



普通高等教育“十一五”国家级规划教材  
高职高专高等数学基础特色教材系列

# 微 积 分

(第四版)

(经济类与管理类)



周誓达 编著



中 国 人 民 大 学 出 版 社

普通高等教育“十一五”国家级规划教材  
高职高专高等数学基础特色教材系列

# 微 积 分

(第四版)

(经济类与管理类)

周誓达 编著



中 国 人 民 大 学 出 版 社

**图书在版编目 (CIP) 数据**

微积分 (第四版) (经济类与管理类) /周誓达编著.

北京: 中国人民大学出版社, 2008

普通高等教育“十一五”国家级规划教材

高职高专高等数学基础特色教材系列

ISBN 978-7-300-07569-3

I. 微…

II. 周…

III. 微积分-高等学校: 技术学校-教材

IV. O172

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2007) 第 003631 号

普通高等教育“十一五”国家级规划教材

高职高专高等数学基础特色教材系列

**微积分 (第四版)**

(经济类与管理类)

周誓达 编著

---

**出版发行** 中国人民大学出版社

**社    址** 北京中关村大街 31 号

**邮政编码** 100080

**电    话** 010 - 62511242 (总编室)

010 - 62511398 (质管部)

010 - 82501766 (邮购部)

010 - 62514148 (门市部)

010 - 62515195 (发行公司)

010 - 62515275 (盗版举报)

**网    址** <http://www.crup.com.cn>

<http://www.ttrnet.com>(人大教研网)

**经    销** 新华书店

**印    刷** 北京宏伟双华印刷有限公司

**规    格** 170 mm×228 mm 16 开本

**版    次** 1994 年 6 月第 1 版

2008 年 6 月第 4 版

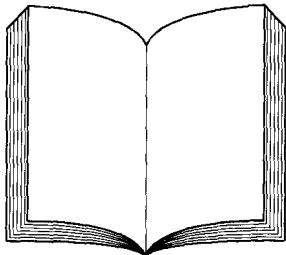
**印    张** 15

**印    次** 2008 年 6 月第 1 次印刷

**字    数** 271 000

**定    价** 22.00 元

---



## 第四版前言

高职高专高等数学基础特色教材系列（经济类与管理类）是为高职高专经济类与管理类各专业编著的教材与辅导书，包括《微积分》、《微积分学习指导》及《线性代数与概率论》、《线性代数与概率论学习指导》或《线性代数》、《概率论》。这是一套特色鲜明的教材系列，其特色是：密切结合经济工作的需要，充分注意逻辑思维的规律，突出重点，说理透彻，循序渐进，通俗易懂。

高等数学基础《微积分》（第四版）共分六章，前五章详细介绍了经济工作所需要的一元函数微积分学，第六章二元函数微分学为选修内容，书首列有预备知识初等数学小结，书末附有无穷级数的概念。本书着重讲解基本概念、基本理论及基本方法，发扬独立思考的精神，培养熟练运算的能力与解决实际问题的能力。

经济类与管理类毕竟不是数学系，本着“打好基础，够用为度”的原则，本书去掉了对于经济工作并不急需的某些内容与某些定理的严格证明，而用较多篇幅详细讲述那些急需的内容，讲得流畅，讲得透彻，实现“在战术上以多胜少”的策略。本书不求深，不求全，只求实用，重视在经济上的应用，注意与专业课接轨，体现“有所为，必须有所不为”。

基础课毕竟不是专业课，本着“服务专业，兼顾数学体系”的原则，本书不盲目攀比难度，做到难易适当，深入浅出，举一反三，融会贯通，达到“跳一跳就能够着苹果”的效果。本书在内容编排上做到前后呼应，前面的内容在后面都有归宿，后面的内容在前面都有伏笔，形象直观地说明问题，适当注意知识面的拓宽，使得“讲起来

好讲，学起来好学”。

质量是教材的生命，质量是特色的反映，质量不过硬，教材就站不住脚。本书在质量上坚持高标准，不但内容正确无误，而且编排科学合理，尤其在复合函数导数运算法则的讲解上，在不定积分第一换元积分法则与分部积分法则的论述上，在求平面图形面积的处理上都有许多独到之处，便于理解与掌握。衡量教材质量的一项重要标准是减少以至消灭差错，本书经过再三验算，作者自始至终参与排版校对，实现计算零差错。

