



北京市小学课本

# 算 术

SUANSHU

第九册

北京市小学课本

# 算 术

第 九 册

北京市教育局教材编写组编

\*

北京人民教育出版社出版

北京市新华书店发行

北京印刷四厂印刷

\*

1975年1月第1版 1975年1月第1次印刷

书号: K7071-276 定价: 0.19元

## 毛主席语录

我们的教育方针,应该使受教育者在德育、智育、体育几方面都得到发展,成为有社会主义觉悟的有文化的劳动者。

学生也是这样,以学为主,兼学别样,即不但学文,也要学工、学农、学军,也要批判资产阶级。学制要缩短,教育要革命,资产阶级知识分子统治我们学校的现象,再也不能继续下去了。

# 目 录

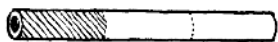
一、分数的意义和性质 .....	1
1. 分数的意义 .....	1
2. 真分数、假分数、带分数 .....	7
3. 分数的基本性质 .....	15
4. 约分和通分 .....	17
5. 分数和小数的关系 .....	27
6. 复习 .....	31
二、分数加减法 .....	34
1. 同分母分数加减法 .....	34
2. 异分母分数加减法 .....	37
3. 带分数加减法 .....	42
4. 复习 .....	48
三、分数乘法 .....	51
1. 乘法 .....	51
2. 复习 .....	64
四、分数除法 .....	67
1. 除法 .....	67
2. 复习 .....	85
五、总复习 .....	88

# 一、分数的意义和性质

## 1. 分数的意义

在阶级斗争、生产斗争和科学实验三大革命运动中，除了用到整数和小数外，还需要用到下面这样的数，例如：

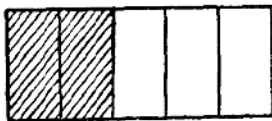
(1) 工人师傅革新一台旧机器，用去一根钢管的三分之一。



$$\frac{1}{3}$$

把这根钢管看做整体“1”，把它平均分成三份，一份是三分之一，写做 $\frac{1}{3}$ ，读做三分之一。

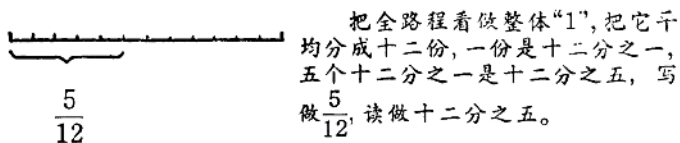
(2) 东方红大队贫下中农贯彻农业“八字宪法”，培育小麦良种，用了试验田的五分之二。



$$\frac{2}{5}$$

把试验田看做整体“1”，把它平均分成五份，一份是五分之一，两份是五分之二，写做 $\frac{2}{5}$ ，读做五分之二。

(3) 立新小学五年级师生，进行野营训练，四天走了全路程的十二分之五。



把整体“1”平均分成若干份，表示这样的一份或几份的数，叫做分数。

上面讲的 $\frac{1}{3}$ 、 $\frac{2}{5}$ 、 $\frac{5}{12}$ 都是分数。

在分数里，表示把整体“1”平均分成多少份的数，叫做分数的分母；表示所取的份数，叫做分数的分子；其中的一份，叫做分数的单位。

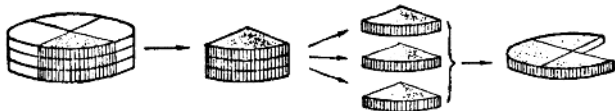
例如， $\frac{5}{12}$ 表示把整体“1”平均分成12份，取5份；12是分母，5是分子，其中的一份是 $\frac{1}{12}$ ， $\frac{1}{12}$ 就是这个分数的单位。

5 .....分子  
— .....分数线  
12 .....分母

整数除法也可以用分数来表示。

例如： $1 \div 4$ 就是把“1”平均分成4份，求其中的一份是多少。所以， $1 \div 4 = \frac{1}{4}$

又如  $3 \div 4 = ?$



从图中可以看出： $3 \div 4$ 就是把3个平均分成4份，每份是3个的 $\frac{1}{4}$ ，相当于1个的 $\frac{3}{4}$ ，也就是 $\frac{3}{4}$ 个。所以

$$3 \div 4 = \frac{3}{4}$$

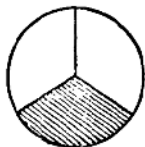
一个整数除以另一个整数（零除外），不能整除的时候，它们的商可以用分数来表示。

$$\text{被除数} \div \text{除数} = \frac{\text{被除数} \cdots \cdots \text{分子}}{\text{除数} \cdots \cdots \text{分母}}$$

