

283711

鐵 磁 学

成 电

北京科学教育出版社

1961年7月

2
01

铁磁学讲义

*

出版者 北京科学教育出版社出版
印刷者 中国人民解放军535工厂
787×1092 毫米 $1/16$ 印张 13
1961年8月第一版
定价: 1.57 元

3342
54101

283711

目 录

第一章 物質的磁性和鉄磁物質的自發磁化特征

§ 1-1 单元质粒的基本磁矩和原子磁矩	3
§ 1-2 反磁性	13
§ 1-3 順磁性	16
§ 1-4 鉄磁性	21
§ 1-5 反鉄磁性	30
§ 1-6 鉄氧体磁性	32
§ 1-7 鉄磁物质的热反常特性	42

第二章 鉄磁物質的各种能量

§ 2-1 交換能	48
§ 2-2 磁結晶各向异性能	51
§ 2-3 磁伸縮	59
§ 2-4 磁应力能	67
§ 2-5 磁場能量	70

第三章 磁疇結構

§ 3-1 磁疇結構的形成和磁疇壁的計算	77
§ 3-2 磁疇結構的計算	87
§ 3-3 磁疇結構的实驗和規察	98

第四章 磁化理論

§ 4-1 磁化曲綫概述	101
§ 4-2 可逆疇壁位移过程	108
§ 4-3 可逆旋轉磁化过程	119
§ 4-4 初始磁化系数	132
§ 4-5 反磁化过程——磁滯	137
§ 4-6 剩余磁化計算	155

第五章 鉄磁共振

§ 5-1 順磁和核磁共振, 磁共振的基本概念	158
§ 5-2 鉄磁共振	163
§ 5-3 影响鉄磁共振的各项因素——鉄磁共振中 g 值的变化	172

.....	179
.....	183
鐵磁物質磁化的時間效应	
§ 6-1 微觀渦流效应决定的磁粘滯机构.....	194
§ 6-2 鐵磁物質自然共振决定的磁頻散机构.....	196
§ 6-3 决定于晶格結構和磁結構陈化的磁粘滯性.....	200
§ 6-4 反轉磁化机构.....	202

第一章 物质的磁性和铁磁物质的自发磁化特征

在这一章中，从单元带电质粒——电子的运动所产生的磁矩和原子磁矩的叙述开始，系统地介绍物质的各种磁特性，其中包括反磁性、顺磁性、铁磁性以及反铁磁性和亚铁磁性，特别是关于铁磁物质的自发磁化特征，以及分子场的来源作了较详细的说明。此外，也讨论了铁磁物质因存在自发磁化而显现的几种重要的物理性改变，主要是和热性质有关的现象，如磁卡效应及热容量反常等，以便对铁磁物质的自发磁化的物理本质有更确切的了解。

§ 1-1 单元质粒的基本磁矩和原子磁矩

近百年来，人们对自然界中存在的一切物质的研究和探索，已经发现物质的最小质粒是电子，它的静态基本特性是以它载有的电荷量 ($e=4.8025 \times 10^{10}$ 厘米·克·秒制静电单位) 和具有的质量 ($m=9.107 \times 10^{-28}$ 克) 来表征的。进一步的研究揭示出在物质结构中的电子 (在原子中电子壳层上分布的电子) 是以一定的规律作着运动的，伴随着这些带电质粒的运动而产生单元质粒的磁矩。在最初研究单元质粒的磁矩时，只理解为电子在作直线运动 (例如金属导体中的电子流或阴极射线中的电子束) 时，或者最多是电子在原子中围绕原子核作轨道运动才能产生磁矩。但是，当人们研究了各种物质的光谱特性后，根据光谱线的分裂现象确知，在原子结构中的电子除了作轨道运动以外，还有绕电子自己核心而进行的自旋运动。这种自旋运动也产生相应的磁矩，并且是构成原子和物质磁性的根本原因之一。因此，可以确信，原子和物质的磁性是由它们内部所包藏的单元质粒以各种不同形式 (主要是电子的轨道运动和自旋运动) 的运动所造成的。这些单元质粒的运动表现为微观的等效电流，它所产生的磁矩和通常所理解的宏观电流所产生的磁矩是一样的。

以下分别叙述电子的轨道磁矩和自旋磁矩。

电子的轨道磁矩 电子的轨道运动表现为电子以一定的频率围绕原子核在所占据的轨道上作圆周运动，由于电子具有质量，在轨道上运动时必具有动量矩，并且它带有电荷量，联系电荷的运动必然产生磁矩。由于这些动量矩和磁矩是一个电子的运动状态所表现的，因此可以得出动量矩和磁矩之间有一定的关系，或者说动量矩和磁矩数值之比将和电子的运动状态无关。而只决定于某一特殊的常数。以下将证明这一关系。

假定电子围绕原子核运动是沿椭圆形的轨道进行的，如图(1-1)所示。如果电子绕轨道运动一周的周期为 T ，则电子沿轨道运动的频率为 $f = \frac{1}{T}$ ，那么，微观

等效电流强度为 $i = \frac{e}{C \cdot T}$ 。

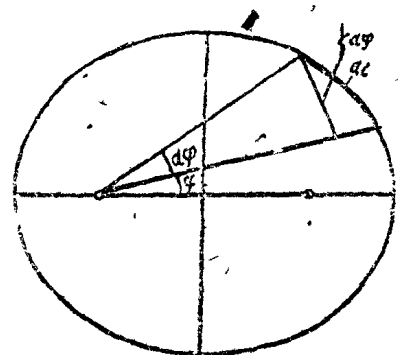


图 1-1 电子的椭圆轨道

以上 e 是电子的电荷量;

C ——光速 ($C \approx 3 \times 10^{10}$ 厘米/秒)。

(电流的表示式是用 CGS 制表示的。)

这个电流的磁矩是等于电流强度和电子轨道的面积之乘积。椭圆轨道所包围的面积为:

$$S = \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} r^2 d\varphi \quad (1-1-1)$$

