



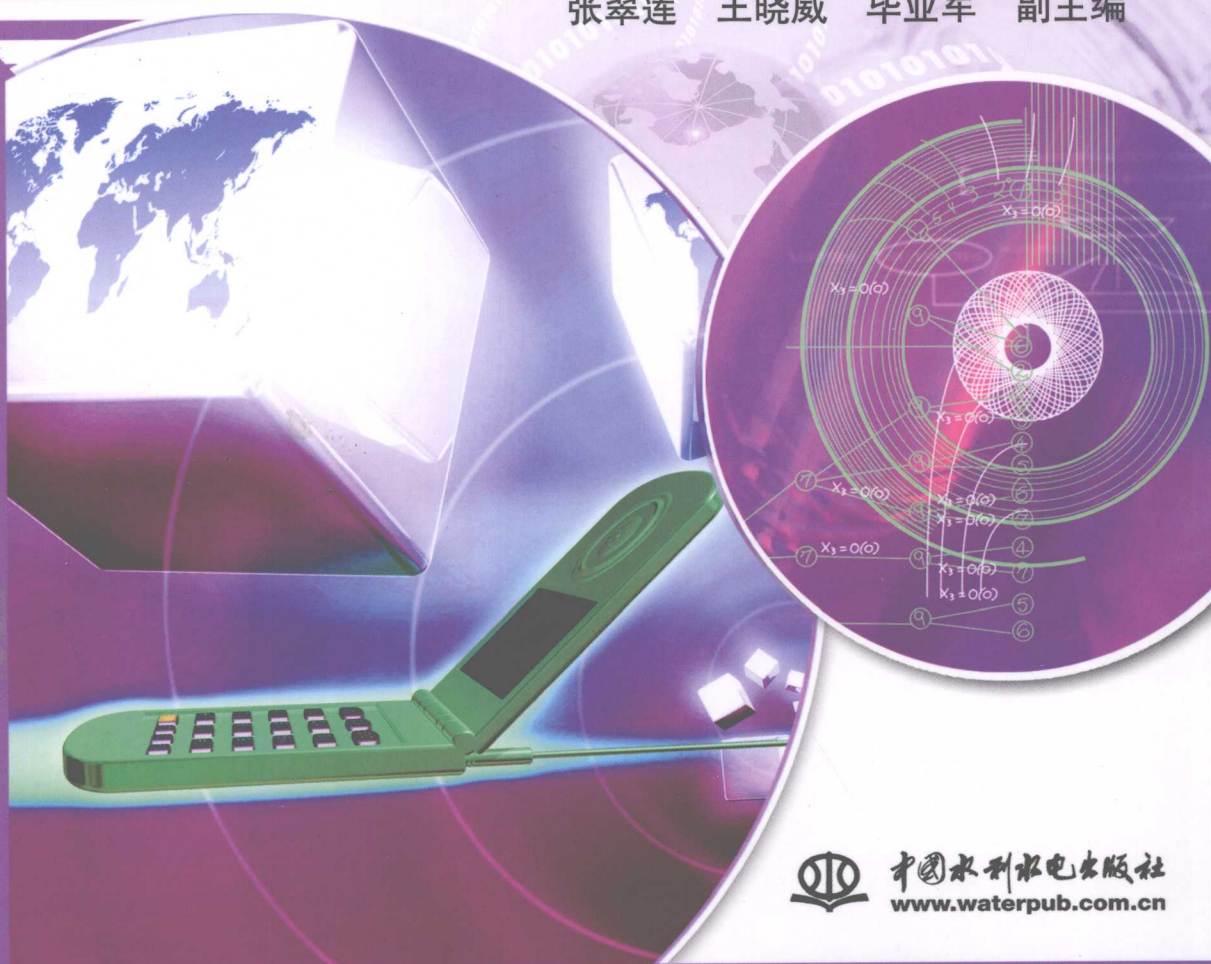
21世纪高职高专新概念教材

经济数学

(第二版)

