

建筑靜力学

金宝楨 雷道曾 孫錫玲 編



上海科学技术出版社

建 筑 靜 力 学

(第二版)

金宝楨 雷道曾 孫錫玲 編



上海科学技术出版社

内 容 摘 要

本书取材于数种最通用的苏联教本，包括静定系统、简单的超静定系统及挡土墙的计算原理及应用。内容简明扼要，说理深入浅出，目的在使中级土建技术干部均易了解。书中提供了不少计算例题，每章之末并附有习题。

本书可供中级土建技术学校或土建专科学校作为教学用书。在实际工作中的土建技术干部如采取本书作为自学与参考之用，也很适宜。

建 筑 静 力 学

(第二版)

金宝桢 雷道曾 孙锡玲

上海科学技术出版社出版

(上海瑞金二路450号)

上海市书刊出版业营业登记证093号

新华书店上海发行所发行 各地新华书店经售

上海洪兴印刷厂印刷

*

开本 850×1168 1/32 印张 10 12/32 字数 273,000

1956年4月第1版印6次共印 16,135 册

1961年12月第2版 1961年12月第1次印刷

印数 1—5,000

统一书号：15119·1640

定 价：(十) 1.20 元

序

建筑靜力学是土建类专业教学計劃中一門基础技术課；在結構課程系統方面它具有承上启下的桥梁作用。在它以前需要預习理論力学和材料力学，在它以后，就要学习鋼結構、木結構和鋼筋混凝土結構等专业課程。可以說，建筑靜力学的教学目的是为学好这些专业課打下基础。

本书的內容包括靜定結構和較简单的超靜定結構。編写本书的意图主要是为土建类中等技术学校或专科学校的建筑靜力学一課提供較适宜的教材（对该課要求較低的本科专业亦可考虑采用）。在現有的結構力学书籍（指以苏联教材为基本內容者）中，对中等技术学校來說其份量不是偏多便是偏少，而且有些地方也沒有适当配合专业課的要求。在一定的程度上，本书會注意到弥补上述的缺陷。在取材方面，編者會参考了苏联和我国中等技术学校該課的教学大綱；在說理方面，也會注意到用比較淺显明了的表达方法，以便学生容易領会。

本书的主要参考书如下：

1. Б. Н. Жемочкин и Д. П. Пащевский: Статика сооружений (結構靜力学)，1950.
2. А. И. Дыховичный: Строительная механика (結構力学)，1953.
3. И. М. Рабинович: Строительная механика стержневых систем (杆件系統结构力学)，1947.
4. И. М. Рабинович: Курс строительной механики стержневых систем (建筑力学教程)，1950.
5. А. В. Дарков и В. И. Кузнецов: Статика сооружений (結構靜力学) 1951.
6. И. П. Прокофьев: Теория сооружений (結構理論)，1947.
7. И. Л. Кузьмин, В. Г. Рекач и Г. И. Розенблат: Сборник задач

по теории сооружений (结构力学学习题集), 1950.

8. 金宝楨: 建筑力学, 1953.

由于政治水平和业务水平的限制, 編者不能很满意地編好这本书, 因此, 編者誠懇地希望讀者們对本书的缺点提出寶貴的意見, 以便作为以后修正的南針。

編者 一九五五年十二月

第二版序

本书出版五年多来受到不少教师和讀者的重視，被用作专科学校或中等专业学校的教材或自修讀物，这是編者引为感幸的。目前因本书需要再版，編者借此机会对于原书的內容进行了一些增減。由于弯矩分配法一直在我国建築設計部門較广泛地被采用着，故此次增加一章对该法作一簡要介紹，以适应讀者需要。为了不致过于扩大本书篇幅，曾对第十一章超靜定剛架中某些部分，例如剛架計算的簡化，特别是复杂剛架的計算，作了适当的精簡。由于編者为時間所限，这次再版沒有作更多的补充修訂，这是应当向讀者致歉的。

