

# 电工学(上册)

## 习题与解析

赵 锐 钱自拓 编著

Exercise  
&  
Analysis



十一五规划理工类主干课程辅导丛书

# 电工学（上册）习题与解析

赵 锐 钱自拓 编著

科学出版社

## 内 容 提 要

本书根据电工学（电子技术）课程的最新教学大纲要求，总结作者多年一线授课经验编写而成，书中通过对知识点概念和习题的讲解与分析，帮助读者了解和掌握该课程的难点、要点，提高读者分析问题与解决问题的能力。

全书按照通行教材的章节安排，对电工学（上册）的课程内容进行归纳分类。每章分成若干个知识点，每个知识点又分为“要点归纳”和“例题解析”。“要点归纳”是对重要知识点的提炼总结；“例题解析”部分精选出一些具有代表性的例题（包括疑难习题、课程考试试题以及近年考研真题），给出解题思路与解答步骤，并明示解题过程中需要注意的问题。全书最后提供了课程测试题和考研真题各一套，并附参考答案，以提高读者的应试水平和知识的综合应用能力。

本书可作为本、专科学生学习电工学（电工技术）课程的辅导教材，对准备考研的学生也是一本很好的考研复习资料。书中提供的海量习题为教授相关课程的老师提供了宝贵的教学资源，可供教师作为教学参考。

### 图书在版编目（CIP）数据

电工学（上册）习题与解析/赵锐，钱自拓编著。

—北京：科学出版社，2008

ISBN 978-7-03-020954-2

I. 电… II. ①赵… ②钱… III. 电工学—解题

IV. TM1-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字（2008）第 010101 号

责任编辑：何立兵 / 责任校对：杨慧芳

责任印刷：科海 / 封面设计：林陶

科学出版社出版

北京东黄城根北街 16 号

邮政编码：100717

<http://www.sciencep.com>

北京市鑫山源印刷有限公司印刷

科学出版社发行 各地新华书店经销

\*

2008 年 2 月第一版

开本：16 开

2008 年 2 月第一次印刷

印张：18.25

印数：1-5000

字数：444 千字

定价：28.00 元

（如有印装质量问题，我社负责调换）

# 前　　言

本书是为读者学习电工学（电工技术）课程而编写的教学辅导书，可帮助读者复习课程的基本内容，检验基础理论和基本概念的掌握程度，培养和提高分析问题、解决问题的能力，力争使读者在学完本书之后，在课程的理解和掌握方面达到一个新的高度。

## 阅读指南

全书共分 12 章。

第 1 章 主要介绍电路的基本概念，欧姆定律和基尔霍夫定律，电位的计算等内容。

第 2 章 主要介绍电阻的串、并联及其等效变换，电压源和电流源及其等效变换，支路电流法，节点电压法，叠加原理，戴维南定理与诺顿定理等内容。

第 3 章 主要介绍电阻、电感与电容的特征，电压与电流初始值的确定，换路定则， $RC$  电路的响应， $RL$  电路的响应，暂态分析的三要素法，微分电路与积分电路等内容。

第 4 章 主要介绍正弦交流电路的相量分析法、相量图，阻抗的串、并联，有功功率、无功功率和视在功率，串、并联谐振的条件及特征，功率因数及其提高等内容。

第 5 章 主要介绍三相电源的连接方式，对称三相负载星形和三角形连接时相线电压、相线电流的关系，对称三相电路电压、电流及功率的计算等内容。

第 6 章 主要介绍磁场的基本物理量，交流铁芯线圈电路的分析计算，变压器的基本结构、工作原理以及运行特性，变压器的电压、电流和阻抗变换，变压器的损耗与效率等内容。

第 7 章 主要介绍三相异步电动机的基本构造和转动原理，三相异步电动机的电路分析、转矩和机械特性、起动和反转的基本方法、调速和制动的方法，单相异步电动机的工作原理等内容。