(φ 是通过焦点的半径矢量 r 和椭圆主轴所成的角)。

以 μ 代表磁矩, 则电子的轨道磁矩表示成:

$$\mu_l = i \cdot S = \frac{eS}{CT} \quad (1-1-2)$$

按照动量矩守恒定律, 电子的动量矩 P_φ 是不变的, 而且根据定义是等于:

$$P_\varphi = m r^2 \cdot \frac{d\varphi}{dt} \quad (1-1-3)$$

这里的 m 是电子的质量。

由公式 (1-1-3) 算出 r^2 并代入公式 (1-1-1), 求得:

$$S = \frac{P_\varphi}{2m} \int_0^T dt = \frac{P_\varphi T}{2m} \quad (1-1-4)$$

所以, 从公式 (1-1-4) 及公式 (1-1-2) 求得电子的轨道磁矩等于:

$$\mu_L = \frac{e}{2mc} \cdot P_\varphi \quad (1-1-5)$$

上式的意义为电子绕核作轨道运动所产生的磁矩和动量矩之间有相当的联系, 两者的数量之间只差一电子的荷质比。

按照量子理论, 电子在原子中绕核运动的状况只和电子所处轨道的轨道半径和轨道的方位有关。这些特征可以用一个称为轨道量子数(或称角量子数) l 来描写。除了这个特征外, 电子的轨道运动情况是一样的, 因此, 可以不用绕核旋转的频率或速度来表示, 只需用一常数乘以轨道量子数 l 即可表示电子的动量矩。

$$\text{即} \quad P_\varphi = l\hbar \quad (1-1-6)$$

上式中 $2\pi\hbar = h = 6.624 \times 10^{-27}$ 尔格·秒——称为普朗克 (plank) 常数。

l 可以取值为 1, 2, 3, …, n 的整数。(l 为轨道量子数, n 为主量子数)。

把公式 1-1-6 表示的 P_φ 值代入公式 1-1-5 得:

$$\mu_e = l \cdot \frac{e\hbar}{2mc} = l \cdot \mu_B \quad (1-1-7)$$

以上 $\mu_B = \frac{e\hbar}{2mc}$ 是常数, 在数值上等于 0.927×10^{-20} 尔格/高斯。定义 μ_B 称为玻尔磁子。

对电子的轨道运动, 它代表 $l=1$ 时, 电子轨道运动所产生的磁矩。所以, 在原子内电子轨道运动的磁矩必须是玻尔磁子的整数倍。

电子作任何运动产生的磁矩与其动量矩之比, 通常用 r 表示, 并称为磁——迴旋比。在轨道运动时的情形, 按公式 (1-1-5), 得:

$$r_e = \frac{e}{2mc} \quad (1-1-8)$$

在电子动量矩的表示式上，根据量子力学又引入动量矩的本征值表示法。即表示在原子中电子静态（未受激发）动量矩矢量的数值。所以公式(1-1-6)所表示的动量矩应改写成下式：

$$p_{\varphi} \rightarrow p_e = \sqrt{l(l+1)} \hbar \quad (1-1-9)$$

上式的轨道量子数 l 的可能值不同于公式(1-1-6)中的 l ，而是等于：

$$l = 0, 1, 2, 3, \dots, (n-1)。$$

比较公式(1-1-7)，同样可以把轨道磁矩改写为：

$$\mu_e = \sqrt{l(l+1)} \frac{e \hbar}{2 m c} = \sqrt{l(l+1)} \mu_B \quad (1-1-10)$$

取 $l=0$ 的状态的电子称为 S 态。由公式(1-1-10)可见， S 态的电子是没有轨道磁矩的。

空间量子化规律 量子理论规定，轨道动量矩在任何外（磁）场方向上的投影值不是任意的数值，而必须是取一定的、一系列连续的整数值，这一规律即所谓空间量子化规律。动量矩（它的绝对值等于 $\sqrt{l(l+1)} \hbar$ ）在外场方向的可能投影数值决定于轨道的磁量子数 m_e 。

即 $(p_e)_H = m_e \hbar \quad (1-1-11)$

m_e 可以取 $2l+1$ 个不同的整数：

$$m_e = -l, -(l-1), \dots, -1, 0, 1, \dots, (l-1), l。$$

所以，动量矩矢量和 \vec{H} 之间交角的方向余弦可能的数值是决定于公式：

$$\cos(\vec{p}_e, \vec{H}) = \frac{m_e}{\sqrt{l(l+1)}} \quad (1-1-12)$$

图 1-2 示出 $l=3$ 的电子轨道动量矩的空间量子化投影概念。这样的空间量子化的规则应用到相应的磁矩上，也能得出相同的空间量子化投影数值。它的投影也决定于磁量子数 m_e ，即是

$$(\mu_e)_H = m_e \cdot \mu_B \quad (1-1-13)$$

因此，电子的轨道磁矩在外场方向上的投影仍然是玻尔磁子的整数倍。量子力学不能同时完全决定动量矩或磁矩的绝对值及方向。只可以同时决定这些矢量的绝对值及该矢量在任意外场方向上的投影值。实际上，无论从研究和物质磁性的观点看来，所必须知道或测量的也正是磁矩在外场方向上的投影值，而不是磁矩的绝对值的大小或它的绝对取向。

电子的自旋磁矩 本节开始时已叙述过电子的磁矩主要应包括两种起因，除了轨道运动产生的磁矩以外，尚有自旋磁矩。

电子绕通过自己核心的轴以一定角速度作自旋运动，必产生动量矩。对这种动量矩的计算，可以用一等效的半径和自旋角速度来表示出。自旋运动的动量矩和磁矩之间的联系也有一简单的关系，即它们之间的比值可以由一常数给出。

量子力学对电子自旋动量矩的计算，如果不计其方向时，每一个电子的自旋动量矩都是一样的。因此，自旋动量矩可以用普朗克常数乘以描写电子自旋状态的量子数来表示，该量子数称为自旋量子数，并用 S 来表征。则电子的自旋动量矩等于：

