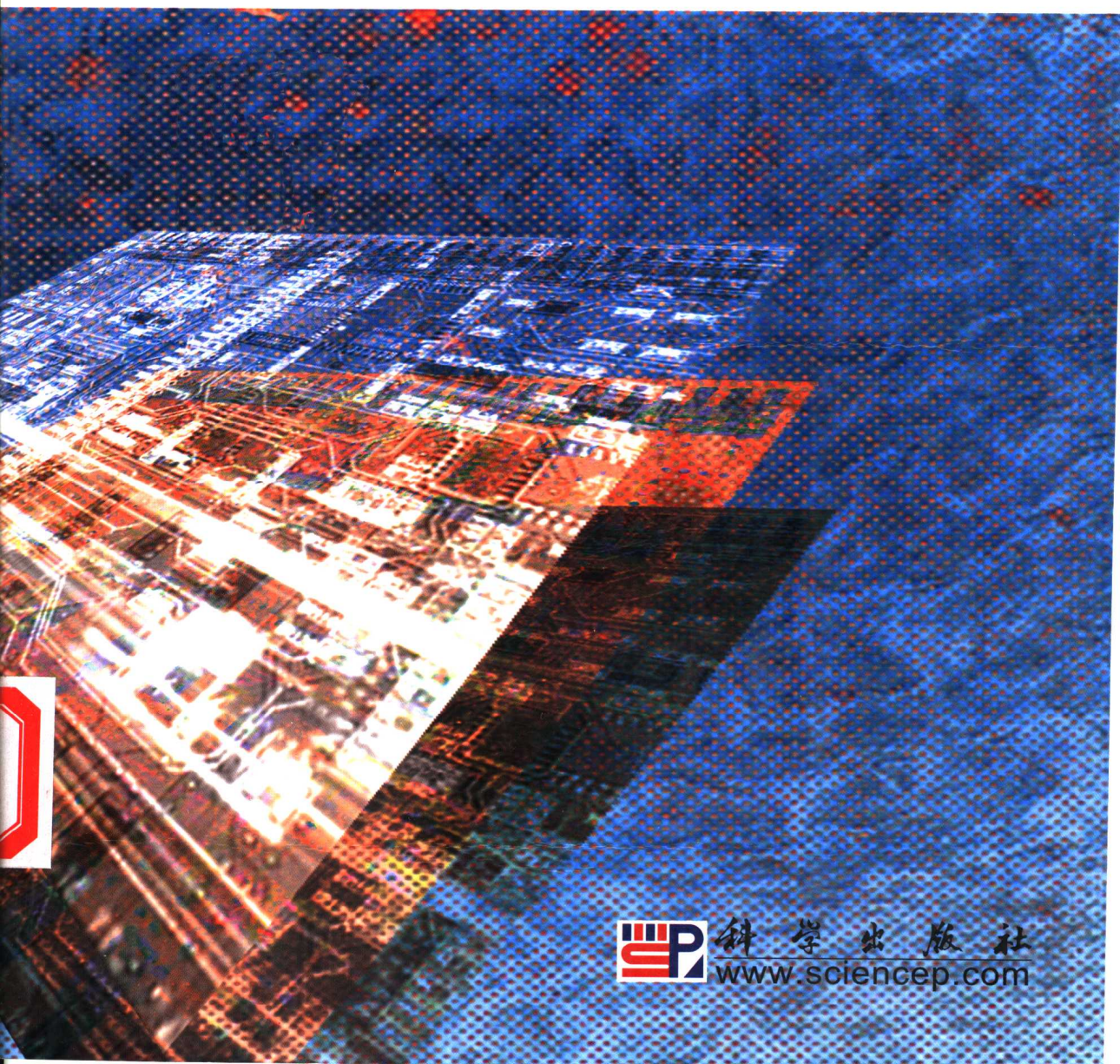


龙忠琪 龙胜春
张美玉 金 燕

主 编
副主编

数字电路考研试题精选

详解及点评



科学出版社
www.sciencep.com

内 容 简 介

本书共收录数字电路方面的硕士研究生入学考题近 400 例,它们是从 1981~2002 年全国 30 多所大学硕士研究生入学试题中精选出来的。书后有 6 个附录,其中包括 1999~2002 年全国部分高等院校硕士研究生入学试卷实录,共 17 份。书中题解过程详尽,在许多题解之后还给出了解题方法指导,并对部分考题的考点、难点、重点、注意事项等进行了点评。