何春江 主编

张翠莲 王晓威 毕亚军 副主编



中国水利水电出版社
www.waterpub.com.cn

21世纪高职高专新概念教材

经 济 数 学

(第二版)

何春江 主 编

张翠莲 王晓威 毕亚军 副主编

定价	58.00元
印 次	2008年2月第2版 2008年3月第2次印刷
版 次	2004年1月第1版
开 本	787mm×1092mm 1/16
印 张	18.5
字 数	380千字
印 数	10000册
社 址	北京市丰台区右安门外大街22号
电 话	(010) 68321000 (总机) 68321032 (发行)
网 址	http://www.waterpub.com.cn
邮 政	100071
发 行	中国水利水电出版社 (北京市丰台区右安门外大街22号)
编 者	何春江 主 编 张翠莲 王晓威 毕亚军 副主编
书 名	经济数学 (第二版)

中国水利水电出版社

本社地址：北京市丰台区右安门外大街22号 邮编：100071 电话：(010) 68321000 (总机) 68321032 (发行) 网址：http://www.waterpub.com.cn

内 容 提 要

本书是中国水利水电出版社 21 世纪高职高专新概念教材, 根据教育部最新制定的《高职高专教育高等数学课程教学基本要求》编写的。本教材主要包括: 函数、极限与连续, 导数与微分, 中值定理与导数应用, 不定积分, 定积分, 定积分的应用, 多元函数微分学, 多元函数积分学, 常微分方程, 无穷级数等。

本教材依据“以应用为目的, 以必需、够用为度”的原则, 在尽量保证科学性的基础上, 注意讲清概念, 减少数学理论的推证, 注重学生基本运算能力和分析问题、解决问题能力的培养, 强调数学的应用。本教材力求叙述简明, 深入浅出, 分散难点。

本教材既可作为高等专科学校、高等职业学校、成人高校及本科院校举办的二级职业技术学院和民办高校经济类各专业的教材, 又可作为“专升本”及学历文凭考试的经济类专业的教材或参考书。

本书配有《经济数学学习指导与习题解答(第二版)》, 并配有免费电子教案, 读者可以从中国水利水电出版社网站下载, 网址为 <http://www.waterpub.com.cn/softdown/>。

图书在版编目(CIP)数据

经济数学 / 何春江主编. —2 版. —北京: 中国水利水电出版社, 2008

21 世纪高职高专新概念教材

ISBN 978-7-5084-5014-8

I. 经… II. 何… III. 经济数学—高等学校: 技术学校—教材 IV. F224.0

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2007) 第 204348 号

书 名	经济数学(第二版)
作 者	何春江 主 编 张翠莲 王晓威 毕亚军 副主编
出版 发行	中国水利水电出版社(北京市三里河路 6 号 100044) 网址: www.waterpub.com.cn E-mail: mchannel@263.net (万水) sales@waterpub.com.cn 电话: (010) 63202266 (总机)、68331835 (营销中心)、82562819 (万水)
经 售	全国各地新华书店和相关出版物销售网点
排 版	北京万水电子信息有限公司
印 刷	北京蓝空印刷厂
规 格	787mm×1092mm 16 开本 15.5 印张 374 千字
版 次	2004 年 9 月第 1 版 2008 年 2 月第 2 版 2008 年 2 月第 4 次印刷
印 数	11001—15000 册
定 价	25.00 元

凡购买我社图书, 如有缺页、倒页、脱页的, 本社营销中心负责调换

版权所有·侵权必究

21 世纪高职高专新概念教材

编委会名单

主任委员 刘 晓 柳菊兴

副主任委员 胡国铭 张栴勤 王前新 黄元山 柴 野

张建钢 陈志强 宋 红 汤鑫华 王国仪

委 员 (按姓氏笔划排序)