例题、习题是教材的窗口，集中展示了教学意图。本书对例题、习题给予高度重视，例题、习题都经过精心设计与编选，它们与概念、理论、方法的讲述完全配套，其中除计算题、证明题及经济应用题外，尚有考查基本概念与基本运算技能的填空题与单项选择题。填空题要求将正确答案直接填在空白处；单项选择题是指在四项备选答案中，只有一项备选答案是正确的，要求将正确备选答案前面的字母填在括号内。书末附有全部习题答案，便于检查学习效果。

本书第一版于1999年被评审为教育部高职高专推荐教材，本书第三版于2006年被评审为普通高等教育“十一五”国家级规划教材，现按照高职高专教育培养高等技术应用型专门人才的要求并针对学员的实际情况进行修订，以进一步提高质量。相信读者学习本书后会大有收获，并对学习微积分产生兴趣，感到快乐，持之以恒，增强学习信心，提高科学素质。

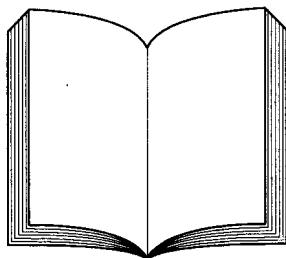
记得尊敬的老舍先生关于文学创作曾经说过：写什么固然重要，怎样写尤其重要。我想这至理名言对于编著教材同样具有指导意义。诚挚欢迎各位教师与广大读者提出宝贵意见，本书将不断改进与完善，坚持不懈地提高质量，突出自己的特色，更好地为教学第一线服务。

特邀华北光学仪器厂第一科研设计所葛利达同志校对书稿、验算习题答案并描图，谨表示衷心的感谢。

聘请吴慧涵副教授、席仲雨工程师根据多年教学实践为本书设计制作教学课件，深表谢意。本书教学课件通过中国人民大学出版社网站供各位教师免费下载使用，进行交流，请登陆 <http://www.crup.com.cn> “资源中心” 获取。

周誓达

2008年6月2日于北京



## 目 录

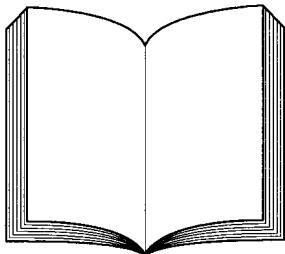
引 论 微积分思路.....	1
预备知识 初等数学小结.....	2
<b>第一章 函数与极限 .....</b>	<b>13</b>
§ 1.1 函数的类别与基本性质.....	13
§ 1.2 几何与经济方面函数关系式.....	19
§ 1.3 极限的概念与基本运算法则.....	23
§ 1.4 无穷大量与无穷小量.....	28
§ 1.5 未定式极限.....	33
§ 1.6 两个重要极限.....	37
§ 1.7 函数的连续性.....	41
习题一 .....	46

<b>第二章 导数与微分</b>	51
§ 2.1 导数的概念	51
§ 2.2 导数基本运算法则	57
§ 2.3 导数基本公式	60
§ 2.4 复合函数导数运算法则	66
§ 2.5 隐函数的导数	71
§ 2.6 高阶导数	75
§ 2.7 微分	79
习题二	83
<b>第三章 导数的应用</b>	89
§ 3.1 洛必达法则	89
§ 3.2 函数曲线的切线与法线	95
§ 3.3 函数的单调区间与极值	99
§ 3.4 函数的最值	105
§ 3.5 函数曲线的凹向区间与拐点	109
§ 3.6 经济方面函数的边际与弹性	114
§ 3.7 几何与经济方面函数的优化	117
习题三	122
<b>第四章 不定积分</b>	127
§ 4.1 不定积分的概念与基本运算法则	127
§ 4.2 不定积分基本公式	132
§ 4.3 凑微分	138
§ 4.4 不定积分第一换元积分法则	141
§ 4.5 有理分式的不定积分	148
§ 4.6 不定积分第二换元积分法则	151
§ 4.7 不定积分分部积分法则	154
习题四	159
<b>第五章 定积分</b>	165
§ 5.1 定积分的概念与基本运算法则	165
§ 5.2 变上限定积分	169
§ 5.3 牛顿-莱不尼兹公式	173
§ 5.4 定积分换元积分法则	180