本书适于电子信息类专业考研者使用,也可供相关专业的高等院校师生参考。

图书在版编目(CIP)数据

数字电路考研试题精选:详解及点评/龙忠琪等主编. —北京:科学出版社, 2003

ISBN 7-03-011296-2

I. 数… II. 龙… III. 数字电路-研究生-入学考试-解题 IV. TN79-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2003) 第 020747 号

责任编辑:马长芳/责任校对:柏连海

责任印制:刘秀平/封面设计:高海英

科学出版社 出版

北京东黄城根北街16号

邮政编码:100717

<http://www.sciencep.com>

西源印刷厂 印刷

科学出版社发行 各地新华书店经销

*

2003 年 5 月第 一 版 开本: B5 (720×1000)

2003 年 5 月第一次印刷 印张: 21 3/4

印数: 1—5 000 字数: 428 000

定价: 29.00 元

(如有印装质量问题, 我社负责调换〈环伟〉)

前 言

本书是一部数字电路方面的考研试题精品集,也是一本考研实战指南。全书共收录数字电路方面的各类试题约 400 例,它们是从 1981~2002 年全国 30 多所大学硕士研究生入学试题中精选出来的。在试题的选取、内容的安排、章篇的划分等方面考虑了以下几点,望读者查阅时注意:

(1) 在试题选取上,重基础,重概念,重实用性,轻繁题、偏题和怪题,优先选录了那些常见题、构思巧妙的好题、妙题。学校和年限不分先后。

(2) 全书根据知识点分为六个部分 10 章,每章又根据难易程度和使用目标分为基础篇、提高篇和实战篇。基础题、概念题和难度相对较小的试题放在基础篇中;难题、好题和妙题编入提高篇里;难度适中的基本题、实战题录入实战篇内;涉及多章节、多方法或多个知识点的综合题汇总到第 10 章“难题及综合试题精选”中。

(3) 在具体内容的安排上,本着先易后难,先简后繁的宗旨,按照先“分析”后“设计”、先“小规模”后“中大规模”的自然思路编写。同一题型,避免多题重复,重典型性和代表性,不搞题海战术和简单堆砌,即使有多个好题属同一类型,也将分编在不同篇中。

(4) 除附录外,每题必解,而且题解过程详尽,有的还一题多解,许多题解之后还给出了解题方法归纳、指导,或对考题的考点、难点、重点、注意事项等进行了点评。

(5) 试题录入尽量原汁原味,但考虑到新国标符号的推广应用,除保留个别简化逻辑符号外,全部改用新国标图形符号。为此,书后还提供了两个附录,一是常用逻辑单元国标图形符号图例及新旧对照表,二是《电气图用图形符号——二进制逻辑单元》(GB4728.12—85)使用说明简介,以方便读者查阅。

本书由龙忠琪、龙胜春任主编,张美玉、金燕任副主编,参加部分编写工作的还有贾立新、顾伟驹等。

由于时间紧迫,水平有限,错误和不妥之处在所难免,望不吝指正。作者向所有提供帮助的学校和同仁表示衷心感谢。

编 者

2002 年 12 月于杭州

目 录

前 言

第一部分 数字电路分析设计基础	(1)
1 数制与编码	(1)
1.1 基础篇	(1)
1.1.1 重点、难点及考点	(1)
1.1.2 例题详解	(2)
1.1.3 习题精选	(4)
1.2 提高篇	(5)
1.2.1 难题范例	(5)
1.2.2 妙题集锦	(6)
1.3 实战篇	(8)
1.3.1 考题例解	(8)
1.3.2 试题选萃	(8)
2 逻辑代数	(10)
2.1 基础篇	(10)
2.1.1 重点、难点及考点	(10)
2.1.2 例题详解	(11)
2.1.3 习题精选	(18)
2.2 提高篇	(19)
2.2.1 难题范例	(19)
2.2.2 妙题集锦	(29)
2.3 实战篇	(32)
2.3.1 考题例解	(32)
2.3.2 试题选萃	(36)
第二部分 组合逻辑电路	(40)
3 逻辑门电路	(40)
3.1 基础篇	(40)
3.1.1 重点、难点及考点	(40)
3.1.2 例题详解	(41)
3.1.3 习题精选	(44)

