

144720

基本館藏

岩心钻探中 硬质合金磨损

E. Ф. 埃普什捷因著



地质出版社

POLY

岩心鉆探中硬質合金磨損

E. Ф. 埃普什捷因 著

席嘉珍、楊樹槐 譯

地質出版社

1958·北京

Е. Ф. ЭПШТЕИН

ИЗНОС ТВЕРДЫХ СПЛАВОВ ПРИ ТРЕНИИ ПС
ГОРНЫМ ПОРОДАМ ПРИ КОЛОНКОВОМ
РАЗВЕДОЧНОМ БУРЕНИИ

Гостоптехиздат 1952

本書論述硬質合金鑽進的原理。書中對合金磨損過程和合金鑽進進尺過程作了詳細地敘述，提出了一些新的重要的概念，用高等數學理論推演出磨損公式和進尺公式，并用實測資料加以驗証。此外，還介紹了鑽進方法的分類，沖洗液對岩石的軟化作用的原理、岩石的各向異性、動硬度等極有實用意義的理論。

本書可供鑽探工程技術人員，地質勘探專業的教師、學生參考。

岩心鑽探中硬質合金磨損

著 者 E·Ф·埃普什捷因
譯 者 席嘉珍、楊樹槐
出版者 地質出版社
北京宣武門外永光寺西街3号
北京市審刊出版證書號：050号
發行者 新華書店
印刷者 地質印刷厂
北京廣安門內教子胡同甲32号

印數(京)1—1,300 1958年1月北京第1版
开本 31"×43" 1/25 1958年1月第1次印刷
字数 160,000字 印張 7 1/25
定价(10)0.95元

目 錄

緒論	6
第一章 不強制給進鑽具時迴轉鑽進破碎岩石的主要規律	11
§ 1. 鑽進方法的分类	11
§ 2. 自由給進鑽具時迴轉鑽進的主要公式	13
第二章 磨損系數和磨擦系數同鑽進規範要素之間的關係在實驗方面的研究	24
§ 3. 基本原理	24
§ 4. 觀測鑽進過程來研究 ω_u 和鑽進規範要素之間的關係的方法	25
§ 5. 鑽進過程觀測資料整理結果	34
1. 前言	34
2. $\omega\mu = \psi(t)$ 關係的研究	35
3. $\omega\mu = \psi(t)$, $\omega\mu = \psi(v)$ 和 $\omega\mu = \psi(F)$ 關係的研究	41
§ 6. 用專門裝置實驗研究摩擦和磨損的方法	47
§ 7. 用研究同岩石摩擦時硬質合金的磨損的專門裝置研究 $\omega_u = \psi(F)$ 和 $\omega_u = \psi(v)$	52
第三章 同岩石摩擦時硬質合金磨損的理論基礎	57
§ 8. 一般原理	57
§ 9. 現代摩擦和磨損理論的某些問題	59
§ 10. 摩擦材料的強度和結構對摩擦和磨損的影響	63
§ 11. 測量磨損的單位	65
§ 12. 同岩石摩擦時切削具材料(硬質合金)的磨損過程	67
§ 13. 求 $y = \psi_1(F, v, t)$ 和 $\omega_u = \psi_2(F, v, t)$ 的方法	72
第四章 磨損公式 $y = \psi_1(F, v, t)$ 和 $\omega_u = \psi_2(F, v, t)$	80
§ 14. 磨損過程的一般原理	80
§ 15. 切削具破離(鑽進)岩石	84
§ 16. 岩石顆粒對切削具材料的破離(磨逝)	85
§ 17. 切削具材料顆粒(凸出體)對岩石顆粒的破離(磨逝)	93
§ 18. 近似公式 $y = \psi_1(Q, v, t)$, $\omega_u = \psi_2(Q, v, t)$ 和 $L = \psi_3(Q, v, t)$	103

