

Z 各个击破

# ZHUANTI DIANJI

# 专题 点击

高中物理

· 力学二 ·

主 编 李维坦 张其明



东北师范大学出版社



- 以专题为编写线索
- 针对性、渗透性强
- 体例新颖、注重能力培养
- 适用区域广泛

16

# 本书作者

ZHUANTI DIANJI GAOZHONG WULI

<b>主 编</b>	李维坦	张其明		
<b>本册主编</b>	费毓良	张洪波	吴学荣	
<b>副 主 编</b>	吴连群	王惠光	菊 花	
<b>编 写</b>	宫爱珍	何 婧	刘玉申	郭传昌
	孙洪民	李艳芳	李 军	蒋广珠
	孙 云	赵春辉	陈丽云	周长江
	葛丽华	王 晶	李义坤	孙 祥
	刘志生	周春丽		

# 出版者的话

CHUBANZHE DE HUA

《专题点击》丛书的创意始于教材改革的进行，教材的不稳定使教辅图书市场异彩纷呈，新旧图书杂糅，读者即使有一双火眼金睛，也难以取舍。但无论各版别的教材如何更新，变革，万变不离其宗的是，删改陈旧与缺乏新意的内容，增加信息含量，增强人文意识，培养创新精神，增添科技内涵，活跃思维，开发学生的创新、理解、综合分析及独立解决问题等诸多能力，而这些目标的实现均是以众多不断调整的知识板块、考查要点串连在一起的。不管教材如何更改，无论教改的步子迈得多大，这些以丰富学生头脑，开拓学生视野，提高其综合素养为宗旨的知识链条始终紧密地联系在一起，不曾有丝毫的断裂，而我们则充分关注形成这一链条的每一环节，这也是“专题”之切入点。

《专题点击》丛书的出版正是基于此种理念，涵盖初高中两个重点学习阶段所学语文、英语、数学、物理、化学等五个学科，各科以可资选取的知识板块作为专题，进行精讲、精解、精练。该丛书主要具有以下特点：

## 一、以专题为编写线索

语文、英语、数学、物理、化学五主科依据初高中各年级段整体内容及各学科的自身特点，科学、系统地加以归纳、分类及整理，选取各科具有代表性的知识专题独立编写成册，并以透彻的讲解、精辟的分析，科学的练习，准确的答案为编写思路，再度与一线名师携手合作，以名师的教学理念为图书的精髓，以专题为轴心，抓住学科重点、知识要点，以点带面，使学生对所学知识能融会贯通。

## 二、针对性、渗透性强

“专题”，即专门研究和讨论的题目，这就使其针对性较明显。其中语文、英语两科依据学科试题题型特点分类，数学、物理、化学各科则以知识板块为分类依据，各科分别撷取可供分析讨论的不同板块，紧抓重点难点，参照国家

课程标准及考试说明，于潜移默化中渗透知识技能，以收“润物细无声”之功效。

### **三、体例新颖，注重能力培养**

《专题点击》丛书体例的设计，充分遵循了学生学习的思维规律，环环相扣，逻辑性强。基础知识的讲解，注重精练，循序渐进，以至升华；典型例题，以实例引航，达到举一反三，触类旁通；把知识点融入习题，鼓励实战演练，做到学以致用。本丛书一以贯之、自始至终遵循的是对学生能力的培养。

### **四、适用区域广泛**

《专题点击》丛书采用“专题”这一编写模式，以人教版教材为主，兼顾国内沪版、苏版等地教材，汲取多种版本教材的精华，选取专题，使得本套书在使用上适用于全国的不同区域，可活学活用，不受教材版本的限制。

作为出版者，我们力求以由浅入深、切中肯綮的讲解过程，化解一些枯燥的课堂教学，以重点、典型的例题使学生从盲目的训练中得以解脱，以实用、适量的练习减少学生课下如小山般的试卷。

我们的努力是真诚的，我们的探索是不间断的，希望我们的努力使学生有更多的收获。成功并不属于某一个人，它需要我们共同创造，需要我们携手前行。

东北师范大学出版社

第一编辑室

# 目录

<b>第一章 机械能</b>	1
一、功	1
二、功率	11
三、动能 动能定理	19
四、重力势能	27
五、机械能守恒定律	31
六、求解变力做功问题的八种特殊方法	39
<b>第二章 动量</b>	59
一、冲量和动量	59
二、动量定理	70
三、动量守恒定律	82
四、动量守恒定律的应用	92
五、反冲运动 火箭	102
六、验证动量守恒定律	108
七、联系实际与综合训练	113
<b>第三章 机械振动</b>	126
一、简谐运动	126
二、振幅、周期和频率	133
三、简谐运动的图像	136
四、单摆	142
五、简谐运动的能量 阻尼振动	153

