

岩石磁学

(日本) 木田 武著

地质出版社

古漢堂

古漢堂
萬國藥業公司

總售處

岩 石 磁 学

(日本) 永田武 著

地質出版社

1959 · 北京

ROCK-MAGNETISM

by

TAKESI NAGATA

D. Sc., Professor of Geophysics
University of Tokyo

1956

Maruzen Co., Ltd.
Tokyo

本書詳尽地叙述了测定岩石磁性的方法和結果，关于岩石的鐵磁性理論及鉄鎳氧體的理論、岩石磁性概述以及測量岩石磁性用的儀器，是一本良好的參考書籍。遺憾的是著者沒有把苏联学者的研究成果包括进去，可以說是一个最大的缺点。

本書可供地球物理工作者、地質工作者及从事于磁法勘探的工作人員閱讀。

全書由丁鴻佳同志照英文原版翻譯而成。为了对本書作出評價，書中將俄譯本序也翻譯了出来。

岩 石 磁 学

著 者：(日本) 永 田 武
譯 者：丁 鴻 佳
出版者：地 質 出 版 社
北京宣武門外永光寺西街 5 号
北京市書刊出版、發賣許可證字第 050 号
發行者：新 华 書 店 科 技 發 行 所
經售处：各 地 新 华 書 店
印刷者：北 京 市 印 刷 一 厂
北京西便門南大道乙 1 号

印数(京)1—4,200 冊 1959 年 8 月北京第 1 版
开本 787×1092 $\frac{1}{16}$ 1959 年 8 月第 1 次印刷
字数 190 000 印张 8 $\frac{1}{2}$
定价(10)1.10 元

目 录

序言 (英文原版序言)	5
俄譯本序	7
第一章 鐵磁性造岩矿物的磁性	10
§ 1. 鐵磁学概述	10
§ 2. 鐵磁性小颗粒团的磁性	26
§ 3. 反鐵磁性和鐵淦氧磁性	30
§ 4. 磁鐵矿 (Fe_3O_4)	34
§ 5. 赤鐵矿和磁赤鐵矿 (Fe_2O_3)	35
§ 6. 鈦磁鐵矿	37
§ 7. 磁黃鐵矿 (FeS_{1+x})	38
§ 8. 其它复合矿物	39
§ 9. 从岩石中分出来的鐵磁性矿物的磁性	45
第二章 測量岩石磁性的仪器	54
§ 1. 冲击法	54
§ 2. 磁力仪法	60
§ 3. 磁天平	68
§ 4. 交流电法	70
附录: 对于磁性測量有用的公式	80
第三章 岩石磁性概述	84
§ 1. 岩石的磁化率	84
§ 2. 岩石的磁滯曲綫	96
§ 3. 岩石的居里点	104
第四章 火成岩的溫差頑磁性	116
§ 1. 火成岩的天然剩余磁性	116
§ 2. 火成岩的溫差頑磁性	127
§ 3. 部分溫差頑磁性	133

§ 4.	溫差頑磁性的物理特征	144
§ 5.	焙燒粘土的溫差頑磁性	153
§ 6.	产生溫差頑磁性的理論	158
§ 7.	反溫差頑磁性	167
§ 8.	反溫差頑磁性的理論	173
第五章	沉积岩的天然剩余磁性	179
§ 1.	沉积岩的天然剩余磁化的方向与强度	179
§ 2.	鐵磁性顆粒在磁場中的沉积作用	183
§ 3.	沉积岩的天然剩余磁性的稳定性	188
第六章	有关岩石磁学的地球物理問題	196
§ 1.	概述	196
§ 2.	岩石的磁性与局部的磁異常	197
§ 3.	岩石的磁性和局部異常在地磁場中的变異	198
§ 4.	从火成岩研究古地磁学	200
§ 5.	从沉积岩研究古地磁学	203
§ 6.	反天然剩余磁性的問題	205
§ 7.	有关岩石磁学的几个地質問題	205
	有关岩石磁性的苏联著作目录	207

英文参考文献縮写符号

B. E. R. I.; The	Bulletin of the Earthquake Research Institute.
C. R.:	Comptes Rendus des Séances.
G. N. Tokyo Univ.:	Geophysical Notes (Published by the Geophysical Institute, Faculty of Science, Tokyo University,)
J. G. G.:	Journal of Geomagnetism and Geoelectricity.
J. G. R.:	Journal of Geophysical Research.
P. R. S.:	Proceedings of the Royal Society.