編者 一九六一年三月

目 录

序

第二版序

第一章 緒論	1
1-1 建筑靜力学的定义及其任务	1
1-2 結構的計算簡圖	2
1-3 結構物的分类	2
第二章 結構的机动分析	11
2-1 机动分析的意义及其目的	11
2-2 自由度	12
2-3 平面杆件系統几何不变性 的初步檢查	13
2-4 平面鏈杆系統的自由度	16
2-5 平面杆件系統几何不变性 的最后檢查	17
习題	22
第三章 索多邊形的概念及其应用	24
3-1 索多邊形的概念	24
3-2 索多邊形特例——合力多 邊形	27
3-3 用索多邊形確定支承反力	28
3-4 連續分布荷載的索多邊形 ——繩索曲線	29
3-5 用索多邊形求共面力系的	
靜矩	30
3-6 用索多邊形繪制弯矩圖和 剪力圖	33
3-7 具有節間簡支梁的弯矩圖 与剪力圖	35
习題	37
第四章 多孔靜定梁	40
4-1 多孔靜定梁的概念	40
4-2 多孔靜定梁的型式	41
4-3 多孔靜定梁的數解法	43
4-4 多孔靜定梁的圖解法	46
习題	49
第五章 實體三鉸拱及剛架	52
5-1 拱式体系的一般概念	52
5-2 確定支座反力的數解法	55
5-3 確定支座反力的圖解法	60
5-4 拱內任一截面的弯矩、剪 力和軸向力的計算	61
5-5 壓力多邊形及壓力曲線	64
5-6 拱軸的合理輪廓	66
5-7 三鉸拱的特性	67
5-8 三鉸剛架的概念	68
5-9 三鉸剛架的 M 圖、 Q 圖和 N 圖	70
习題	71

第六章 靜定梁型桁架	74
6-1 桁架的概念	74
6-2 桁架的分类	75
6-3 桁架的組成規律及其穩定性的檢查	78
6-4 桁架數解法之——結點割離法	80
6-5 結點平衡的几个特殊情況	81
6-6 桁架的結点圖解法(馬克·斯維爾-克拉蒙图)	83
6-7 桁架數解法之二——截面法	86
6-8 截面法在較复杂情況下的应用	88
6-9 桁架的聯合解法	90
6-10 桁架數解法之三——杆件代替法	91
6-11 各种不同形式的梁型桁架的比較	94
习題	96
第七章 靜定系統的影响綫	100
7-1 影响綫的概念	100
7-2 简支梁的反力影响綫	101
7-3 简支梁的弯矩和剪力影响綫	102
7-4 悬臂梁的影响綫	104
7-5 具有节間简支梁的影响綫	106
7-6 多孔静定梁的影响綫	108
7-7 影响綫上纵标的因次	110
7-8 用影响綫求内力方法	112
7-9 三角形影响綫的最不利荷載的条件	114
7-10 由于一群集载在梁内产生絕對最大弯矩的临界位置	117
7-11 简桁架的内力影响綫	118
习題	121
第八章 結構变位的計算	124
8-1 前言	124
8-2 外力之功	124
8-3 功的互等定理与变位互等定理	126
8-4 内力的虚功	128
8-5 内功与外功的关系	132
8-6 内力的实功、位能	133
8-7 解求变位的一般性公式	133
8-8 用图形相乘計算变位	142
习題	148
第九章 力法的基本原理	152
9-1 超靜定系統的概念	152
9-2 超靜定次数的确定	153
9-3 力法的基本系統与基本未知数	155
9-4 力法的典型方程式	156
9-5 力法的計算步驟	158
习題	159
第十章 連續梁	161
10-1 三弯矩方程式	161
10-2 連續梁的弯矩、剪力及支承反力的一般公式	165
10-3 連續梁固定端与悬臂端的处理	166
10-4 弯矩的焦点比值	175
10-5 載荷跨徑两端支承弯矩的公式	179
10-6 連續梁上最不利的活載位置	186