考

试

卷

六

六、受迫振动 共振 .....	159
七、实验:用单摆测重力加速度 .....	164
第四章 机械波 .....	
一、波的形成和传播 .....	185
二、波的图像 .....	191
三、波长、频率和波速 .....	199
四、波的干涉、衍射 .....	211
五、多普勒效应 .....	217



## 第 一 章

# 机 械 能

## 一、功



### 知识点击

循序渐进

#### 1 功

(1) 物体受到力的作用，并在力的方向上发生一段位移，就说力对物体做了功。做功两个不可缺少的因素是力和物体在力的方向上发生的位移。

(2) 恒力对物体做功大小的计算式为  $W=Fscos\theta$ 。

方法一：将力  $F$  分解成平行于位移  $s$  的分力  $Fcos\alpha$  和垂直于位移的分力  $F_2=Fsin\alpha$ ，后者做功为 0，前者做功  $W_1=F_1 \cdot s=Fscos\alpha$ 。

方法二：把位移  $s$  分解成平行于和垂直于  $F$  的分位移  $scos\alpha$  和  $ssin\alpha$ ，同样可以得出  $W=Fscos\alpha$ 。

方法三：对任意情况如图 1 - 1 所示， $F_x=Fcos\varphi$ ， $F_y=Fsin\varphi$ ， $s_x=ssin\theta$ ， $s_y=scos\theta$ ， $F$  力所做的功  $W=F_y \cdot s_y+F_x \cdot s_x=F(s_y(\sin\varphi \sin\theta + \cos\varphi \cos\theta))=Fscos(\varphi - \theta)=Fscos\alpha$ ， $\alpha$  为  $F$ ， $s$  之间夹角。

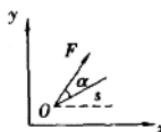


图 1 - 1

#### 2 公式适用条件

(1) 公式  $W=Fscos\alpha$  不是普遍适用的，它只适用于恒力做功。

放在水平光滑地面上的静止物体，受一个 10 N 的水平向右的力推动，运动 8 m 时突然此力反向但大小不变，一直到把物体推回原处（即全过程总位移为 0），能否用  $W=Fscos\alpha$  算出此力在全过程中做的功等于零？总功为多少？

**解析** 如图 1-2 所示可将运动分成  $AB$ 、 $BC$ 、 $CA$  几个阶段, 可以得出全过程的推力做功  $W=160\text{J}$  而不等于 0. 可见  $W=Fscos\alpha$  只适用于“大小和方向均不变”的恒力做功(“变力”做功的方法之一).

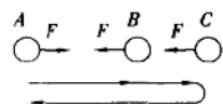


图 1-2

(2) 公式中位移  $s$  是一个相对量, 取不同的参考系  $s$  不同, 同一过程算出的功也会不同, 为了避免这种“不确定性”在中学物理中我们约定, 计算功(以及今后计算动能)都以地面为参考系, 而不随便取其他物体为参考系.

注意: 功的公式中  $s$  的含义是最众说纷纭的. 如果只看教材, 都只说是“物体位移的大小”, 这种说法在一般情况也就够了, 但在较复杂的情况下就难办了. 复杂情况典型的有两类: 一类是做转动的物体, 此时物体各点位移不同, 谈论“物体的位移”就失去了意义; 另一类是一个物体在另一个物体表面滑动时, 此时力的作用点在其中一物体上发生“转移”, “位移”也就有一些微妙之处. 为此有许多学习指导书、参考书中就写道: “ $s$  指力的作用点的位移.” 应该说这个“定义”对解决“转动物体的困难”足够了, 但对解决“滑动困难”却还是无济于事. 或者说在此情况下, “力的作用点位移”仍语焉不详.

**例**  $A$  板长  $l$ , 固定在地面上, 手指压在其上从右端移到左端, 移动时滑动摩擦力大小为  $F$ , 求摩擦力对手指和对  $A$  板分别做功多少?

**解析** 对手指做功  $Fs$  是基本无异议的. 但对  $A$  板做功就意见纷纭了. 分歧的焦点在“力的作用点的位移”上. 相当多的人认为对  $A$  来说, 力  $F$  的作用点的位移应是  $l$ , 方向从右向左, 与  $A$  所受的  $F$  的方向正好一致, 故力  $F$  对  $A$  做功为  $+Fl$ . 但由动能定理马上发现:  $A$  受其他力并未做功, 如果  $F$  做正功, 则  $A$  的动能将会增加, 但这与“ $A$  固定不动”的条件相矛盾.