第五章 岩石的硬度及鑽具切入时的破坏过程	109
§19. 概 說	109
§20. 岩石的成分和結構	110
§21. 岩石的一些机械性質	115
§22. 岩石机械性質的各向異性及構造条件	118
§23. 用压模局部压縮时岩石的压坏	120
§24. 确定切削具切入时岩石組合硬度(臨界应力)的實驗工作	121
§25. 决定于压入力的岩石組合硬度的变化	128
§26. 根据鑽進速度資料計算岩石組合硬度	130
§27. 关于岩石的动力硬度	132
第六章 冲洗液对岩石破碎的影响	134
§28. 基本理論原理	134
§29. 鑽進中硬度軟化剂的采用	137
第七章 公式$y=\psi_1(Q, v, t)$, $\omega u=\psi_2(Q, v, t)$ 和$L=\psi_3(Q, v, t)$ 的實驗性驗算	139
§30. 根据觀測鑽進速度資料計算代入公式(86)的常量的方法	139
§31. 根据鑽進速度資料計算出的 σ_c 值的實驗性檢驗	143
§32. 根据中央地質勘探科学研究所的試驗資料檢驗作为鑽進時間及 鑽具轉數的函数的進尺公式	146
§33. 在生產条件下檢驗作为鑽進时间及轉數的函数的進尺公式	153
§34. 根据莫斯科地質勘探學院的試驗資料檢驗作为給進力和鑽進時 間的函数的公式	159
§35. 公式 $y=\psi_1(F, v)$ 和 $\omega u=\psi_2(F, v)$ 的檢驗	162
参考文献	169

序

本書向讀者介紹的是岩心鑽探時岩石破碎過程和鑽具磨損過程的研究成果，岩心鑽探多用于勘探固體礦產、研究地質構造和地質制圖等方面。

所發現的規律同時還可以用于解決石油鑽探的有關問題，當然，應用時要估計到這種鑽進特點的條件。

原稿承蒙 B.C. 費道羅夫教授審閱，提出許多寶貴意見，作者對此謹致熱忱的謝意。

緒論

偉大衛國戰爭後，我們祖國國民經濟的宏偉高潮，第四个战后斯大林五年計劃的勝利完成和超額完成，共產主義偉大建筑工程——古比雪夫水电站、斯大林格勒水电站、卡霍夫水电站、土庫曼大运河、北克里木运河、南烏克蘭运河和拥有日益复雜而繁多的建筑的伏尔加河-頓河通航运河——的施工，使各种用途的鑽孔的鑽進工作量有很大的增長。

如果考慮到鑽探工作量在今后无疑將會不斷增長，尋求加快鑽進速度，提高鑽進工作效率的可能性就成了重要的任務。

除了創造新的机器和机械、創造新的效率更高的工作方法之外，必須發展鑽進时破碎岩石過程的理論。

鑽孔鑽進（加深）過程由兩個相互作用的过程構成的：（1）工作鑽具破碎岩石的过程和（2）同岩石摩擦时工作鑽具磨損的过程。因此，不研究制造破碎岩石的工作鑽具的硬質合金的磨損，就不可能建立破碎岩石的理論。

摩擦和磨損問題已作了很多研究工作。摩擦和磨損問題对于國民經濟各个部門、对科学和技术（机器制造、冶金、礦山事業等等）有着特別重大的意义。

远在1752年，M. B. 罗蒙諾索夫就曾提出磨損的研究問題。1939年，E. A. 丘达柯夫院士 [72] 指出了“……机器的摩擦和磨損問題在机器制造工業中的特出的意义”，他同时还強調“但是，这一問題在科学方面的研究極其薄弱”。

苏联科学院通讯院士、B. Д. 庫茲涅佐夫副教授[34]在1947年發表的長篇綜合性著作中指出：“尽管外部摩擦和磨損有着很大的实用意义、尽管在这方面也進行了很多的實驗上和理論上的研究，但是，直到如今，外部摩擦和磨損的力学依然沒有搞清謬”。在这个著作中，B. Д. 庫茲涅佐夫对摩擦和磨損領域中的正确研究途徑有原則性的指示。

已經說過，摩擦和磨損問題在礦山事業和地質勘探事業中也有特殊的意义。在破碎岩石的機器（掘煤機、深孔鑽探機械等等）的切削部分工作時，決定它的效率、荷重等等的基本的和最複雜的問題也是破碎岩石的切削工具在破碎岩石時的磨損。

