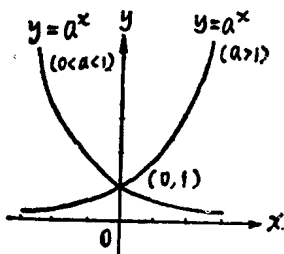


图 2

对于本题马上知道: $0.7^{1.3} < 1, 1.3^{0.7} > 1$ 。

类似地, 我们也可以通过图象如(图 3)记忆对数函数的性质:

① 当 $a > 1$ 时, 有

- 1) $x > 1$ 时, $\log_a x > 0$;
- 2) $0 < x < 1$ 时, $\log_a x < 0$ 。

② 当 $0 < a < 1$ 时, 有

- 1) $x > 1$ 时, $\log_a x < 0$;
- 2) $0 < x < 1$ 时, $\log_a x > 0$ 。

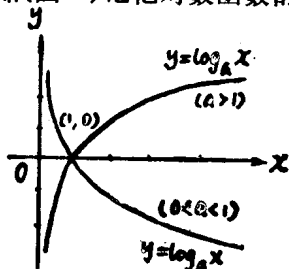


图 3

对于本题,从图象上一眼看出 $\log_4 x$ 是增函数。

(3) $(\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)^3 = \sin 90^\circ + i \cos 90^\circ = 1$ 是错误的。

因为棣莫弗定理是:

$$[r(\cos \theta + i \sin \theta)]^n = r^n (\cos n\theta + i \sin n\theta)。$$

本题正确解法是:

$$\begin{aligned}(\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)^3 &= (\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ)^3 \\ &= \cos 180^\circ + i \sin 180^\circ \\ &= -1。 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) \text{ 原式} &= \frac{\sin^2 \alpha (-\cos \alpha) \operatorname{ctg} \alpha}{(-\operatorname{tg} \alpha)(-\cos^3 \alpha)} \\ &= -\operatorname{tg}^2 \alpha \log^2 \alpha = -1。 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(5) a_1 = s_1 &= 2 \times 1^2 - 3 \times 1 + 1 = 0, \\ a_n &= s_n - s_{n-1} (n \geq 2) \\ &= 2n^2 - 3n + 1 - [2(n-1)^2 - 3(n-1) + 1] \\ &= 4n - 5。 \end{aligned}$$

$$\therefore a_n = \begin{cases} 0 (n=1), \\ 4n-5 (n \geq 2)。 \end{cases}$$

(6) 设已知两直线的斜率分别为 k_1, k_2 , 则

$$\operatorname{tg} \theta = \left| \frac{k_1 - k_2}{1 + k_1 k_2} \right| = \frac{1 - \frac{\sqrt{3}}{3}}{1 + \frac{\sqrt{3}}{3}} = 2 - \sqrt{3}$$

$$\begin{aligned}\therefore \theta_1 &= \operatorname{arctg}(2 - \sqrt{3}), \theta_1 = 15^\circ \\ \theta_2 &= \pi - \operatorname{arctg}(2 - \sqrt{3}), \theta_2 = 165^\circ \end{aligned}$$

(7) 分析: 解 $x - 2y - 2k = 0$ 与 $2x - 3y - k = 0$ 组成的方程组得交点。其交点坐标满足方程 $x^2 + y^2 = 9$, 则必在这个圆上。

解: 由
$$\begin{cases} x-2y-2k=0 \\ 2x-3y-k=0 \end{cases}$$

$\implies (-4k, -3k)$, 即交点。

交点在圆 $x^2+y^2=9$ 上, 则

$$(-4k)^2 + (-3k)^2 = 9 \implies k = \pm \frac{3}{5}$$

(8) 分析: 水面升高部分的圆柱体的体积就是球的体积。

解: 设球的半径为 R , 圆柱的半径为 r , 则

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = \pi \cdot r^2 h$$

$$\implies \frac{4}{3}\pi R^3 = \pi \cdot 16^2 \cdot 9$$

$$\implies R = 12 \text{ (厘米)}。$$

(9) 我们知道, 乘法满足交换律, 因此任取两个数相乘, 不必考虑乘数与被乘数的顺序, 于是所得积的个数是 C_5^2 , 题目要求所得积中虚数的个数, 因此要去掉积中非虚数:

$$i(-i) = -i^2 = 1,$$

$$(1+i)(1-i) = 1 - i^2 = 2$$

故所得积中虚数的个数是 $C_5^2 - 2 = 8$ 。

由于除法不满足交换律, 因此任取两个数相除, 要考虑除数与被除数的顺序, 于是所得商的个数是 P_5^2 , 题目要求所得商中虚数的个数, 因此要去掉商中非虚数:

$$\frac{i}{-i} = -1, \frac{-i}{i} = -1$$

故所得商中虚数的个数是 $P_5^2 - 2 = 18$ 。

(10) 把已知方程化成标准方程 $\frac{x^2}{\frac{5}{2}} + \frac{y^2}{\frac{1}{2}} = 1$ 。