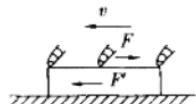


图 1-3

症结还是在“ $s$ ”的确切意义上, 可以说, 凡力的作用点在物体上发生转移的, “力的作用点的位移”的说法是不明确的. 关于公式中  $s$  的确切的定义应是“受力作用的质点的位移”. 在此例中, 当手指从右端移到左端时, 只是力的作用点在  $A$  上依次转移, 而每一个受到力的质点并未位移, 故  $W=F \cdot 0=0$ , 正好与动能定理吻合.

(3) 计算式表明, 一个力对物体所做功的多少只和  $F$ 、 $s$  以及夹角  $\alpha$  有关, 在计算时, 不需要考虑物体是否还受到其他力作用, 也不要考虑物体做的是何种运动.

### 3 正功、负功与零功

(1) 根据功的计算公式  $W=Fscos\alpha$  可得出下列几种情况:

① 当  $\alpha=90^\circ$  时,  $\cos\alpha=0$ , 则  $W=0$ , 即力  $F$  对物体不做功. 例如, 向心力对物体不做功、作用在运动电荷上的洛伦兹力对电荷不做功.

② 当  $\alpha<90^\circ$  时,  $\cos\alpha>0$ , 则  $W>0$ , 此时力  $F$  对物体做正功.

③ 当  $\alpha>90^\circ$ ,  $\alpha$  在第二象限,  $\cos\alpha<0$ , 则有  $W<0$ , 此时力  $F$  对物体做负功, 即物体克服力  $F$  做功.

(2) 如何判断力  $F$  做功的正负:

① 利用公式  $W=Fscos\alpha$ , 即上述几种情况.

② 利用力  $F$  与物体速度  $v$  之间的夹角情况来判断. 设其夹角为  $\theta$ , 若  $\theta=90^\circ$ , 则力  $F$  对物体不做功; 若  $\theta<90^\circ$ , 则力  $F$  对物体做正功; 若  $180^\circ>\theta>90^\circ$ , 力  $F$  对物体做负功.

③ 根据物体的能量是否变化来判断, 若其能量变化, 则必有力对物体做功.

#### 4 线性变化的力做功

若力的方向不变, 大小随位移线性变化, 则可取力的平均值  $\frac{F_1+F_2}{2}$  代替公式中的  $F$ .

5 功是标量, 物体受到几个力, 则这些力的合力对物体所做的功叫做这几个力对物体所做的总功; 这几个力的总功也可以先求每个力所做的功然后再求代数和.

#### 6 摩擦力做功

摩擦力是力学中经常遇到的三种力之一. 摩擦力以其大小、方向的不定性成为高中物理中的难题. 摩擦力做功以其自身的特殊性, 成为物理考试中的热点. 通过对具体问题分析, 可归纳出摩擦力做功具有以下特点.

(1) 静摩擦力对物体可以做正功, 可以做负功, 也可以不做功.

当静摩擦力方向和物体位移方向相同时, 静摩擦力对物体做正功; 当静摩擦力方向和物体位移方向相反时, 静摩擦力对物体做负功; 当静摩擦力方向和物体位移方向垂直时或物体位移为 0 时, 静摩擦力不做功.

(2) 滑动摩擦力对物体可以做正功, 可以做负功, 也可以不做功.

例 在光滑的水平地面上有质量为  $M$  的长平板  $A$  (如图 1-4 所示). 平板上放一质量为  $m$  的物体  $B$ ,  $A$  和  $B$  之间动摩擦因数为  $\mu$ . 今在物体  $B$  上加一水平恒力  $F$ ,  $B$  和  $A$  发生相对滑动. 经过时间  $t$ , 求: ① 摩擦力对  $A$  所做的功; ② 摩擦力对  $B$  所做的功; ③ 若长木板  $A$  固定时摩擦力对  $A$  做的功.

解析 ① 平板  $A$  在滑动摩擦力  $f=\mu mg$  的作用下, 向右做匀加速运动, 经过时间  $t$ ,  $A$  的位移

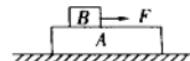


图 1-4

$$s_A = \frac{1}{2} a_A t^2 = \frac{1}{2} \frac{\mu mg}{M} t^2.$$

摩擦力  $f$  方向和  $s_A$  相同, 对  $A$  做正功, 其功  $W_f = f \cdot s_A = \frac{\mu^2 m^2 g^2 t^2}{2M}$ .

