

中等專業学校教学用書

工程力学

第三部分 結構靜力学

Г. М. 伊凡諾夫著

Д. В. 倍其柯夫主編

高等教育出版社

中等專業学校教学用書



工 程 力 学

第三部分 結構靜力学

Г. М. 伊凡諾夫著

Д. В. 倍其柯夫主編

趙 超 變 譯

高等教育出版社

本書原系根据苏联国立建筑書籍出版社 (Государственное издательство литературы по строительству и архитектуре) 出版的伊凡諾夫 (Г. М. Иванов) 付博士著“工程力学第三部分—結構靜力学” (Техническая механика) 1957 年版譯出。原書由 Д. В. 倍其柯夫教授主編，并經苏联冶金与化工企業建設部教育司审定为土木建筑中等技术学校的教科書。

本書是根据苏联教學大綱編寫的，全書計分十章，講述靜定結構和超靜定結構計算的基本問題，并附有許多例題。其中靜定結構部分包括有多跨梁、桁架与三鉸拱等的解析計算法与圖解法，以及影响綫、位移的求法等。超靜定結構部分包括有力法、三弯矩方程、挡土牆等。

工 程 力 学

第三部分 結構靜力学

Г. М. 伊 凡 諾 夫 著

趙 超 燥 譯

高等教育出版社出版 北京宣武門內承恩寺 7 号

(北京市書刊出版業營業執可證字第 054 号)

京华印書局印刷 新华書店發行

统一書号 15010·722 開本 850×1168 1/32 印張 7 6/16

字數 174,000 印數 0001—5,000 定價 (10) ￥ 1.10

1958 年 10 月第 1 版 1958 年 10 月北京第 1 次印刷

序

过去已出版了“工程力学”教程的头两部分：第一部分“理論力学”和第二部分“材料力学”。

“结构靜力学”这本教科书是“工程力学”的第三部分，也就是“工程力学”的最后部分。

本书講述结构計算理論，它是按照現行的土木建筑中等技术学校的结构靜力学教学大綱編写的。书中有相当数量的例題來說明理論部分，同时这些例題都是經過仔細研究的。书后还附录一些必需的參考資料。

作者对本书讀者們的一切意見表示感謝和重視。有关本书的意見請按下列地址寄交苏联国立建筑书籍出版社：Ленинград，Невский 28。

目 录

序.....	iii
第一章 緒論.....	1
§ 1. 國際靜力學的任務及與其他課程的關係 · 基本假設	1
§ 2. 國際的類型	6
§ 3. 支座及其分類	8
§ 4. 荷載的分類	11
§ 5. 國際靜力學的發展簡史	14
第二章 平面結構的幾何不變性的研究.....	22
§ 6. 幾何不變性結構和幾何可變性結構	22
§ 7. 自由度 · 國際的幾何組成分析	24
§ 8. 危形結構	31
第三章 靜定多跨梁和靜定剛架.....	33
§ 9. 靜定多跨梁的一般概念	33
§ 10. 靜定多跨梁的解析法	35
§ 11. 圖解法	40
§ 12. 靜定剛架弯矩圖、剪力圖和軸向力圖的作法	44
第四章 影響線.....	52
§ 13. 影響線的一般概念	52
§ 14. 簡支梁的影響線	55
§ 15. 懸臂梁的影響線	58
§ 16. 靜定多跨梁的影響線	62
§ 17. 芽點傳遞荷載下的影響線	64
§ 18. 荷載的最不利位置	66
第五章 桁架.....	71
§ 19. 桁架的一般概念	71
§ 20. 桁架的分類	74
§ 21. 最簡單桁架的組成 · 桁架幾何不變和靜定的條件	76
§ 22. 求桁架各杆內力的解析法	82
§ 23. 求桁架各杆內力的圖解法	96

