

201000

苏联 沃·姆·奥谢茨基著

矿山机械应用力学

煤 炭 工 业 出 版 社

201000

矿山机械应用力学

苏联 沃·姆·奥谢茨基著

王懋偷 孙振飞譯

煤炭工业出版社

内 容 提 要

本書对理論力学的基本問題和机械原理的某些基本問題作了扼要的叙述，并指出如何应用这些理論去解决在采礦工程的各个方面（如提升，矿山运输，采礦机械，井巷支护，采空区充填等）所遇到的問題。

本書是为采礦工业的工程技术人员写的，也可以供高等矿业学院的教师和学生使用。

В.М. Оседкий
МЕХАНИКА В ГОРНОМ ДЕЛЕ
Издательство Ленинград
根据苏联国立煤矿技术书籍出版社1957年版译

1304

矿山机械应用力学

王懋增 孙振飞译

煤炭工业出版社出版(社址：北京东长安街煤炭工业部)

北京市書刊出版业营业許可証出字第084号

煤炭工业出版社印刷厂排印 新华书店发行

开本650×1168公厘 $\frac{1}{32}$ 印张11 $\frac{3}{8}$ 字数248,000

1959年12月北京第1版 1959年12月北京第1次印刷

统一書号：15086·968 印数：0,001—3,500册 定价：1.75元

序 言

繁重劳动过程的机械化及自动化要求采矿工程师通晓越来越深入的采矿技术的基本理论。近来在各种采矿技术問題上（矿井提升，采矿机械的理論和計算，采矿工程的自动化，矿山运输等）提出的专题論文和科学技术論文集就是对这一要求很好的說明。在上述各項工作中，要解决一些复杂的理論問題，就必须利用理論力学和应用力学的一些专门方法（如第二类拉格伦日方程式，非完整系的微分方程式等）。而且，现代工程中遇到的高速度和大运动質量迫使我們对机器的动力学和静态动力学加以注意。这些问题还没有在高等矿业学院的課程中得到充分的反映，在专业課程之前講授的理論力学及机械原理課程沒有和采矿工程結合起来，就更加使得专门人材的一般技术訓練脱离了他将来所需要解决的那些技术問題。

本書的目的，是帮助采矿工业中的工程技术人员提高工作能力和扩展視野。讀者在各章里将复习过去学习过的知識；而各章的叙述是和高等矿业学院的一般教科書不同的，其中理論部分的闡述尽可能地簡短，有的只是概略地提一提，而着重在应用理論去解决实际的問題。

著者企图将理論論証到这种程度，而达到使讀者能掌握問題的实质，并熟悉在什么条件和什么范围内，能够应用这一种或那一种理論。在理論部分里，对于闡明力学所运用的那些概念的物理本質给了足够的注意。在本書所有各章中，直接从采矿工程的各种領域中选取了些例題和习題。包括以下各方面：提升，矿山运输，采矿机械，支护，采空区充填，选矿等。

这些例題和习題取自專門的文献和一些鑑定及論述的文章里。許多問題的想法是发生在著者的学术工作和答疑工作中。比較复杂的問題給出了詳細的解答，而比較简单的問題就只給出答案。使讀者由較簡單的問題逐步接触到帶有一些研究性質的較复杂的問題。

第一章中簡單地說明了力学方法和力学史。

第二章中闡明了矿山机器机构中的某些机构运动學問題。在本章中对用图解法解决运动學問題給了很大的注意，闡明了图解微分和图解积分法，并对它們的比例和运用問題加以說明。并且和以下各章一样，从各种可能的証明方法之中，选取了那些最能明显地表示出問題的物理方面的解法。

第三章中闡述了靜力学的基本問題，并且指明如何用分析方法及图解方法来确定机构和結構物中杆件的力。

第四章动力學中，針對采矿工程中的例題來研究了質點运动微分方程式的列出及其积分，研究了动力學普遍定理在机器理論中的应用，静态动力學方法和碰撞理論。同时，在本章中还研究了第二类拉格伦日方程式并叙述了非完整系的运动微分方程式的概念。第四章叙述了采矿工程中比較复杂的問題的解法。本章的特点之一是第二类拉格伦日方程式的叙述方法，它把一切抽象的概念，如系的广义力和广义質量等，給讀者以实际的概念，使之能有意識地来运用这些概念。

