

普通高等教育机电类规划教材

电工基础

陈菊红 主编



机械工业出版社
China Machine Press



普通高等教育机电类规划教材

电 工 基 础

主 编 陈菊红

副主编 陈铁牛

参 编 叶 真 焦素敏 许小军

机 械 工 业 出 版 社

本书主要包括电路的基本概念和基本定律、电路的等效变换、线性网络的一般分析方法及基本定理、正弦稳态电路、互感电路、三相电路、非正弦周期电流电路、线性电路过渡过程的时域分析和复频域分析、二端口网络、非线性电阻电路、磁路和铁心线圈电路等。全书共分十三章。

本书可作为应用型本科电气类专业的教材，也可供其他各类院校相关专业教学选用，或供工程技术人员参考。

图书在版编目 (CIP) 数据

电工基础/陈菊红主编. —北京: 机械工业出版社,
2002. 2

普通高等教育机电类规划教材

ISBN 7-111-09785-8

I. 电… II. 陈… III. 电工学-高等学校-教材
IV. TM1

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2002) 第 000345 号

机械工业出版社 (北京市百万庄大街 22 号 邮政编码 100037)

责任编辑: 韩雪清 版式设计: 冉晓华 责任校对: 张莉娟

封面设计: 姚 毅 责任印制: 闫 焱

北京京丰印刷厂印刷·新华书店北京发行所发行

2004 年 3 月第 1 版·第 2 次印刷

1000mm×1400mm B5·11.75 印张·454 千字

定价: 26.00 元

凡购本书, 如有缺页、倒页、脱页, 由本社发行部调换

本社购书热线电话 (010) 68993821、88379646

封面无防伪标均为盗版

前 言

几年来的应用型本科教学实践，促使我们编写了这本教材。在教材编写过程中，我们突出强调了应用型本科的培养目标及人才模式的要求，特别注意了对基本原理及工程计算方法的阐述和应用，分析问题力求做到深入浅出，语句表达力求简明易懂，例题、思考题及习题的选择力求紧扣概念和基本分析能力的培养。

本教材基本内容包括电路的基本概念和基本定律、电路模型、线性网络的一般分析方法、正弦稳态电路、互感电路、三相电路、非正弦周期电流电路、线性电路的过渡过程、非线性电阻电路以及磁路和铁心线圈电路等。除课程的基本内容外，书中还编入了一些标有*号的章节内容，可作为某些专业的选学内容。

参加本书编写工作的有陈菊红（第一、五、十三章）、陈铁牛（第九、十章）、叶真（第二、十一章）、焦素敏（第三、四、十二章）、许小军（第六、七、八章）。全书由南京工程学院陈菊红统稿并担任主编。

本教材的出版是我们对应用型本科电气类教学的一种尝试，希望它能适应各校的教学需求。限于编者水平，一定会有许多考虑不周的地方，书中缺点错误也在所难免，恳请得到读者的批评指正。

编者

2001 年 10 月

目 录

前言

第一章 电路的基本概念和基本定律	1
第一节 电路和电路模型	1
第二节 电路的基本物理量	2
第三节 电阻元件和欧姆定律	8
第四节 电压源和电流源	10
第五节 电路的工作状态	13
第六节 基尔霍夫定律	16
习题	20
第二章 电路的等效变换	23
第一节 电阻的串、并、混联及等效电阻	23
第二节 电阻的星形与三角形联结及等效变换	29
第三节 电源模型的联接及等效变换	32
第四节 受控源及含受控源电路的等效变换	38
习题	41
第三章 线性网络的一般分析方法	46
第一节 支路电流法	46
第二节 回路电流法	49
第三节 节点电压法	53
* 第四节 网络的图及 KVL 方程的独立性	59
* 第五节 节点电压方程的矩阵形式	61
习题	69
第四章 线性网络的基本定理	73
第一节 叠加定理	73
第二节 替代定理	76
第三节 戴维南定理与诺顿定理	78
第四节 最大功率传输定理	85
习题	86