序　　言

(英文原版序言)

随着“天然磁石”(相当于天然的磁铁矿)的发现，在很早的时候，就开始知道了磁的知识。但是，关于物质磁性的物理学的发展，似乎与这个起源的现象无关。在磁法作为地球物理勘探的重要方法以前，很少有人对分佈在地表各处的天然的磁化物体加以注意。

也許可以說，地磁学的开始是由于地壳中天然生成的磁石都有指北的特性。但是，地壳的磁学，或者說，組成地壳的各种岩石的磁学，在淵博的地磁科学中，仅佔有很小的部分。

“为什么地球像一个巨大的磁体”？这一个原始的，可是基本的问题，最近又吸引着自然哲学家的思想。同时，在研究这个问题时，岩石的磁学似乎重又成为一个重要的角色。但是，岩石的磁性似乎是这样的复杂，要想根据物质磁性的物理学加以系统的描述，是很少可能的。这一点对岩石中的铁磁性矿物來說，也是同样的，而对岩石的磁性作更进一步的詳細的描述时，就愈困难。

困难的主要原因之一，可能是我們对金属氧化物以及其他金属和非金属元素化合物的基本的磁学知識还不完全；但是，这些东西是極大多数磁性矿物的組成部分，当然也是大多数岩石的成分。說實話，我們关于物质磁性的知識，極大部分是对金属而言，可是最近的研究發現了金属氧化物和与之相似的化合物的磁性，这些东西的磁性与金属材料是絕不相同的。这可能标誌着，岩石的磁学現在才开始找到了可靠的背景。

在这样的情况下，在有关磁性科学发展的现阶段，作者想把岩石的磁学放在物质磁性物理学的基础上，加以完整而系统的描述的这样

一个願望，無疑是不能實現的。虽然如此，作者还是把本書發表了；因为他相信这是从过去到現在的許多研究者，包括作者自己的總結。這總結是根據我們現在所認為最好的知識作為基礎而系統地寫成的，因此，作者希望，這本書對於岩石磁性問題的研究將會很有用處。

趁這機會，作者謹向已故的 J. G. 顧涅什培格爾教授在早期工作中对于作者的教益與建議致謝，并向 S. 中村(Nakamura)、S. 茅誠司、H. 祖耶(譯音，英文原名是 Tsuya)、G. 祖鮑(譯音，英文原名是 Tsuboi)及 M. 長谷川(Hasegawa)等教授自始至終給作者的鼓励与忠告表示謝意。作者感謝 H. 久野博士在岩石學方面的合作，也謝謝 S. 秋本及 S. 植田諸君在最近工作上以及將這本書付印的準備工作上給予的帮助。作者也衷心感謝 W.B. 斯泰勃斯(譯音，原文是 Stubbs)先生細心地校閱了英文校樣。

1953年6月1日
于东京

俄譯本序

日本著名学者永田武的著作，論述了新的科学領域——岩石的磁學，这个研究領域，是物理、地球物理及地質這三門科学的匯合。

关于岩石磁性的知識，最近有了很大的發展。这是由于這門邊緣科学的資料具有巨大的理論和实际的意义。由于研究岩石的磁性，鐵磁理論又產生了独立的分支，这里我們是指尼爾的反鐵磁性理論及鐵淦氧磁性的理論。