10-7 最大最小弯矩图与剪力图	187	短与剪力	190
10-8 用表計算等跨連續梁的弯		习題	201
第十一章 超靜定剛架			204
11-1 简单超靜定剛架的計算	204	11-7 最后弯矩图的核驗	224
11-2 剪力图与軸向力图的繪制	209	11-8 用表計算連續剛架	231
11-3 刚架計算的簡化	212	11-9 用近似法計算剛架的概念	238
11-4 对称性的利用	212	11-10 刚架在水平荷載作用下的 近似計算法	240
11-5 弹性重心法	217	习題	242
11-6 荷載的分解	221		
第十二章 超靜定桁架及混合系統			245
12-1 超靜定桁架的計算	245	习題	248
12-3 混合系統的計算	246		
第十三章 超靜定拱			250
13-1 概說	250	13-3 无鉸拱的計算	257
13-3 二鉸拱的計算	252	习題	269
第十四章 弯矩分配法			270
14-1 弯矩分配法原理	270	14-5 演算步驟	280
14-2 固端弯矩	271	14-6 有結点側移的剛架計算	283
14-3 分配系数	273	习題	289
14-4 傳递系数	279		
第十五章 顆粒体的压力及擋土牆的計算			291
15-1 引言	291	式	307
15-2 顆粒体的物理性质	291	15-9 超載的影响	308
15-3 顆粒体的主动压力	293	15-10 在特殊情況下的压力强度 圖	311
15-4 土压力的图解法之一—— 卡尔曼作图法	296	15-11 顆粒体的被动压力(反推 力)	314
15-5 列博汉定理	299	15-12 擋土牆强度的計算	316
15-6 土压力的图解法之二—— 彭斯列作图法	302	15-13 关于擋土牆傾復及滑動的 驗算	319
15-7 总压力图与压力强度图	305	习題	320
15-8 在特殊情況下的土压力公			

第一章 緒論

1-1 建筑靜力学的定义及其任务 建筑靜力学是一門研究關於整個結構的強度、剛度和穩定性原理與計算方法的科學。它跟材料力学的區別在於：後者所研究的對象乃是關於組成結構的個別杆件的強度、剛度和穩定性問題。

一般來說，建築靜力学的任務是：

- (1) 在外載的作用下，決定結構物中的內力和形變，以保證它們具有足夠而非過分的強度和剛度；
- (2) 從幾何的觀點，研究結構物的組成規律，以保證它們的穩定性；
- (3) 從安全和經濟的觀點，研究為了適合一定要求所應採用的結構型式及其合理的計算方法。

建築靜力学這門課程，不能被認為包羅了計算所有各種結構的方法，而為每一種結構建立一套最適用的計算方法。實際上，所有結構的計算都是依據少數的法則，對於不同類型的結構，都可以這些法則為基礎而建立其個別適當的計算步驟，以便能夠迅速而簡單地得出所求的結果。

在土建專業教學計劃的整個理論學習中，建築靜力学可以說是一門承上啟下而具有橋樑作用的課程。它一方面是理論力學和材料力學的繼續和发展，而另一方面又為鋼、木和鋼筋混凝土等專業課程的學習鋪平道路。

建築靜力学曾用百年前所夢想不到的計算方法武裝了結構設計師們；它好象在設計師們的眼前揭露了結構物的內部秘密，使他們具有銳利的眼光而能洞悉外力對於整個結構物或任一構件的作用，並能預見存在於各個構件中的內力和形變。因此，建築靜力学在基本建設中所起的作用是很大的。

1-2 結構的計算簡圖 在計算結構的內力時，為得到簡化的計算起見，我們常用一種理想的計算簡圖來代替實際的結構。這個計算簡圖的選擇必須滿足兩個原則：就是不僅要尽可能地簡單，以避免計算的過於複雜，而且還要在最大的程度上能夠反映實際結構物在承受外力時的工作情況。

譬如，當計算圖 1-1a 的桁架時，可用圖 1-1b 的計算簡圖來代替。在這個簡圖中，組成桁架的杆件是用其軸線代之，又具有一定剛度的桁架結點是用理想鉸鏈代之。這樣，桁架的內力計算就大大簡化了；同時，在桁架杆件中只有軸向力作用著，也能近似地反映實際桁架的工作情況。因此，象这样一个計算簡圖是合乎上述要求的。

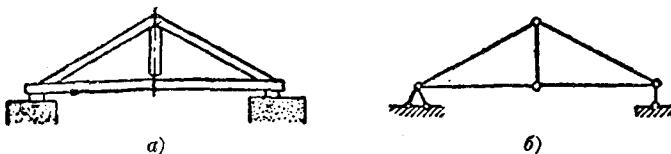


图 1-1

1-3 結構物的分類 我們可以根據各種不同的觀點把結構物分成各種不同的類型。首先，從幾何的觀點，結構物可以劃分為以下三類：

1. 杆件系統結構物 這種結構物是由許多杆件構成的，其中任一杆件的長度都遠大於這杆件截面的尺碼（寬度與深度）。如圖 1-2 中所示的結構物都屬於此類，其建築所用材料大多為鋼鐵、木