3.2 提高篇	(47)
3.2.1 难题范例	(47)
3.2.2 妙题集锦	(50)
3.3 实战篇	(54)
3.3.1 考题例解	(54)
3.3.2 试题选萃	(58)
4 组合逻辑电路	(62)
4.1 基础篇	(62)
4.1.1 重点、难点及考点	(62)
4.1.2 例题详解	(64)
4.1.3 习题精选	(83)
4.2 提高篇	(95)
4.2.1 难题范例	(95)
4.2.2 妙题集锦	(119)
4.3 实战篇	(128)
4.3.1 考题例解	(128)
4.3.2 试题选萃	(139)
第三部分 时序逻辑电路	(150)
5 触发器	(150)
5.1 基础篇	(150)
5.1.1 重点、难点及考点	(150)
5.1.2 例题详解	(151)
5.1.3 习题精选	(153)
5.2 提高篇	(155)
5.2.1 难题范例	(155)
5.2.2 妙题集锦	(163)
5.3 实战篇	(165)
5.3.1 考题例解	(165)
5.3.2 试题选萃	(168)
6 时序逻辑电路	(172)
6.1 基础篇	(172)
6.1.1 重点、难点及考点	(172)
6.1.2 例题详解	(174)
6.1.3 习题精选	(185)
6.2 提高篇	(189)

6.2.1 难题范例	(189)
6.2.2 妙题集锦	(215)
6.3 实战篇	(222)
6.3.1 考题例解	(222)
6.3.2 试题选萃	(231)
第四部分 大规模集成电路	(238)
7 存储器和可编程逻辑器件	(238)
7.1 基础篇	(238)
7.1.1 重点、难点及考点	(238)
7.1.2 例题详解	(239)
7.1.3 习题精选	(241)
7.2 提高篇	(242)
7.2.1 难题范例	(242)
7.2.2 妙题集锦	(244)
7.3 实战篇	(248)
7.3.1 考题例解	(248)
7.3.2 试题选萃	(252)
第五部分 D/A、A/D 转换及脉冲波形产生与整形电路	(256)
8 D/A 和 A/D 转换电路	(256)
8.1 重点、难点及考点	(256)
8.2 实战篇	(257)
8.2.1 考题例解	(257)
8.2.2 试题选萃	(260)
9 脉冲波形产生与整形电路	(264)
9.1 重点、难点及考点	(264)
9.2 实战篇	(265)
9.2.1 考题例解	(265)
9.2.2 试题选萃	(270)
第六部分 难题及综合试题精选	(274)
10 难题及综合试题选	(274)
附录	(293)
附录 I 2002 年部分重点大学硕士研究生入学试题选编	(293)
一、浙江大学 2002 年硕士研究生入学考试试题(《电子线路》数字部分)	(293)

二、西安交通大学 2002 年硕士研究生入学考试试题(《电子技术基础》数字部分)	(293)
附录 II 2001 年部分重点大学硕士研究生入学试题选编	(296)
一、西安交通大学 2001 年硕士研究生入学考试试题(《电子技术基础》数字部分)	(296)
二、浙江大学 2001 年硕士研究生入学考试试题(《电子技术基础》数字部分)	(297)
三、浙江大学 2001 年硕士研究生入学考试试题(《电子线路》数字部分)	(299)
附录 III 2000 年部分重点大学硕士研究生入学试题选编	(301)
一、清华大学 2000 年硕士研究生入学考试试题(《计算机原理和数字逻辑》数字逻辑部分)	(301)
二、西安交通大学 2000 年硕士研究生入学考试试题(《电子技术基础》数字部分)	(302)
三、浙江大学 2000 年硕士研究生入学考试试题(《电子技术基础》数字部分)	(304)
四、浙江大学 2000 年硕士研究生入学考试试题(《电子线路》数字部分)	(307)
五、浙江大学 2000 年硕士研究生入学考试试题(《模拟与数字电子技术》数字部分)	(308)
附录 IV 1999 年部分重点大学硕士研究生入学试题选编	(310)
一、清华大学 1999 年硕士研究生入学考试试题(《计算机原理和数字逻辑》数字逻辑部分)	(310)
二、西安电子科技大学 1999 年硕士研究生入学考试试题	(311)
三、北京航空航天大学 1999 年硕士研究生入学考试试题	(315)
四、北京邮电大学 1999 年硕士研究生入学考试试题	(317)
五、浙江大学 1999 年硕士研究生入学考试试题(《电子线路》数字电路部分)	(319)
六、浙江大学 1999 年硕士研究生入学考试试题(《模拟与数字电子技术》数字电路部分)	(319)
七、西北工业大学 1999 年硕士研究生入学考试试题	(321)
附录 V 常用逻辑单元图形符号	(324)
附录 VI 《电气图用图形符号——二进制逻辑单元》(GB4728.12—85)简介	(333)
参考文献	(340)