岩石的磁性决定于岩石中疏散分佈的鐵磁性矿物顆粒。因此对于不大的鐵磁性顆粒（粉末狀磁性結構）的理論研究，可以应用于岩石（鐵磁性顆粒當然包含在磁性体中）。

應該特別指出，岩石磁性的特征——磁化率和剩餘磁性——决定于岩石各个部分的矿物結構以及在岩石形成时的溫度、压力及沉积的情况（如果是沉积岩）。因而，研究岩石磁性的規律，有助于了解它們的形成过程。

研究不同溫度下鐵矿及鐵的天然氧化物的磁性，是有很大意義的。將这些性質和天然剩餘磁性的值作比較，可帮助我們了解鐵矿形成时的条件，特別是当时热液溶液的溫度。当然，这样的研究首先应从相变的觀点出發，这种相变可在實驗室条件下加热产生。

在岩石的磁性特征中，研究天然剩餘磁性有很大作用。因为迄今为止的实际証明，大多数岩石的天然剩餘磁性，是在弱的地磁場中冷却形成的。这就証明了所謂岩石的剩餘磁性，不是旁的什么东西，而就是地磁場中的溫差頑磁性。因此，在實驗室条件下，研究溫差頑磁性的規律，对理解岩石天然剩餘磁性形成的条件是有很大作用的。

如實驗結果指出的，岩石剩餘磁性的量值，特別是它的方向，是保存了百万年的岩石的很可靠的標誌。因此，它們的測定，对解决一系列的地質問題，特別是解釋由沉积岩及火成岩構成的巨大綜合体的大地構造运动的历史的問題，是很重要的。

此外，岩石的天然剩余磁性是揭露大地磁场發展历史的标誌，并可用以驗証大地地磁起源的各种学說。对各个地質时代的岩石剩余磁性的研究，組成了古地磁学这門新的地球物理学的分支；最近，这門学科有很大的發展。

对于用磁法勘探有益矿物以及工业地球物理來說，研究岩石的磁性，同样有着重要意义。如大家知道的，磁法勘探的数学解釋总是假定岩石的磁化是均匀的，不計算可能存在的不均匀磁化；当然，在实际情况中，它同样产生感应磁性与剩余磁性。因此，磁法勘探中，正确的解釋推断是以仔細研究岩石的磁性为前提的，究竟这样的岩石会引起哪一种異常，只有同时研究地面上的磁異常及地面上下的岩石磁性时才可能确定引起異常場的物体的形狀及深度。

永田武几乎詳尽無遺地收集了有关研究岩石磁性方面的材料。但应当指出，他沒有把苏联学者的研究收集到这本淵博的書中去，虽然其中某些研究对岩石的磁学是有貢獻的。此外，在这本值得推崇的著作中，沒有涉及岩石磁学的某些問題，特別是岩石的磁性与压力的关系、与其中存有的順磁性及抗磁性部分的关系、与鐵磁性部分粉狀結構的关系以及磁化的型式等等。

在苏联，从岩石磁性的观点研究岩石，开始于研究庫尔斯克磁異常的初期(本世紀20年代)；当时，H.K. 薦德罗制定和描述了研究庫尔斯克磁異常含鐵石英岩的剩余磁性和感应磁性的方法。这是收集在永田武著作中的唯一的苏联学者的研究。30年代，苏联科学院理論地球物理研究所成立，П.П. 拉扎列夫院士在實驗室中，首先研究了人工的和天然的氧化物的磁性(岩石主要的鐵磁性部分)^[1, 2, 15, 17]。此外，在弱磁性的沉积岩中，研究明白了那些鐵磁性部分、順磁性部分及抗磁性部分的物質对岩石磁性的影响^[13]。而岩石的这一研究方向，在永田武的工作中几乎沒有什么反映。他的工作主要是研究了岩石的鐵磁性部分。至于噴發岩的磁化率与磁滯在不同場中的变化方面，苏联学者也做了一些工作^[1, 3, 6, 9]。