② 物体  $B$  在水平恒力  $F$  和摩擦力  $f' = -f = -\mu mg$  的合力作用下向右做匀加速运动,  $B$  的位移

$$s_B = \frac{1}{2} a_B t^2 = \frac{1}{2} \frac{F - \mu mg}{m} t^2,$$

摩擦力  $f'$  方向和  $s_B$  方向相反,  $f'$  对  $B$  做负功

$$W_f' = f' \cdot s_B = -\mu mg \times \frac{1}{2} \frac{F - \mu mg}{m} t^2 = -\frac{1}{2} \mu g (F - \mu mg) t^2.$$

③ 若长木板  $A$  固定, 在力作用下  $A$  的位移  $s'_A = 0$ , 所以摩擦力  $f$  对  $A$  做功为 0, 即  $f$  对  $A$  不做功.

(3) 一对相互作用的静摩擦力做功的代数和必为 0, 即  $W_f + W_{f'} = 0$ .

对相互有静摩擦力作用的两物体  $A$  和  $B$  来说,  $A$  对  $B$  的摩擦力和  $B$  对  $A$  的摩擦力是一对作用力和反作用力, 大小相等, 方向相反. 由于两物体相对静止, 其对地面位移必相同. 所以这一对静摩擦力一个做正功, 一个做负功, 大小相等, 其代数和为零, 即  $W_f + W_{f'} = 0$ .

(4) 一对相互作用的滑动摩擦力做功的代数和必不为零, 其和为

$$W_f + W_{f'} = f \cdot s_{\text{相对}}.$$

对相互有滑动摩擦力作用的两物体  $A$  和  $B$  来说,  $A$  对  $B$  的摩擦力和  $B$  对  $A$  的摩擦力大小相等, 方向相反, 即  $f' = -f$ . 由于  $A, B$  两物体之间有相对滑动,  $A, B$  两物体的位移  $s_A$  和  $s_B$  必定不相等, 其差为相对位移  $s_{\text{相对}}$ . 所以这一对摩擦力做功的代数和为

$$W_f + W_{f'} = f s_A + f' s_B = f s_A - f s_B = f(s_A - s_B) = f \cdot s_{\text{相对}}.$$

(5) 滑动摩擦力做的功与路程有关, 其功等于滑动摩擦力的大小  $f$  和物体沿接触面滑动的路程  $s$  的乘积.

由于滑动摩擦力总是沿着接触面的切线方向, 与物体相对滑动的方向相反, 所以滑动摩擦力做的功与路程有关. 物体沿接触面滑动的路程越长, 滑动摩擦力做的功越多. 滑动摩擦力做的功等于滑动摩擦力的大小  $f$  和物体沿接触面滑动的路程  $s$  的乘积, 即  $W_f = f \cdot s$ .

**例 1** 质量为  $m$ , 与地面间动摩擦因数为  $\mu$  的滑块在水平面上以速度  $v_0$  向着竖直墙滑去, 滑到墙角处与墙发生弹性碰撞(无能量损失), 求滑块停止前滑行的距离  $s$ .

**解析** 滑块在水平面上滑动时, 在水平方向仅受到滑动摩擦力作用, 由动

能定理得

$$-\mu mgs = 0 - \frac{1}{2}mv_0^2.$$

$$\text{滑块停止前滑行的距离 } s = \frac{v_0^2}{2\mu g}.$$

(6) 静摩擦力虽然做功但是不产生热量. 滑动摩擦力做功产生热量, 产生的热量等于一个滑动摩擦力  $f$  和两物体相对位移  $s_{\text{相对}}$  的乘积, 即  $Q=f \cdot s_{\text{相对}}$ .

**例2** 一颗子弹  $A$  水平飞来, 刚好射穿静止在光滑水平面上长  $L$  的木块  $B$ . 已知  $A, B$  相互作用的摩擦力为  $f$ ,  $B$  在被射穿过程中被  $A$  带动前进的距离为  $s_B$  (如图 1-5 所示). 求在射穿过程中产生的热量.

**解析**  $A$  对  $B$  的滑动摩擦力做正功,  $W=f \cdot s_B$ .  $B$  增加的动能  $\Delta E_{kB}=f \cdot s_B$ .  $B$  对  $A$  的滑动摩擦力做负功  $W'=-f(s_B+L)$ ,  $A$  增加的动能  $\Delta E_{kA}=-f(s_B+L)$ .

$A, B$  组成的系统增加的动能  $\Delta E_{kA}+\Delta E_{kB}=-f(s_B+L)+fs_B=-fL$ .