沒有解決摩擦和磨損問題，或者至少是沒有通曉在一定條件下這個摩擦和磨損過程的基本規律，就不可能建立關於那些由摩擦和磨損所決定的過程的理論。這一點在作者發表於1939年的關於剝取岩石的理論的著作中〔84〕曾經強調指出。研究者研究任何過程時總是力圖抽出（這是完全合理的）那些決定這個過程的進程的主要東西，而丟掉那些次要的、從面臨的具體任務來看對所研究的過程關係不大的東西。

然而，許許多摩擦和磨損的研究工作的特點却不能夠滿足這個條件，並且也沒有確切的研究過程的標準，同時“……決不能說任何一個運動的物體摩擦時有某種完全一樣的摩擦本質”〔34〕，也決不能說在任何壓強〔 $\frac{\text{公斤}}{\text{公分}^2}$ 〕下有某種完全一樣的摩擦本質，因為依這個量的絕對值為轉移，在接觸的地方可能僅僅發生彈性變形，也可能發生破碎，等等。

摩擦和磨損問題的術語也還研究得很不夠，因此，為了引用的準確，必須說明各個術語所包涵的精確的意義。

摩擦和磨損是很複雜的過程，這個過程伴隨著一些物理的（其中包括一些純機械的）和化學的現象。

這方面的一些研究者既把磨損了解為摩擦表面的破壞（此時物體質量減少），又把它了解為由於被壓皺而產生的變形。因此，首先就應該確定磨損的概念。

П. А. 列賓傑爾院士認為，“……應該把磨損看做在摩擦功影響下產生的表面破裂（диспергирование）現象”。

按 В. Д. 庫茲涅佐夫的看法，“……磨損是這樣的現象，即消耗的能量等於摩擦力所做的功的時候，一些粒子從物體表面分離下來，物體基體從而減少”。

采納这些說法時，同時必須從這種情況出發，即摩擦的和磨損的過程是分割不開的。因此決不能彼此孤立的進行研究。

摩擦時產生熱、產生磨損（如上面所理解的）、產生引起振動聲音的塑性變形並克服附着力（決定於分子連結程度的粘着力）。要掌握如此複雜的過程的規律，無論實驗時或建立理論時，都必須善于從其中抽出個別的組成部分，研究了這些個別組成部分就可以闡明那些規律的物理實質。

實際上，實驗研究摩擦和磨損過程的個別組成部分是不可能的，不過在保證任何一個現象（一個組成部分）的主要影響而又使其他現象可以略而不計的條件下研究這個過程却是完全可能的。在硬質合金同岩石摩擦時，我們恰恰也具有這樣的對研究摩擦和磨損有利的過程。

固体根據它的性質、表面狀態、溫度和作用到其上的力的大小和時間可以表現為脆性的或者塑性的。

在表現為塑性體的條件下，塑性體受作用力影響產生永久變形。

在表現為脆性的條件下，脆性體的極限強度小於它的屈服點。由於這種物体沒有塑性變形，摩擦時將不產生壓皺，而僅僅發生磨損，同時這種磨損幾乎無例外的是靠另外一個摩擦體表面上的凸出體（或叫顆粒）破碎它的表面而形成的。由於兩個摩擦體中的每一個的表面上的凸出體對另一個的表面的作用，兩個摩擦體互相破碎對方的表面。這種靠互相破碎表面而產生的磨損，我們將把它叫做磨料性的磨損（абразивный износ）。因此，必須把這個過程當作兩個物体在摩擦時相互作用的結果來研究，而決不能局限於僅僅研究一個物体靠同另一個物体摩擦而產生的磨損。

在硬質合金同岩石摩擦過程中，大部分岩石具有脆性體性質。硬質合金在這個過程中也表現為脆性的，甚至在很高的溫度下也是如此（參看例如[46]）。

在磨料性磨損時，表面薄層的原始狀態的影響是不重要的，因為鑽入物体深處的磨料性小粒不僅僅破壞舊的表面，而且造成新的表面。

同时，介質——从表面活性分子群对表面層強度有影响的觀点來看——对过程的進程也会有嚴重的影响，因此，保持介質条件固定不变是實驗时必需的前提，这个前提并沒有帶來特別的实际困难。