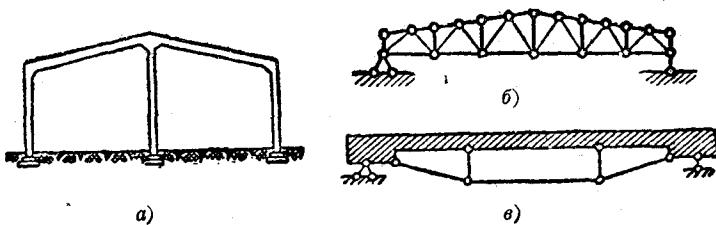


图 1-2

材或鋼筋混凝土。

2. 薄壁結構物 这种結構物的特点在于：其厚度比其长度和宽度都小得多，亦即其两个方向的尺碼（长度与宽度）都远大于其第三个方向的尺碼（厚度）。如图 1-3 中的 a 与 b 都属于此类，前者示一有周边支持的薄板，后者示一圓柱形薄壳。薄壁結構物的建筑材料大多也是鋼鐵、木材或鋼筋混凝土。

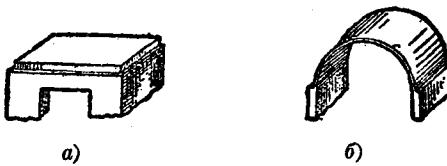


图 1-3

3. 实体結構物 这种結構物的特点在于：所有其三个方向的尺碼都不是相差太远而属于等級的。如图 1-4 中所示的擋土牆和拱形复盖都可以作为代表。实体結構物通常由善于承荷压力的建筑材料所构成，如磚石或混凝土。

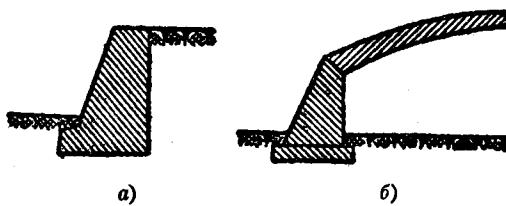


图 1-4

其次，从杆件的接合方式可将杆件系統結構物（以后可簡称为杆件系統）划分为以下三类：

1. 杆件剛接的系統 这种系統簡称为剛架，示如图 1-2a。連接剛架任一結点的杆件不能对于这結点产生任何相对的位移（綫位移与角位移）。因此，在剛架承受荷載时，連接同一結点任何两个杆件之間的角度必須保持不变。这种結点叫做剛性結点。在剛架的杆件內，不仅可以产生弯矩，而且亦可产生剪力和軸向力，但其主要的作用則为撓曲。

2. 杆件鉸接的系統 這種系統簡稱為桁架，示如圖 1-2^o。鉸接點的特点在於：所連接的杆件對於這結點雖不能產生相對的線位移，但可產生相對的角位移。因此，在桁架的杆件中，由於外載只會產生軸向力，而不產生彎矩和剪力。

3. 混合系統 所謂混合系統是說：其中有些結點是剛接的，而其他的結點是鉸接的，示如圖 1-2^s。因此，在混合系統的某些杆件中只遭受軸向力，而在其他的杆件中，則除軸向力外，一般還有彎矩和剪力作用着。

復次，杆件系統還可分為空間系統和平面系統：前者是說這系統中所有杆件的軸線不在同一平面內；後者是說這系統中所有杆件的軸線以及作用於系統上的外力都在同一平面內。

象圖 1-2 中所示的杆件系統都屬於平面系統。實際上，所有的杆件系統都是空間系統；不過，有些空間系統在杆件的布置上和受力的作用上可以允許被分解為若干個平面系統，因而在計算上可以獲得很大的簡化。例如圖 1-5，這是一個飛機庫的金屬構架，其在三個方向的尺碼都屬於同級，故應屬於空間系統。但是從杆件布置和受力情況方面考慮，我們可以把它分解為兩個平面的基本桁架 1 和五個平面的橫向桁架 2。後者由前者支承着，而它們自己又承托着蓋板，這樣就大大地簡化了計算。應當指出，並不是所有的空間系統都允許被分解為若干個平面系統來進行計算的。