负号表示系统损失动能.

子弹与木块摩擦产生的热量等于系统损失的动能, 即  $Q=fL$ .

(7) 若系统损失的机械能全部用来克服摩擦力做功, 则系统损失的机械能等于摩擦力  $f$  跟相摩擦的两个物体相对路程的乘积, 即  $\Delta E=f \cdot s_{\text{相对路程}}$ .

**例3** 一质量为  $M$ , 两端有挡板的小车停放在光滑水平面上(如图 1-6 所示). 车上放着一质量为  $m$  的物块, 物块与车面的动摩擦因数为  $\mu$ . 现给物块  $m$  一个水平向右, 大小为  $mv_0$  的瞬时冲量, 求物块在车上滑行的路程  $s$ .

设物块与车挡板碰撞无能量损失.

**解析** 物块  $m$  在小车  $M$  上滑动过程中动量守恒. 滑动结束时二者相对静止有共同速度  $v$ , 由动量守恒定律得  $mv_0=(m+M)v$ .

小车和物块组成的系统损失的机械能全部用来克服摩擦力做功. 由动能定理得  $-\mu mgs = \frac{1}{2}(m+M)v^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$ .

物块在小车上滑行路程  $s=Mv_0^2/2(M+m)\mu g$ .

(8) 沿斜面下滑的物体克服摩擦力做的功与斜面倾角  $\theta$  及斜面长度  $L$  无关, 只与动摩擦因数  $\mu$  和水平位移  $s$  有关.

在倾角  $\theta$  的斜面上下滑的物体受的摩擦力  $f=\mu mg\cos\theta$ , 因  $\cos\theta=\frac{s}{L}$ , 物体克

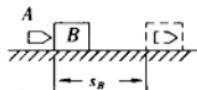


图 1-5

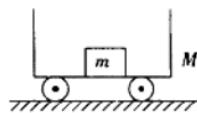


图 1-6

服摩擦力做功  $W_f = f \cdot L = \mu mg \cos\theta \cdot L = \mu mgs$ .

由于任意曲面上一小段可视为斜面，所以上述结论可推广到沿任意曲面下滑的物体克服摩擦力做的功  $W_f = \mu mgs$ . 其中  $s$  为水平位移.

**例 4** 滑雪者从山坡上 A 点由静止出发自由下滑，设动摩擦因数  $\mu$  为常数，他滑到 B 点时恰好停止，此时水平位移为  $s$  (如图 1 - 7 所示). 求 A, B 两点间高度差  $h$ .

**解析** 设滑雪者质量为  $m$ , 取一足够小的水平位移  $\Delta s$ , 对应的滑行路线可视为小直线段  $\Delta L$ , 该处滑雪者所受的摩擦力  $f = \mu mg \cos\theta = \mu mg \frac{\Delta s}{\Delta L}$ .

在  $\Delta L$  段摩擦力所做的功

$$\Delta W_f = -f \Delta L = -\mu mg \Delta s.$$

对滑行路线求和得摩擦力做的总功  $W_f = \sum \Delta W_f = -\mu mgs$ .

从 A 到 B, 重力做功  $W_G = mgh$ , 动能变化  $\Delta E_k = 0$ , 由动能定理得  $W_G + W_f = 0$ , 即  $mgh - \mu mgs = 0$ , A, B 两点间高度差  $h = \mu s$ .

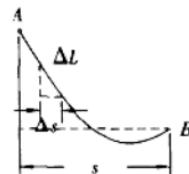
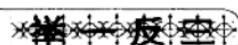


图 1 - 7

## 2 实例引航



**例 1** 水平恒力  $F$  作用于放在光滑水平面上质量为  $m$  的物体上, 使物体沿力的方向运动位移  $s$  过程中, 力  $F$  做功大小为  $W_1$ . 若使水平恒力  $F$  作用于放在粗糙水平面上的质量为  $2m$  的物体上, 使其沿力的方向运动位移  $s$  过程中, 力  $F$  做功大小为  $W_2$ . 则  $W_1$  与  $W_2$  比较( )。

- A.  $W_1 > W_2$       B.  $W_1 = W_2$       C.  $W_1 < W_2$       D. 无法判断

**解析** 恒力  $F$  做的功, 只与  $F, s, \alpha$  有关, 与其他诸因素无关. 两次恒力做功过程中  $F, s$  均相同, 所以两次恒力做功相等, 故选 B.

若题目要比较合外力对物体做的功, 则应分析物体受的外力, 求出合外力以及其与位移之间的夹角, 再经过计算进行比较.