第 8 章 主要介绍直流电机的构造、工作原理，直流电动机的机械特性，并励电动机的起动、反转和调速，伺服电机、测速发电机和步进电机的工作原理等内容。

第 9 章 主要介绍常用低压电器的结构、功能和用途，笼型电动机直接起动和正反转的控制线路，基本控制环节的组成、作用和工作过程，如何设计简单的控制电路等内容。

第 10 章 主要介绍可编程控制器的结构和工作原理，可编程控制器的多种基本编程方法，常用的编程指令，梯形图和指令语句的相互转换，简单控制过程的程序编制等内容。

第 11 章 主要介绍常用电工测量仪表的结构、工作原理和使用方法，企业供配电的基本知识，安全用电的基本常识等内容。

第 12 章 提供了课程测试题和考研真题各一套并给出了参考答案，供读者检验学习成果及进行考前练习。

## 特色与优点

本书编写的指导思想是：在内容上重视基础理论，覆盖课程所有的基本教学要求；在体系上照顾不同专业学生，反映电工学面向 21 世纪教学内容和课程体系改革的成果；在形式上根据教学实践经验和对相关内容的思考理解，简明描述课程的基本知识点、重点和难点内容，使学生迅速掌握重点。

本书每章内容均包括各基本知识点的要点归纳，并精选一些具有代表性的例题（包括疑难习题、课程考试试题以及考研真题），给出了解题思路和分析方法，题后明示了解题中应注意的问题。这样编写的目的在于：力争使读者在尽可能短的时间内，巩固课程基本概念，加深理解基础理论并融会贯通，熟练掌握基本分析计算方法并举一反三，不断提高读者的应试水平和知识的综合应用能力。在全书最后给出了一套课程测试题和考研真题。

## 读者定位

本书可供学习电工学（电工技术）课程的读者和从事相关课程教学的教师参考，对于准备考研的学生，本书也是一本极好的备考指导。

本书由赵锐和钱自拓编写，李小燕参加了部分解题工作，蒋琳和赵丽欣参加了部分插图的绘制工作，全书框架结构由何光明拟定。衷心感谢上海交通大学吴婷博士为本书提供的宝贵资料，衷心感谢合肥工业大学电工理论与新技术系同志给予的支持和帮助。另外，衷心感谢上海交通大学陈玉旺、朱耀佳、潘常春、陆恒云、戴博、昝鹏、李鸿炜、李倩如、陈智等同志为本书作出的贡献。

由于编者水平和经验有限，书中难免会有不妥或错误之处，敬请广大读者批评指正。

编者于合肥工业大学

# 目 录

<b>第 1 章 电路的基本概念与基本定律 .....</b>	<b>1</b>
1.1 知识点 1：电路的基本概念 .....	1
1.1.1 要点归纳 .....	1
1.1.2 例题解析 .....	2
1.2 知识点 2：电流和电压的参考方向.....	8
1.2.1 要点归纳 .....	8
1.2.2 例题解析 .....	8
1.3 知识点 3：电路的基本定律 .....	10
1.3.1 要点归纳 .....	10
1.3.2 例题解析 .....	11
1.4 知识点 4：电位计算 .....	12
1.4.1 要点归纳 .....	12
1.4.2 例题解析 .....	12
<b>第 2 章 电路的分析方法 .....</b>	<b>17</b>
2.1 知识点 1：电阻的串并联及其等效 变换 .....	17
2.1.1 要点归纳 .....	17
2.1.2 例题解析 .....	18
2.2 知识点 2：电源等效变换法 .....	20
2.2.1 要点归纳 .....	20
2.2.2 例题解析 .....	21
2.3 知识点 3：支路电流法 .....	24
2.3.1 要点归纳 .....	24
2.3.2 例题解析 .....	25
2.4 知识点 4：节点电压法 .....	26
2.4.1 要点归纳 .....	26
2.4.2 例题解析 .....	27
2.5 知识点 5：叠加原理 .....	30
<b>第 3 章 电路的暂态分析 .....</b>	<b>57</b>
3.1 知识点 1：换路定则 .....	57
3.1.1 要点归纳 .....	57
3.1.2 例题解析 .....	58
3.2 知识点 2：RC 电路和 RL 电路的 响应 .....	65
3.2.1 要点归纳 .....	65
3.2.2 例题解析 .....	66
3.3 知识点 3：暂态分析的三要素法.....	70
3.3.1 要点归纳 .....	70
3.3.2 例题解析 .....	71
3.4 知识点 4：微分电路与积分电路.....	80
3.4.1 要点归纳 .....	80
3.4.2 例题解析 .....	81
<b>第 4 章 正弦交流电路 .....</b>	<b>85</b>
4.1 知识点 1：正弦交流电及其表示 方法 .....	85