苏联地球物理学家对各种温度下的岩石的磁性，以及对岩石天然剩余磁性的研究，无论是正面的，反面的，都很注意^[2, 4, 8, 16, 25, 26, 37, 38, 40, 42-48]。此外，苏联也开始研究不同弹性压力下的岩石的磁化率及剩余磁性^[18, 33, 34]。为了解决以上的問題，苏联地球物理学者創造了必需的方法和仪器^[7, 20, 23, 30, 36, 39, 41]。

現在，在研究岩石的溫差頑磁性規律方面，有三个学派：日本的永田武和他的学生們，法国的捷利也（Телье）和他的同事們以及苏联的 M. A. 格拉包夫斯基及 Г. Н. 彼得罗娃。因为这三个学派的工作是互相平行的，因此在物理量的术语和符号方面，我們的和法国及英国文献上所用的是不同的。自然我們希望有統一的术语和符号，但是在我們翻譯永田武的著作时，暫且采用苏联学者的术语。譬如，溫差頑磁性是指在外磁场作用下，从溫度高于居里点冷却至室溫时产生的，我們称为極限溫差頑磁性，而永田武称为飽和溫差頑磁性。

至于符号方面，我們保留了永田教授所采用的符号，因为它们是用得很成功的，希望所有的国家以后都能采用。本書中保留了永田教授采用的縮写符号，譬如用 TRM 表示溫差頑磁性， IRM 表示等溫剩余磁性以及 NRM 表示天然剩余磁性。等溫剩余磁性在苏联文献中也称正常剩余磁性。在永田武的書中，磁化率是用字母 κ 表示的，而在苏联及几乎所有的国外的文献中，是用希腊字母 χ 表示的，所以在這譯本中，全部改用了 χ 。

永田武的著作，結構方面是很成功的，虽然他沒有能够包括所有苏联及国外在岩石磁学方面的工作。即使如此，本書在使这方面知識的系統化方面，以及尽可能的为地球物理的目的而闡明了理論和实际的意义方面來說，是很特出的。任何一个地磁学家都應該有这一本書，因为它几乎包含了所有的資料，这些資料在了解岩石磁学方面，是有重大意义的（可以了解地球物理中这一領域的發展）。

A. 卡拉施尼可夫(А. Калашников)

第一章 鐵磁性造岩矿物的磁性

§ 1. 鐵磁學概述^{[1][2][3]}

1.1 磁場与物質的磁化

設一無限大小的物質在均匀磁場 H 的作用下引起磁化，物質的每單位体积的磁矩用磁化强度 J 表示。物理量 B 則可用下式表示

$$B = H + 4 \pi J \quad (1-1)$$

这个量称为磁感应强度，意思是指磁化物質的磁通量密度。很明显，在無磁化处，磁通量密度 B 等于 H 。

在 *c.g.s.c.m.u.* 制中，磁場强度的單位是奧斯特，磁感应强度則为高斯。从(1-3)中看到， H 和 B 的量綱是相等的，同时此二量間并無基本的差別，所以 B 也是一种磁場强度。單位表示上的差別是为便于区别磁感应和磁場。某些地球物理学家經常用高斯表示磁場的單位，而在本書中，按照物理上的国际用法，明确的区别了高斯和奧斯特。