马洪娟
毛芳烈
王明晶
东小峰
田绍槐
孙明魁
宋锦河
张晓辉
李存斌
杨永生
沈祥玖
陈语林
武铁敦
费名瑜
唐伟奇
殷均平
郭振民
覃晓康
廖哲智
魏 雄

马新荣
王 祥
王泽生
台 方
申 会
安志远
张 晞
张浩军
李作纬
杨庆德
肖晓丽
陈道义
郑有想
赵 敬
夏春华
袁晓州
曹季俊
谢兆鸿
廖家平

尹朝庆
王乃钊
王绍卜
叶永华
刘 猛
许学东
张 慧
张海春
李珍香
杨名权
闵华清
单永磊
侯怀昌
赵作斌
徐 红
袁晓红
梁建武
韩春光
管学理

方 宁
王希辰
王春红
宁书林
刘尔宁
闫 菲
张弘强
张曙光
李家瑞
杨均青
陈 川
周杨娣
胡大鹏
赵秀珍
徐凯声
钱同惠
蒋金丹
詹慧尊
蔡立军

方 鹏
王国思
王路群
田 原
刘慎熊
何 超
张怀中
李 琦
李晓桓
汪振国
陈 炜
周学毛
胡国良
赵海廷
徐雅娜
钱新恩
蒋厚亮
雷运发
黎能武

项目总策划 雨 轩

编委会办公室主任 周金辉

副主任 孙春亮 杨庆川

参编学校名单

(按第一个字笔划排序)

- | | |
|---------------|---------------|
| 三门峡职业技术学院 | 长春汽车工业高等专科学校 |
| 三联职业技术学院 | 内蒙古工业大学职业技术学院 |
| 山东大学 | 内蒙古民族高等专科学校 |
| 山东交通学院 | 内蒙古警察职业学院 |
| 山东建工学院 | 兰州资源环境职业技术学院 |
| 山东省电子工业学校 | 北京对外经济贸易大学 |
| 山东农业大学 | 北京科技大学职业技术学院 |
| 山东省农业管理干部学院 | 北京科技大学成人教育学院 |
| 山东省教育学院 | 北华航天工业学院 |
| 山东商业职业技术学院 | 四川托普职业技术学院 |
| 山西运城学院 | 包头轻工职业技术学院 |
| 山西经济管理干部学院 | 宁波城市职业技术学院 |
| 万博科技职业学院 | 石家庄学院 |
| 广东技术师范学院天河学院 | 辽宁交通高等专科学校 |
| 广东金融学院 | 辽宁经济职业技术学院 |
| 广东科贸职业学院 | 安徽交通职业技术学院 |
| 广州市职工大学 | 安徽水利水电职业技术学院 |
| 广州城市职业技术学院 | 华中科技大学 |
| 广州铁路职业技术学院 | 华东交通大学 |
| 广州康大职业技术学院 | 华北电力大学 |
| 中山火炬职业技术学院 | 江汉大学 |
| 中华女子学院山东分院 | 江西大宇职业技术学院 |
| 中国人民解放军第二炮兵学院 | 江西工业职业技术学院 |
| 中国人民解放军军事经济学院 | 江西城市职业学院 |
| 中国矿业大学 | 江西渝州电子工业学院 |
| 中南大学 | 江西服装职业技术学院 |
| 天津职业技术师范学院 | 江西赣西学院 |
| 太原理工大学阳泉学院 | 西北大学软件职业技术学院 |
| 太原城市职业技术学院 | 西安外事学院 |
| 长沙大学 | 西安欧亚学院 |
| 长沙民政职业技术学院 | 西安铁路职业技术学院 |
| 长沙交通学院 | 西安文理学院 |
| 长沙航空职业技术学院 | 扬州江海职业技术学院 |