4.1.1 要点归纳 .....	85	5.4.1 要点归纳 .....	144
4.1.2 例题解析 .....	87	5.4.2 例题解析 .....	144
<b>4.2 知识点 2: 单一参数的正弦交流</b>		<b>第 6 章 磁路和变压器</b>	<b>150</b>
<b>电路</b> .....	92	6.1 知识点 1: 磁路及其分析方法 .....	150
4.2.1 要点归纳 .....	92	6.1.1 要点归纳 .....	150
4.2.2 例题解析 .....	93	6.1.2 例题解析 .....	151
<b>4.3 知识点 3: RLC 串联交流电路</b> .....	95	6.2 知识点 2: 交流铁芯线圈电路 .....	153
4.3.1 要点归纳 .....	95	6.2.1 要点归纳 .....	153
4.3.2 例题解析 .....	97	6.2.2 例题解析 .....	154
<b>4.4 知识点 4: 阻抗的串联与并联</b> .....	106	6.3 知识点 3: 变压器 .....	156
4.4.1 要点归纳 .....	106	6.3.1 要点归纳 .....	156
4.4.2 例题解析 .....	106	6.3.2 例题解析 .....	159
<b>4.5 知识点 5: 电路中的谐振</b> .....	114	6.4 知识点 4: 电磁铁 .....	171
4.5.1 要点归纳 .....	114	6.4.1 要点归纳 .....	171
4.5.2 例题解析 .....	115	6.4.2 例题解析 .....	172
<b>4.6 知识点 6: 功率因数及其提高</b> .....	120	<b>第 7 章 交流电动机</b> .....	<b>174</b>
4.6.1 要点归纳 .....	120	7.1 知识点 1: 三相异步电动机的构造	
4.6.2 例题解析 .....	121	和转动原理 .....	174
<b>4.7 知识点 7: 非正弦电压和电流</b> .....	126	7.1.1 要点归纳 .....	174
4.7.1 要点归纳 .....	126	7.1.2 例题解析 .....	175
4.7.2 例题解析 .....	126	7.2 知识点 2: 三相异步电动机的电路	
<b>第 5 章 三相电路</b> .....	129	分析 .....	176
5.1 知识点 1: 三相电压 .....	129	7.2.1 要点归纳 .....	176
5.1.1 要点归纳 .....	129	7.2.2 例题解析 .....	177
5.1.2 例题解析 .....	130	7.3 知识点 3: 三相异步电动机的转矩	
5.2 知识点 2: 负载星形连接的三相		与机械特性 .....	181
<b>电路</b> .....	131	7.3.1 要点归纳 .....	181
5.2.1 要点归纳 .....	131	7.3.2 例题解析 .....	182
5.2.2 例题解析 .....	133	7.4 知识点 4: 三相异步电动机的起动、	
5.3 知识点 3: 负载三角形连接的三相		调速和制动 .....	187
<b>电路</b> .....	140	7.4.1 要点归纳 .....	187
5.3.1 要点归纳 .....	140	7.4.2 例题解析 .....	189
5.3.2 例题解析 .....	141	7.5 知识点 5: 三相异步电动机的铭牌	
5.4 知识点 4: 三相功率 .....	144	数据与选择 .....	195

7.5.1 要点归纳 .....	195	9.4.2 例题解析 .....	229
7.5.2 例题解析 .....	196		
<b>7.6 知识点 6: 单相异步电动机 .....</b>	<b>200</b>	<b>第 10 章 可编程控制器及其应用 .....</b>	<b>232</b>
7.6.1 要点归纳 .....	200	10.1 知识点 1: 可编程控制器的结构和 工作方式 .....	232
7.6.2 例题解析 .....	200	10.1.1 要点归纳 .....	232
<b>第 8 章 直流电机和控制电机 .....</b>	<b>201</b>	10.1.2 例题解析 .....	235
8.1 知识点 1: 直流电机 .....	201	10.2 知识点 2: 可编程控制器的程序 编制 .....	235
8.1.1 要点归纳 .....	201	10.2.1 要点归纳 .....	235
8.1.2 例题解析 .....	204	10.2.2 例题解析 .....	238
8.2 知识点 2: 控制电机 .....	207	<b>第 11 章 电工测量与安全用电 .....</b>	<b>253</b>
8.2.1 要点归纳 .....	207	11.1 知识点 1: 电工测量 .....	253
8.2.2 例题解析 .....	209	11.1.1 要点归纳 .....	253
<b>第 9 章 继电接触器控制系统 .....</b>	<b>211</b>	11.1.2 例题解析 .....	257
9.1 知识点 1: 常用控制电器 .....	211	11.2 知识点 2: 安全用电 .....	265
9.1.1 要点归纳 .....	211	11.2.1 要点归纳 .....	265
9.1.2 例题解析 .....	213	11.2.2 例题解析 .....	267
9.2 知识点 2: 笼型电动机直接起动的 控制线路 .....	215	<b>第 12 章 课程测试及考研真题 .....</b>	<b>269</b>
9.2.1 要点归纳 .....	215	12.1 课程测试 .....	269
9.2.2 例题解析 .....	216	12.2 课程测试参考答案 .....	272
9.3 知识点 3: 笼型电动机正反转的 控制线路 .....	225	12.3 重点大学硕士研究生入学考试 试题 .....	275
9.3.1 要点归纳 .....	225	12.4 重点大学硕士研究生入学考试 试题参考答案 .....	280
9.3.2 例题解析 .....	226	<b>参考文献 .....</b>	<b>283</b>
9.4 知识点 4: 行程控制和时间控制 .....	228		
9.4.1 要点归纳 .....	228		