物理量 κ 的表示式为

$$\kappa = J/H \quad (1-2)$$

如磁化强度是由磁場 H 产生的，则 κ 称为磁化率。另一方面，导磁率 μ 的表示式为

$$\mu = B/H = 1 + 4 \pi \kappa \quad (1-3)$$

这样表示的 J 及 κ 是物質的每單位体积的物理量。如表示为單位質量的物理量（密度为 ρ 的物質），則

$$J/\rho = I, \quad \kappa/\rho = I/H = \chi \quad (1-4)$$

I 与 χ 分别称为比重磁化强度与比重磁化率。

如一物質的磁化率是負的，則此物質称为抗磁的。抗磁性物質的

● 在俄譯本中，編者根据苏联及几乎所有的国外文献中磁化率 κ 都用希腊字母 χ 表示的情况，將原文書中的 κ 均改为 χ ——中譯本譯者註。

κ 的数量級一般在 10^{-6} 。如一物質的磁化率是正的，它的大小在 10^{-6} 数量級，則此物質稱為順磁的。

順磁性與抗磁性物質的磁化率在一很大的磁場範圍內，譬如 10^4 奧斯特左右，保持一常數。

另一方面，某些物質如鐵，鎳，鈷及磁鐵矿等，與順磁性及抗磁性物質相比，有特別強的磁化強度 ($J > 0$)，它們的磁化率為 $10-10^5$ 級。這樣的物質稱為鐵磁性的。鐵磁性物質的一種特性是它們的磁化強度在一定的磁場強度下達到飽和值。圖 1-1

表示了鐵磁性物質的磁化強度 J 與磁場 H 之間的關係。退磁良好的鐵磁性物質的 J ，當 H 增加時，沿着 $A-B-C-D$ 曲線增加，在 C 點時達到飽和值 J_s 。隨著 H 的降低， J 隨着另一條曲線 $D-C-E$ 降低。 $H=0$ 時，磁化強度有一定值 J_R 。再繼續往下，相反的磁場抵消了剩餘磁性，在 F 點， $H=-H_c$ 時， J 等於零，以後在反磁場中增加直至 G 時達到飽和值。相反的过程隨着曲線 $G-H-I-C$ 變化。這種對於 H 的磁化的不可逆現象，稱為磁滯。其中

J_s ——飽和磁化強度，

J_R ——剩餘（殘余）磁化強度，

H_c ——矯頑磁力。

磁滯現象只有鐵磁性物質才有。

必須注意，圖 1-1 中的磁場 H 應該是表示有效磁場 H_{eff} ，這 H_{eff} 在一定長度的物質內與所施外磁場 H_{ex} 不同，原因是物質兩端都出現了自由磁極。退磁磁場 H_d 由於自由磁極的緣故，一般是不均勻的，

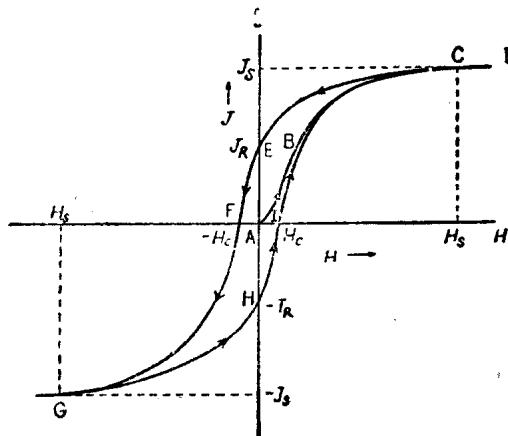


圖 1-1. 鐵磁性物質的磁化曲線

它隨磁化強度的分佈以及鐵磁性物質的形狀而定；但是， J 均勻時， H_d 正比於 J ，只是前者的方向和後者的方向恰相反，即

$$\begin{aligned} \mathbf{H}_{eff} &= \mathbf{H}_{ex} - \mathbf{H}_d \\ H_d &= NJ \end{aligned} \quad (1-5)$$

此處 N 稱為退磁系數。各種不同形狀的退磁系數的大小附在第二章末。

如果某些岩石的磁化率在 10^{-6} 級，可是它的磁化強度在 3000 奧斯特左右的磁場下達到飽和值，並顯示了磁滯現象，這樣的岩石應該稱為鐵磁性的而不是順磁性的。這種分類的事實根據是那些岩石包含有少量的鐵磁性物質，這些少量的東西是岩石磁性的主要表現者，好像整個是它所引起似的。