§24. 最簡單桁架內力影响緒的概念	108
§25. 主要桁架的优缺点	111
第六章 三鉸拱.....	113
§26. 拱的一般概念	113
§27. 解析計算法	115
§28. 图解法	120
§29. 拱的合理軸線	126
第七章 彈性結構的基本定理·位移的求法.....	128
§30. 一般概念	128
§31. 外功和內功	130
§32. 功互等定理(貝第定理)	134
§33. 位移互等定理(馬克斯維爾定理)	135
§34. 內力作的虛功·求位移的一般公式	137
§35. 图形相乘法(維列沙金法)	141
第八章 超靜定結構·力法.....	146
§36. 超靜定結構的一般概念	146
§37. 力法·典型方程	152
§38. 用力法計算最簡單的超靜定結構	155
§39. 基本結構的选择	165
§40. 利用簡單超靜定剛架計算較复杂剛架的概念	168
§41. 作圖正确性的驗算	170
§42. 按現成公式計算剛架	171
§43. 剛架近似計算法的概念	173
第九章 連續梁的計算.....	179
§44. 三弯矩方程	179
§45. 連續梁的弯矩、剪力和支座反力的求法	183
§46. 用三弯矩方程計算連續梁	186
§47. 定点法的概念	190
§48. 求連續梁 M 和 Q 最大值时的荷載位置	195
§49. 用表計算連續梁的例題	196
第十章 擋土牆.....	202
§50. 一般概念	202
§51. 基本計算假設	203
§52. 主动压力和被动压力	207
§53. 土压力分布图	210

§54. 均布活载的影响	211
§55. 地下水的影响	213
§56. 挡土墙稳定性和强度的验算	214
附录 1 最简单超静定刚架的计算公式	224
附录 2 求挡土墙主动土压力的公式	226
本书所用公式表	227

第一章 緒論

§1. 結構靜力学的任务及与其他 課程的关系·基本假設

結構及其各部分的尺寸和形状，根据工程計算和經濟核算来确定。梁、柱等构件都是最简单的結構，这些构件連接起来就組成复杂结构(图 1, a, b)。

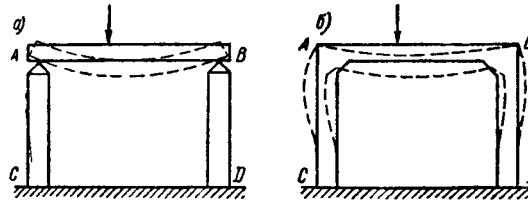


图 1.

构件之間有各种不同的連接。图 1, a 是由梁 AB 和两个支柱 AC, BD 連接成的复杂结构，梁和支柱之間沒有摩擦力。在这种情形下，可以認為梁和支柱各自单独工作。因此，計算整个結構时可以分开来按梁和支柱計算，不过这时应考慮梁对支柱的压力。

图 1, b 是一个复杂结构，水平构件和竖向构件在节点 A 和 B 处剛性連接。因此作用在任一构件上的外力，要引起整个結構工作。結構物中每个构件的工作和其余构件的工作有关时，则这种结构物叫做体系。

研究計算結構强度、剛度和穩定性的原理和方法的科学叫做建筑力学或結構理論。研究建筑力学时要根据理論力学、材料力

学、彈性力学和塑性力学的定律和結論。建筑力学研究靜力和動力对結構的作用。

结构靜力学是建筑力学的一部分，因为它和建筑力学研究相同的問題，但是结构靜力学只研究靜力对結構的作用。

設計新結構时，結構計算应保証結構具有足够的强度、剛度和稳定性，以及符合經濟節約的原則。結構强度和稳定性的合理計算能保証結構使用时所需的安全度，但不是多余的安全度。因而，在計算中，安全度問題应当与經濟問題紧密联系，所謂經濟問題就是結構材料、制造和施工的費用应最少。剛度計算可以限制变形在某一限度內，在这个限度內的变形不会阻止結構的正常使用，当然也不会威胁使用的安全。

在实际建筑中，常常需要解决現有結構如何适应新工作条件的問題，这些条件是在設計时沒有考慮到和沒有估計到的。例如由于工艺过程的改变，应当装置更重的設備或改变設備的位置。在这种情形下，用計算可以来确定結構是否需要加固或者能否改建。