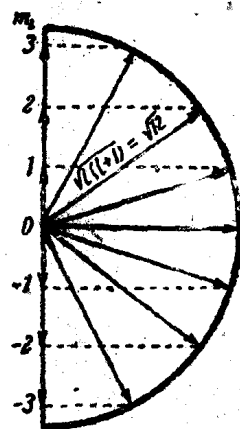


图 1-2 电子轨道动量矩的空间量子化 ($l=3$)

$$p_s = S\hbar \quad (1-1-14)$$

研究指出,电子的自旋状态对于在任一种外磁场中只可能有正负两种方向,即它在外场中的投影值为 $\pm S$ 。电子的自旋既只能相对于外场取正负两种方向,令自旋量子数的绝对值为 $\frac{1}{2}$ 。因此, $p_s = \pm \frac{1}{2}\hbar$ 。

从理论和实验上确定,电子自旋运动产生的磁矩和动量矩之比,一般以 r_s 表示,称为自旋磁——回旋比,并等于:

$$r_s = \frac{\mu_s}{p_s} = \frac{e}{mc} \quad (1-1-15)$$

r_s 也主要由电子的荷质比决定,但数值上较轨道的 r_e 大一倍。

从公式(1-1-14)与(1-1-15)计算磁矩 μ_s :

$$\mu_s = r_s \cdot p_s = \frac{e}{mc} \cdot S\hbar = 2S\mu_B \quad (1-1-16)$$

从公式(1-1-16)可知,如以 $S = \frac{1}{2}$ 代入,则电子的自旋运动将产生一个玻尔磁子的磁矩。电子既是带电的最小质粒,因此玻尔磁子是磁矩的最小计量单位。按轨道磁矩的计算也以得到相似的概念:轨道量子数 $l=1$ 所产生的磁矩也等于一个 μ_B 。因此把 μ_B 定义为磁矩的最小计量单位是合理的。

如同轨道磁矩的本征值表示一样,电子的自旋动量矩和磁矩也可以表示为本征值:

$$\left. \begin{aligned} p_s &= \sqrt{S(S+1)} \cdot \hbar \\ \mu_s &= \frac{e}{mc} \sqrt{S(S+1)} \cdot \hbar = 2\sqrt{S(S+1)} \cdot \mu_B \end{aligned} \right\} \quad (1-1-17)$$

同样,自旋动量矩或自旋磁矩在外磁场中可能的投影数值只决定于自旋的磁量子数 m_s 。

$$\left. \begin{aligned} \text{即} \quad (p_s)_m &= m_s \cdot \hbar, \\ (\mu_s)_m &= r_s \cdot (p_s)_m = 2m_s \mu_B. \end{aligned} \right\} \quad (1-1-18)$$

而 $m_s = \pm \frac{1}{2}$,相应于顺或反平行于外磁场的方向。

由于一般研究物质的磁性时,总是在外磁场激发之下,所以最后得出的自旋磁矩表示式是最实用的。

从公式(1-1-10),公式(1-1-13)和公式(1-1-17)及公式(1-1-18)可知,在原子内电子所处的状态完全决定于这四个量子数—— n, l, m_l 和 m_s 。即是在原子内每一个电子只能占取由量子数 n, l, m_l 和 m_s 所限制的某一个特殊状态,这就是所谓泡利原则。

电子的总磁矩 由于原子结构中的电子同时有轨道运动和自旋运动,则电子的总磁矩应当是轨道磁矩 μ_l 和自旋磁矩 μ_s 的组合(应理解为矢量和)。这种耦合形式称为鲁塞尔-赛恩特规则。

轨道磁矩和自旋磁矩的矢量和,可以取它们在同一外(磁)场方向上的投影分量的代数和得到。以 J 表示电子的轨道和自旋总和后的量子数,则

$$J = l \pm S \quad (1-1-19)$$

上式中 l 仍可取 $0, 1, 2, 3, \dots, (n-1)$ 间的各整数值。

在外(磁)場中 j 的投影为 m_j , 而且等于:

$$m_j = -j, -(j-1), \dots, -\frac{1}{2}, +\frac{1}{2}, \dots, (j-1), j.$$

同样, 如以 J 的本征值表示电子的总动量矩, 得:

$$\rho_{\text{电子}} = \sqrt{J(J+1)} \cdot \hbar, \quad (1-1-20)$$

如果用上式的关系来得到电子的总磁矩, 只需再乘以电子的磁——迴旋比即可。但是由以上的說明, 已知电子軌道运动的磁——迴旋比是和自旋运动的磁——迴旋比不相等的, 在数值上前者比后者小一半。因此电子的磁——迴旋比必介于这两者之間, 具体的数值需观电子总磁矩中, 軌道或自旋作用的相对成份而定。

定义电子的磁——迴旋比为:

$$r_{\text{电子}} = g' \cdot \frac{e}{2mc}$$

式中 g' 称为郎德 (Lande) 因子。如果电子磁矩中只包含軌道磁矩, 则 $g'_e = 1$, 若只包含自旋运动磁矩, 则 $g'_e = 2$ 。一般情形下介于二者之間, 即是: $2 \gg g' \gg 1$ 。

因此, 电子的总磁矩应表示为:

$$\begin{aligned} \mu_{\text{电子}} &= g' \cdot \frac{e}{2mc} \cdot \sqrt{j(j+1)} \cdot \hbar \\ &= g' \cdot \sqrt{j(j+1)} \cdot \mu_B. \end{aligned} \quad (1-1-21)$$

电子总磁矩在外磁場方向上的投影值为:

$$(\mu_{\text{电子}})_H = g' \cdot m_j \cdot \mu_B. \quad (1-1-22)$$

原子的总磁矩 原子中在大多数情况下, 总不只包含一个电子, 因此在計算原子磁矩时, 首先必須把包含的全部电子的磁矩总合起来。在这一处理中, 先分开軌道磁矩和自旋来各别总合。