**例 2** 如图 1 - 8 所示, 两个互相垂直的力  $F_1$  与  $F_2$  作用在同一物体上, 使物体通过一段位移过程中, 力  $F_1$  对物体做功 4 J, 力  $F_2$  对物体做功 3 J, 则力  $F_1$  与  $F_2$  的合力对物体做功为( ).

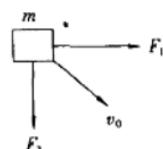


图 1 - 8

- A. 7 J      B. 1 J      C. 5 J      D. 3.5 J

**解析** 本题中不知力  $F_1$  与  $F_2$  的大小,而且也不知物体运动的性质,若用恒力做功的公式计算是相当麻烦的.由于功是标量,合力对物体做的功,应等于各分力对物体做功的代数和,因此,合力对物体做功应为 7 J. 答案 A 正确. 若把功误认为矢量,进行矢量合成,选答案 C 是错误的.

**例 3** 小物块位于光滑的斜面上,斜面位于光滑的水平地面上,如图 1-9 所示. 从地面上看,在小物块沿斜面下滑的过程中,斜面对小物块的作用力( ).

- A. 垂直于接触面,做功为零  
 B. 垂直于接触面,做功不为零  
 C. 不垂直于接触面,做功为零  
 D. 不垂直于接触面,做功不为零

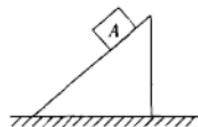


图 1-9

**解析** 斜面对小物块支持力的方向是垂直于支持面指向被支持物体,无论这个物体是静止,还是运动.

当小物体向斜面左端滑下时,斜面对地向右端移动. 小物体对地的运动是由物体对斜面的运动和斜面对地的运动合成的. 因为斜面对小物体的作用力垂直斜面,所以力的方向与位移方向不垂直,所以这个作用力做功不为零. 应选 B.

**例 4** 质量为  $M$  的滑块,置于光滑水平地面上,其上有一半径为  $R$  的  $\frac{1}{4}$  光滑圆弧. 现将质量为  $m$  的物体从圆弧的最高点自由释放,在物体下滑过程中  $M$  对  $m$  的弹力做功  $W_1$ ,  $m$  对  $M$  的弹力做功  $W_2$  (如图 1-10 所示), 则( ).

- A.  $W_1=0, W_2=0$       B.  $W_1<0, W_2>0$   
 C.  $W_1=0, W_2>0$       D.  $W_1>0, W_2<0$

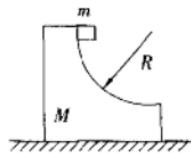


图 1-10

**解析** 如不注意分析,往往容易错选 A,即认为圆弧的弹力总与物体运动方向垂直,不做功.事实上,在  $m$  下滑过程中,由水平方向动量守恒可知,滑块应向左滑动.由于滑块动能增加,且滑块所受重力及地面对它的支持力总与位移方向垂直而不做功,因此, $m$  对  $M$  的弹力必对  $M$  做正功.由于物体与滑块所组成系统的机械能守恒,滑块的机械能增加,物体的机械能必定减少,可见  $M$  对  $m$  的弹力做负功.应选 B.

其实在物体下滑的过程中,滑块向左滑动,物体与滑块之间的弹力不再与圆弧面垂直.

**例 5** 质量为  $m$  的物体静止在倾角为  $\theta$  的斜面上,现在使斜面体向右水平匀

速移动距离  $L$ , 如图 1 - 11 所示, 有哪几个力对物体做功? 各做了多少功?

**解析** 对物体受力分析, 物体重力  $mg$ , 弹力  $N$ , 摩擦力  $f$  三个力作用.

因为物体处于平衡状态, 合外力为零, 则有  $N=mg\cos\theta$ ,  $f=mg\sin\theta$ .

在物体位移中, 重力做功  $W_G=mgL\cos 90^\circ=0$ ,

摩擦力做功  $W_f=fL\cos\theta=mgL\sin\theta\cos\theta$ , 弹力做功  $W_N=-Nl\sin\theta=-mgL\cos\theta\sin\theta$ .

若求外力对物体所做的总功, 可以先求出各力的合力  $\sum \vec{F}$ , 然后求此合力做的总功; 也可求各力所做的功, 再求各力做功的代数和.

此例题外力对物体做的总功  $W_{\text{总}}=\sum \vec{F} \cdot \vec{l}=0$  或  $W_{\text{总}}=W_G+W_N+W_f=0-mgL\cos\alpha\sin\theta+mgL\sin\theta\cos\theta=0$ .