## 目 录

---

§ 5.5 定积分分部积分法则 .....	185
§ 5.6 广义积分 .....	188
§ 5.7 平面图形的面积 .....	193
习题五 .....	198
 <b>第六章 二元函数微分学 .....</b>	 203
一 二元函数的一阶偏导数 .....	203
二 二元函数的二阶偏导数 .....	207
三 二元函数的全微分 .....	209
四 二元函数的极值 .....	211
习题六 .....	214
 习题答案 .....	 216
附录 无穷级数的概念 .....	229



## 引 论

# 微积分思路

经济类与管理类高等数学是研究经济领域内数量关系与优化规律的科学,微积分是高等数学的基础.

微积分研究的对象是函数,主要是初等函数,研究的主要工具是极限.

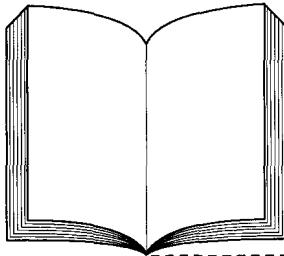
微积分中最重要的基本概念是导数、微分、不定积分及定积分,最重要的基本运算是求导数与求不定积分.

应用微积分解决经济方面函数的数量关系与优化问题,是微积分的重要内容.

作为一元函数微积分学的延续,二元函数微分学在经济领域内有着广泛的应用.

作为微积分的发展,无穷级数是经济领域研究工作的有力数学工具.

微积分的精髓在于:在变化中考察各量之间的关系.可以说,没有变化就没有微积分.因此,必须以变化的观点学习微积分.



## 预备知识

### 初等数学小结

微积分是以初等数学作为基础的,学习微积分必须熟练掌握下列初等数学知识.

#### 1. 数集与区间

全体实数与数轴上的全体点一一对应,因此不严格区别数与点:实数  $x$  代表数轴上点  $x$ ,数轴上点  $x$  也代表实数  $x$ .

在数集之间的关系中,最重要的有三种:

##### (1) 包含关系

若数集  $B$  的每一个元素都是数集  $A$  的元素,则称数集  $A$  包含  $B$ ,记作  $A \supset B$  或  $B \subset A$ .

##### (2) 相等关系

若数集  $A$  的元素与数集  $B$  的元素完全相同,则称数集  $A$  与  $B$  相等,记作  $A = B$ .

##### (3) 分离关系

若数集  $A$  与  $B$  没有公共元素,则称数集  $A$  与  $B$  分离.

数集之间的运算主要有三种:

##### (1) 并集

数集  $A$  与  $B$  的所有元素构成的数集称为数集  $A$  与  $B$  的并集,记作  $A \cup B$ .

##### (2) 交集

数集  $A$  与  $B$  的所有公共元素构成的数集称为数集  $A$  与  $B$  的交集,记作  $A \cap B$ .

##### (3) 补集

在规定全集  $\Omega \supset A$  的条件下,全集  $\Omega$  中不属于数集  $A$  的所有元素构成的数集称为

数集  $A$  的补集, 记作  $\bar{A}$ .

在表示数值范围时, 经常采用区间记号. 已知数  $a$  与  $b$ , 且  $a < b$ , 则开区间

$$(a, b) = \{x \mid a < x < b\}$$

闭区间

$$[a, b] = \{x \mid a \leq x \leq b\}$$

半开区间

$$(a, b] = \{x \mid a < x \leq b\}$$

$$\text{上述三类区间是有限区间, 点 } a \text{ 称为左端点, 点 } b \text{ 称为右端点. 此外还有无限区间:}$$

$$(-\infty, b) = \{x \mid x < b\}$$

$$(-\infty, b] = \{x \mid x \leq b\}$$

$$(a, +\infty) = \{x \mid x > a\}$$

$$[a, +\infty) = \{x \mid x \geq a\}$$

$$(-\infty, +\infty) = \{x \mid x \text{ 为实数}\}$$

## 2. 幂

数学表达式  $a^b$  称为幂, 其中  $a$  称为底,  $b$  称为指数. 当指数取值为有理数时, 相应幂的表达式表示为

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdots a}_{n \text{ 个}} \quad (n \text{ 为正整数})$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} \quad (a \neq 0, n \text{ 为正整数})$$