第一部分

数字电路分析设计基础

1 数制与编码

1.1 基 础 篇

1.1.1 重点、难点及考点

1. 本章内容提要

本章内容主要是数字电路和数字系统中数值信息的表征方法——数制及其相互转换,以及非数值信息的表征方法——编码。

2. 本章教学大纲基本要求

(1) 熟练掌握: ①二进制数、十进制数、十六进制数及其相互转换; ②8421BCD 码。

(2) 一般了解: 其他常用 BCD 码。

3. 重点与难点

重点: 各种常用数制之间的相互转换。

难点: 无。只是带符号二进制数的代码表示原码、反码、补码和真值, 及其相互转换相对较麻烦。但大纲及多数教材对带符号数不作要求, 故下文只涉及无符号数。

4. 常见题型及考点

常见题型主要有:

(1) 填空题。

例如: 十进制数 $27.4_{(10)}$ 对应的二进制数是 _____, 对应的八进制数是 _____。

(2) 选择题。

例如:表示一个最大的 3 位十进制数,至少需要 _____ 位二进制数。(A = 6, B = 8, C = 10, D = 12)

(3) 求解题。

例如:用 8421BCD 码表示二进制数 $110111_{(2)}$ 。

1.1.2 例题详解

本节精选了 4 个数制转换范例,归纳出 3 种数制转换方法:①十进制整数转换成 N 进制整数的方法是:连续除基数 N 求余,余数倒级联;十进制小数转换成 N 进制小数的方法是:连续乘基数 N 取整,整数正级联,此即**基数乘法**。②任意进制数转换成十进制数可用**权展开式法**。③用分组法可将二进制数快速转换成 2^n 进制数。

例 1.1.2-1 将十进制整数 $158_{(10)}$ 转换成等值的二进制数。

解:十进制整数转换成二进制整数可用“**连续除 2 法**”,即

2	$\overline{158}$	→	被除数		
2	$\overline{79}$	→	商=79	余数 0	
2	$\overline{39}$	→	商=39	余数 1	
2	$\overline{19}$	→	商=19	余数 1	
2	$\overline{9}$	→	商=9	余数 1	
2	$\overline{4}$	→	商=4	余数 1	
2	$\overline{2}$	→	商=2	余数 0	
2	$\overline{1}$	→	商=1	余数 0	
	0	→	商=0	余数 1	
					↑ 余 数 倒 级 联

得

$$158_{(10)} = 10011110_{(2)}$$

【解题方法指导】十进制整数转换成 N 进制整数——除基数法

将十进制整数转换成二进制整数时,可用“连续除 2 法”,其基本要领是:除 2 求余,至商为 0,余数倒级联。此法可推广到任意进制数,即十进制整数转换成 N 进制数(基数 N 为正整数),用“连续除基数法”,其基本要领是:除 N 求余,至商为 0,余数倒级联。例如,将 $158_{(10)}$ 转换成 8 进制数,连续除 8 求余数,即

$$\begin{array}{rcl}
 8 \overline{) 158} & \rightarrow & \text{余数 } 6 \\
 8 \overline{) 19} & \rightarrow & \text{余数 } 3 \\
 8 \overline{) 2} & \rightarrow & \text{余数 } 2 \\
 & & 0
 \end{array}
 \begin{array}{c}
 \uparrow \\
 \text{倒} \\
 \text{级} \\
 \text{联}
 \end{array}$$

得

$$158_{(10)} = 236_{(8)}$$

例 1.1.2-2 将十进制小数 $0.828125_{(10)}$ 转换成等值的二进制数。

解: 十进制小数转换成二进制小数可用“连续乘 2 法”, 即

$$\begin{array}{rcl}
 0.828125 & \rightarrow & \text{被乘数} \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{1}.65625 & \rightarrow & \text{取整数 } 1 \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{1}.31250 & \rightarrow & \text{取整数 } 1 \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{0}.6250 & \rightarrow & \text{取整数 } 0 \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{1}.250 & \rightarrow & \text{取整数 } 1 \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{0}.50 & \rightarrow & \text{取整数 } 0 \\
 \times 2 & & \\
 \hline
 \boxed{1}.0 & \rightarrow & \text{取整数 } 1
 \end{array}
 \begin{array}{c}
 \uparrow \\
 \text{整} \\
 \text{数} \\
 \text{正} \\
 \text{级} \\
 \text{联}
 \end{array}$$

得

$$0.828125_{(10)} = 0.110101_{(2)}$$

【解题方法指导】 十进制小数转换成 N 进制小数——乘基数法

将十进制小数转换成二进制小数时, 可用“连续乘 2 法”, 基本要领是: 乘 2 取整, 整数正级联。此法可推广到任意进制数, 即十进制小数转换成 N 进制小数时 (基数 N 为正整数) 可用“连续乘基数法”, 基本要领是: 乘 N 取整, 整数正级联。