在計算若干数目电子的总軌道量子数时, 应该是各别电子的軌道量子数之和。以 L 表示原子的总电子軌道量子数, 则 $L = \sum_{i=1}^n l_i$ 。例如有两个电子的情况, 各别的軌道量子数为 l_1, l_2 。对 L 所表示的和式应理解为在外場中投影值的代数和, 即

$$L = l_1 + l_2, l_1 + l_2 - 1, \dots, l_1 - l_2. \quad (\text{設 } l_1 > l_2)$$

在計算这些电子的总軌道磁矩时, 可以表示成:

$$\mu_L = \sqrt{L(L+1)} \cdot \mu_B. \quad (1-1-23)$$

在外(磁)場中的投影值为:

$$(\mu_L)_H = m_L \cdot \mu_B,$$

$$m_L = -L, -(L-1), \dots, 0, \dots, L-1, L.$$

計算若干数目电子的总自旋量子数时, 也应该是各别电子的自旋量子数之和(外磁場方向上投影值的代数和)。以 S 表示原子內总电子自旋量子数, 则 $S = \sum_{i=1}^n s_i$ 。

电子的总自旋磁矩, 可以表示为:

$$\mu_s = 2 \cdot \sqrt{S(S+1)} \cdot \mu_B, \quad (1-1-24)$$

在外(磁)場中的投影为 μ_B 的整数倍:

$$(l_s)_n = m_s \cdot \hbar, \quad (1-1-25)$$

$$m_s = S, S-1, \dots, -S.$$

原子壳上全部电子的总动量矩量子数 J 必为总轨道量子数 L 和总自旋量子数 S 的矢量和 (罗素——桑德斯的动量矩配合规则):

$$J = L + S \quad (1-1-26)$$

全部电子的总量子数 J , 当 $L > S$ 时, 应取以下诸值:

$$J = L + S, L + S - 1, \dots, L - S. \quad (\text{总数为 } 2S + 1 \text{ 个}).$$

如果 $L < S$, 则

$$J = S + L, S + L - 1, \dots, S - L. \quad (\text{总数为 } 2L + 1 \text{ 个})$$

全部电子的总动量矩为:

$$P_J = \sqrt{J(J+1)} \cdot \hbar \quad (1-1-27)$$

总动量矩矢量在外磁场方向上的投影, 和一个电子的情况一样, 只能是有限个整数, 并决定于电子的总磁量子数 m_J . 它可以取 $2J + 1$ 个不同的数值:

$$m_J = J, J - 1, \dots, 0, \dots, -J.$$

因而

$$\cos(\widehat{P_J, \vec{H}}) = \frac{m_J}{\sqrt{J(J+1)}} \quad (1-1-28)$$

如果在最简单的情况下, 原子中只有一个电子, 当 $l = 0$, 则总量子数只有单值 $J = S =$

$\frac{1}{2}$, 当 $l > 0$, 则总量子数有两个值: $J = l + \frac{1}{2}$,

$$J = l - \frac{1}{2}$$

所以在一般情形下, J 并非永远是整数, 而

可能是一系列的奇半整数。诸如: $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2} \dots$

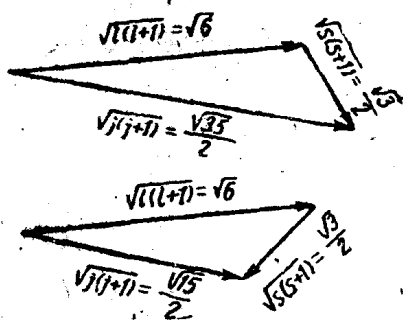


图 1-3 电子轨道动量矩 L 和自旋动量矩 S 的合成 ($l=2, S=\frac{1}{2}$)

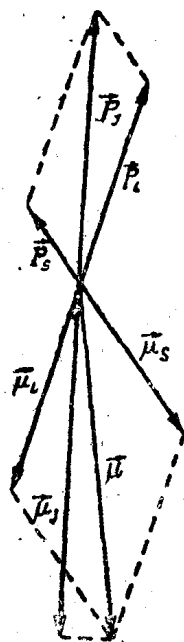


图 1-4 原子中电子壳的总动量矩和磁矩的矢量和

……。图 (1-3) 表示一个电子, 有 $l=2, S=\frac{1}{2}, J=\frac{3}{2}$ 及 $\frac{5}{2}$ 时, 矢量 L 和 S 相加的图解。

原子中电子壳的总磁矩 $\vec{\mu}_J$, 由于自旋的磁——迴旋比较轨道的磁——迴旋比相应大一倍。因此原子的总磁矩 $\vec{\mu}_J$ 方向和总动量矩 \vec{P}_J 不在同一直线上。图 (1-4) 表示了这一情形。

按经典力学的概念, 动量矩 \vec{P}_L 和 \vec{P}_S 是围绕矢量 \vec{P}_J 的方向作进动的, 因而磁矩 $\vec{\mu}_L$ 和

$\vec{\mu}_S$ 也应当圍繞矢量 \vec{P}_J 作进动。如果把每一个这样的矢量分解成两种分量：一种垂直于 \vec{P}_J 方向；另一种平行于 \vec{P}_J 方向。則其中垂直的分量 $(\vec{\mu}_L)_L$ 和 $(\vec{\mu}_S)_L$ 的数值因为它们不断地变更自己的方向，在旋轉一周內的时间平均值为零。因此原子中电子壳的总磁矩可以用平行于 \vec{P}_J 方向的 $\vec{\mu}_L, \vec{\mu}_S$ 的分量 $(\vec{\mu}_L)_{||}, (\vec{\mu}_S)_{||}$ 相加而得，表示式如下：

$$\mu_J = \mu_L \cos(\vec{P}_L, \vec{P}_J) + \mu_S \cos(\vec{P}_S, \vec{P}_J) \quad (1-1-29)$$

上式中， $\mu_L = \sqrt{L(L+1)} \cdot \mu_B$ ， $\mu_S = 2\sqrt{S(S+1)} \cdot \mu_B$ 。应用一般的三角学公式，对图(1-4)所示以 $\vec{P}_S, \vec{P}_L, \vec{P}_J$ 組成的三角形求解。为了简单計算，把 \vec{P}_S, \vec{P}_L 和 \vec{P}_J 分別用 S, L, J 来表出，得結果如下：

$$\left. \begin{aligned} \cos(L, J) &= \frac{L(L+1) + J(J+1) - S(S+1)}{2\sqrt{J(J+1)} \cdot \sqrt{L(L+1)}} \\ \cos(S, J) &= \frac{S(S+1) + J(J+1) - L(L+1)}{2\sqrt{S(S+1)} \cdot \sqrt{J(J+1)}} \end{aligned} \right\} \quad (1-1-30)$$