# 第1章 电路的基本概念与基本定律

**【基本知识点】** 电路构成与电路模型；电流和电压的参考方向；电源三种工作状态；欧姆定律；基尔霍夫定律；电位计算等。

**【重点】** 电流和电压的参考方向；欧姆定律；基尔霍夫定律；电位计算。

**【难点】** 电流和电压的参考方向；欧姆定律；基尔霍夫定律；电位计算。

## 1.1 知识点 1：电路的基本概念

### 1.1.1 要点归纳

#### 1. 电路与电路模型

电路由电源、中间环节和负载三部分组成，如图 1.1 所示。由理想电路元件组成的电路称为电路模型。理想电路元件主要有电阻元件、电感元件、电容元件和电源元件等。电路中电源或信号源的电压或电流称为激励；激励在各部分产生的电压和电流称为响应。电路分析是在已知电路的结构和元件参数的条件下，讨论激励与响应的关系。

#### 2. 电源有载工作、开路与短路

典型电路如图 1.2 所示。

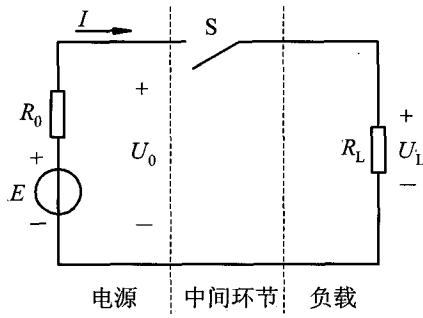


图 1.1

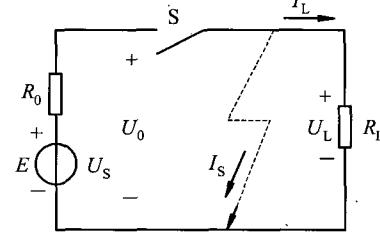


图 1.2

##### (1) 开路(空载)

开关 S 断开或  $R_L = \infty$  时电路处于开路工作状态。 $I_L = 0$ ，电源端电压  $U_0 = U_S$  (或 E)， $P_L = P_S = 0$ ，负载端电压  $U_L = 0$ 。

## (2) 短路

开关S闭合,图1.1中虚线所示(或 $R_L=0$ )即为短路工作状态。 $I_S = \frac{E}{R_0} = \frac{U_S}{R_0}$ 很大。 $U_L=0$ ,  $I_L=0$ ,  $P_L=0$ , 不会损坏用电设备。但 $P_0=P_S=I_S^2 R_0$ , 电源内部发热而损坏,要用熔断器保护电源。

## (3) 有载工作

开关S闭合,当 $0 < R_L < \infty$ 时电路处于有载工作状态。 $I_L = \frac{U_S}{R_0 + R_L}$ ,  $U_L = I_L R_L$   
 $= U_S - I_L R_0 = U_S - \Delta U$ 。 $\Delta U = I_L R_0$ 为内阻压降。功率平衡式 $P_S = P_0 + P_L = I_L^2 R_0 + U_L I_L$ 。

## 3. 额定值与实际值

额定值是为电气设备在给定条件下正常运行而规定的允许值。额定电压、额定电流和额定功率分别用 $U_N$ 、 $I_N$ 和 $P_N$ 表示。

一定电压下,电源输出的电流和功率由负载的大小决定。

## 4. 电源与负载的判别

## (1) 根据电压和电流的实际方向判别

电源:  $U$ 和 $I$ 的实际方向相反,电流从“+”端流出,发出功率;