杨陵职业技术学院
昆明冶金高等专科学校
武汉大学
武汉工业学院
武汉工程职业技术学院
武汉广播电视大学
武汉工程大学
武汉电力职业技术学院
武汉科技大学工贸学院
武汉科技大学外语外事职业学院
武汉软件职业学院
武汉商业服务学院
武汉铁路职业技术学院
河南济源职业技术学院
中原工学院
南昌工程学院
南昌大学共青学院
哈尔滨金融专科学校
重庆正大软件职业技术学院
重庆工业职业技术学院
济南大学
济南交通高等专科学校
济南铁道职业技术学院
荆门职业技术学院
贵州无线电工业学校
贵州电子信息职业技术学院
浙江水利水电高等专科学校
浙江工业职业技术学院

浙江国际海运职业技术学院
恩施职业技术学院
黄冈职业技术学院
黄石理工学院
湖北工业大学
湖北交通职业技术学院
湖北汽车工业学院
湖北长江职业学院
湖北药检高等专科学校
湖北经济学院
湖北教育学院
湖北职业技术学院
湖北鄂州大学
湖北水利水电职业技术学院
湖南大学
湖南工业职业技术学院
湖南大众传媒职业技术学院
湖南工学院
湖南涉外经济学院
湖南郴州职业技术学院
湖南商学院
湖南税务高等专科学校
湖南信息科学职业学院
蓝天学院
福建林业职业技术学院
福建水利电力职业技术学院
黑龙江农业工程职业学院
黑龙江司法警官职业学院

序

根据 1999 年 8 月教育部高教司制定的《高职高专教育基础课程教学基本要求》(以下简称《基本要求》)和《高职高专教育专业人才培养目标及规格》(以下简称《培养规格》)的精神,由中国水利水电出版社北京万水电子信息有限公司精心策划,聘请我国长期从事高职高专教学、有丰富教学经验的教师执笔,在充分汲取了高职高专和成人高等学校在探索培养技术应用性人才方面取得的成功经验和教学成果的基础上,撰写了此套《21 世纪高职高专新概念教材》。

为了编写本套教材,出版社进行了广泛的调研,走访了全国百余所具有代表性的高等专科学校、高等职业技术学院、成人教育高等院校以及本科院校举办的二级职业技术学院,在广泛了解情况、探讨课程设置、研究课程体系的基础上,经过学校申报、征求意见、专家评选等方式,确定了本套书的主编,并成立了编委会。每本书的编委会聘请了多所学校主要学术带头人或主要从事该课程教学的骨干,教学大纲的确定以及教材风格的定位均经过编委会多次认真讨论。

本套《21 世纪高职高专新概念教材》有如下特点:

(1) 面向 21 世纪人才培养的需求,结合高职高专学生的培养特点,具有鲜明的高职高专特色。本套教材的作者都是长期在第一线从事高职高专教育的骨干教师,对学生的基本情况、特点和认识规律等有深入的了解,在教学实践中积累了丰富的经验。因此可以说,每一本书都是教师们长期教学经验的总结。

(2) 以《基本要求》和《培养规格》为编写依据,内容全面,结构合理,文字简练,实用性强。在编写过程中,作者严格依据教育部提出的高职高专教育“以应用为目的,以必需、够用为度”的原则,力求从实际应用的需要(实例)出发,尽量减少枯燥、实用性不强的理论概念,加强了应用性和实际操作性强的内容。

(3) 采用“问题(任务)驱动”的编写方式,引入案例教学和启发式教学方法,便于激发学习兴趣。本套书的编写思路与传统教材的编写思路不同:先提出问题,然后介绍解决问题的方法,最后归纳总结出一般规律或概念。我们把这个新的编写原则比喻成“一棵大树、问题驱动”的原则。即:一方面遵守先见(构建)“树”(每本书就是一棵大树),再见(构建)“枝”(书的每一章就是大树的一个分枝),最后见(构建)“叶”(每章中的若干小节及知识点)的编写原则;另一方面采用问题驱动方式,每一章都尽量用实际中的典型实例开头(提出问题、明确目标),然后逐渐展开(分析解决问题),在讲述实例的过程中将本章的知识点融入。这种精选实例,并将知识点融于实例中的编写方式,可读性、可操作性强,非常适合高职高专的学生阅读和使用。本书读者通过学习构建本书中的“树”,由“树”找“枝”,顺“枝”摸“叶”,最后达到构建自己所需要的“树”的目的。