根据公式(1-1-29)及公式(1-1-30)得到：

$$\begin{aligned} \mu_J &= \left[1 + \frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)} \right] \cdot \sqrt{J(J+1)} \cdot \mu_B \\ &= g'_J \cdot \sqrt{J(J+1)} \cdot \mu_B \end{aligned} \quad (1-1-31)$$

此处

$$g'_J = 1 + \frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)} \quad (1-1-32a)$$

(或 $g'_J = g'_L \alpha_L + g'_S \alpha_S$)

而且

$$\left. \begin{aligned} \alpha_L &= \left[\frac{J(J+1) + L(L+1) - S(S+1)}{2J(J+1)} \right] \\ \alpha_S &= \left[\frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)} \right] \end{aligned} \right\} \quad (1-1-32b)$$

如果 $L=0$ ，則 $J=S$ 。由公式(1-1-32b)得 $\alpha_L=0, \alpha_S=1$ ，則 $g'_J = g'_S = 2$ 。也就是說，在自旋矩的情形下，郎德因子等于2，即原子的郎德因子等于电子自旋的郎德因子，或理解为原子中电子壳的磁矩全部由电子自旋所引起。

如果 $S=0$ ，則 $J=L$ ，得 $\alpha_L=1, \alpha_S=0$ ，則 $g'_J = g'_L = 1$ 。就是說，在純粹軌道矩的情形下，郎德因子等于1，即原子的郎德因子等于电子軌道运动的郎德因子，或理解为原子中电子壳的磁矩全部由电子的軌道磁矩决定。

按此公式(1-1-32b)所表示的系数 α_L, α_S ，应理解为軌道磁矩和自旋磁矩在原子的电子壳磁矩中所占的比重，其数值則在 $0 \sim 1$ 的范围以內变化。

原子核的磁矩 以上所討論的都是原子中原子核以外的电子系統所产生的軌道和自旋磁矩。原子核是帶有正电荷，虽然它沒有軌道运动，但是它有自旋运动。因此，它对原子磁矩也有一定貢獻。

比拟于电子的玻尔磁子 μ_B ，以下表出核磁子 μ_n 的式子：

$$\mu_n = \frac{ch}{2M_p c} = 5.05 \times 10^{-24} \text{ 尔格/高斯} \quad (1-1-33)$$

而

$$\mu_B = \frac{e\hbar}{2mc} = 0.927 \times 10^{-20} \text{ 尔格/高斯。}$$

以上 M_p 代表质子的质量，为电子质量 (m) 的 1836.5 倍，而荷电量则相等，所以核磁子比玻尔磁子在数量上小 1000 倍左右，其作用完全可以忽略。因此可以认为原子磁矩主要是由电子壳中全部电子的轨道运动和自旋运动所引起。

铁磁物质原子的有效玻尔磁子数 在前面已指出过电子的总磁矩，应由它的轨道运动和自旋运动联合的效果所决定。原子磁矩中，也应包括这两种运动所产生的磁矩，也就是 g' 值决定于两种磁矩所起作用的相对比重。

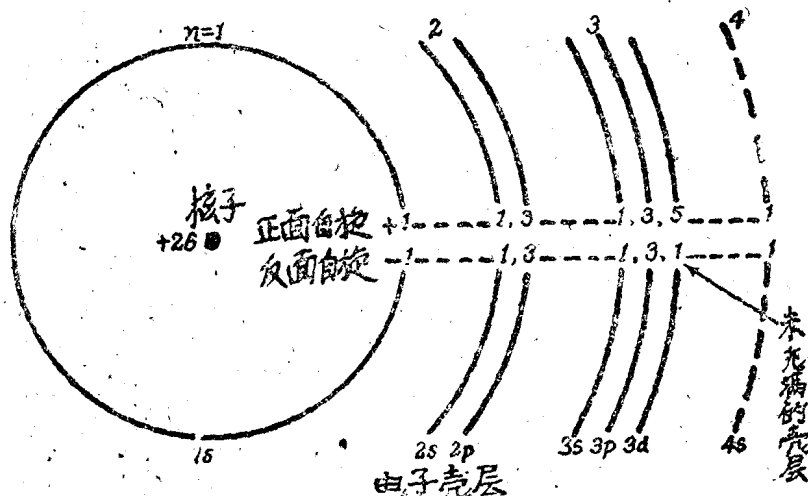


图 1-5 铁离子 Fe^{2+} 的原子结构

从图 1-5 所示的铁 (Fe^{2+}) 离子模型，知道它的原子磁矩起源于 3d 层电子壳，在正常情形下，3d 层上共有 4 个电子，它们的轨道磁矩和自旋磁矩是未被抵消的。因此，铁磁物质中原子的磁矩应包括这 4 个电子的轨道磁矩和自旋磁矩的矢量和。但实际上，从测量得到的数值来看，这点是不符合的，其原因讨论如下：

(一) 强顺磁性物质 (即包括铁族元素和稀土族元素两大类)。在孤独原子状态时和组成结晶结构时，发现在同一种物质，原子的平均磁矩大小是不等的。研究指出，这是因为在物质的结晶状态时，相邻离子间必然发生静电的相互作用，因此轨道磁矩总是在某种程度上受到这种周期性的晶格静电场的影响，轨道磁矩的取向是不完全自由的。但因自旋磁矩的自由取向只改变电子中心轴的方向，而不受晶格静电场的限制。这样，轨道磁矩和自旋磁矩之间的耦合，由于轨道磁矩取向被受到抑制而遭局部破坏。特别是在铁族元素的情形，产生原子磁矩的电子壳层是 3d 层，在离子状态下，它暴露在离子结构的最外圈，最容易受晶格静电场的影响。这一结果在原子磁矩上表现为，铁族元素在结晶状态下，原子磁矩主要是由电子自旋运动所作的贡献。因此在许多铁族元素物质上，量测到的 g' 值大都接近于 2 (见图 1-7)。在稀土金属的情形也相同，但程度上略有差别。稀土金属原子中，产生磁矩的是 4f 层，在离子结构中它处于较内部，其外尚有 5s, 5p 层作为屏蔽。因此 4f 层电子的轨道磁矩被抑制取向的效应较小。因此，稀土族元素物质的 g' 值，虽然较孤独原子时要大，但并不十分接近于 2。