负载:  $U$ 和 $I$ 的实际方向相同,电流从“+”端流入,取用功率。

## (2) 根据电压和电流的参考方向判别

$U$ 和 $I$ 的参考方向相同:  $P = UI > 0$ , 为负载;  $P = UI < 0$ , 为电源;

$U$ 和 $I$ 的参考方向相反:  $P = UI > 0$ , 为电源;  $P = UI < 0$ , 为负载。

## 1.1.2 例题解析

**【例 1.1\*】** 在如图1.3所示电路中,已知 $E=2V$ ,  $I_S=1A$ ,  $R_1=3\Omega$ ,  $R_2=1\Omega$ 。试求各电阻消耗的功率及各电源产生的功率。

**分析** 计算电路时,应标出各待求元件(或支路)中电压、电流的参考方向,如图1.4所示。再根据元件(或支路)参考方向的关系来确定待求量。电路中的电源元件并不一定都起电源的作用,有的可能起负载的作用。

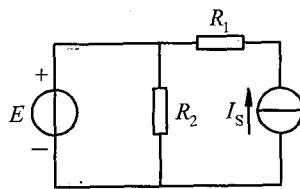


图1.3

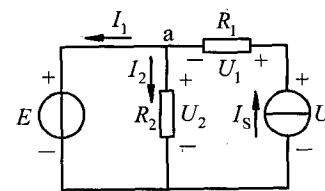


图1.4

答 先标出各元件的电压、电流的参考方向,如图1.4所示。则

$$U_2 = E = 2V$$

$$U_1 = I_s R_1 = 1 \times 3 = 3V$$

$$I_2 = \frac{U_2}{R_2} = \frac{2}{1} = 2A$$

对节点 a, 根据基尔霍夫电流定律 (KCL) 得  $I_1 = I_s - I_2 = 1 - 2 = -1A$

对右侧回路, 根据基尔霍夫电压定律 (KVL) 得  $U = U_1 + U_2 = 3 + 2 = 5V$

所以各电阻吸收的功率分别为  $P_{R_1} = U_1 I_s = 3 \times 1 = 3W$

$$P_{R_2} = U_2 I_2 = 2 \times 2 = 4W$$

各电源产生的功率  $4E3A$   $P_E = -U_2 I_1 = -2 \times (-1) = 2W$

$$P_{I_s} = UI_s = 5 \times 1 = 5W$$

**【例 1.2】** 如图 1.5 所示电路中, 已知  $I_1 = 3mA$ ,  $I_2 = 1mA$ , 试求:

(1) 电路元件 3 两端电压  $U_3$  和流过的电流  $I_3$ ;

(2) 说明其是电源还是负载;

(3) 校验整个电路中的功率是否平衡。

答 (1) 根据 KCL, 有

$$I_2 = I_1 + I_3$$

则

$$I_3 = I_2 - I_1 = 1 - 3 = -2mA$$

根据 KVL, 可列右侧回路电压方程  $20I_2 + U_3 - U_2 = 0$

则

$$U_3 = U_2 - 20I_2 = 80 - 20 \times 1 = 60V$$

(2) 从电压和电流的实际方向判别

电路元件 3: 电流  $I_3$  从 “+” 端流出, 故为电源;

80V 元件: 电流  $I_2$  从 “+” 端流出, 故为电源;