(4) 部分教材配有实验指导和实训教程,便于学生练习提高。

(5) 部分教材配有动感电子教案。为顺应教育部提出的教材多元化、多媒体化发展的要求,大部分教材都配有电子教案,以满足广大教师进行多媒体教学的需要。电子教案用 PowerPoint 制作,教师可根据授课情况任意修改。相关教案的具体情况请到中国水利水电出版社网站 www.waterpub.com.cn 下载。

(6) 提供相关教材中所有程序的源代码,方便教师直接切换到系统环境中教学,提高教学效果。

总之,本套教材凝聚了数百名高职高专一线教师多年的教学经验和智慧,内容新颖,结构完整,概念清晰,深入浅出,通俗易懂,可读性、可操作性和实用性强。

本套教材适用于高等职业学校、高等专科学校、成人及本科院校举办的二级职业技术学院和民办高校。

新世纪吹响了我国高职高专教育蓬勃发展的号角,新世纪对高职教育提出了新的要求,高职教育占据了全面素质教育中所不可缺少的地位,在我国高等教育事业中占有极其重要的位置,在我国社会主义现代化建设事业中发挥着日趋显著的作用,是培养新世纪人才所不可缺少的力量。相信本套《21 世纪高职高专新概念教材》的出版能为高职高专的教材建设和教学改革略尽绵薄之力,因为我们提供的不仅是一套教材,更是自始至终的教育支持,无论是学校、机构培训还是个人自学,都会从中得到极大的收获。

当然,本套教材肯定会有不足之处,恳请专家和读者批评指正。

21 世纪高职高专新概念教材编委会

2001 年 3 月

第二版前言

本书第一版自 2004 年 9 月出版以来,广大读者和使用本书的同行们对它的编写体系和结构都表示赞同,同时,一些高校教师和学生也提出了一些建议,经编者慎重研究,决定对本教材进行修订。修订工作主要包括以下几方面的内容:

- (1) 仔细校对并订正了原书中的错误。
- (2) 对原教材中的某些疏漏予以补充完善。
- (3) 调整了原书中的部分习题,使之与书中内容搭配更加合理。

本书由何春江任主编,张翠莲、王晓威、毕亚军任副主编。各章编写分工如下:第 1、2 章由张翠莲编写,第 3 章由王晓威编写,第 4、5 章由何春江编写,第 6 章由霍东升编写,第 7 章由邓凤茹编写,第 8 章由张钦礼编写,第 9 章由毕亚军编写,第 10 章由张文治编写,书后附录由王晓威编写。参加本书讨论的有牛莉、翟秀娜、曾大有、江志超、郭照庄、陈博海等,他们对全书框架、风格提出了许多宝贵意见。全书框架、统稿、定稿由何春江、王晓威承担。

在修订过程中,我们认真考虑了读者的建议和意见,在此对提出建议和意见的读者表示衷心感谢。

编 者

2007 年 10 月

第一版前言

我国高等教育正在快速发展,教材建设也要与之适应,特别是教育部关于“高等教育面向 21 世纪内容与课程改革”计划的实施,对教材建设提出了新的要求。本书为了适应高等教育的快速发展,满足教学改革和课程建设的需要,为体现高职高专教育的特点而编写的。

本书按照教育部制定的《高职高专教育基础课程教学基本要求》和《高职高专教育专业人才培养目标及规格》的要求,严格依据教育部提出的高职高专教育“以应用为目的,以必需、够用为度”的原则,精心选择教材的内容,从实际应用出发,加强数学思想和数学概念与工程实际相结合的综合能力的培养,并结合高职高专的特点,淡化深奥的数学理论,强化几何说明。每章都设有学习目标、小结、测试题等,便于学生总结学习内容和学习方法,巩固所学知识。