由于上述原因，可見鉄族元素原子在晶格中軌道磁矩既被約束固定在某一方向，在一定大小的外磁場作用下軌道磁矩便不能随外磁場取向，即是軌道磁矩在鉄族元素物质的宏观磁性上被压制了。事实上，軌道磁矩对鉄磁物质的宏观磁性仅起极其微弱的貢獻，約占平均原子磁矩中的5~10% 成份。

(二) 按照上述，鉄磁物质的原子磁矩主要是由电子自旋运动来决定，則按鉄离子 (F_2^{++}) 的模型來說，每一离子有 4 个电子自旋未被抵消，因此鉄的平均原子磁矩应等于 $4\mu_B$ 。但实际上測量到的数值却并不符合。因此可見，鉄磁物质的原子磁矩尚有其他因素影响。为此引入有效玻尔磁子数的概念。

定义： n_{eff} 为物质每一原子的有效玻尔磁子数，可以从下式来计算，

$$n_{eff} = \frac{\text{饱和磁化强度}}{\text{单位体积中的原子数目} \times \text{玻尔磁子}} = \frac{M_{s0}}{\mu_B \cdot n_0} \quad (1-1-34)$$

为了避免温度变化等造成对物质体积的影响，上式化成以重量（每克）計算的磁化强度 B_{s0} ，变化如下：

$$n_{eff} = \frac{A B_{s0}}{\mu_B \cdot n'_0} \quad (1-1-34')$$

A 为原子量， n'_0 为每克原子的原子数。

从公式 1-1-34 或公式 1-1-34' 求得的三种主要鉄磁性元素的 n_{eff} 值和应有的自旋电子数列于表 1-1 中。可見实际測量到的淨玻尔磁子数总是小于 3d 层上未抵消的自旋电子数目。

三种鉄磁元素的有效玻尔磁子数表 1-1

元 素	3d 层 自 旋 电 子 数	n_{eff}
Fe	4	2.22
Ni	2	0.60
Co	3	1.71

这一原因的解釋如下：

結晶結構中原子的电子波的运动和分布是受到相邻原子的影响，特别是在 3d 和 4s 层的情形。在結晶状态时，离子間相互影响，使 3d 和 4s 层上的电荷重新分布，在电子沿軌道作波动时，部分区域内 4s 层上的位能大于 3d 层，因此 4s 层电子向 3d 层轉移。（一般总是 4s 层上电子向 3d 层轉移。）轉移的結果則为 4s 层上电子向 3d 上充滿，結果总是降低 3d 层上淨（未被抵消）自旋电子数目。但这种轉移又不是全部時間上轉移的，而只在电子波动軌迹的部分区域内，其它部分区域内如 4s 层上位能仍不比 3d 层高时，电子仍留在 4s 层。这样，原子的淨（有效）玻尔磁子数应理解为 3d 层上未被抵消的自旋电子数目在時間上的平均值。因而也可以解釋有效玻尔磁子数不一定是整数的原因。

測量 g' 值的方法——迴轉磁效应实验：

根据巴涅特实验的精神，通过以下所述的方法来测定各种物质中原子迴磁比 r ，再由关

系 $r = g' \cdot \frac{e}{2mc}$ 来决定郎德因子 g' 。

巴涅特实验的内容是：当铁磁试样磁化时，由于内部微观动量矩（电子轨道的或是自旋的动量矩）的一致取向，内部动量矩增加，依据动量矩不灭原理，使宏观试样相反于总微观动量矩的方向迴转。所增加的磁矩和由此产生的动量矩之比，可以通过实验测定。

如图（1-6）的装置。铁磁的圆棒形试样用悬线系于某支点上，试样外套上两个线圈，其中一个使试样磁化的，另一个由感应线圈 A 和制动线圈 B 合成。磁化线圈上加以直流电流，其方向可以通过换向开关来改变。