在磨料性磨損时，分子連結力（粘着力）可以忽略不計[48]（非磨料性磨損时不行），所以在硬質合金同脆性岩石摩擦时，可以認為绝大部分摩擦功〔等于摩擦力同摩擦路程（путь）的乘積〕都消耗在兩個摩擦体表面的互相破离上了。

像砂岩等等岩石，是由个别的彼此膠結起來的顆粒組成的，同岩石摩擦时硬合金切削具的磨損就是靠这些顆粒对切削具材料的特殊形式地切削而得到的，与此同时，硬質合金顆粒（或叫表面凸出体）也破碎岩石——研磨岩石及突出其表面的顆粒。

研究磨損的實驗工作可用專門裝置進行。此外，用一种方法（以后講到）整理鑽進速度資料已經成功，它也可确定同岩石摩擦时切削具磨損的規律。

为了把統一的摩擦和磨損过程表示出來，引用了指标 $\omega\mu$ ，此处 ω 是占用單位摩擦功的切削具材料磨損体積 $\left[\frac{\text{公分}^3}{\text{公斤}\cdot\text{公分}}\right]$ ， μ 是摩擦系数。

根据實驗研究可以确定 $\omega\mu = \psi(F, v, t)$ 的性質，式中 F 为正压力， v 为速度， t 为時間。

問題的理論上的解答（这解答还不是最后的），使得可以建立令人滿意地表述 $\omega\mu = \psi(F, v, t)$ 進程的过程的公式，那些規律是用試驗方法确定的。

为了建立正确反映磨損过程的公式，必須把磨損过程做为取决于全部宗量（аргумент）的積的函数的函数，做为取决于兩個宗量的積的函数的函数（当第三个宗量为 1 时），做为取决于每个宗量的函数的函数（当另外兩個宗量为 1 时）。（詳見第三章第十三節）。

尽管这种解答沒有精确的根据，但是它得到的結果是令人滿意的，这就証明了这种办法的必要性。

在進尺公式和鑽進速度公式中引用了任一摩擦功作用下切削具沿

高度方向磨損的平均值。正是由于在一切摩擦功作用下采用了 $\omega\mu$ 和磨損的平均值而不是瞬时值，使問題的解答大大简化了。这样就解除了建立同岩石摩擦时硬合金切削具磨料性磨損的理論基礎的道路上的数学难题。

在1934—1937年 [84, 86]，作者曾經指出，礦山事業中采用的作用与極限單軸壓縮強度成比例的量的岩石強度表示法是不正确的。

当切削具切入岩石时，岩石在某个应力下被破坏，这个应力的值已为实验所确定，这个量叫做“切削具切入时岩石的臨界应力”。

Л. А. 史列涅爾教授進行的包括岩石在内的脆性体硬度的研究，对認識这个重要的硬度表示法提供了有价值的材料。岩石硬度問題就是根据作者和 Л. А. 史列涅爾教授的著作來探討的。研究介質对岩石破碎过程的影响的那一章是按 П. А. 列賓傑爾院士及其同事的著作講述的。進尺公式和鑽進速度公式是根据对切削具切入岩石的規律和同岩石摩擦时切削具的磨損的規律的研究建立的。

为了檢驗公式，利用了已發表的 Ф. А. 沙姆謝夫教授（中央地質勘探科学研究所）、Б. И. 沃茲德維仁斯基教授和 Н. И. 庫里奇金教授（莫斯科地質勘探学院）以及作者本人的試驗研究資料。此外，为了同样目的，还利用了 В. С. 費道羅夫教授和阿塞爾拜疆石油科学研究所的著作。