嚴格的說，鐵磁性或順磁性並不是與物質的物理狀態無關的物質的普遍特性。鐵磁性物質在溫度增加時可轉變成順磁性的，反之亦然，所以這樣的命名（指鐵磁性及順磁性）是對應於物質的物理狀態，依賴於溫度而言的。

1.2 磁矩的起源

物質的磁矩可歸之於組成物質的原子的磁矩這樣一個根本的根源。原子內，對應於電子軌道運動的角動量 $N = \frac{lh}{2\pi}$ 的磁矩 m 為

$$m = l \frac{eh}{4\pi m_0 c} \quad (1-6)$$

此處 e 、 m_0 、 h 及 c 分別指電子的電荷，電子的靜止質量，普朗克常數及光速，而 l 指角量子數。所以，一個電子的軌道運動的最小磁矩元是

$$\mu_B = \frac{eh}{4\pi m_0 c} = 0.9274 \times 10^{-20} emu \quad (1-7)$$

μ_B 稱為玻爾磁子。

軌道運動中，磁矩 m 和單個電子的角動量 N 之比為

$$\rho_0 = \frac{m}{N} = \frac{e}{2m_0 c} \quad (1-8)$$

另一方面，磁矩和電子自旋的角動量之比為

$$\rho_s = \frac{e}{m_0 c} \quad (1-9)$$

这就是說磁矩与自旋角动量之比的一半等于磁矩与軌道运动的角动量之比。

一般說來，原子的磁矩不是电子的自旋即是电子的軌道运动，或者兩者兼有。因此在原子內，磁矩与电子的角动量之比可表示为

$$\rho = g \frac{e}{2m_0 c} \quad (1-10)$$

此处

$$1 \leq g \leq 2 \quad (1-11) \bullet$$

g 这一量称为朗德系数，它給出了原子磁矩的 軌道运动和自旋的分佈率。

1.3 抗磁性与順磁性

物質的抗磁性可归之于电子在磁场中作轨道运动的拉莫尔进动。所以任何物質都有抗磁性的特性。如無外磁场时，原子的磁矩为零，在磁场作用下，抗磁性显示它的淨值 (net value)；而在其他情况下，抗磁性为其它較强的現象所隐蔽了。抗磁性的磁化率为

$$\kappa = -N \frac{Ze^2}{6m_0 c^2} \sum_i \overline{r_{0i}^2} \quad (1-12)$$

此处 N ， r_{0i} 及 Z 分別指單位体积內的原子数，从核中心算起的电子轨道的半徑及原子序数。

順磁性原是相互作用很小的，含有大量帶有磁矩的原子的綜合現象。無外界磁场时，順磁性物質的磁矩为零，原因是原子磁矩的不規則分佈。在磁场 H 作用下，在溫度 T 时，單位克分子的順磁性物質的磁矩 M 为

$$\frac{M}{M_0} = L_j(\alpha) = \frac{2j+1}{2j} \cot h \frac{2j+1}{2j} \alpha - \frac{1}{2j} \cot h \frac{\alpha}{2j} \quad (1-13)$$

$$\alpha = \frac{\mu H}{kT}$$

此处 μ ， j 及 k 分別指單个原子的磁矩，內量子数及玻耳茲曼常数，

● (1-8), (1-9)及(1-10)三公式原書上都印錯了，这里已改正——譯者註。

而 $M_0 = N\mu$ 即为單位克分子中所有的原子磁矩的总和。(1-13) 的导出是假定所有原子及原子的角动量的方向在热平衡状态下，自然还要求它們的磁矩服从量子理論的要求。当 $j \rightarrow \infty$ 时，(1-13) 成为

$$\frac{M}{M_0} = L_\infty(\alpha) = \cot h\alpha - \frac{1}{\alpha} \quad (1-14)$$