例如, 将 $0.828125_{(10)}$ 转换成八进制数, 即

$$\begin{array}{rcl}
 0.828125 & \rightarrow & \text{被乘数} \\
 \times 8 & & \\
 \hline
 \boxed{6}.625000 & \rightarrow & \text{取整数 } 6 \\
 \times 8 & & \\
 \hline
 \boxed{5}.000 & \rightarrow & \text{取整数 } 6
 \end{array}
 \begin{array}{c}
 \downarrow \\
 \text{正} \\
 \text{级} \\
 \text{联}
 \end{array}$$

得

$$0.828125_{(10)} = 0.65_{(8)}$$

例 1.1.2-3 将二进制数 $10011110.110101_{(2)}$ 转换成等值的十进制数。

解: 因为二进制整数的“权”由低位至高位依次是 $2^0, 2^1, 2^2, 2^3, \dots$ (即 1, 2, 4, 8, $\dots$), 二进制小数的“权”由左至右依次是 $2^{-1}, 2^{-2}, 2^{-3}, 2^{-4}, \dots$, 所以二进制数转换成十进制数的基本方法是“见 1 加其权”, 即

$$\begin{aligned} 10011110.110101_{(2)} &= 2^7 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-4} + 2^{-6} \\ &= 158.828125_{(10)} \end{aligned}$$

【解题方法指导】 N 进制数转换成十进制数——权展开式法

一个 N 进制数 X 可以表示成权展开式形式:

$$X = \sum_{i=-l}^{m-1} k_i N^i \quad (1.1.2-1)$$

所以, 任何 N 进制数都可用式(1.1.2-1)转换成十进制数。式中, k_i 是第 i 位的系数, N^i 是第 i 位的权。例如, 将八进制数 $236.65_{(8)}$ 转换成十进制数, 即

$$\begin{aligned} 236.65_{(8)} &= 2 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 6 \times 8^0 + 6 \times 8^{-1} + 5 \times 8^{-2} \\ &= 158.828125_{(10)} \end{aligned}$$

例 1.1.2-4 将二进制数转换成等值的八进制数和十六进制数。

解: (1) 转换成八进制数。以小数点为界分别向左、右两个方向每 3 位二进制数为一组(两端组不够 3 位, 两端补 0), 即可从左向右直接读出等值的八进制数, 即

$$\begin{aligned} 10011110.110101_{(2)} &= \underline{010} \quad \underline{011} \quad \underline{110}. \quad \underline{110} \quad \underline{101}_{(2)} && \text{[左端补 0]} \\ &2 \quad 3 \quad 6. \quad 6 \quad 5_{(8)} \\ &= 236.65_{(8)} \end{aligned}$$

(2) 转换成十六进制数。以小数点为界分别向左、右两个方向每 4 位二进制数为一组(两端组不够 4 位两端补 0), 即可从左向右直接读出等值的十六进制数, 即

$$\begin{aligned} 10011110.110101_{(2)} &= \underline{1001} \quad \underline{1110}. \quad \underline{1101} \quad \underline{0100}_{(2)} && \text{[右端补 0]} \\ &9 \quad E. \quad D \quad 4_{(16)} \\ &= 9E.D4_{(16)} \end{aligned}$$

【解题方法指导】 二进制数 $\rightarrow 2^n$ 进制数的快速转换——分组法

以小数点为界分别向左、右两个方向每 n 位(n 为正整数)二进制数为一组(两端组不够 n 位两端补 0), 即可从左向右直接读出其等值的 2^n 进制数。

1.1.3 习题精选

题 1.1.3-1 将十进制数 $100_{(10)}$ 转换成二进制数和八进制数。

题 1.1.3-2 将十进制数 $0.8515625_{(10)}$ 转换成二进制数和十六进制数。

题 1.1.3-3 将十进制数 $84.71875_{(10)}$ 转换成二进制数和八进制数。

题 1.1.3-4 将二进制数 $11010111_{(2)}$ 转换成十进制数和十六进制数。

答案与提示

题 1.1.3-1 答案:

$$100_{(10)} = 1100\ 100_{(2)} = 144_{(8)}$$

题 1.1.3-2 答案:

$$0.8515625_{(10)} = 0.\underline{1101}\ 101_{(2)} = 0.DA_{(16)}$$

题 1.1.3-3 答案:

$$84.71875_{(10)} = 1010\ 100.\underline{10111}_{(2)} = 124.56_{(8)}$$

题 1.1.3-4 答案:

$$11010111_{(2)} = 215_{(10)} = D7_{(16)}$$

1.2 提 高 篇

1.2.1 难题范例

例 1.2.1-1 将十二进制数 $18.6_{(12)}$ 转换成八进制数。

解: 该题不能直接将十二进制数转换成八进制数, 要分两步走:

(1) 先用权展开式法将十二进制数 $18.6_{(12)}$ 转换成十进制数:

$$18.6_{(12)} = 1 \times 12^1 + 8 \times 12^0 + 6 \times 12^{-1} = 20.5_{(10)}$$

(2) 再用基数乘除法将十进制数 $20.5_{(10)}$ 转换成八进制数:

$$20.5_{(10)} = 24.4_{(8)}$$

【解题方法指导】 M 进制数 $\rightarrow N$ 进制数的通用转换法——中转法

M 进制数转换成 N 进制数 (M, N 均为正整数), 可按以下步骤进行: ①先用权展开式法将 M 进制数转换成十进制数。②再用基数乘除法将十进制数转换成 N 进制数: 整数部分除 N 求余, 余数倒级联; 小数部分乘 N 取整, 整数正级联。此法常称为“混合转换法”, 亦可简称为“中转法”。

例 1.2.1-2 试判断一个 8 位二进制数 $A = A_7A_6A_5A_4A_3A_2A_1A_0$ 所对应的十进制数能否被 $8_{(10)}$ 整除 (★华中理工大学 1999)。

解: 首先将二进制数 A 转换成十进制数, 然后除以 $8_{(10)}$, 若余数为 0, 则能被 $8_{(10)}$ 整除。

设二进制数 A 对应的十进制数为 D , 利用权展开式法, 得

$$D = A_7 \times 2^7 + A_6 \times 2^6 + A_5 \times 2^5 + A_4 \times 2^4 + A_3 \times 2^3 + A_2 \times 2^2 + A_1 \times 2^1 + A_0 \times 2^0$$

$$= (A_7 \times 2^4 + A_6 \times 2^3 + A_5 \times 2^2 + A_4 \times 2^1 + A_3) \times 2^3 + (A_2 \times 2^2 + A_1 \times 2^1 + A_0)$$

由上式可见,前5项中都含着 2^3 ,因此前5项能被 $8_{(10)}$ 整除;后3项之和为 $0 \sim 7$,所以,只有后3项为0,即 $A_2 = A_1 = A_0 = 0$ 时,数 D 方可被 $8_{(10)}$ 整除。

例 1.2.1-3 将四进制数 $3210.12_{(4)}$ 转换成十进制数和十六进制数。

解:(1) 转换成十进制数——用权展开式法。直接用权展开式法,得

$$\begin{aligned} 3210.12_{(4)} &= 3 \times 4^3 + 2 \times 4^2 + 1 \times 4^1 + 0 \times 4^0 + 1 \times 4^{-1} + 2 \times 4^{-2} \\ &= 228.375_{(10)} \end{aligned}$$

(2) 转换成十六进制数——用中转法。

方法一:先将四进制数转换成二进制数,然后用分组法快速转换成十六进制数,即

$$\begin{aligned} 3210.12_{(4)} &= \underline{11} \quad \underline{10} \quad \underline{01} \quad \underline{00}. \quad \underline{01} \quad \underline{10}_{(2)} \\ &\quad \quad \quad 3 \quad 2 \quad 1 \quad 0. \quad 1 \quad 2_{(4)} \\ &= \underline{1110} \quad \underline{0100}. \quad \underline{0110}_{(2)} \\ &\quad \quad \quad E \quad 4. \quad 6_{(16)} \\ &= E4.6_{(16)} \end{aligned}$$

方法二:先将四进制数转换成十进制数 $228.375_{(10)}$ (见上),再用基数乘除法将其转换成十六进制数(略)。(方法一更方便)

【解题方法指导】数制转换方法选用指南:

- ① 十进制数转换成 N 进制数,用基数乘除法。
- ② N 进制数转换成十进制数,用权展开式法。
- ③ M 进制数转换成 N 进制数,用中转法。
- ④ 2^m 进制数转换成 2^n 进制数,用分组转换法。

1.2.2 妙题集锦

题 1.2.2-1 将十进制小数 $0.85937_{(10)}$ 转换成二进制小数,要求截断误差不大于 0.02 。

题 1.2.2-2 用8421BCD码表示十六进制数 $B7E_{(16)}$ 。

题 1.2.2-3 将二进制数 $1011100_{(2)}$ 转换成典型的格雷码。

题 1.2.2-4 填空: $10010010.01110101_{(8421BCD)} = (\quad)_{(8)}$ 。

题 1.2.2-5 问:一个15位的二进制数最大可表示多大的十进制数? 一个5位的十进制数最多需用几位二进制数表示?