$$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$$

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m \quad (a \geq 0, m, n \text{ 为互质正整数, 且 } n > 1)$$

$$a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{\sqrt[n]{a^m}} = \frac{1}{(\sqrt[n]{a})^m} \quad (a > 0, m, n \text{ 为互质正整数, 且 } n > 1)$$

在等号两端皆有意义的条件下, 幂恒等关系式为

$$(1) a^{b_1} a^{b_2} = a^{b_1+b_2}$$

$$(2) \frac{a^{b_1}}{a^{b_2}} = a^{b_1-b_2}$$

$$(3) (a^{b_1})^{b_2} = a^{b_1 b_2}$$

$$(4) (a_1 a_2)^b = a_1^b a_2^b$$

$$(5) \left(\frac{a_1}{a_2}\right)^b = \frac{a_1^b}{a_2^b}$$

## 3. 函数的概念

**定义 0.1** 已知变量  $x$  与  $y$ , 当变量  $x$  任取一个属于某个非空实数集合  $D$  的数值

时,若变量  $y$  符合对应规则  $f$  的取值恒为唯一确定的实数值与之对应,则称对应规则  $f$  表示变量  $y$  为  $x$  的函数,记作

$$y = f(x)$$

其中变量  $x$  称为自变量,自变量  $x$  的取值范围  $D$  称为函数定义域;函数  $y$  也称为因变量,函数  $y$  的取值范围称为函数值域,记作  $G$ ;对应规则  $f$  也称为对应关系或函数关系.

若函数  $f(x)$  的定义域为  $D$ ,又区间  $I \subset D$ ,则称函数  $f(x)$  在定义域  $D$  或区间  $I$  上有定义.

考虑对应规则  $y^2 = x$ ,无论变量  $x$  取任何正实数,变量  $y$  恒有两个实数值与之对应,因此对应规则  $y^2 = x$  不表示变量  $y$  为  $x$  的函数,但是可以限制变量  $y$  的取值范围为  $y \leq 0$  或  $y \geq 0$ ,而使得它分别代表函数  $y = -\sqrt{x}$  与  $y = \sqrt{x}$ .

函数关系的表示方法有公式法、列表法及图形法等三种方法,在应用公式法表示函数关系时,函数表达式主要有显函数与隐函数,显函数为函数  $y = f(x)$ ,隐函数为由方程  $F(x, y) = 0$  确定变量  $y$  为  $x$  的函数.

**定义 0.2** 已知函数  $y = f(x)$ ,从表达式  $y = f(x)$  出发,经过代数恒等变形,将变量  $x$  表示为  $y$  的表达式,若这个对应规则表示变量  $x$  为  $y$  的函数,则称它为函数  $y = f(x)$  的反函数,记作

$$x = f^{-1}(y)$$

如果函数  $y = f(x)$  存在反函数  $x = f^{-1}(y)$ ,则函数  $x = f^{-1}(y)$  也存在反函数  $y = f(x)$ ,因此函数  $y = f(x)$  与  $x = f^{-1}(y)$  互为反函数.

由于习惯用变量记号  $x$  表示自变量、用变量记号  $y$  表示函数,因此在反函数  $x = f^{-1}(y)$  的表达式中,再将变量记号  $x$  改写为  $y$ ,变量记号  $y$  改写为  $x$ ,得到函数  $y = f^{-1}(x)$ ,于是也称函数  $y = f^{-1}(x)$  为函数  $y = f(x)$  的反函数.

**定义 0.3** 已知函数  $y = f(u)$  的定义域为  $U_1$ ,函数  $u = u(x)$  的值域为  $U_2$ ,若交集  $U_1 \cap U_2$  非空集,则称变量  $y$  为  $x$  的复合函数,记作

$$y = f(u(x))$$

其中变量  $x$  称为自变量,变量  $u$  称为中间变量,复合函数  $y$  也称为因变量.