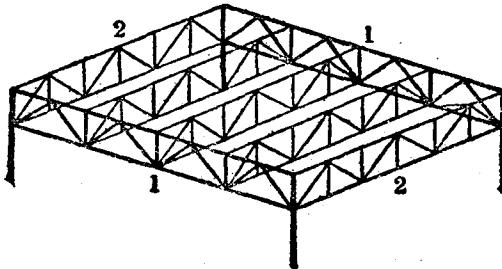


图 1-5

此外，還可以按照支承反力的方向把杆件系統分為無橫推力的系統（圖 1-6^a）和有橫推力的系統（圖 1-6^b）；前者亦可叫做梁

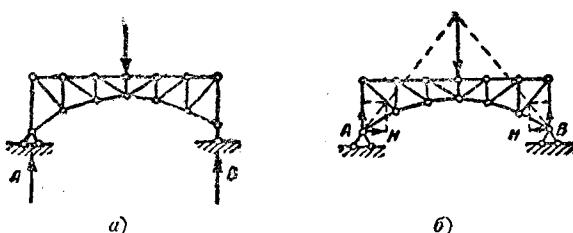


图 1-6

型系统，后者亦可叫做拱型系统。

最后，我們也可以把系統分为靜定系統和超靜定系統：前者是說這系統上反力和內力可用剛體的靜力平衡方程式解出；而後者是說這系統上的某些（或全部）反力或內力，或某些反力与內力，不能單用靜力平衡的关系來解答。例如在圖 1-2 中，作用于剛架 a 上的所有反力都是超靜定的；桁架 b 上的反力和內力都是靜定的；混合系統 c 上的反力是靜定的，而其內力是超靜定的。

1-4 平面系統的支承及其簡圖 凡把一個結構物聯到基礎所用的設備都可以叫做支承。實際上，任何支承總是空間的構造；但是在一平面系統中，因為所有杆件的軸線和作用於系統上的外力都在同一平面內，所以也可以把所用的支承作為這平面系統的一部份。屬於平面系統的支承一般有四種基本形式（參看表 1-1），茲分述如下：

1. 活動鉸承 這種支承的構造包括上鉸臂 A 與下鉸臂 B ，其間置有一個圓柱鉸體 a 。由於這個鉸體，則上鉸臂即可對於下鉸臂發生回轉；同時，被支予滾筒的下鉸臂亦可沿着支承平面 $m-n$ 移動。所以這種支承將容許系統對於鉸 a 回轉并在平行於滾筒軸線的垂直方向作不大的移動。

由圖可知，活動鉸承的反力應當通過鉸 a 的中心並與 $m-n$ 平面垂直（略去滾筒的摩擦力）。今取與 $m-n$ 平面垂直的方向為 y 軸，則作用於這種支承上的唯一反力 Y ，只有它的大小是一未知數。

表 1-1

支承名称	构造简图	链杆简图	未知数
活动铰承			Y
固定铰承			$X; Y$
定向支承			$Y; M$
固定支承			$X; Y; M$

活动铰承的链杆简图是这样：链杆 DE 的上端 D 与系统铰接着，其下端 E 与支承平面铰接着。这样，系统可以绕着铰 D 转动，并且当链杆绕着铰 E 转动时，在 DE 的垂直方向作不大的移动。这链杆的内力就是支承的反力。

2. 固定铰承 这种支承与活动铰承的区别在于：其下铰臂是固定于基础而无活动自由。在此情况下，联结到上铰臂的系统只能绕着铰 a 发生转动。因此在一般情况下，我们只知道作用于这支承上的反力通过铰 a 的中心而不知其大小的方向。这样沿着 x 轴和 y 轴方向将产生两个未知分反力 X 和 Y 。

固定铰承的链杆简图包括两个不平行而具有共同铰 D 的支承链杆 DE 和 DF ，这样布置的链杆将允许系统绕着铰 D 转动而阻止系统对于支承的位移。从这两个链杆的内力即可决定支承反力