30V 元件: 电流  $I_1$  从 “+” 端流入, 故为负载。

(3) 电路中各元件吸收的功率

$$P_1 = U_1 I_1 = 30 \times 3 = 90mW, \text{ 为负载}$$

$$P_2 = -U_2 I_2 = -80 \times 1 = -80mW, \text{ 为电源}$$

$$P_3 = U_3 I_3 = 60 \times (-2) = -120mW, \text{ 为电源}$$

$$P_{R_1} = I_1^2 R_1 = 3^2 \times 10 = 90mW, \text{ 为负载}$$

$$P_{R_2} = I_2^2 R_2 = 1^2 \times 20 = 20mW, \text{ 为负载}$$

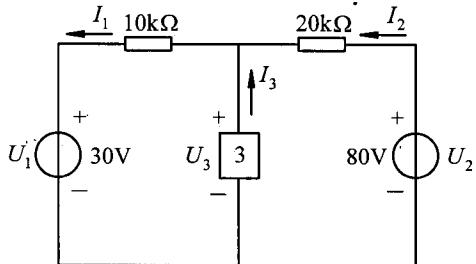


图 1.5

各电源发出的功率为  $|P_2 + P_3| = 80 + 120 = 200 \text{ mW}$

各负载吸收的功率为  $P_1 + P_{R_1} + P_{R_2} = 90 + 90 + 20 = 200 \text{ mW}$

所以，整个电路的功率是平衡的。

另外，电源和负载的判别还可以从电压和电流的参考方向来看。

对于元件 3， $U_3$  和  $I_3$  为关联参考方向，则

$$P_3 = U_3 I_3 = 60 \times (-2) = -120 \text{ mW}, \text{ 为电源}$$

对于 80V 元件， $U_2$  和  $I_2$  为非关联参考方向，则

$$P_2 = -U_2 I_2 = -80 \times 1 = -80 \text{ mW}, \text{ 为电源}$$

对于 30V 元件， $U_1$  和  $I_1$  为关联参考方向，则

$$P_1 = U_1 I_1 = 30 \times 3 = 90 \text{ mW}, \text{ 为负载}$$

**【例 1.3】** 有一直流电源额定电压  $U_N = 24 \text{ V}$ ，额定功率  $P_{SN} = 200 \text{ W}$ ，内阻  $R_0 = 0.24 \Omega$ 。又有白炽灯额定电压  $U_{LN} = 24 \text{ V}$ ，额定功率  $P_{LN} = 40 \text{ W}$ 。问：

(1) 电源的额定电流  $I_N$  等于多少？空载时端电压  $U_0$  等于多少？接多少盏灯达到满载？灯应如何连接？此时电源内阻消耗功率  $\Delta P$  为多少？

(2) 若只接一盏灯，其端电压  $U_L$  为多少？电流  $I_L$  为多少？灯泡消耗功率  $P_L$  为多少？此时电源发出的功率为多少？

(3) 当满载时若其中一盏灯两端碰线而短路，则对其余的灯有何影响？可能会造成什么后果？

答 (1) 电源额定电流为

$$I_N = \frac{P_{SN}}{U_N} = \frac{200}{24} \approx 8.33 \text{ A}$$

因为空载电压等于电源电压(或电动势)，则

$$U_0 = U_S = I_N R_0 + U_N = 8.33 \times 0.24 + 24 \approx 26 \text{ V}$$

灯的额定电压等于电源额定电压，故可接入灯的个数为

$$n = \frac{P_{SN}}{P_{LN}} = \frac{200}{40} = 5$$

应采用并联接法。此时电源内阻消耗功率为

$$\Delta P = I_N^2 R_0 = 8.33^2 \times 0.24 \approx 16.7 \text{ W}$$

(2) 额定状态下灯的电阻为

$$R_{LN} = \frac{U_{LN}^2}{P_{LN}} = \frac{24^2}{40} = 14.4 \Omega$$

当只接入一盏灯时，电流为  $I_L = \frac{U_s}{R_0 + R_{LN}} = \frac{26}{0.24 + 14.4} \approx 1.78 \text{ A}$

端电压为  $U_L = IR_{LN} = 1.78 \times 14.4 = 25.6 \text{ V}$

灯消耗功率为  $P_L = U_L I_L = 25.6 \times 1.78 = 45.6 \text{ W}$

电源发出功率为  $P_s = U_s I_L = 26 \times 1.78 = 46.3 \text{ W}$

(3) 满载时其中一个灯短路将使得电源短路，其余灯上电压变为零而不亮，但不会损坏。而电源中流过的短路电流为

$$I_s = \frac{U_s}{R_0} = \frac{26}{0.24} \approx 108.3 \text{ A}$$

若没有保险丝就将烧坏电源，故电源输出端一定要装保险丝。

**【例 1.4★】** 图 1.6 是电源有载工作的电路。电源的电动势  $E = 220\text{V}$ ，内阻  $R_0 = 0.2\Omega$ ；负载电阻  $R_1 = 10\Omega$ ， $R_2 = 6.67\Omega$ ；线路电阻  $R_L = 0.1\Omega$ 。试求负载电阻  $R_2$  并联前后：