当磁化线圈中的电流改变时，试样发生旋转，悬线上受到的旋转力矩为：

$$L_{\text{旋转}} = - \frac{d\mathbf{p}}{dt}$$

（ $d\mathbf{p}$ 为试样动量矩的改变。）

与此同时，因感应线圈中磁矩的变化，在感应线圈中发生感应电动势：

$$E = K_A \cdot \frac{d\mu}{dt}$$

（ $d\mu$ 为试样中磁矩的改变， K_A 为线圈 A 的感应常数，决定于线圈的圈数、大小、形状）。

这一感应电动势产生电流：

$$i = \frac{E}{R} = \frac{K_A}{R} \cdot \frac{d\mu}{dt}$$

R 可变，因此 i 可以调节。

该电流流经制动线圈 B 时，对固结在试样下端的小磁铁（其磁矩为 m ）产生的阻尼力矩为：

$$L_{\text{磁}} = K_B \cdot i \cdot m$$

（ K_B 为线圈 B 的常数）。

如果使 $L_{\text{旋转}} = -L_{\text{磁}}$ ，则试样可保持静止（ $R=R_0$ ）。这可以通过调节 R 来达到平衡。

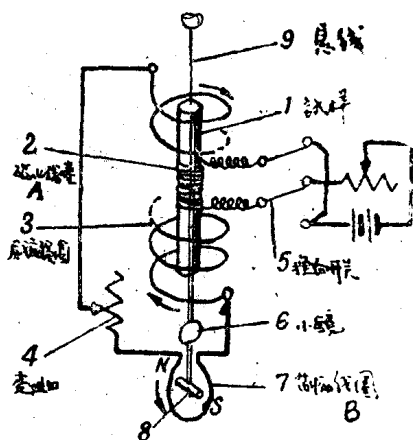


图 1-6 迴转磁效应实验的装置

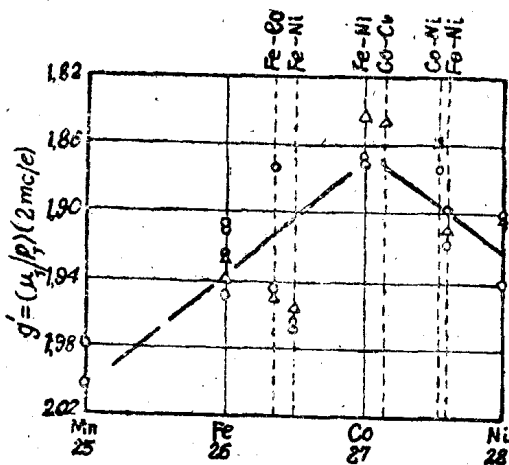


图 1-7 各种铁磁物质的郎德因子与它的电子数的关系

△——巴涅特的方法
○——爱因斯坦第一哈斯方法

为了易于鉴定平衡状态，只需使磁化电流不断改换方向。为了清楚地看出试样是否静止，由小镜（系在试样上）的反射光线可以指示偏转或静止的情况。

由平衡条件，可以得到：

$$r = \frac{d\mu}{dp} = \frac{R_0}{mK_A \cdot K_B}$$

求得了 r 后，即可根据电子的荷质比求出 g' 。图 (1-7) 表示出用不同方法测得的郎德因子的数值。

§ 1-2 反磁性

在原子中，当不存在外磁场时，每个电子处于一定的运动状态。若将磁介质引入外磁场中，电子的运动情况，特别是轨道运动情况将发生一定的变化。以下讨论发生这一变化的物理机构，并在此基础上得出拉摩定理。

磁介质处于外磁场中时，因原来电子在作轨道运动具有速度 \vec{v} ，因此每一个电子将受有罗伦兹力，其大小为：

$$\vec{F}_{\text{罗}} = -\frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}], \quad (1-2-1)$$

以上 c 为光速， e 是电子的电荷量， \vec{H} 为外磁场强度。

电子在受到这一附加力作用以后，电子的运动状态也将发生相应的变化。按照即将证明的拉摩定理，电子运动的这一变化可以归结为在电子的未受激（未受外磁场作用）运动上附加以电子围绕外磁场 \vec{H} 的方向以下式所示的角速度发生旋转，这种旋转又称为进动。（见图 1-8）

电子附加运动的角速度为：

$$\vec{\omega} = -\frac{e\vec{H}}{2mc} = -r_e \vec{H}. \quad (1-2-2)$$

式中 m 为电子的质量， e 是电子的电荷， r_e 是电子轨道运动的磁-回旋比。

以下证明公式 (1-2-2) 的方法是：如果电子有了这样角速度的附加运动后，则全部作用在电子上的力仍保持平衡。

如果引用中心在原子核，并以角速度 $\vec{\omega}$ 绕着通过原子核而方向和 \vec{H} 相一致的轴绕转的辅助坐标系 S' ，对于这一坐标系 S' 说来，磁场存在时电子运动就像磁场不存在时，对惯性坐标系（不动坐标） S 的运动情形一样。

由于原子核库仑场分布的对称性，诸电子和原子核间的相互作用不会因它们有了附加进动而变形；同样因为电子的总进动状况不变更它们的相互位置，所以电子间的相互作用也不会改变。但是坐标系 S' 转动着，所以要维持电子在坐标系中以前的运动，在惯性坐标系中维持这一运动的那些力已经不够了，在新的情况下，还需去平衡惯性力——即离心力和柯赖奥力。

离心力正比于电子离旋转轴的距离和角速度平方 ω^2 的乘积，按公式 (1-2-2)，正比于

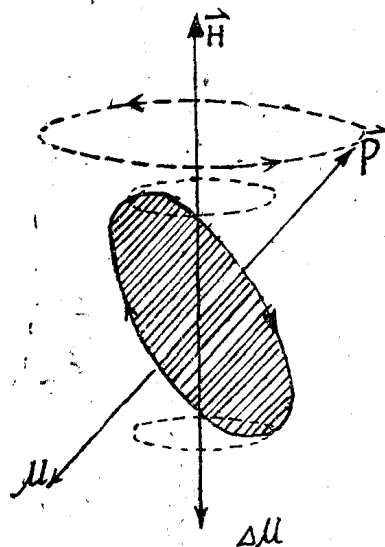


图 1-8 电子轨道的进动模型

外磁場強度的平方 H^2 。如果在只考慮和磁場 H 的一次方成比例的量的第一次近似中，離心力可以略去不計。

作用在第 i ($i=1,2,3,\dots,n$, n 為原子中的電子總數) 個電子上的柯賴奧來力等於：

$$\bar{F}_i^{(K)} = 2m[\bar{V}'_i \bar{\omega}]$$

式中 \bar{V}'_i 是第 i 個電子在轉動坐標系 S' 中的“相對”速度。它和電子在慣性坐標系 S 中的“絕對”速度 \bar{V}_i 有以下關係：

$$\bar{V}'_i = \bar{V}_i - [\bar{\omega} \bar{r}_i]$$

式中 \bar{r}_i 是第 i 個電子離旋轉軸的距離。略去和 H^2 成比例的離心力，可以在 $\bar{F}_i^{(K)}$ 的表示式中以 \bar{V}_i 代替 \bar{V}'_i (一般說來 $[\bar{\omega} \bar{r}_i]$ 的值遠小於 \bar{V}_i)。則

$$\bar{F}_i^{(K)} = 2m[\bar{V}_i \bar{\omega}]$$

將公式 (1-2-2) 表示的旋進運動角速度 $\bar{\omega}$ 的關係代入，得到：

$$\bar{F}_i^{(K)} = -\frac{e}{c}[\bar{V}_i \bar{H}]$$

它等於作用在電子上的羅倫茲力，但方向相反。因此，羅倫茲力的確為電子作附加運動而產生的柯賴奧來力所平衡。

除了以上的證明外，我們還可以直接從磁介質中每一原子磁矩在磁場中受到的力偶作用來證明拉摩定理。

已知，電子軌道運動的動量矩和磁矩之比保持為一常數：

$$\frac{\bar{p}_e}{\bar{P}_e} = r_e = \frac{e}{2mc}$$

因 e 是電子的電荷量，所以 r_e 為負值。

在磁場作用下，磁矩上將受到力偶作用着，力偶的矩 \bar{N} 等於：

$$\bar{N} = [\bar{\mu} \bar{H}]$$

假如電子不具有自己的動量矩，則在這一力偶的作用下，磁矩的軸綫和方向就會變得與磁場一致。然而電子的軌道動量矩 \bar{p} 的存在，使電子軌道矩的運動狀態在力學上和旋轉的陀螺相似。大家知道，如果在轉動着的陀螺上作用着方向和陀螺軸方向相垂直的力偶，陀螺的軸便開始繞作用力的方向進動，而且軸對作用力方向的傾斜角保持不變（重的陀螺在重力場中的進動就表現為這一現象）。