要解决結構的强度、剛度和稳定性問題，必須会計算結構在外力作用下所发生的內力和变形。建筑工作者掌握外力与其所引起的內力和变形之間的互相作用規律，就可以自觉地大胆地創造新的合理的結構形式：符合多、快、好、省、安全的要求。

这样，归纳起来說，结构靜力学的任务是研究：

- 1) 结构在外力作用的最不利情形下，內力和变形的分布規律和數值；
- 2) 结构的組成規律；
- 3) 創造合理的結構形式。

在理論研究結構的計算方法时，常常不能考慮結構的所有实际工作条件。这个問題是非常复杂的。如果要考慮結構的所有实际工作条件，計算就非常复杂，以致于实际应用时就非常不方便。

因此理論研究时要利用假設，这就是略去影响計算結果准确度較小的次要因素，而只考慮結構主要的实际工作条件。这样一方面能簡化計算并适合于实际应用，另一方面能保証計算結果与实际相当准确地相合。

为了驗証結構靜力学以及材料力学中所采用的假設是否适用，可以广泛采用實驗研究，因为只要理論能成立，就可以用實踐來証实。理論与實踐的密切联系是繼續发展結構計算方法的有效途徑，这样在計算中能更全面地反映真实工作条件。需要在實踐中驗算的理論研究，在實驗科学面前提出許多新的問題，并得到进一步发展。

材料力学和結構靜力学計算原理中的基本假設有：

- 1) 物体的匀質性、各向同性和連續性；
- 2) 应力与变形之間的綫性关系；
- 3) 物体的彈性性质不随时间变化；
- 4) 容許有理想鉸和絕對剛性固定；
- 5) 實際結構用計算簡图来代替；
- 6) 空間結構可分解为平面結構来計算；
- 7) 結構的几何不变性等。

計算簡图是實際結構的簡化图形。选择計算簡图时，必須尽量使符合結構的工作条件。正确选择的計算簡图应使其計算結果确实可靠，因此如何选择計算簡图是一个有很大實踐意義的問題。

我們現在来研究屋頂桁架的計算簡图，在理論力学中曾講过桁架的概念(图2)。我們認為桁架各杆和屋頂檩条可用它們的几何軸綫来代替。假設各杆端用理想鉸連接，这种鉸內沒有摩擦力。用假設的支座代替實際支座，假設支座的构造在下面再講。所有这些假設就确定了屋頂的計算簡图。

計算簡图工作与實際結構工作的誤差程度可能不同。例如，

各杆之間实际采用鉚接、焊接或樺接，这时不能認為是理想鉸，也不能認為是絕對剛性連接；它处于中間地位；这时实际連接与計算簡圖的近似程度，取决于杆連接的单位剛度 $\frac{EI}{l}$ ， l 是杆長。杆的實際連接随着单位剛度的減小而接近于計算鉸。

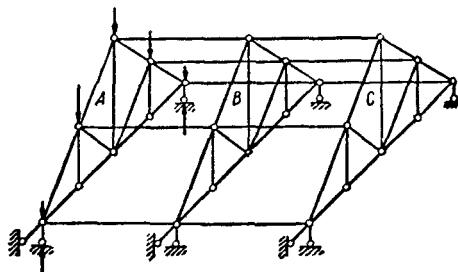


图 2.