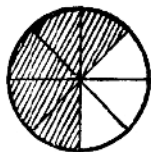
因为除数不能是零，所以分数的分母不能是零。

### 练习一

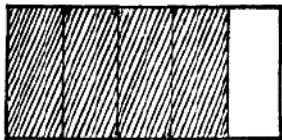
1. 用分数表示下面各图中的阴影部分：



( )

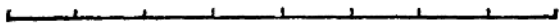


( )



( )

2. 下面的一条线段,分成了8等份,指出它的 $\frac{1}{8}$ 、 $\frac{3}{8}$ 、 $\frac{5}{8}$ 、 $\frac{7}{8}$ 。



3. 读出下面各分数,并指出每一个分数的分数单位:

$$\frac{1}{4} \quad \frac{2}{3} \quad \frac{3}{7} \quad \frac{9}{10} \quad \frac{7}{12} \quad \frac{8}{17} \quad \frac{6}{23} \quad \frac{81}{100}$$

4. 说出下面各分数的意义:

$$\frac{2}{5} \text{ 亩} \quad \frac{2}{5} \quad \frac{3}{4} \text{ 吨} \quad \frac{7}{8}$$

5. 写出下面各数:

(1) 七分之二      八分之五      十分之七  
十六分之九      一百零八分之十九

(2) 新风机床厂职工大搞技术革新,用水泥代钢铁,他们生产的某种机器和原来同样机器比较,钢铁用量减少五分之十九,所用零件数只有原来的五分之三,成本比原来降低十分之三。

(3) 在批林批孔斗争中,光明公社贫下中农理论队伍不断壮大。其中青年占总数的十分之七,妇女占总数的二分之一。

6. 在括号里填上适当的数:

$$\frac{5}{6} \text{ 是 } ( ) \text{ 个 } \frac{1}{6} \quad \frac{4}{9} \text{ 是 } ( ) \text{ 个 } \frac{1}{9}$$

$$\frac{9}{10} \text{ 中有 } ( ) \text{ 个 } \frac{1}{10} \quad \frac{11}{15} \text{ 中有 } ( ) \text{ 个 } \frac{1}{15}$$

$$3 \text{ 个 } \frac{1}{8} \text{ 写做 } ( ) \quad 6 \text{ 个 } \frac{1}{7} \text{ 写做 } ( )$$



1 可以平均分成( )个  $\frac{1}{4}$ 、( )个  $\frac{1}{5}$

7. 口答:

(1) 把 1 米长的钢管平均分成 5 份, 其中 3 份是几分之几米?

(2) 某工厂运来 15 吨煤, 烧了 11 吨, 烧了几分之几?

(3) 一个红小兵服务小组有 12 人, 在一次活动中, 有 5 人去帮助军属劳动, 有 7 人去阅览室服务, 各占总数的几分之几?

8. 用分数表示下面各式的商:

$1 \div 3$

$2 \div 7$

$3 \div 10$

$9 \div 16$

$3 \div 5$

$5 \div 8$

$11 \div 12$

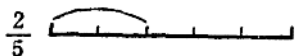
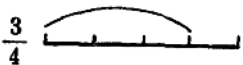
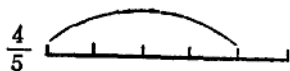
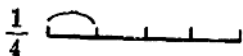
$23 \div 77$

9. 幸福大队买来化肥 5 吨, 平均分给 8 个生产队, 每队分到化肥多少吨?
10. 光明中学有 2 亩试验田, 平均分给 3 个班做科学实验, 每个班分几分之几亩?
11. 回答下面各题:  
7 尺是几分之几丈?      9 两是几分之几斤?  
43 分是几分之几小时?      121 丈是几分之几里?
12. 1 里的  $\frac{4}{5}$  和 4 里的  $\frac{1}{5}$ , 哪个长些?

**例 1** 比较下面每一组中两个分数的大小:

$\frac{1}{4}$  和  $\frac{3}{4}$

$\frac{4}{5}$  和  $\frac{2}{5}$



$\frac{1}{4}$  比  $\frac{3}{4}$  小,

$\frac{4}{5}$  比  $\frac{2}{5}$  大,

写做  $\frac{1}{4} < \frac{3}{4}$ 。

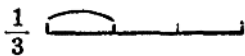
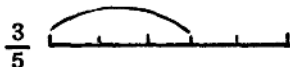
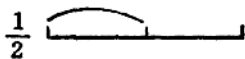
写做  $\frac{4}{5} > \frac{2}{5}$ 。