第一章 不强制給進鑽具時迴轉鑽進破 碎岩石的主要規律

§ 1. 鑽進方法的分类

根据工作鑽具对岩石的作用的特点，可以区分出几种破碎岩石的主要机械方法。

用鋼繩或鑽杆衝擊鑽進勘探孔时和使用風箇工作时，鑽头切削刃是在衝击力作用下切入岩石的。在兩次衝擊之間，鑽头轉動一定角度，此时，鑽头切削刃或者完全不同孔底接触，或者在極小的軸心壓力下同孔底接触。因而，在使用这种鑽進方法时，与孔底摩擦而引起的切削刃的磨損是很輕微的。

迴轉鑽進时（用牙輪鑽头时除外），切削具在固定靜力（給進力）作用下切入岩石，而切削具前面的岩層就被圓周力切削下來。这个圓周力是由中間環節——鑽杆、岩心管等——傳給切削具的。

如果切削具下的岩石的应力等于它的臨界应力❶，那么切削具將切入岩石到一定深度，同时迴轉切去相当数量的岩石。当岩石內產生的应力小于它的臨界应力时，切削具主要靠岩石的彈性变形而压進岩石。

迴轉鑽進的特点是具有摩擦力，这个力的作用方向与切削具迴轉方向相反，它使切削具变鈍并从而使進尺速度降低。

岩心鑽探、石油孔鑽進和電鑽打炮眼时，采用迴轉方法來鑽進——切削岩石。

迴轉鑽進的优点是：它是通过削掉（剪去）切削具前面的那部分岩石的方法來破碎岩石的。岩石的臨界抗剪強度远远小于它的臨界抗壓強度，所以，迴轉鑽進所耗費的能量較衝擊鑽進为小。但是，当鑽進強度很高、摩擦性很大的岩石时，这种优点就不存在了，因为在这

❶ “臨界应力”这个術語不能說明產生的应力的性質，但在迴轉鑽進過程中產生的恰恰正是这个应力。

种岩石中工作时切削具迅速磨钝。

目前，破碎和鑽進岩石都利用机械，这些机械有強制給進的，也有自由給進的。強制給進時（支架式電鑽等），給進量用隨着切削具的磨钝而增大給進力的方法維持；自由給進時（深孔迴轉鑽進等）則相反，給進力始終不变，而進尺速度則隨切削具的磨钝而降低。

為了能夠利用自由（不強制）給進時迴轉方法的主要优点，同時消除前面指出的主要缺点，必須保持或者增大給進力，同時減少摩擦，因為摩擦會使切削具迅速變钝。

可見，迴轉鑽進固有的矛盾乃是：加大給進力，一方面將加大切削具切入岩石的深度；但同時另一方面，又將加快它的磨損。這兩個因素對鑽進效率的影響是相反的。只有建立新的、可以解決這個矛盾的鑽進方法，才能消除這個矛盾。

如果給作用於孔底的靜力（也就是靜給進力）補加上定時的衝擊，那麼，由於動力作用的時間很短，它形成摩擦的總時間也是不長的，而使切削具切入岩石的力（靜力和很大的動力的總和）與此同時，却將不會減小或者甚至增大。這種衝擊——迴轉鑽進方法，解決了鑽具自由給進時迴轉鑽進所固有的矛盾，兼有衝擊方法和迴轉方法二者的优点。

目前，純粹的衝擊——迴轉鑽進方法還不能廣泛應用，不完善的衝擊——迴轉鑽進方法可以用齒輪鑽頭實現。石油孔鑽進時，在硬岩層中使用齒輪鑽頭。

還可以想出一種在一定條件下應該能辦到的鑽進方法。這種鑽進方法的特點是：在工作過程中，鑽具迴轉速度是變化的。這種鑽進方法在強制給進鑽具時和自由給進鑽具時都可實行。

表（1）中列載了我們討論過的一些（不是全部）主要因素，這些因素的結合確定了鑽進方法。

幾個基本要素的結合確定鑽進規範，這些基本要素包括：鑽具給進力的大小和作用方式、鑽具迴轉速度和鑽孔沖洗條件。

此外，與這些要素有關的有：

在其中破碎岩石的介質的狀況，包括制約著表面層硬度變化的物

表 1

1. 鑽具的給進	2. 紙進力	3. 鑽具迴轉速度	4. 破碎岩石方法
a.自由的(不強制的)	常量	常量(已實現)	a.衝擊-轉動的 (衝擊的)
	增大(自變量)	或	b.衝擊-迴轉的
б.強制的	增大(切削具鈍化的函數)	變量(尚未實現)	c.迴轉的