全书内容包括函数、极限与连续,导数与微分,导数的应用,不定积分,定积分,定积分的应用,常微分方程,多元函数微分学,多元函数积分学,无穷级数,书后附有积分表、习题与测试题答案。

本书可作为高等职业学校、高等专科学校、成人及本科院校举办的二级职业技术学院和民办高校各专业高等数学经济类教材,也可作为工程技术人员的参考资料。

本书由何春江任主编,张翠莲、王晓威任副主编。各章编写分工如下:第 1、2 章由张翠莲编写,第 3 章由王晓威编写,第 4~6 章由何春江编写,第 7 章由邓凤茹编写,第 8 章由张钦礼编写,第 9 章由毕亚军编写,第 10 章由张文治编写,书后附录由王晓威编写。参加本书讨论的有牛莉、翟秀娜、曾大有等。全书框架、统稿、定稿由何春江、王晓威承担。

在本书的编写过程中,编者参考了很多相关的书籍和资料,吸取了很多同仁的宝贵经验,在此谨表谢意。

由于时间仓促及作者水平所限,书中错误和不足之处在所难免,恳请广大读者批评指正,我们将不胜感激。

编 者

2004 年 8 月

目 录

序

第二版前言

第一版前言

第1章 函数、极限与连续	1
本章学习目标	1
1.1 函数	1
1.1.1 函数的概念	1
1.1.2 函数的表示法	1
1.1.3 复合函数	3
1.1.4 反函数与隐函数	3
1.1.5 初等函数	4
1.1.6 函数的基本性质	4
1.1.7 函数关系的建立	5
1.1.8 常见的经济函数	5
习题 1.1	7
1.2 极限的概念	7
1.2.1 数列的极限	7
1.2.2 函数的极限	9
1.2.3 无穷小量与无穷大量	11
习题 1.2	12
1.3 极限的运算	13
1.3.1 极限的运算法则	13
1.3.2 两个重要极限	14
1.3.3 无穷小的比较	17
习题 1.3	18
1.4 函数的连续性	19
1.4.1 函数的连续性概念	19
1.4.2 函数的间断点及其分类	20
1.4.3 初等函数的连续性	22
1.4.4 闭区间上连续函数的性质	22
习题 1.4	24
本章小结	24
复习题 1	25
自测题 1	26

第2章 导数与微分	28
本章学习目标	28
2.1 导数的概念	28
2.1.1 引出导数概念的实例	28
2.1.2 导数的概念	29
2.1.3 导数的几何意义	30
2.1.4 可导与连续的关系	31
习题 2.1	32
2.2 导数的运算	33
2.2.1 函数的和、差、积、商的求导法则	33
2.2.2 复合函数的导数	34
2.2.3 反函数的求导法则	35
2.2.4 基本初等函数的导数	36
2.2.5 隐函数和由参数方程确定的函数的导数	38
2.2.6 高阶导数	39
习题 2.2	40
2.3 微分	40
2.3.1 微分的概念	40
2.3.2 微分的几何意义	42
2.3.3 微分的运算法则	42
2.3.4 微分在近似计算中的应用	44
习题 2.3	45
本章小结	45
复习题 2	46
自测题 2	46
第3章 中值定理与导数应用	48
本章学习目标	48
3.1 中值定理	48
3.1.1 罗尔定理	48
3.1.2 拉格朗日中值定理	48
3.1.3 柯西中值定理	50
习题 3.1	50
3.2 洛必达法则	50
3.2.1 $\frac{0}{0}$ 型未定式的极限	50
3.2.2 $\frac{\infty}{\infty}$ 型未定式的极限	52
3.2.3 其他未定式的极限	52
习题 3.2	54