(1) 电路中电流  $I$ ；

(2) 电源端电压  $U_1$  和负载端电压  $U_2$ ；

(3) 负载功率  $P$ 。当负载增大时，总的负载电阻、负载功率、电源端和负载端的电压是如何变化的？

答 (1) 负载电阻  $R_2$  并联前：电路总电阻为  $(R_0 + 2R_L + R_1)$ 。

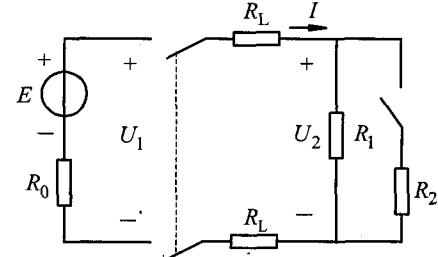


图 1.6

电路中电流为

$$I = \frac{E}{R_0 + 2R_L + R_1} = \frac{220}{0.2 + 2 \times 0.1 + 10} \approx 21.15 \text{ A}$$

电源端电压为  $U_1 = I(2R_L + R_1) = 21.15 \times (2 \times 0.1 + 10) \approx 215.7 \text{ V}$

负载端电压为  $U_2 = IR_1 = 21.15 \times 10 = 211.5 \text{ V}$

负载功率为  $P = U_2 I = 211.5 \times 21.15 \approx 4473 \text{ W} \approx 4.47 \text{ kW}$

(2) 负载电阻  $R_2$  并联后：电路总电阻为  $(R_0 + 2R_L + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2})$ 。

电路中电流为

$$I = \frac{E}{R_0 + 2R_L + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{220}{0.2 + 2 \times 0.1 + \frac{10 \times 6.67}{10 + 6.67}} \approx 50 \text{ A}$$

电源端电压为

$$U_1 = I(2R_L + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}) = 50 \times (2 \times 0.1 + \frac{10 \times 6.67}{10 + 6.67}) \approx 210 \text{ V}$$

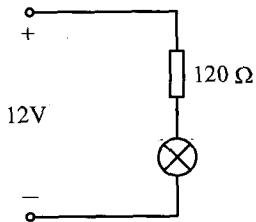
负载端电压为

$$U_2 = I \times \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 50 \times \frac{10 \times 6.67}{10 + 6.67} \approx 200 \text{ V}$$

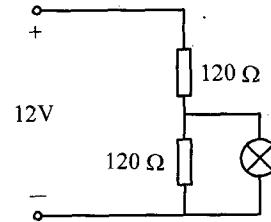
$$(3) \text{ 负载功率为 } P = U_2 I = 200 \times 50 = 1000 \text{ W} = 10 \text{ kW}$$

由上可知：当负载增大时，总的负载电阻减小，线路中电流增大，负载功率增大，电源端电压和负载端电压均下降。

**【例 1.5】** 在如图 1.7 所示的两个电路中，要在 12V 的直流电源上使 6V 50mA 的灯泡正常发光，应该采用哪一个连接电路？



(a)



(b)