只有一个自变量的函数称为一元函数,有两个自变量的函数称为二元函数.

#### 4. 函数定义域与函数值

对于并未说明实际背景的函数表达式,若没有指明自变量的取值范围,则求函数定义域的基本情况只有四种:

(1) 对于分式  $\frac{1}{P(x)}$ ,要求  $P(x) \neq 0$ ;

(2) 对于偶次根式  $\sqrt[2n]{Q(x)}$  ( $n$  为正整数),要求  $Q(x) \geq 0$ ;

(3) 对于对数式  $\log_a R(x)$  ( $a > 0, a \neq 1$ ),要求  $R(x) > 0$ ;

(4) 对于反正弦式  $\arcsin S(x)$  与反余弦式  $\arccos S(x)$ , 要求  $-1 \leq S(x) \leq 1$ .

求函数定义域的方法是: 观察所给函数表达式是否含上述四种基本情况. 如果函数表达式含上述四种基本情况中的一种或多种, 则解相应的不等式或不等式组, 得到函数定义域; 如果函数表达式不含上述四种基本情况中的任何一种, 则说明对自变量取值没有任何限制, 所以函数定义域为全体实数, 即  $D = (-\infty, +\infty)$ .

定义域与对应规则是构成函数的两个基本要素, 若两个函数的定义域相同且对应规则也相同, 则这两个函数是同一个函数; 若两个函数的定义域不相同或对应规则不相同, 则这两个函数不是同一个函数.

已知函数  $y = f(x)$ , 当自变量  $x$  取一个属于定义域  $D$  的具体数值  $x_0$  时, 它对应的函数  $y$  值称为函数  $y = f(x)$  在点  $x = x_0$  处的函数值, 记作  $y|_{x=x_0}$  或  $f(x_0)$ , 意味着在函数  $y = f(x)$  的表达式中, 自变量  $x$  用数  $x_0$  代入所得到的数值就是函数值  $y|_{x=x_0}$  即  $f(x_0)$ .

有时为了简化函数记号, 函数关系也可以记作  $y = y(x)$ , 其中等号左端的记号  $y$  表示函数值, 等号右端的记号  $y$  表示对应规则.

在平面直角坐标系中, 一元函数的图形通常是一条平面曲线, 称为函数曲线. 显然, 在函数  $y = f(x)$  存在反函数  $x = f^{-1}(y)$  的条件下, 函数  $y = f(x)$  与其反函数  $x = f^{-1}(y)$  的图形是同一条平面曲线.

## 5. 幂函数

在幂的表达式中, 若底为变量  $x$ , 而指数为常数  $\alpha$ , 则称函数  $y = x^\alpha$  为幂函数. 有  $\frac{1}{x} = x^{-1}$ ,  $\frac{1}{x^2} = x^{-2}$ ,  $\frac{1}{x^{10}} = x^{-10}$ ;  $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$ ,  $\sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}}$ ,  $\frac{1}{\sqrt{x}} = x^{-\frac{1}{2}}$ .

幂函数  $y = x$ ,  $y = x^2$  及  $y = \sqrt{x}$  的图形如图 0—1, 幂函数  $y = x^3$  与  $y = \frac{1}{x}$  的图形如图 0—2.

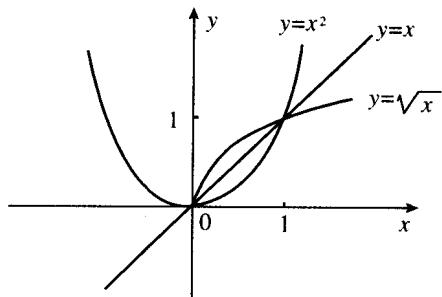


图 0—1

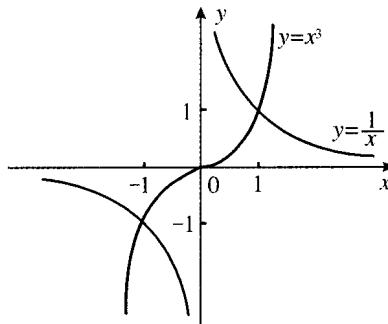


图 0—2

### 6. 指数函数

在幂的表达式中,若底为常数  $a(a > 0, a \neq 1)$ ,而指数为变量  $x$ ,则称函数  $y = a^x$  为指数函数.