理化學過程性質；

所鑽岩石的性質和工作鑽具的材料；

切削具的幾何形狀；

和其他一些因素。

在鑽具自由給進的迴轉鑽進過程中，切削具同岩石接觸的面積由於它本身的鈍化而增大了，因此，切削具下岩石的應力就會小於臨界應力，切削鑽進就要變成研磨(*истирание*)鑽進。此時，切削具主要靠岩石的彈性變形和表面破離而壓入岩石。

現在我們要研究的是岩心鑽探的情況，但是它的結果却可以類推應用到不強制給進破碎岩石的其他場合。強制給進，這裡不加探討，但是下面敘述的理論方面和實驗方面對摩擦和磨損研究的結果，却可以利用到強制給進中去。

§ 2. 自由給進鑽具時迴轉鑽進的主要公式

鑽進深的勘探孔和開采孔時，都是在自由(不強制)給進、給進力和迴轉速度不變的條件下破碎岩石的。這時，工作鑽具是魚尾鑽頭或者鑲着切削具的鑽頭(在岩心鑽進時)。

圖(1)表示岩心鑽探時鑽頭工作情形。鑽頭上鑲着硬合金切削具。切削具寬度大於鑽頭壁厚，以便在鑽頭外壁和孔壁之間、鑽頭內壁和岩心之間遺留下足夠沖洗液循環的空隙。

循環在孔內的沖洗液(液流方向如箭頭所示)攜出岩粉、清潔孔

底并冷却鑽头。

鑽進中切削出的岩心和孔壁間小溝的寬度 b , 等于鑽孔半徑和岩心半徑之差。由于鑽头迴轉中的离心倾向(那怕它是很小的), 这个数值永远大于切削具宽度。

在这种場合, 鑽進方法的特点是: 在給進力不变、轉數不变的条件下自由給進鑽具。

我們來研究一下有着如圖(2)所示的形狀的一顆合金的工作情況。給進力 \mathbf{P} 作用到切削具上, 切削具在給進力作用下切入岩石, 同時迴轉着, 使处在它前面的那部分岩石变形。

圖 1. 岩心鑽進時鑽頭工作情況

圖(3)表示可塑性粘土的碎屑的形成情況。在給進力作用下切削具切入岩石, 同時迴轉着, 用它的前壁推开

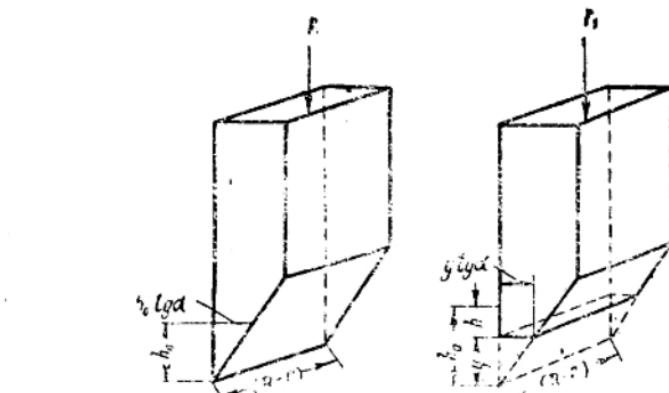


圖 2. 迴轉鑽進時切削具的磨損

●一般都把“給進力”(усиле подачи)叫做“孔底压强”(давление на забой),

但是这个術語是不确切的, 因为压强引起的是单位面積上的力 [$\frac{\text{公斤}}{\text{公分}^2}$], 而这里談的却是力 [公斤]。

有了裂紋的岩石（參看圖3）。切下的那部分岩石向前和向上移动，而切削具此時又在切削下一部分岩石，一直這樣繼續下去。在車床上加工泥質砂質頁岩圓柱體時，可以看到类似的情況。