图 1.7

答 灯泡的电阻值为

$$R = \frac{6}{50 \times 10^{-3}} = 120 \Omega$$

要使灯泡正常发光，必须保证其获得 6V 电压和 50mA 电流。

在图 1.7 (a) 中，灯泡中电流为

$$I = \frac{12}{120 + 120} = 0.05 \text{ A}$$

灯泡端电压为

$$U = 12 - 120 \times 0.05 = 6 \text{ V}$$

灯泡上的电压和电流都为额定值，故灯泡可以正常发光。

在图 1.7 (b) 中，灯泡与 120Ω 电阻并联后再串联 120Ω 电阻。

电路总电阻为

$$R_0 = 120 + \frac{120 \times 120}{120 + 120} = 180 \Omega$$

电路总电流为

$$I = \frac{12}{180} \approx 0.067 \text{ A}$$

灯泡中电流为

$$I' = \frac{120}{120+120} I \approx 0.033 \text{ A}$$

灯泡端电压为

$$U = I'R = 0.033 \times 120 = 4 \text{ V} < 6 \text{ V}$$

灯泡上的电压和电流都低于额定值，故灯泡不能正常发光。故应采用图 1.7 (a) 所示的连接电路。

**【例 1.6★】** 试求图 1.8 所示两电路中的电压  $U_{ab}$  和电流  $I_1$ 。

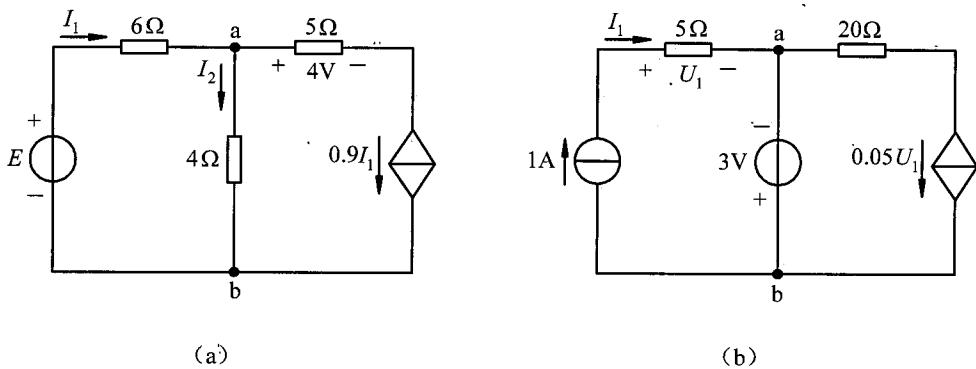


图 1.8

**分析** 在求解含有受控源的电路问题时，将受控源当作独立电源来处理。

**答** (1) 在图 1.8 (a) 所示电路中，

$$0.9I_1 = \frac{4}{5} = 0.8 \text{ A}$$

所以

$$I_1 = \frac{0.8}{0.9} \approx 0.89 \text{ A}$$

$$U_{ab} = 4I_2 = 4 \times (I_1 - 0.9I_1) = 0.356 \text{ V}$$

(2) 在图 1.8 (b) 所示电路中，

$$I_1 = 1 \text{ A}$$

$$U_{ab} = -3 \text{ V}$$

**评注** 受控源也是电源，应用 KCL, KVL 列电路方程时，如果遇到回路内含有受控电压源，以及节点或封闭曲面连接有受控电流源时，先将受控源当作独立电源一样对待，列出电路基本方程，再根据受控源受控特点，列出控制量与待求量之间的关系式——辅助方程，解基本方程和辅助方程，即可求得待求量。

## 1.2 知识点 2: 电流和电压的参考方向

### 1.2.1 要点归纳

电路中电压和电流的方向，有实际方向和参考方向之分。

#### 1. 实际方向

- (1) 电压的实际方向：由高电位端指向低电位端；
- (2) 电流的实际方向：正电荷运动的方向或负电荷运动的反方向；
- (3) 电源电动势的实际方向：电源内部由低电位端指向高电位端。

#### 2. 参考方向

- (1) 电压的参考方向：用极性“+”、“-”表示，还可用双下标或箭头表示；
- (2) 电流的参考方向：用箭头表示。

电压、电流的参考方向是为分析电路而任意假设的。当参考方向与实际方向相同时，其值为正，反之为负值。

### 1.2.2 例题解析

**【例 1.7】** 图 1.9 (a), (b) 中，已知电流  $I = -5\text{ A}$ ,  $R = 10\Omega$ 。试求电压  $U$ ，并标出电压的实际方向。

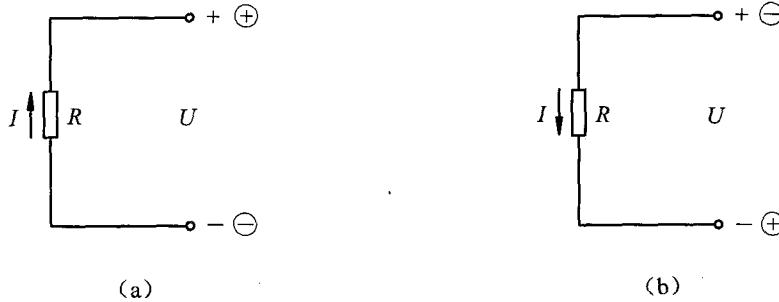


图 1.9

**分析** 当电阻两端电压  $U$  的参考方向与流过该电阻中的电流参考方向一致时，则电压  $U = RI$ ；相反时， $U = -RI$ 。

**答** 图 1.9 (a) 中， $U$  与  $I$  的参考方向相反，则

$$U = -RI = -(-5) \times 10 = 50\text{ V}$$

由于  $U > 0$ ，所以电压  $U$  的实际方向（如“+”，“-”所示）与参考方向相同。

图 1.9 (b) 中， $U$  与  $I$  的参考方向相同，则