为了达到細致和几何直觀性的目的，書中采用了向量表述法。向量計算的基本知識附在書末。

理論基础較淺的讀者在讀全書或其中一部分时，應該先讀理論部分，然后再來讀技术題目，对于那些作了詳細解答的問題應特別注意。受过較多訓練的讀者則可以不必在理論上多所耽擱，可立即去研究那些感到兴趣的題目。同时可以料到，甚

至是有理論修养的讀者，在讀到本書的某些原理敘述，在觀點上与普通高等矿业学院教程里将不同时，也不是沒有兴趣的。

苏联科学院通訊院士 A.O. 斯比瓦闊夫斯基教授，技术科学副博士 M.II. 西特尼可夫，和 B.H. 留比莫夫， J.II. 布舒也夫两位工程师帮助著者准备和校訂了原稿，在这里表示感謝。

目 录

序 言

第一章 緒 論 9

 § 1. 力學的研究對象和意義 9

 § 2. 力學的方法 10

 § 3. 力學發展簡史 11

第二章 運動學 21

 § 1. 運動學概論 21

 1. 運動學的對象 21

 2. 空間和時間 21

 3. 點和物体在空間的位置的確定 21

 4. 幾何坐標和自由度數 22

 5. 運動鏈和機構 23

 6. 交割法 25

 § 2. 質點運動學和剛體運動學的基本公式 25

 1. 質點的速度和加速度 25

 2. 當運動以自然方式給定時，點的速度及加速度的求法 28

 3. 等速運動和等變速運動的公式 32

 4. 當運動以坐標方式給定時，點的速度及加速度的求法 34

 5. 剛體運動的最簡單形式 35

 6. 剛體作轉動時；剛體上各點的速度和加速度的決定。

 剛體的角速度和角加速度 36

 7. 等速和等變速轉動的公式 39

 8. 簡單傳動和複雜傳動的傳動比 39

 9. 週轉體上點的線速度表為向量積的形式 41

 10. 例題和習題 42

§3. 运动图	59
1. 距离曲线(s, t 图)	59
2. 速度曲线(v, t 图)	61
3. 加速度曲线(w, t 图)	62
4. 图解微分法	62
5. (v, s)和(w, s 图)	64
6. 图解积分法	65
7. 例题和习题	67
§4. 点和刚体运动的合成	70
1. 基本概念	70
2. 速度的合成	70
3. 作牵连移动时加速度的合成	72
4. 作牵连转动时加速度的合成(哥里奥利斯定理)	73
5. 刚体绕交叉轴转动的合成	77
6. 刚体绕平行轴转动的合成	78
7. 例题和习题	81
§5. 刚体的平面平行运动	93
1. 基本概念	93
2. 运动平面图形上的速度分布。速度瞬心	93
3. 运动平面图形上加速度的分布。加速度瞬心	95
4. 速度迴轉法	98
5. 速度图	98
6. 加速度图	99
7. 例题和习题	100
第三章 静力学及图解静力学	105
§1. 静力学概論	105
1. 静力学的对象	105
2. 力及其性质	106
3. 作用与反作用相等定律	107

4. 主动力和約束反作用力.....	107
5. 决定力系的合力的最简单情况.....	109
6. 力对点的矩.....	112
7. 力对軸的矩.....	113
8. 力对点的矩与力对穿过該点的軸的矩之間的关系： 力对三个坐标軸的矩的解析式.....	115
9. 力偶及其性质.....	116
10. 作为向量的力偶矩.....	119
11. 力偶的合成.....	120
12. 例題和习題.....	122
§ 2. 力系简化为規則形式.....	130
1. 力系简化至某中心.....	130
2. 力系简化为力螺旋.....	131
3. 力系简化为合力.....	134
4. 合力之矩定理.....	135
5. 力系简化为力偶.....	135
6. 各种力系的平衡条件.....	135
7. 例題和习題.....	136
§ 3. 摩 擦.....	152
1. 基本概念.....	152
2. 滑动摩擦及其定律.....	153
3. 滚动摩擦.....	155
4. 挠性体的摩擦.....	156
5. 例題和习題.....	158
§ 4. 图解静力学和桁架.....	179
1. 平面力系合力的图解求法.....	179
2. 平面力系的图解平衡条件.....	180
3. 桁架及其計算方法.....	180
4. 例題和习題.....	182