分母相同的分数, 分子大的分数比较大。

**例 2** 比较下面每一组中两个分数的大小:

$\frac{1}{2}$  和  $\frac{1}{3}$

$\frac{3}{5}$  和  $\frac{3}{4}$



$\frac{1}{2}$  比  $\frac{1}{3}$  大,

$\frac{3}{5}$  比  $\frac{3}{4}$  小,

写做  $\frac{1}{2} > \frac{1}{3}$ 。

写做  $\frac{3}{5} < \frac{3}{4}$ 。

分子相同的分数,分母大的分数比较小。

## 练习二

1. 下面每一组中的两个分数,哪个比较大?

$$\frac{5}{8} \text{ 和 } \frac{3}{8} \quad \frac{5}{12} \text{ 和 } \frac{7}{12} \quad \frac{7}{16} \text{ 和 } \frac{5}{16} \quad \frac{11}{25} \text{ 和 } \frac{19}{25}$$

2. 下面每一组中的两个分数,哪个比较大?

$$\frac{1}{3} \text{ 和 } \frac{1}{5} \quad \frac{3}{8} \text{ 和 } \frac{3}{10} \quad \frac{5}{9} \text{ 和 } \frac{5}{8} \quad \frac{29}{40} \text{ 和 } \frac{29}{50}$$

3. 把下面每一组中的三个分数,按由小到大的顺序排列起来。

$$\frac{1}{3}, \frac{1}{4} \text{ 和 } \frac{1}{5} \quad \frac{7}{12}, \frac{11}{12} \text{ 和 } \frac{5}{12}$$

$$\frac{3}{5}, \frac{3}{4} \text{ 和 } \frac{2}{5} \quad \frac{11}{15}, \frac{4}{15} \text{ 和 } \frac{11}{12}$$

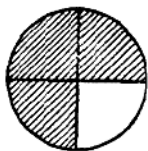
4. 红星小学的学生在一块地里摘棉花,第一天摘了这块地的 $\frac{3}{25}$ ,第二天摘了这块地的 $\frac{3}{20}$ ,哪天摘得多?

## 2. 真分数、假分数、带分数

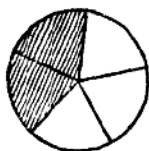
**例 1** 结合图形观察下面的分数,哪些比 1 小?哪些比 1 大? 哪些等于 1?(把一个圆看做整体“1”)



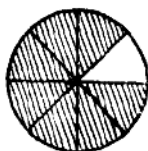
$$\frac{1}{3}$$



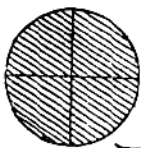
$$\frac{3}{4}$$



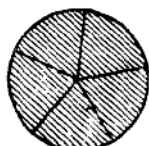
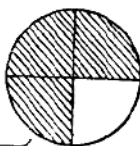
$$\frac{2}{5}$$



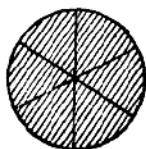
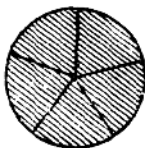
$$\frac{7}{8}$$



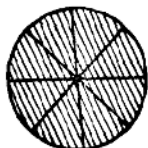
$$\frac{7}{4}$$



$$\frac{10}{5}$$



$$\frac{6}{6}$$



$$\frac{8}{8}$$

通过观察、分析、比较，可以看出：

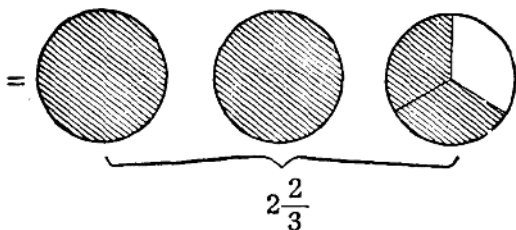
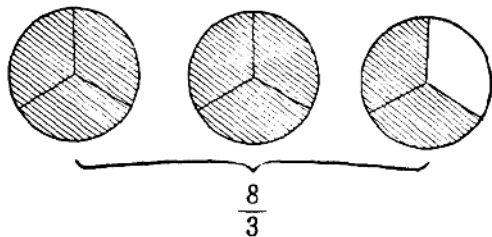
$\frac{1}{3}$ 、 $\frac{3}{4}$ 、 $\frac{2}{5}$ 、 $\frac{7}{8}$ 的分子比分母小；它们都小于1。