按照已知的力學原理，在力偶矩為 \bar{N} 的力偶的作用下，物體動量矩矢量 \bar{P} 的終點以和 \bar{N} 相等的綫速度 $\frac{d\bar{P}}{dt}$ 移動：

$$\frac{d\bar{P}}{dt} = \bar{N} = [\bar{\mu} \bar{H}] = r_e[\bar{p} \bar{H}]$$

按 r_e 的定義和公式 (1-2-2)，得：

$$\frac{d\bar{P}}{dt} = [\bar{\omega} \bar{P}]$$

從上面最後的方程中得到結論：矢量 \bar{P} ，（即矢量 $\bar{\mu}$ 也如此）以角速度 $\bar{\omega}$ 繞 \bar{H} 的方向旋轉，或者說，以大小和方向用矢量 $\bar{\omega}$ 來決定的角速度旋轉。這就是說，在存在磁場時，原子的電子殼開始繞磁場以角速度 $\bar{\omega}$ 進動，而軸綫對磁場方向的傾斜角保持不變。

下面就根據電子軌道的進動來說明物質反磁性的來源。

無論什么样的磁介质处在磁場中时，原子內的电子壳都发生拉摩进动，这一附加运动相当于电子軌道以角速度 $\vec{\omega}$ 繞通过原子核而平行于磁場的軸旋轉。由于动量矩 \vec{P} 的方向以某一定大小的傾角（由各軌道的中心軸和 \vec{H} 的方向决定的）基本上是朝向外磁場的。因为 r_e 是負值，由于这一附加旋轉，則发生的磁矩变化 $\Delta\vec{\mu}$ 和外磁場相反的，即电子壳发生进动的結果，造成一反抗外磁場的附加磁矩。物体磁化时激发的磁化方向和外磁場相反的反磁性解釋就是如此。

实际上如从另一角度来解釋时，可以把反磁性規律归諸电磁慣性原理的直接結果。根据楞次定律，电子軌道中的磁通量有保持常值的趋势，当附加了任何方向的外磁場时，由于电子軌道中磁通的增加便发生感应电流来产生和外加磁場方向相反的磁通，結果使其在軌道內的磁通量仍維持原状。这一感应电流必需由电子的附加运动引起，附加运动也只能是电子以一定角速度繞磁場方向的进动。电子在电子壳上的运动被看成是超导体性质的，因此当外磁場建立到稳定后，反磁場方向的磁化仍能維持，直至磁場移除后才恢复。

反磁性磁化系数的計算：要决定反磁性物质磁化系数的数值，应先行計算电子的軌道运动在磁場中因拉摩运动而使电子軌道上电荷的每一体积元 ρdv 获得的附加速度：

$$\Delta\vec{V} = [\vec{\omega} \vec{R}]$$

\vec{R} 是体积元 dv 离原子核心的間距。相应于这一附加速度发生的磁矩等于：（依单位体积来計算）

$$\Delta\vec{\mu} = \frac{1}{2c} \int [\vec{R} \cdot \Delta\vec{V}] \cdot \rho \cdot dv = \frac{1}{2c} \int [\vec{R}(\vec{\omega} \vec{R})] \rho \cdot dv.$$

$$[\vec{R}(\vec{\omega} \vec{R})] = \vec{\omega} R^2 - \vec{R}(\vec{\omega} \vec{R}).$$

設 z 軸就在 $\vec{\omega}$ 的方向（和 \vec{H} 方向一致）（见图1-8），这一矢量沿 z 軸的分量等于：

$$\omega R^2 - z(\omega z) = \omega(R^2 - z^2) = \omega(x^2 + y^2).$$

把上式公式代入表示 $\Delta\vec{\mu}$ 的积分式內，并对 $\Delta\vec{\mu}$ 的进动周期求取平均值；沿 x 軸和 y 軸的諸分量等于零，这是因为对于电子的运动，在时间的平均值說来，具有以 z 为軸的圓柱对称性，所以 x 方向或 y 方向上的因进动发生的磁矩在一进动周期內总是正負相消的。因此， $\Delta\vec{\mu}$ 对时间的平均值有：

$$\Delta\vec{\mu} = \frac{\vec{\omega}}{2c} \int (x^2 + y^2) \rho \cdot dv$$

显然，上式中包含的积分等于原子內电子电荷之和 $z \cdot e$ （这里的 z 表示原子內电子的总数）和各电子离 z 軸距离平方的平均值的乘积：

$$\int (x^2 + y^2) \rho \cdot dv = z \cdot e \overline{(x^2 + y^2)}$$

把以上結果代入 $\Delta\vec{\mu}$ 的表示式，并代入公式 (1-2-2) 所給出的 $\vec{\omega}$ 的值，得：

$$\Delta\vec{\mu} = \frac{1}{2c} \cdot z \cdot \vec{\omega} \cdot e \overline{(x^2 + y^2)} = -\frac{ze^2}{4mc^2} \overline{(x^2 + y^2)} \cdot \vec{H}$$

对于原子內的某一个电子來說， X^2 或 Y^2 的值是变动的，对于不同的原子說来，这些平均值也具有不同的值。假定在一个原子中有許多个电子，而每一个电子运动的軌道方位，具有球形对称的特点，并且对取向不同的原子平均來說，显然有 $\overline{x^2} = \overline{y^2} = \frac{1}{3} \overline{R^2}$ 。