图 2 所示的結構有三向尺寸，所以是空間結構。但是在普通荷載作用下为了簡化計算，这个結構可以分成单独的平面結構，就是各个桁架 A 、 B 、 C 。这时假

設屋頂的外力按杠杆定律分配給各个桁架，由于檩条变形桁架中所發生的內力等于零。

结构靜力学只研究固定的和不变的结构。計算这种结构时，力独立作用性原理或迭加原理有很大的实践意义。利用这个原理可以很简单地解决绝大多数的問題。

在结构中由于外力作用发生內力和变形，则內力和变形也就是这个作用的效果(或結果)。迭加原理的意思是这样的，在结构中由于某力系 Q_1, Q_2, \dots, Q_n 引起的效果，等于每个力单独作用所引起效果的代数和：

$$\theta = \theta_1 + \theta_2 + \dots + \theta_n, \quad (1)$$

式中 θ_1 ——力 Q_1 的效果，

θ_2 ——力 Q_2 的效果等等。

为了說明迭加原理，我們研究悬臂梁 AB 在外力 P, Q, q 作用下的例子(图 3, a)。这些力(图 3, a)共同作用的效果，等于每个力单独作用时所引起效果的代数和，也就是：

$$\text{支座反力 } A = A_P - A_Q + A_q,$$

支座弯矩

$$M = M_P + M_Q + M_q,$$

$$\text{轉角 } \varphi = \varphi_P - \varphi_Q + \varphi_q,$$

$$\text{垂度 } f = f_P - f_Q + f_q.$$

同样地可以說出任一截面 $\alpha-\alpha$ 的內力。由于力 P 、 Q 和 q 作用而引起的弯矩图和剪力图，可以由每个力单独作用时引起的弯矩图、剪力图迭加求得。

特別是，按照迭加原理
可以証明任一力 Q 作用的效果，等于力 $Q=1$ 的效果 $\theta_{Q=1}$ 与已知力 Q 的乘积：

$$\theta = \theta_{Q=1} Q.$$

这就有可能采用单位荷載进一步簡化計算，例如求桁架各杆的內力。

迭加原理只能用来計算不变形結構，因为只有在此情形下列靜力学方程时，才可認為結構在外力作用下外力和內力作用点和方向是不变的。

因此，自然得到結構上各个作用力可以迭加的結果。

但在实际上，在外力作用下不变结构发生彈性变形，而使力作用点发生位移 Δl ，同时使內力方向发生一些变化(图3)，应用迭加原理时，略去了这些变形，因此迭加原理是近似的，不过略去变形的数值非常小，实际上是足够准确的。講到彈性变形，我們所研究的材料服从虎克定律。在个别情形下，迭加原理不能用于不变结构。这些例外的情形在較完全的结构靜力学中将有介紹。

结构靜力学的研究方法有解析法、图解法和图解解析計算法。

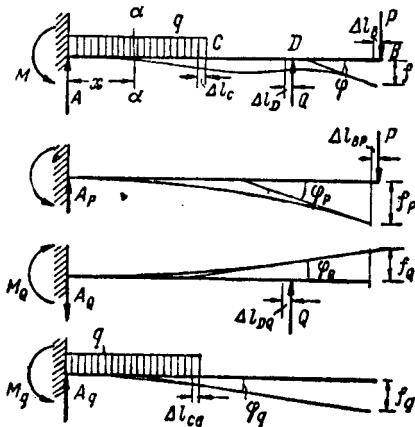


图 3.

解析計算法的解答是普遍的，可以用于其他相似的情形。但是，解題时总要进行很多的計算工作，同时非常容易出錯。图解法很明显并相当准确，但是这种解法有特殊的性质，因此每个相似的情形需要单独地解。图解解析法是綜合了解析法和图解法的优点。

结构靜力学与材料力学有共同的任务，都是研究结构的强度、剛度、稳定性和經濟性的条件，同时与許多作为計算方法根据的一般假設有关，以及理論密切联系实际。但是材料力学限于研究结构和机器的部件，也就是个别杆件（杆、梁、支柱、軸等）。结构靜力学研究整个杆件结构，也就是复杂的结构。因此正如前面所講的，结构靜力学还要研究结构的組成規律及其合理形式。这样，结构靜力学是材料力学自然的延續和进一步的发展。