题 1.2.2-6 判断题:(正确者打√,错误者打×)

- ① 一个二进制数的低2位为0,则该数可被4整除。 ()

② 一个二进制数的低 4 位为 0, 则该数是 16 的整数倍。 ()

③ 一个十六进制数, 只有最低位数为 0 时, 则该数才是 8 的整数倍。 ()

答案与提示

题 1.2.2-1 答案:

$$0.85937_{(10)} = 0.11011_{(2)}$$

提示与点评: 因 $2^{-6} = 0.015625 < 0.02$, 所以取小数点后 5 位即可满足截断误差要求。

题 1.2.2-2 答案:

$$\begin{aligned} B7E_{(16)} &= 11 \times 16^2 + 7 \times 16^1 + 14 \times 16^0 = 2942_{(10)} \\ &= 0010\ 1001\ 0100\ 0011_{(BCD)} \end{aligned}$$

提示与点评: ①先转换成十进制数, 再用 BCD 码表示。②十进制数的二进制编码方式 (BCD 码) 有 8421 码、5421 码、2421 码、余 3 码、余 3 循环码等。

8421 码: 8421BCD 码是十进制代码中最常见、常用的一种有权码, 其权从高到低依次是 8、4、2、1。

5421 码: 5421BCD 码也是一种有权码, 其权是 5、4、2、1。如果 $a_3a_2a_1a_0$ 是一个 5421BCD 码数, 其等效的十进制数 $D = a_3 \times 5 + a_2 \times 4 + a_1 \times 2 + a_0 \times 1$ 。

2421 码: 2421BCD 码的权依次是 2、4、2、1。如果 $a_3a_2a_1a_0$ 是一个 2421BCD 码数, 其等效的十进制数 $D = a_3 \times 2 + a_2 \times 4 + a_1 \times 2 + a_0 \times 1$ 。

余 3 码和余 3 循环码都是无权码, 余 3 码的“0”从 0011 开始, 所以比相应码多 3, 故名余 3 码。

题 1.2.2-3 答案:

$$1011100_{(2)} = 1110010_{(Gray)}$$

提示与点评: 格雷码的第 i 位 (G_i) 等于二进制码的第 i 位 (B_i) 同第 $i+1$ 位 (B_{i+1}) 的模 2 和 (异或), 即

$$G_i = B_{i+1} \oplus B_i \quad (1.2.2-1)$$

注意: ① $0 \oplus 0 = 0, 1 \oplus 1 = 0, 0 \oplus 1 = 1 \oplus 0 = 1$ 。② B_i 为最高位时, $B_{i+1} = 0$ 。

题 1.2.2-4 答案:

$$\underline{1001}\ \underline{0010}\ \underline{0111}\ \underline{0101}_{(8421BCD)} = 92.75_{(10)} = 134.6_{(8)}$$

提示与点评: 先转换成十进制数, 再用基数乘除法转换成八进制数。

题 1.2.2-5 答案:

15 位的二进制数的最大值: $2^{15} - 1 = 2^{10} \times 2^5 - 1 = 1024 \times 32 - 1 = 32767_{(10)}$, 即最大可表示 5 位十进制数。

一个 5 位的十进制数的最大值为 $99999_{(10)}$, 因此 $2^{16} - 1 = 65535_{(10)} < 99999_{(10)} < 2^{17} - 1 = 131071_{(10)}$, 故 5 位十进制数需用 17 位二进制数来表示。

题 1.2.2-6 答案:

①(√); ②(√); ③(×)。

提示与点评:题③中最低位数为 8 时,也是 8 的整数倍。

1.3 实 战 篇

1.3.1 考题例解

例 1.3.1-1 数制与数码转换填空:

$$10101010_{(2)} = (\quad)_{(10)} = (\quad)_{(\text{Gray})} = (\quad)_{(\text{BCD})}$$

$$\begin{aligned} \text{解: } 10101010_{(2)} &= 170_{(10)} && [\text{见 1 加其权}] \\ &= 11111111_{(\text{Gray})} && [\text{式(1.2.2-1)}] \\ &= 0001\ 0111\ 0000_{(\text{BCD})} \end{aligned}$$