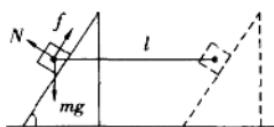


图 1 - 11

### 3 实战演练

学以致用

1. 物体在两个互相垂直的力作用下运动的过程中(如图 1 - 12 所示), 力  $F_1$  做功 6 J, 物体克服力  $F_2$  做功 8 J, 则力  $F_1$ ,  $F_2$  的合力对物体做功( ).

- A. 14 J
  - B. 10 J
  - C. 2 J
  - D. -2 J
2. 如图 1 - 13 所示, 力  $F_1$  和  $F_2$  共同作用在置于水平面上的物体上,  $F_1$  水平,  $F_2$  与水平方向夹角为  $\theta$ , 物体在运动过程中, 力  $F_1$  与  $F_2$  的合力做功为  $W$ , 若物体一直沿水平地面运动, 则力  $F_2$  对物体做功大小为( ).

- A.  $\frac{WF_2}{F_1+F_2}$
- B.  $\frac{WF_2\cos\theta}{F_1+F_2}$
- C.  $\frac{WF_1\cos\theta}{F_1\cos\theta+F_2}$
- D.  $\frac{WF_1\cos\theta}{F_1+F_2\cos\theta}$

3. 如图 1 - 14 所示, 木块  $A$  放在木块  $B$  的左上端,  $A$ ,  $B$  接触面不光滑, 用恒力  $F$  将  $A$  拉至  $B$  的右端. 第一次将  $B$  固定在地面上,  $F$  做的功为  $W_1$ ; 第二次让  $B$  可以在光滑地面上自由滑动,  $F$  做的功为  $W_2$ , 比较两次做功, 应有( ).

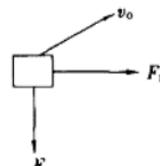


图 1 - 12

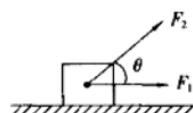


图 1 - 13

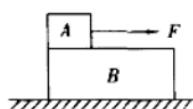


图 1 - 14

- A.  $W_1 < W_2$       B.  $W_1 = W_2$       C.  $W_1 > W_2$       D. 无法比较
4. 在距地面高 5 m 的平台上,以 25 m/s 的速率竖直向上抛出一质量为 1 kg 的石块,不计空气阻力,取  $g=10 \text{ m/s}^2$ ,则抛出后第三秒内重力对石块所做的功是( )。
- A. -100 J      B. 50 J      C. 100 J      D. 0
5. 如图 1-15 所示,力  $F$  通过一个定滑轮将质量为  $m$  的物体提升,  $m$  向上的加速度为  $a$ ,在  $m$  上升  $h$  (m) 的过程中,力  $F$  做功( )。
- A.  $mgh$       B.  $Fh$   
C.  $m(g+a)h$       D.  $(F+ma)h$
6. 如图 1-16 所示,质量为  $m$  的物体静止在倾角为  $\theta$  的斜面上,物体与斜面间的动摩擦因数为  $\mu$ ,现在使斜面向右水平匀速移动距离  $L$ ,则摩擦力对物体做的功为(物体与斜面保持相对静止)( )。
- A. 0  
B.  $\mu mgL\cos\theta$   
C.  $mgL\sin\theta\cos^2\theta$   
D.  $mgL\sin\theta\cos\theta$
7. 质量为 2 kg 的物体置于水平面上,在运动方向上受拉力作用沿水平方向做匀变速直线运动,拉力作用 2 s 后停止,物体运动的速度图像如图 1-17 所示,则下列说法中正确的是(取  $g=10 \text{ m/s}^2$ )( )。
- A. 拉力  $F$  做功 150 J  
B. 拉力  $F$  做功 500 J  
C. 物体克服摩擦力做功 100 N  
D. 物体克服摩擦力做功 175 J
8. 如图 1-18 所示,质量为  $m$  的物体  $P$  放在光滑的倾角为  $\theta$  的直角劈上,同时用力  $F$  向右推劈,使  $P$  与劈保持相对静止,在前进的水平位移为  $s$  的过程中,劈对  $P$  做的功为( )。
- A.  $Fs$   
B.  $mgs\sin\theta \cdot s/2$   
C.  $mgs\cos\theta \cdot s$   
D.  $mgs\tan\theta \cdot s$