的大小和方向。

3. 定向支承 这种支承是将杆件末端的上面和下面各用滚筒夹在墙中。这样，它可以允许杆件沿着滚筒轴线的垂直方向发生不大的移动，而不允许其末端发生转动。因此，作用于这种支承上的反力也只有两个未知数，即竖向力 Y 和力矩 M 。如果用两个互相平行而垂直于支承平面的链杆，将杆件联到基础，就构成了这种支承的链杆简图。

4. 固定支承 从这种支承的构造简图可知，它既不允许发生任何位移，亦不允许发生任何回转。在一般情况下，为了完全确定支承反力的大小、方向和作用点，必须求出三个未知数，即它沿着 x 和 y 轴的两个分反力 X 与 Y ，和它对于支承截面的重心 A 的力矩。这种支承的链杆简图包括三个既不平行又不共点的链杆 KH 、 DE 和 DF ，其中的内力即作用于这支承上的三个分反力，而链杆 KH 的内力将对于经过 D 的轴线产生力矩 M 。

由此可见，用链杆简图代表任何一种支承所包括的链杆数总是等于为了决定这种支承反力所要求出的未知数。

1-5 荷载的分类 根据荷载作用时间的久暂，荷载可分为恒载与活载：恒载是永久作用的荷载，一般指结构物本身各部分及其附属部分的自重，例如屋架的恒载是它的自重和屋面的重量；铁路桁架桥梁的恒载是它的桁架、联结系、桥面系的自重和轨枕、钢轨等等的重量。不过某些其他荷载，例如作用于挡土墙上的土压力，也应该作为恒载看待。活载是临时作用的荷载，它在结构物作用的时间是比较短暂的，例如屋架上的活载是雪载和风载；铁路桥上的活载是机车与列车的重量、施加力、风力等等。

应当指出，象作用于挡土墙上的土压力和铁路桥上的火车都可以叫做有效荷载，因为它们乃是在结构的建造任务中所应该担负的荷载。这种荷载和结构自重的区别在于：前者是必需考虑的荷载对象；后者是一种并不需要但无法避免的荷载。

根据荷载作用的特性，可将荷载分为静力载与动力载：静力

載是緩慢地、安靜地、毫无振动地傳达于結構上的荷載，它的大小和位置均與時間无关，或者它是這樣緩慢地变化着而可忽略其惰性力的影响；相反地，动力載乃是这样的荷載，就是它的大小和位置都跟時間迅速地变化着，因而必須考慮其惰性力的影响。例如，在結構上运动的火車、汽車和橋式起重機等等都应当属于动力載，只有它們在极慢的运动时才能作为靜力載看待。

最后，在計算結構物的强度和稳定性时，我們可将荷載分为主
要荷載、附加荷載和特殊荷載三种。我国建筑工程部对于这种分
类的規定*如下：

(一) 主要荷載 即产生經常或固定的应力于建筑构件之上的荷載，如：

(1) 自重 建筑物本身的重量；

(2) 使用荷載 由于使用該建築物而产生的荷載如人、貨物、設備及机
器震动、吊車冲击等动力荷載；

(3) 行載 运輸的活動荷載；

(4) 雪載；

(5) 土压力；

(6) 水压力；

(7) 温度变化的影响 由于生产过程中温度变化对建築物結構部分所
产生的影响，如热液体貯藏池及烟囱內的溫度变化等。

(二) 附加荷載 即产生不經常或临时的应力于建筑构件之上的荷載，
如：

(1) 风載 对一般房屋按附加荷載考虑，对水塔、烟囱、電線架等高聳的
建筑，应接主要荷載考虑；

(2) 不正常动力載 如机器开动时不正常动力影响等；

(3) 安装用吊車的移动荷載；

(4) 气温变化的影响 由于空气溫度昼夜变化或季节变化所产生的影
响，一般房屋按规定留有伸縮縫时可不予考虑。

(三) 特殊荷載 因事故而产生偶然应力于建筑构件之上的荷載，如：

(1) 地震力；

(2) 因水灾而引起的水压力；

(3) 因部分結構破坏而引起的荷載；

* 見中华人民共和国建筑工程部荷載暫行規范(規結 1-58)。