20	3.3 函数的单调性与极值	55
40	3.3.1 函数的单调性及判别法	55
00	3.3.2 函数的极值	57
10	3.3.3 函数的最大值与最小值	61
50	习题 3.3	62
50	3.4 函数图形的描绘	63
50	3.4.1 曲线的凹凸性与拐点	63
40	3.4.2 曲线的渐近线	65
20	3.4.3 函数图形的作法	66
20	习题 3.4	68
00	3.5 导数在经济中的应用	69
00	3.5.1 函数的变化率——边际函数	69
01	3.5.2 函数的相对变化率——函数的弹性	74
11	习题 3.5	77
11	本章小结	78
51	复习题 3	79
61	自测题 3	80
	第 4 章 不定积分	83
41	本章学习目标	83
41	4.1 不定积分的概念与性质	83
11	4.1.1 原函数与不定积分的概念	83
31	4.1.2 不定积分的基本积分公式	84
21	4.1.3 不定积分的性质	85
05	4.1.4 不定积分的几何意义	86
70	习题 4.1	87
55	4.2 不定积分的换元积分法	87
55	4.2.1 第一类换元积分法(凑微分法)	87
55	4.2.2 第二类换元积分法	89
55	习题 4.2	90
45	4.3 分部积分法	91
45	习题 4.3	93
45	4.4 积分表的使用	93
45	本章小结	94
05	复习题 4	95
35	自测题 4	95
	第 5 章 定积分	97
15	本章学习目标	97
15	5.1 定积分的概念与性质	97
52	5.1.1 引出定积分概念的实例	97

5.1.2	定积分的概念	98
5.1.3	定积分的几何意义	99
5.1.4	定积分的基本性质	100
习题 5.1		101
5.2	微积分学的基本定理	102
5.2.1	变上限的定积分	102
5.2.2	微积分学基本定理	103
习题 5.2		104
5.3	定积分的积分方法	105
5.3.1	定积分的换元积分法	105
5.3.2	定积分的分部积分法	107
习题 5.3		109
5.4	广义积分	110
习题 5.4		111
本章小结		111
复习题 5		112
自测题 5		113
第 6 章	定积分的应用	114
本章学习目标		114
6.1	定积分的几何应用	114
6.1.1	定积分应用的微元法	114
6.1.2	用定积分求平面图形的面积	115
6.1.3	用定积分求旋转体的体积	118
习题 6.1		120
6.2	定积分在经济问题中的应用	120
习题 6.2		122
本章小结		122
复习题 6		123
自测题 6		123
第 7 章	多元函数微分学	124
本章学习目标		124
7.1	多元函数的概念	124
7.1.1	空间解析几何简介	124
7.1.2	多元函数的概念	126
7.1.3	二元函数的极限与连续	128
习题 7.1		130
7.2	偏导数	131
7.2.1	偏导数的概念	131
7.2.2	高阶偏导数	132

习题 7.2	133
7.3 全微分	133
7.3.1 全微分的概念	133
7.3.2 全微分在近似计算中的应用	135
习题 7.3	136
7.4 多元复合函数与隐含数的微分法	136
7.4.1 多元复合函数微分法	136
7.4.2 隐函数微分法	138
习题 7.4	139
7.5 多元函数的极值与最值	140
7.5.1 多元函数的极值	140
7.5.2 多元函数的最值	143
习题 7.5	144
本章小结	144
复习题 7	144
自测题 7	145
第 8 章 多元函数积分学	147
本章学习目标	147
8.1 二重积分的概念与性质	147
8.1.1 二重积分的概念	147
8.1.2 二重积分的性质	149
习题 8.1	150
8.2 二重积分的计算	150
8.2.1 二重积分在直角坐标系下的计算	151
8.2.2 二重积分在极坐标系下的计算	155
习题 8.2	158
本章小结	159
复习题 8	159
自测题 8	160
第 9 章 常微分方程	162
本章学习目标	162
9.1 常微分方程的基本概念	162
习题 9.1	164
9.2 可分离变量的微分方程	164
习题 9.2	165
9.3 一阶微分方程与可降阶的高阶微分方程	166
9.3.1 一阶线性微分方程	166
9.3.2 可降阶的高阶微分方程	168
习题 9.3	169