在鑽進粘土和粘性泥質頁岩時，岩屑彼此滑動；在鑽進堅固的頁岩、石英及其他某些岩石時，岩層分離開並一下子從切削具處蹦開。在迴轉着的切削具相當長的時候（魚尾鑽頭等），切削具的不同點的圓周速度存在着差別，影響岩屑的形成過程，此時，強力切削出現在鑽頭外圍部分，越靠中心越弱。

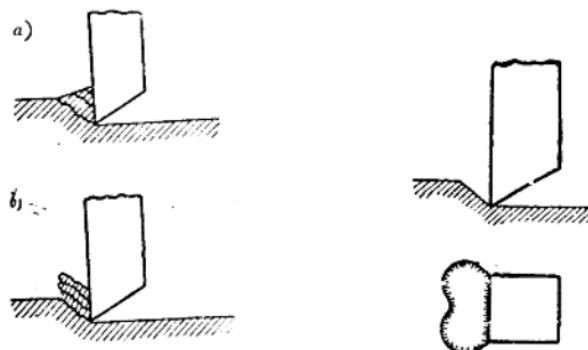


圖 3. 鑽可塑性岩石時切削
具工作情況

圖 4. 鑽脆性岩石時
切削具工作情況

在鑽進一切削例如砂岩花崗岩這類岩石時，也產生岩屑。但這種岩屑和其他岩屑略有不同：它沒有規則的外形，尤其是在岩石顆粒很大和岩石強度同膠結物強度相差很大時。在這種條件下，切削具工作情況如圖（4）所示。

在這種情況下，用切削具鑽出的環狀小溝的兩壁是不平整的，這是因為，一些個別顆粒，雖然只有一部分处在切削經過的地方，但是也被整個地帶下來了。在我們試驗時，鑽進顆粒很大的岩石也像鑽進堅硬而無韌性的岩石一樣，岩屑分離進行得極為迅速並且噼啪作響。這時，岩屑都從切削具處蹦開了。

按岩屑的形成過程來說，剪力是逐漸增大的，到某个最大值時才開始分離岩屑。在計算中，剪力可以採取這個最大值，因而，鑽進

切削岩石本身所必需的力，可以把剪切面積（或者說削下岩屑的面積）乘以岩石的極限抗剪強度來確定。

岩石抵抗切削具切入的強度各不相同，這個數值，以後我們將用符號 c_e 來表示，並且把它叫做切削具切入時的岩石臨界應力或者岩石的硬度。正如我們的試驗〔84〕所表明的，這個量不是個常量，而是根據岩石變形面積變化的。在推論有關鑽進效率和鑽進條件的公式時，我們將同時採用不根據面積 S 變化的量。對岩石的硬度問題，我們將在以後詳加討論。

根據採取的假設

$$F_1 = S \cdot c_e . \quad (1)$$

如果切削具切入岩石深 h_0 （參看圖2），那麼，在理想的情況下，岩石變形面積將等於

$$h_0 \operatorname{tg} \alpha (R - r) , \quad (2)$$

式中： R ——鑽頭外徑；

r ——鑽頭內徑。

顯然， $(R - r)$ ——切削具徑向寬度永遠小於破碎岩石的環狀空間。

考慮到這種情況，我們引入一個比例系數 b_0 。為了簡便起見，我們用 b 來表示 $(R - r) b_0$ 。這樣，變形面積為

$$S = h_0 b \operatorname{tg} \alpha \quad (3)$$

把(3)式的 S 值代入(1)式，解代入後的等式求 h_0 ，得出下式

$$h_0 = \frac{F_1}{c_e b \operatorname{tg} \alpha} .$$

我們可以看出，當 $\alpha = 90^\circ$ 時， $\operatorname{tg} \alpha = \infty$ 而 $h_0 = 0$ 。

實際上有沒有這種現象呢？

我們做的專門試驗（參看〔84〕、83頁及其後的）表明：當 $\alpha = 90^\circ$ 時，也就是與岩石接觸的切削具底面垂直於它本身的幾個側面時，變形過程略有不同。這時， $\operatorname{tg} \alpha$ 這個量需要另外的比例系數來代替。