上式第一次由朗之万(Langevin) 导出，所以 $L_\infty(\alpha)$ 称为朗之万函数。

設 $j = \frac{1}{2}$ ，即單个原子磁矩为單个自旋所形成的，则(1-13)成为

$$\frac{M}{M_0} = L_{\frac{1}{2}}(\alpha) = \tan h\alpha \quad (1-15)$$

注意以上的考虑不包括鄰接原子間的相互作用力在内，所以这些方程式只能用在順磁性气体或液体中。

因为一般 $\alpha \ll 1$ ，(1-14) 可近似地写为

$$\frac{M}{M_0} = \frac{\alpha}{3} = \frac{\mu H}{3kT} = \frac{M_0 H}{3RT}$$

因此每克分子順磁性物質的磁化率为

$$\chi_{mol} = \frac{M_0^2}{3RT} \quad (1-16)$$

1.4 鐵磁性

在鐵磁性物質內，鄰接原子間的相互作用力非常强，因而有使全部原子的磁矩有相互平行的倾向以及抵抗热扰动产生的扰乱力。这就是說鐵磁性是一种“合作現象”(co-operative phenomenon)。

根据实验，鐵磁性原子的朗德系数 g 在大部分情况下近乎 2。这表示它們产生磁矩的主要根源是电子的自旋。所以鐵磁性的各种特性應該与原子中电子自旋的行为有关。

必須注意，軌道运动的磁矩和电子自旋的一样，都屬於原子內的閉合壳層，作为全部来看應該消除和中和；所以原子的磁矩應該由那些屬於不閉合的壳層所引起，鄰接原子間磁矩的可觀的相互作用的能量的主要組成是：(1)电子間的磁能；(2)它們間的交換能。

交換能涉及有关电子自旋的方向；同时由海森伯从表示每一电子的波函数的干涉中用量子力学导出。所以交換能不能从原子的經典模

型导出，可是在上面提到的能中，它通常佔有主要地位。

如鄰接原子的不閉合壳層中的电子自旋，由交換能的控制而相互平行，使总能量取極小值的情况，則这些原子的磁矩轉成平行而产生鐵磁性的結果。

上面提到的交換能的作用可用“分子場”代替，这一点已由外斯(Weiss)在他的鐵磁學的經典理論中作了介紹。这是說那些原子的有效磁場 H_{eff}^* 可写成

$$H_{eff}^* = H_{ex} + WJ \quad (1-17)$$

此处 H_{ex} 及 J 分別指由(1-5)中由 H_{eff} 产生的外磁場及磁化强度，而 W 則为一常数， WJ 表示假設的分子場。如(1-17)用 1.3 中同样方法表示为是每一克分子的量，则

$$H_{eff}^* = H_{ex} + \frac{W\rho}{A}M \quad (1-17')$$

此处 A 及 ρ 各为原子量及密度。

分子場的提出只是考虑了由于交換能产生的鄰接原子間的很强的相互作用。

現在，令 $\alpha = \mu H_{eff}^* / kT = M_0 H_{eff}^* / RT$ (1-17') 可写为

$$\frac{M}{M_0} = \frac{A}{W\rho} \left(\frac{RT}{M_0^2} \alpha - \frac{H_{ex}}{M_0} \right) \quad (1-18)$$

当(1-13)保持同样形式时

$$\frac{M}{M_0} = L_j(\alpha) \quad (1-13')$$

所以連系式(1-13')及(1-18)，一定得出相对磁化强度 M/M_0 ，如圖 1-2 所示。圖上的一个重要結果是：在 $H = 0$ 的情况下， M/M_0 有一定值，如圖上 O_2 所示。換言之，磁化的存在与外磁場無关。这种磁化称作自發磁化，一般用这物質的單位体积的 J 表示（在圖上的 M ，相應于每克分子的自發磁化）。

另一方面，圖 1-2 上， θ 为

$$\tan \theta = \frac{ART}{W\rho M_0^2}$$