9.4	二阶常系数线性微分方程	170
9.4.1	二阶线性微分方程解的性质	170
9.4.2	二阶常系数齐次线性微分方程的解法	171
9.4.3	二阶常系数非齐次线性微分方程的解法	172
习题 9.4		174
9.5	常微分方程的应用举例	174
习题 9.5		175
本章小结		176
复习题 9		177
自测题 9		177
第 10 章	无穷级数	180
本章学习目标		180
10.1	数项级数的概念与性质	180
10.1.1	数项级数的概念	180
10.1.2	数项级数的性质	182
习题 10.1		183
10.2	正项级数及其敛散性	184
10.2.1	正项级数收敛的充分必要条件	184
10.2.2	正项级数的比较审敛法	184
10.2.3	正项级数的比值审敛法	188
习题 10.2		189
10.3	任意项级数	189
10.3.1	交错级数及其审敛法	189
10.3.2	绝对收敛与条件收敛	190
习题 10.3		191
10.4	幂级数	191
10.4.1	幂级数的概念	191
10.4.2	幂级数的性质	193
习题 10.4		195
10.5	函数展开成幂级数	195
10.5.1	泰勒级数	195
10.5.2	函数的幂级数展开	196
习题 10.5		199
本章小结		199
复习题 10		200
自测题 10		200
附录 1	积分表	204
附录 2	习题答案	211
参考文献		231

第 1 章 函数、极限与连续

本章学习目标

- 理解函数的概念和基本性质
- 了解反函数、复合函数的概念，会分析复合函数的复合结构
- 理解数列和函数极限的描述性概念，了解极限的性质
- 能熟练运用极限的四则运算法则和两个重要极限求极限
- 了解分段函数及其在分段点处的极限和连续性
- 了解无穷大、无穷小的概念、相互关系和性质
- 理解函数连续的概念及有关性质，会判断函数间断点的类型

1.1 函数

1.1.1 函数的概念

在某个变化过程中，往往出现多个变量，这些变量不是彼此孤立的，而是相互制约的，一个量或一些量的变化会引起另一个量的变化，如果这些影响是确定的，是依照某一规则的，那么我们说这些变量之间存在着函数关系。“函数关系”是数学中的一个重要概念，下面我们给出函数的定义。

定义 1 设 x, y 是两个变量，若当变量 x 在非空数集 D 内任取一个数值时，变量 y 按照某种对应法则 f 总有一个确定的数值与之对应，则称变量 y 为变量 x 的函数，记作：

$$y = f(x), \quad x \in D.$$

这里 x 称为自变量， y 称为因变量或 x 的函数。集合 D 是指使函数有意义的点的集合，称为函数的定义域，记为 D_f ，相应的 y 值组成的集合称为函数的值域，记为 Z_f 。

当 x 取数值 $x_0 \in D_f$ 时，与 x_0 对应的数值 y 称为函数 $y = f(x)$ 在 x_0 点处的函数值，记作 $f(x_0)$ 或 $y|_{x=x_0}$ ，此时函数 $y = f(x)$ 在 x_0 点处有定义。

1.1.2 函数的表示法

例 1 已知某商品的总成本函数为： $C = C(Q) = 100 + \frac{Q^2}{4}$ 。

这里 C 与 Q 都是变量， Q 是生产产品的数量，当 Q 变化时，商品的总成本函数 C 也作相应的变化。

例 2 某工厂全年 1~12 月原材料进货数量如下表，这里表达的是时间 T (月) 和原材料进货数量 Q (吨) 之间的关系。