指数函数  $y = a^x(a > 1)$  的图形如图 0—3.

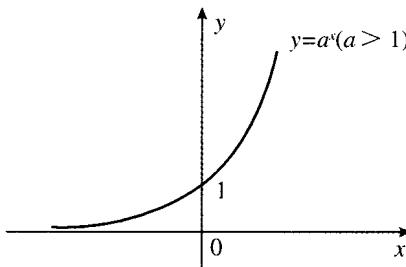


图 0—3

### 7. 对数函数

若  $a^y = x(a > 0, a \neq 1)$ ,则将  $y$  表示为  $\log_a x$ ,称函数  $y = \log_a x$  为对数函数,其中  $a$  称为底, $x$  称为真数, $y$  称为对数. 指数式  $a^y = x$  与对数式  $\log_a x = y$  是表示  $a, x, y$  三者同一关系的不同表示方法,这两种形式可以互相转化. 以 10 为底的对数称为常用对数,变量  $x$  的常用对数记作  $\lg x$ ,即  $\lg x = \log_{10} x$ .

根据对数函数与指数函数的关系,对数函数  $y = \log_a x$  的反函数为指数函数  $x = a^y(a > 0, a \neq 1)$ .

特殊的对数函数值为真数取值等于 1 或底时的对数值,即

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a a = 1$$

在等号两端皆有意义的条件下,对数恒等关系式为

$$(1) \log_a x_1 x_2 = \log_a x_1 + \log_a x_2$$

$$(2) \log_a \frac{x_1}{x_2} = \log_a x_1 - \log_a x_2$$

$$(3) \log_a x^a = a \log_a x$$

对数函数  $y = \log_a x (a > 1)$  的图形如图 0—4.

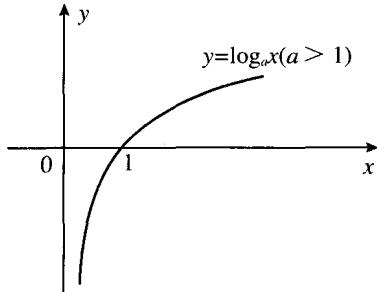


图 0—4

### 8. 三角函数

以弧度作为度量角的单位时,“弧度”二字经常省略不写,弧度与度的换算关系为:

$$\pi \text{ 弧度} = 180^\circ, \text{从而得到: } 0 \text{ 弧度} = 0^\circ, \frac{\pi}{6} \text{ 弧度} = 30^\circ, \frac{\pi}{4} \text{ 弧度} = 45^\circ, \frac{\pi}{3} \text{ 弧度} = 60^\circ, \frac{\pi}{2}$$

弧度 = 90°. 角  $x$  的正弦、余弦、正切、余切、正割及余割函数统称为三角函数, 分别表示为  $y = \sin x$ ,  $y = \cos x$ ,  $y = \tan x$ ,  $y = \cot x$ ,  $y = \sec x$  及  $y = \csc x$ . 特别当角  $x$  为锐角时,

其三角函数可以用直角三角形有关两条边的比值表示. 如图 0—5, 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中, 设锐角  $x$  的对边为  $a$ , 邻边为  $b$ , 斜边为  $c$ , 当然斜边  $c = \sqrt{a^2 + b^2}$ , 则有  $\sin x = \frac{\text{对边}}{\text{斜边}} = \frac{a}{c}$ ,

$$\cos x = \frac{\text{邻边}}{\text{斜边}} = \frac{b}{c}, \tan x = \frac{\text{对边}}{\text{邻边}} = \frac{a}{b}, \cot x = \frac{\text{邻边}}{\text{对边}} = \frac{b}{a}, \sec x = \frac{\text{斜边}}{\text{邻边}} = \frac{c}{b}, \csc x =$$

$$\frac{\text{斜边}}{\text{对边}} = \frac{c}{a}.$$

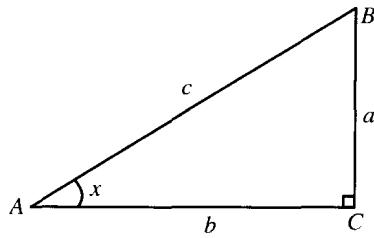


图 0—5

特殊角的正弦函数值、余弦函数值及正切函数值列表如表 0—1:

表 0—1

$x$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\pi$	$2\pi$
$\sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	0
$\cos x$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	1
$\tan x$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	不存在	0	0

在等号两端皆有意义的条件下,同角三角函数恒等关系式为

$$(1) \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$(2) \cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$(3) \tan x \cot x = 1$$

$$(4) \sec x = \frac{1}{\cos x}$$

$$(5) \csc x = \frac{1}{\sin x}$$

$$(6) \sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$(7) 1 + \tan^2 x = \sec^2 x$$

$$(8) 1 + \cot^2 x = \csc^2 x$$

异角三角函数恒等关系式中有

$$(1) \sin(-x) = -\sin x$$

$$(2) \cos(-x) = \cos x$$

$$(3) \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cos x$$

正弦函数  $y = \sin x$  的图形如图 0—6.

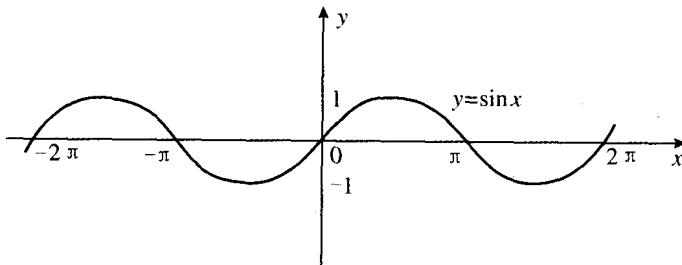


图 0—6

### 9. 反三角函数

若  $\sin y = x \left( -\frac{\pi}{2} \leqslant y \leqslant \frac{\pi}{2} \right)$ , 则将  $y$  表示为  $\arcsin x$ , 称函数  $y = \arcsin x$  为反正弦函数;

若  $\cos y = x (0 \leqslant y \leqslant \pi)$ , 则将  $y$  表示为  $\arccos x$ , 称函数  $y = \arccos x$  为反余弦函数;

若  $\tan y = x \left( -\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2} \right)$ , 则将  $y$  表示为  $\arctan x$ , 称函数  $y = \arctan x$  为反正切函数;

若  $\cot y = x (0 < y < \pi)$ , 则将  $y$  表示为  $\operatorname{arccot} x$ , 称函数  $y = \operatorname{arccot} x$  为反余切函数.

上述函数统称为反三角函数.

根据反三角函数与三角函数的关系, 反正弦函数  $y = \arcsin x$  的反函数为正弦函数  $x = \sin y \left( -\frac{\pi}{2} \leqslant y \leqslant \frac{\pi}{2} \right)$ , 反正切函数  $y = \arctan x$  的反函数为正切函数  $x = \tan y \left( -\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2} \right)$ .

特殊的反正弦函数值与反正切函数值列表如表 0—2:

表 0—2

$x$	0	$\frac{1}{2}$	1	$\sqrt{3}$
$\arcsin x$	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{2}$	无意义
$\arctan x$	0		$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$

反正切函数  $y = \arctan x$  的图形如图 0—7.

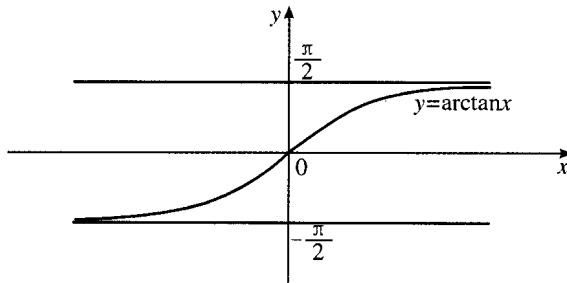


图 0—7

### 10. 平面直线、圆及抛物线

在平面直角坐标系  $Oxy$  中, 方程式