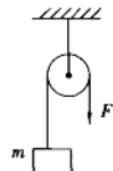


图 1-15

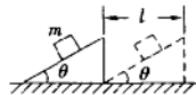


图 1-16

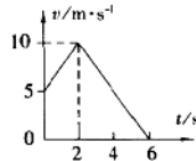


图 1-17

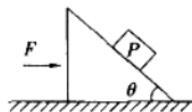


图 1-18

9. 如图 1 - 19 所示, 在皮带传送装置中, 皮带把物体  $P$  匀速带上, 在这过程中, 摩擦力做功情况是( )。

- A. 摩擦力对  $P$  做正功  
C. 摩擦力对皮带不做功

- B.  $P$  物体克服摩擦力做功  
D. 皮带克服摩擦力做功

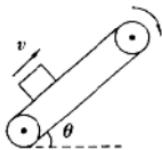


图 1 - 19

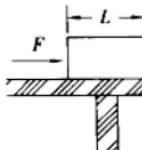


图 1 - 20

10. 如图 1 - 20 所示, 均匀长直木板长  $L=40\text{ cm}$ , 放在水平桌面上, 它的一端与桌边相齐。已知木板质量为  $2\text{ kg}$ , 与桌面间的滑动摩擦因数  $\mu=0.2$ , 今用水平推力  $F$  将其推出桌子, 则水平推力至少做功为多少( $g$  取  $10\text{ m/s}^2$ )?

KEY

## 参考答案

1. D. 多力做功, 总功应为各力做功的代数和。
2. D. 物体在此物理过程的位移为  $\frac{W}{F_1+F_2\cos\theta}$ 。
3. A. 第二次物体  $A$  的位移大。
4. D. 第 3 s 内物体的位移恰好为零。
5. B C.  $F-mg=ma$ 。
6. D. 摩擦力的大小为  $mgs\sin\theta$ , 物体位移为  $l$ , 夹角为  $\theta$ 。
7. A D. 由图可知摩擦力  $f=ma_1=2\times\frac{0-10}{4}\text{ N}=-5\text{ N}$ ,  $F+f=ma_1$ , 则  $F=10\text{ N}$ , 物体 2 s 内位移  $15\text{ m}$ , 6 s 内位移  $35\text{ m}$ , 所以拉力  $F$  做功  $150\text{ J}$ , 克服摩擦力做功  $175\text{ J}$ 。
8. D. 保持和斜劈相对静止,  $P$  的加速度应为  $gtan\theta$ , 所以劈对  $P$  的水平作用力为  $mgtan\theta$ , 位移为  $s$ , 所以做功为  $mgtan\theta \cdot s$ 。
9. A D.
10. 0.8 J. 要将物体右推  $20\text{ cm}$ , 木块就可以离开桌面。

## 二、功 率



### 知识点击

循序渐进

#### 1 功率的概念

(1) 功率是描述做功快慢的物理量,把做功与所用时间的比值定义为功率.

(2) 计算功率的公式

$$\text{平均功率 } P = \frac{W}{t}.$$

瞬时功率  $P=Fv\cos\alpha$ .

注意:公式  $P=\frac{W}{t}$  中求出的为平均功率,若功率一直不变,亦为瞬时功率. 公式  $P=Fv\cos\alpha$  中若  $v$  为平均速度,则  $P$  为平均功率;若  $v$  为瞬时速度,则  $P$  为瞬时功率,式中  $\alpha$  为力  $F$  与物体速度  $v$  之间的夹角.

(3) 功率是标量

在计算多力做功的总功率可以先计算合力再求功率,也可以先求每个力的功率再求各力功率的代数和.

(4) 功率的单位

功率的单位有瓦、千瓦、马力等,其换算关系为  $1\text{ kW}=1000\text{ W}$ ;  $1\text{ 马力}=735\text{ W}$ .

从功率  $P=\frac{W}{t}$  可以得出计算功的另一种方法  $W=Pt$ . “千瓦时”是功的单位,它

与“焦”的换算关系为  $1\text{ kWh}=3.6\times10^6\text{ J}$ .

#### 2 机车的几种特殊运动

(1) 机车以恒定功率运动

机车以恒定功率起动后,若运动过程中所受阻力  $f$  不变,由于牵引力  $F=P/v$ ,根据牛顿第二定律可得  $F-f=ma$ ,即物体的加速度  $a=P/vm-f/m$ . 可见机车随着速度的增大、加速度变小;当加速度  $a=0$  时,机车的速度达到最大  $v_m=P/f$ ,以后机车将做匀速直线运动.

**例1** 汽车发动机额定功率  $60\text{ kW}$  启动,汽车的质量为  $5\times10^3\text{ kg}$ ,当汽车在水平路面上行驶时,设阻力为车重的  $0.1$  倍,求汽车在此路面上行驶所能达到的最大速度.