结构靜力学和材料力学一样，都是研究建筑结构的理論基础。

§2. 結構的类型

今后我們將采用結構的計算簡圖，为了簡便起見称之为結構或体系。

正确地掌握结构类型是有实践意义的，因为計算特点与结构类型有关。通常按结构的某些特征来分类。

按几何特征可分为三种结构类型：

1) 杆件結構，也就是由許多构件組成的結構，构件的长度大大地超过横截面的尺寸。通常由鋼木、鋼筋混凝土制造的桁架和剛架就是这种結構(图 4, a, b)。

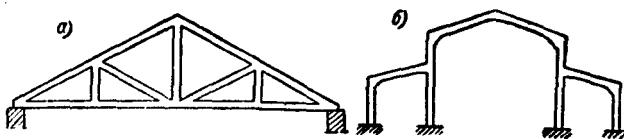


图 4.

这种结构可以分为平面結構和空間結構。平面結構的各杆几

何軸線和外力(包括支座反力)作用線都在一个平面內(图 5, a);空間結構的各杆軸線和力作用線不在一个平面內(图 5, b 和图 2)。

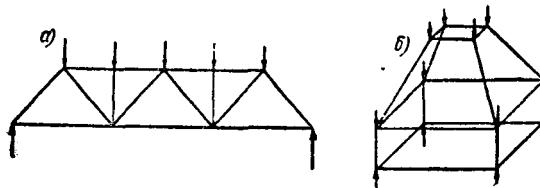


图 5.

2) 块体结构,这种结构的长度和横截面的尺寸相同。用砖石或混凝土建造的挡土墙、坝、桥墩、房屋基础都是块体结构(图 6)。

3) 薄壁结构,这种结构的厚度比其宽度、长度小得很多。壳(图 7, a)、褶(图 7, b)和板(图 7, c)都是这种结构。这种结构可以用钢筋混凝土、钢和木来建造。

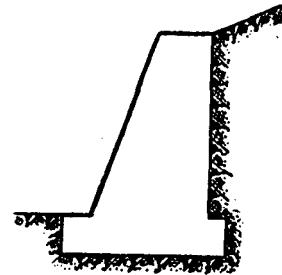


图 6.

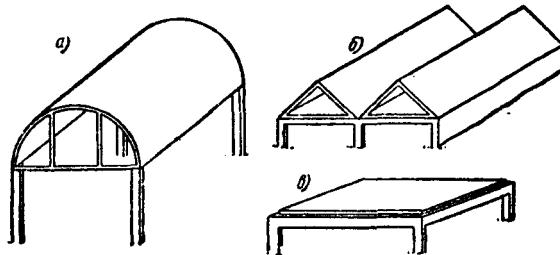


图 7.

按照构件的連接方法可分为:

- 1) 鉸接結構,桁架就是这种结构(图 8, a);
- 2) 剛接結構,例如刚架(图 1, b 和图 4, b);
- 3) 混合連接結構,例如下撑式梁(图 8, b)。

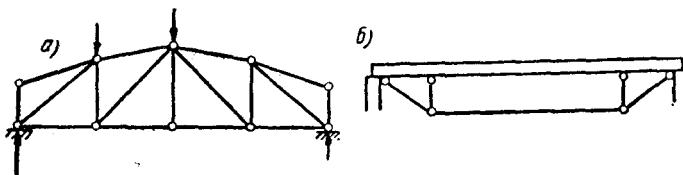


图 8.

按照支座反力的方向结构可分为两种类型:

- 1) 无推力结构, 这种结构在竖向外力作用下只发生竖向支座反力(图 8, a);
- 2) 推力结构, 这种结构在竖向外力作用下发生斜向支座反力, 它可分解为竖向分力和水平分力(图 9)。



图 9.