例 1.3.1-2 填空题:

4 个不同进制的数 376.125D、576.1Q、110000000B、17A.2H,按大小排列的次序为 _____ > _____ > _____ > _____。(★浙江大学 1989)

解:因为比较十六进制数更简捷明快,所以将二、八、十进制数转换成十六进制数:

二进制数:1 000 0000B = 180H

八进制数:576.1Q = 1 0111 1110. 001B = 17E.2H

十进制数:376.125D = 178.2H

十六进制数:17A.2H

得 180H > 17E.2H > 17A.2H > 178.2H,因此排队如下:

$$1\ 000\ 0000\text{B} > 576.1\text{Q} > 17\text{A}.2\text{H} > 376.125\text{D}$$

1.3.2 试题选萃

题 1.3.2-1 将十进制数 586 分别用 8421 码、余 3 码和格雷码表示出来。
(★中国科学院自动化研究所 1997)

题 1.3.2-2 数制转换填空:

$$6\text{FB}_{(16)} = (\quad)_{(10)}$$

$$1998_{(10)} = (\quad)_{(2)}$$

$$11101101.1_{(2)} = (\quad)_{(8)}$$

题 1.3.2-3 问答题

① 一个 8 位的二进制计数器,对输入脉冲进行计数,设计数器的初始状态为 0。问:计入 75 个脉冲后,计数器的状态是什么?

② 要表示所有 3 位十进制数, 至少需用几位二进制数?

答案与提示

题 1.3.2-1 答案:

$$586_{(10)} = 0101\ 1000\ 0110_{(8421\text{BCD})} = 1000\ 1011\ 1001_{(\text{余3码})} = 1101101111_{(\text{格雷码})}$$

提示与点评: 将 $586_{(10)}$ 转换成多位格雷码时, 可先将其转换成二进制码, 然后按照以下方法再将二进制码转换成格雷码: 格雷码的第 i 位 (G_i) 等于二进制码的第 i 位 (B_i) 同第 $i+1$ 位 (B_{i+1}) 的模 2 和 (异或), 即 $G_i = B_{i+1} \oplus B_i$ 。

题 1.3.2-2 答案:

$$6\text{FB}_{(16)} = 1787_{(10)}$$

$$1998_{(10)} = 11111001110_{(2)}$$

$$11101101.1_{(2)} = 355.4_{(8)}$$

题 1.3.2-3 答案:

$$\textcircled{1} 75_{(10)} = 01001011_{(2)}$$

提示与点评: 该题的实质是将十进制数 $75_{(10)}$ 转换成二进制数。

② 10 位。因为 3 位十进制数的值为 $000 \sim 999_{(10)}$, 而 $2^9 - 1 = 511 < 999_{(10)} < 2^{10} - 1 = 1023$, 所以至少需用 10 位二进制数。

2 逻辑代数

2.1 基础篇

2.1.1 重点、难点及考点

1. 本章内容提要

本章内容主要是逻辑代数中的三种基本运算(与、或、非)及其复合运算(与非、或非、与或非、异或、同或)等;逻辑代数中的基本运算公式和四个基本定理(代入定理、对偶定理、反演定理和展开定理);逻辑函数的四种表示方法(真值表法、表达式法、逻辑图法、卡诺图法)及其相互转换;逻辑函数的四种化简方法(公式化简法、卡诺图化简法、列表化简法和机助化简法),四种化简法中,公式化简法适于多变量逻辑函数化简;当变量数不大于5时卡诺图化简法更方便、直观、准确;变量数较多时,也可以先用公式化简法化简,使变量数减少到5个以下再用卡诺图化简;如果需要化简多输出逻辑函数或者利用机助化简,可以用列表化简法;逻辑函数机助化简的算法基础是公式化简法和列表化简法,其优点是不受变量数目限制;逻辑函数机助化简是发展趋势、应用方向。不过,列表化简法和机助化简法在教学大纲及多数教材中不作要求。

2. 本章教学大纲基本要求

熟练掌握:①逻辑函数的基本定律和定理;②逻辑问题的描述方法;③逻辑函数的化简与变换。

3. 重点与难点

重点:逻辑代数中的基本公式、常用公式、基本定理和基本定律;逻辑函数的四种表示方法及其相互转换;最大项和最小项概念。逻辑函数的公式化简法和卡诺图化简法,重点是5变量以下的卡诺图化简法,包括含有任意项的逻辑函数的化简。

难点:多变量逻辑函数的公式化简;多输出函数的最简化。

4. 常见题型及考点

(1)判断逻辑等式。