$\frac{7}{4}$ 、 $\frac{10}{5}$ 的分子比分母大；它们都大于1。

$\frac{6}{6}$ 、 $\frac{8}{8}$ 的分子和分母相等；它们都等于1。



例3 把 $\frac{8}{3}$ 化成带分数。



$$\frac{8}{3} = 8 \div 3 = 2\frac{2}{3}$$

把假分数化成整数或者带分数的方法是：用分母去除分子。能整除的，所得的商就是整数；不能整除的，用所得的商做为带分数的整数部分，余数做为分数部分的分子，分母不变。

### 练习三

1. 读出下面各数，并指出哪些是真分数，哪些是假分数，哪些

是带分数。

$$\frac{3}{4} \quad \frac{4}{15} \quad \frac{10}{7} \quad 1\frac{5}{8} \quad \frac{19}{10} \quad \frac{5}{5} \quad 3\frac{2}{7} \quad \frac{25}{13}$$

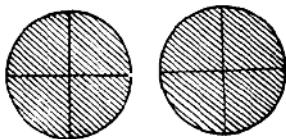
2. 把下列各图中阴影部分用分数表示出来, 并指出哪些是真分数, 哪些是假分数, 哪些是带分数。



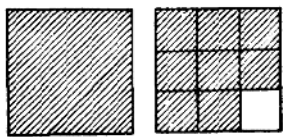
( )



( )

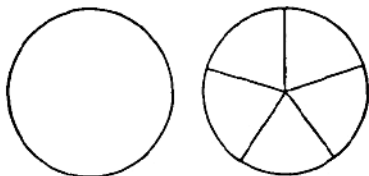


( )

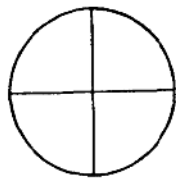


( )

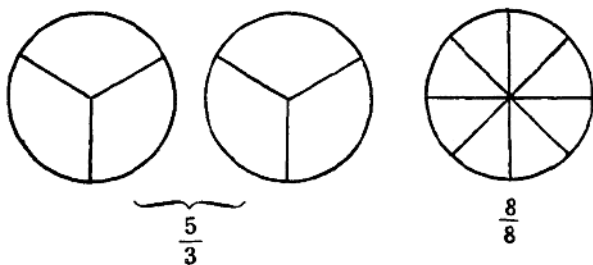
3. 同学自己动手, 在图中用阴影表示下列各数。



$$1\frac{2}{5}$$



$$\frac{3}{4}$$



4. 把下面的假分数化成整数。

$$\frac{6}{2} \quad \frac{5}{5} \quad \frac{9}{3} \quad \frac{16}{4} \quad \frac{60}{15} \quad \frac{100}{20}$$

5. 把下面的假分数化成带分数。

$$\frac{7}{4} \quad \frac{9}{5} \quad \frac{17}{8} \quad \frac{31}{3} \quad \frac{144}{7} \quad \frac{120}{11} \quad \frac{47}{9}$$

6. 把下面的假分数化成整数或带分数。

$$\frac{4}{3} \quad \frac{13}{4} \quad \frac{15}{5} \quad \frac{14}{1} \quad \frac{18}{7} \quad \frac{125}{6} \quad \frac{247}{24} \quad \frac{77}{18}$$

7. 立新农机厂职工, 试制成功自吸自卸吸泥船, 这种船 8 小时可吸河泥 955 吨, 平均每小时吸河泥多少吨?(用带分数表示)

**例 4** 把 1 化成分母分别是 2、3、4、5 的假分数。





每个图都表示一个整体。从图中可以看出，一个整体可以分成2个 $\frac{1}{2}$ ，也可以分成3个 $\frac{1}{3}$ ，4个 $\frac{1}{4}$ 和5个 $\frac{1}{5}$ 。所以，

$$1 = \frac{2}{2} = \frac{3}{3} = \frac{4}{4} = \frac{5}{5}$$

**例5** 把2、5分别化成分母是3的假分数。

因为1里面有3个 $\frac{1}{3}$ ，2里面就有 $(3 \times 2)$ 个 $\frac{1}{3}$ ，5里面就有 $(3 \times 5)$ 个 $\frac{1}{3}$ 。所以，

$$2 = \frac{3 \times 2}{3} = \frac{6}{3} \quad 5 = \frac{3 \times 5}{3} = \frac{15}{3}$$

把整数化成假分数的方法是：用指定的分母做分母，用分母和整数相乘的积做分子。

根据需要，可以把整数化成分母是1的假分数。

如： $1 = \frac{1}{1}$      $2 = \frac{2}{1}$      $3 = \frac{3}{1}$

**例6** 把 $4\frac{2}{5}$ 化成假分数。

因为1里面有5个 $\frac{1}{5}$ ，4里面就有 $(5 \times 4)$ 个 $\frac{1}{5}$ ，再