§ 5. 重 心.....	185
1. 諸平行力的中心及其坐标的公式.....	185
2. 重心及其坐标的公式.....	186
第四章 动力学.....	191
§ 1. 动力学概論.....	191
1. 动力学的对象.....	191
2. 质 点.....	191
3. 机械系或质点系.....	191
4. 约束及其分类.....	191
5. 力的分类.....	192
6. 力、质量与加速度间的关系.....	193
7. 系的质点中心或惯性中心.....	194
8. 例题和习题.....	195
§ 2. 采矿工程中某些属于列出及积分质点运动微分方程 的问题.....	197
1. 在笛卡儿坐标中的质点运动微分方程.....	197
2. 在柱面坐标中的质点运动微分方程.....	198
3. 在自然坐标中的质点运动微分方程.....	198
4. 质点动力学的两类基本问题.....	199
5. 例题和习题.....	199
§ 3. 转动惯量.....	227
1. 基本概念.....	227
2. 对三个坐标轴的转动惯量与对坐标原点的 转动惯量之间的关系.....	229
3. 对两平行轴的转动惯量间的关系.....	229
4. 体、面和线的转动惯量的普遍公式.....	231
5. 例题和习题.....	231
§ 4. 动力学普遍定理.....	233
1. 动量定理.....	233

2. 系的質量中心运动定理.....	236
3. 力矩定理.....	237
4. 刚体繞靜止軸的轉動.....	239
5. 动 能.....	241
6. 力所作的功.....	244
7. 势 能.....	246
8. 功 率.....	248
9. 动能定理.....	249
10. 机器运动方程.....	253
11. 系的广义坐标运动微分方程(第二类拉格伦日方程).....	260
12. 静态动力学原理.....	266
13. 动力学和静力学普遍方程.....	269
14. 例題和习題.....	271
§ 5. 碰撞理論的基本問題.....	333
1. 基本概念.....	333
2. 碰撞时質点和系的动量变化.....	334
3. 两球体的正碰撞.....	335
4. 碰撞时質点和系的动量矩的变化.....	337
5. 对于有静止轉动軸的刚体, 碰撞的作用.....	338
6. 撞击中心.....	338
7. 碰撞时的动能损失.....	339
8. 例題和习題.....	342
附 录: 向量算法的基本概念.....	349
参考書目	358

第一章 緒論

§1. 力学的研究对象和意义

力学与其他任何一门自然科学一样，是用来研究人们周围的现实并改变现实以满足人们利益的需要的科学。

客观存在的现实世界，是处于不断运动的过程之中的。

这里所说的运动，一般是指任何的一种变化。这种广义的运动，是物质不可分割的属性，是物质存在不可脱离的形式。

不能消灭运动也不能消灭物质，但也不可能从什么地方产生出运动来。在我们似乎觉得产生了或消灭了运动的地方，实际上是进行着运动由一个物体向另一物体传递；或者是运动由一种形式向另一种形式转变。

机械运动是物体在空间和时间内的相互移动。这是运动的最简单形式，而且伴随着其他复杂形式的运动同时发生，但这些复杂形式的运动完全不能归结为简单形式的运动。运动的这种最简单形式——机械运动——就是在力学里所要研究的对象。

力学的基本定律，是人类在力学方面的原始知识长期积累过程的结果，是在力学的规律性方面的实践活动长期逐渐认识的结果。

直到十七世纪，由于伽利略和牛顿的工作，才使这些定律获得目前的形式。在这些定律的基础上建立起来的力学，叫做经典力学。

须得注意的是，经典力学的定律仅只在一定的条件下才能充分精确地反映客观现实。只在研究较大（克分子的）质量的运动，且其速度又远较光速（300,000公里/秒）为低时，才能

应用这些定律。

經典力学为工程技术的理論基础。对于目前苏联工程技术的高度水平來說，工程問題已提高到学术問題的水平，故力学的作用更为突出。采矿工业和采煤工业是在十月革命之后发生了重大技术革命的部門。采矿工程的各部分，如矿井提升，支护，通风，排水，矿山运输，选矿等，对力学提出了一些极重要而复杂、又急需解决的問題。