最后, 按照结构的机动特征可分为几何不变的和几何可变的。下章再来研究机动分析。

后面我們只研究平面結構。

§3. 支座及其分类

連接结构与地基或限制结构位移的約束(控制)构造叫做支座。

作用在结构上的外力尽量要使结构运动, 但是遇到支座的抵抗, 因此在支座处发生支座反力。为了确定支座反力必須求出支座反力的大小、方向和作用点。如果假想撤去支座, 并用支座反力

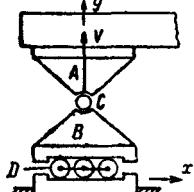
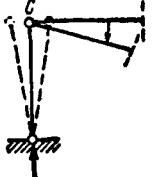
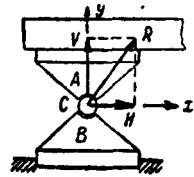
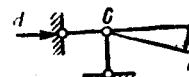
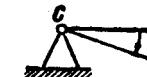
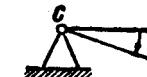
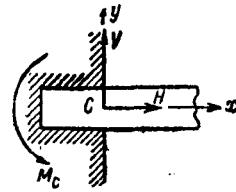
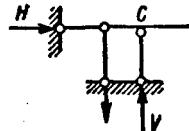
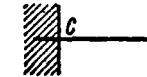
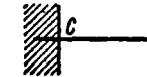
代替它的影响, 則結構可以看作是在外力作用下处于平衡的物体。

支座反力的大小取决于外力, 而反力的方向和作用点則取决于支座构造。支座是空間结构, 但是我們將它看作是平面結構, 所以支座也認為是結構的平面組成部分。这就确定平面結構支座反力的位置。

表 1 是鉸接支座和固定端支座的构造簡图和假設簡图。在計算簡图中, 我們采用这些支座的鏈杆式假設簡图。

連接結構两部分只容許互相繞定軸轉動的构造叫做圓柱鉸。

表 1.

支座名称	構造簡圖		假設簡圖	
	鏈杆式	構造式	鏈杆式	構造式
鉸接滚动支座				
鉸接固定支座				
固定端				

1. 铰接滚动支座容許繞定軸轉動和平行于規定直線移動。这种支座由搖座 A 和 B 用圓柱鉸 C 連接成。搖座 A 与結構固定相聯，而搖座 B 支在圓柱輶軸 D 上，圓柱輶軸放在一支持座平板上。假設鉸 C 和輶軸 D 中的摩擦力都等于零。这种支座构造容許結構自由地发生位移，可以繞圓柱鉸軸發生角位移，也可以平行支座平面发生綫位移。由于在这两个方向沒有阻力，所以也就不能发生支座反力。結構在垂直于支座平面的方向不能发生位移。因而铰接滚动支座限制結構在一个方向的位移，并在这方向发生支座反力 V 。支座反力 V 通过鉸的中心 C ，因为只有在这种情形下，鉸 C 的弯矩才等于零。

这个支座的鏈杆式假設簡圖用一个铰接鏈杆表示，这根鏈杆安放在限制結構位移的方向。假設支座鏈杆是无限长的，因此鏈杆繞下面固定鉸軸轉動時，上面鉸画出的圓弧可以認為是垂直于杆軸的直線。这种簡圖容許結構自由地轉動和平動。此外假設支座鏈杆是絕對剛性的，这样結構就不能沿杆軸方向发生位移，并在这个方向发生支座反力。

2. 铰接固定支座与上述支座不同，它沒有圓柱輶軸，并且搖座 B 固定在地基上。这种支座的构造只容許結構繞圓柱鉸 C 的軸发生角位移，因此支座反力的反弯矩 M_r 等于零。結構在任何方向都不能移动，因而发生通过鉸 C 的支座反力 R 。在一般情形下，支座反力与 x 軸和 y 軸成一角度。这个反力可以分解为豎向分力 V 和水平分力 H 。这样，铰接固定支座限制結構在两个方向的位移。

因此假設的支座鏈杆簡圖，可以用两个互相垂直的連接体系与地基的鏈杆来表示；支座分反力的方向沿支座鏈杆的軸綫。

3. 固定端支座不容許有任何方向的位移，也就是限制結構在三个方向的位移。在一般情形下，支座反力 R 不通过固定端平面的中心 C ，这时反力方向与 x 軸和 y 軸成一角度。經過支座反力