因此，力学在采矿方面所起的作用，并不比在其他技术部門起的作用来得小些。

§2. 力学的方法

我們在力学里所要对它的运动和相对平衡进行研究的实在物体，是一种很复杂的研究对象。所以，在着手研究之时，要撇开一系列次要的因素而研究这些对象的简化图样，这把我們引向一些抽象的概念，如質点、絕對刚体、理想流体等。

力学中所应用的抽象概念，在建立和发展这門科学中起着极大的作用，因为它給予了更完全更深刻地去認識现实世界的可能性。这种抽象是不應該避免的，但必須能通过它看到实际的对象，不可忘記它乃是真实世界的反映，而且要能由抽象概念过渡到实际的物体去。

任何科学所得到的結論是否真实，其准繩乃是实践。在这方面力学也不能例外。工业、生产、现代技术及天文觀測使我們能确信力学結論的正确性；对力学現象的直观認識在一定的阶段中导致某种抽象，并借在力学中广泛应用的数学分析方法，在这些抽象概念之上建立起各种結論、定理和方程。利用这些結論來解决具体的实际問題，就有可能来審查它們的正确性，并对所研究的現象得到更深刻的認識，从而得到新的更广泛的

結論，它又重新在實踐中去驗証，等等。這種“螺旋形”的發展是力學的特點，同時也是任何一門科學的特點：“由生動的直觀到抽象的思維，然后再由它到實踐——是認識真理，認識客觀現實的辯証方法”（列寧：哲學筆記）。

§3. 力學發展簡史

力學的發展歸根到底決定於生產的發展和工程的需要。當然，力學又反过来促進技術的進步。力學作為一種科學，是在奴隸制度條件下便已經興起的，當時由於畜牧業、農業、城市建設及各種水利工程的發展，產生了對天文學、對數學和對力學的要求。

目前所知的研究力學問題的最早的工作，是屬於公元前四世紀的。公元前三世紀時阿基米德（公元前287—212）的工作有很大的價值。這些工作包括幾何靜力學的基礎；有關杠杆平衡、重心、液體中浮體的平衡等理論。在奴隸制度之後的封建制度中，生產力的水平進一步提高；然而奴隸的廉價手工勞動沒有促使技術得到充分的發展，在封建社會中，技術的發展極其緩慢。

這種發展中的停滯直至十五世紀中葉，到文藝復興時期，由於資本主義生產方式的發生和發展，技術科學便得到了迅速的進步，力學也是如此。在這時期內，有卓越的意大利藝術家、物理學家兼工程師列奧納多·達·芬奇（Leonardo da Vinci, 1452—1519）的活動，他研究了簡單機器的摩擦，沿傾斜平面的運動等問題。這時期中還有偉大的波蘭學者尼古拉·哥白尼（Nicolaus Kopernikus, 1473—1543）的工作，他建立了太陽中心的宇宙圖。哥白尼的學說奠定了天体力學的基礎，並使其後的刻普勒（Johann Kepler, 1571—1630）得以提出行

星运动的三个基本定律，而后者又导致牛頓得出万有引力定律。

伟大的意大利学者伽利略 (Galilao, 1564—1642) 和最卓越的英国学者牛頓 (Sir Isoac Newton, 1643—1727) 的工作揭开了力学发展的新阶段。如果说伽利略的工作奠定了动力学的基础，那么，牛頓所著的“自然哲学的数学原理” (Principia mathematica philosophiae naturalis 1687) 一書就基本上完成了經典力学的体系。

牛頓之后，力学的发展为探討力学的普遍原理，进一步发展分析和图解的研究方法以及应用这些方法去解决个别的問題。所有这些研究都在伽利略和牛頓于十七世紀所建立的定律的基础之上进行，直到十九世紀后期，才出現了关于这些定律的应用范围的問題。

一七二四年，彼得大帝签署了在聖彼得堡成立俄罗斯科学院的命令，此后，俄罗斯科学院很快地成为最大的科学思想中心。在这时期中，科学院士中先进部份的思想领袖是伟大的俄国学者罗蒙諾索夫 (М. В. Ломоносов, 1711—1765)。

罗蒙諾索夫的著作說明他是坚信的唯物主义者；他首先建立了作为辯証唯物主义基础的现代自然科学的重要原理，关于物質及其不可分离的属性——永恒运动。

罗蒙諾索夫为近代水力学和气体力学的創始人之一。在他的著作“冶金和采矿的主要原理” (Первые основания металлургии или рудных дел, 1742) 中，广泛地阐明了通风和排水的問題，而在“关于矿井大气的自由运动” (О вольной движении воздуха, в рудниках примеченному, 1745) 一書中，对矿井自然通风的现象作出了科学論証的說明。

罗蒙諾索夫一直很注意科学实验的记录，并認為实验标准

有决定性的意义。

罗蒙諾索夫的先进思想不仅对他的同时代人有极大的影响，而且对整个俄国的科学发展也有极大影响。

彼得堡科学院的第一批院士之一——欧拉(L. Euler 1707—1783)对力学的发展起了非常巨大的作用。欧拉出生于瑞士，廿岁的时候(1727年)到俄国并在此找到自己的新祖国。他发展了力学的分析方法，对质点的自由与非自由运动作出完善的理论，并研究了刚体动力学的一系列问题，其中特别是刚体绕静止轴及静止点的转动问题。欧拉在水力学、机械原理和外弹道学等方面成就有特殊的价值。

欧拉在彼得堡科学院中的同事伯努利(Daniel Bernulli, 1700—1762)和格尔曼(Я. Герман, 1678—1738)在力学的发展中也有很大的功绩。前者提出水力学中的一个基本方程，该方程就用他的名字来命名。后者首先提出了静态动力学的基本原理(称为“彼得堡原理”)，将动力学的问题在形式上化成静力学的问题。

罗蒙諾索夫和欧拉留下了许多天才的学生和继承人；由于他们的努力，使十八世纪末俄国的力学学识水平及教授力学的提法大大提高了一步。其中应该提到的有柯且尔尼可夫(С. И. Котельников, 1728—1808)院士和古尔叶夫(С. Е. Гурьев, 1766—1818)院士。

在十八世纪，法国力学学派有很大成就。这学派中最著名的代表人物之一是数学家兼力学家达伦培尔(Jean le Rond D'Alembert, 1717—1783)。在“动力学专论”(*Traité de Dynamique*, 1743)一书中，他试图得出一个普遍的方法来解决动力学问题。因此，他提出一个与“彼得堡原理”相似的原理来作为动力学的基础，原理中将系的运动问题化成系在所谓

耗損力的作用之下的平衡問題。然而达伦培尔沒有能够建立起来解决动力學問題的普遍方法，因为他的耗損力平衡原理，或通常称为“达伦培尔原理”的本身，对解决这个問題來說是不够的。这种方法后来由拉格伦日(Joseph louis logrange, 1736—1813)得出；拉格伦日在其“分析力学”(Mécanique analytique, 1788)一書中指出了“达伦培尔原理”和“彼得堡原理”間的密切关系。以这个原理和虛位移原理为根据，他建立了用分析方法来解决动力學和靜力学問題的普遍方法。由于所得出結果的通用性，拉格伦日的分析力学在科学和技术的发展中起了极大的作用，“因为其結果可适用于各种各样的范围。

与分析法繼續发展的同时，在十九世紀，几何方法也在力学中获得广泛的应用。

在力学的几何方面的代表人物为波索(Poinsot, 1777—1859)，他作了靜力学的純几何的說明，以及在运动学和动力學中运用了几何方法。

十九世紀不仅在法国产生出許多在数学和力学領域內的头等学者，而在其他的欧洲国家也同样。比如在德国，十九世紀初叶有伟大学者高斯(Karl Friedrich Gauss, 1777—1855)的工作，他在数学、天文学和数学物理学等方面进行了經典的探討。高斯提出了一个力学原理，并以他的名字来命名。同一时期还有德国学者雅庫比(Jacobi, 1804—1851)，其功績在于动力學微分方程的积分方法方面的研究。在十九世紀后半期，有德国物理学家赫尔姆哥尔茨(1821—1894)和赫茲(Hertz, 1857—1894)的活动。赫尔姆哥尔茨首先以严整的形式表示出了能量守恒定律(1847)。他对水力学进行了經典的探討，其中有关于流体中涡流的著名研究报告。赫尔姆哥尔茨提出的最小动勢原理对力学和对物理学的其他部門都极有价值。赫茲是在力学