第五章 正弦稳态电路	90
第一节 正弦量的基本概念	90
第二节 正弦量的相量表示法	94
第三节 电阻元件伏安关系的相量形式	99
第四节 电感元件及其伏安关系的相量形式	100
第五节 电容元件及其伏安关系的相量形式	105
第六节 基尔霍夫定律的相量形式	108
第七节 R 、 L 、 C 串联电路及复阻抗	110
第八节 R 、 L 、 C 并联电路及复导纳	114
第九节 无源二端网络的等效复阻抗和复导纳	118
第十节 实际元件的电路模型	122
第十一节 正弦电流电路的分析计算	123
第十二节 正弦交流电路中电阻、电感、电容元件的功率	130
第十三节 二端网络的功率	134
第十四节 功率因数的提高及有功功率的测量	138
第十五节 串联电路的谐振	143
第十六节 并联电路的谐振	147
习题	150
第六章 互感电路	155
第一节 互感及互感电压	155
第二节 互感线圈的同名端	157
第三节 互感线圈的联接及等效电路	161
第四节 互感电路的计算	165
第五节 空心变压器	168
习题	172
第七章 三相电路	176
第一节 三相电源	176
第二节 三相电源的联结	178
第三节 三相负载的联结	180
第四节 对称三相电路的计算	183
第五节 不对称三相电路的计算	187
第六节 三相电路的功率及其测量	190
习题	195
第八章 非正弦周期电流电路	198
第一节 非正弦周期信号及其分解	198

第二节	对称波形的傅里叶级数	202
第三节	非正弦周期电流电路中的有效值、平均值、平均功率	205
第四节	非正弦周期电流电路的计算	209
第五节	滤波器	212
习题		215
第九章	线性电路过渡过程的时域分析	217
第一节	电路的动态过程及初始值的确定	217
第二节	一阶电路的零输入响应	222
第三节	一阶电路的零状态响应	229
第四节	一阶电路的全响应·三要素法	235
第五节	阶跃函数和阶跃响应	243
第六节	冲激函数和冲激响应	251
第七节	二阶电路的响应	257
习题		264
第十章	线性电路过渡过程的复频域分析	271
第一节	拉普拉斯变换及其性质	271
第二节	拉普拉斯反变换	274
第三节	运算形式的电路定律	278
第四节	用运算法分析线性网络	283
习题		287
第十一章	二端口网络	290
第一节	二端口网络的概念	290
第二节	二端口网络的参数方程	291
第三节	网络函数	302
第四节	二端口网络的特性阻抗	305
第五节	二端口网络的等效电路	306
第六节	二端口网络的联接	309
第七节	理想变压器	311
习题		313
第十二章	非线性电阻电路	317
第一节	非线性电阻元件	317
第二节	图解法	319
第三节	小信号分析法	322
第四节	折线法	324

习题	326
第十三章 磁路和铁心线圈电路	328
第一节 磁场的基本物理量及基本性质	328
第二节 铁磁物质的磁化	331
第三节 磁路及磁路定律	335
第四节 恒定磁通磁路的计算	338
第五节 交变磁通下的铁心损耗	342
第六节 交流铁心线圈中的电压、电流及磁通	344
第七节 交流铁心线圈的等效电路	348
第八节 电磁铁	352
习题	354
习题答案	356
参考文献	366

第一章 电路的基本概念和基本定律

第一节 电路和电路模型

电路是各种电器设备按一定方式联接起来的整体,它提供了电流流通的路径。现代工程技术领域中存在着许多种类繁多、形式和结构各不相同的电路,但就其作用而言,不外两个方面:一是进行能量的转换、传输和分配,电力系统电路就是这样的典型例子。发电机组将其它形式的能量转换成电能,经变压器、输电线传输到各用电部门,在那里又把电能转换成光能、热能、机械能等其它形式的能而加以利用。二是对电信号的处理和传递。收音机或电视机就是把电信号经过调谐、滤波、放大等环节的处理,使其成为人们所需要的其它信号。电路的这种作用在自动控制、通信、计算机技术等方面得到了广泛应用。

电路有时也称为电网络。

实际的电路器件在工作时的电磁性质是比较复杂的,绝大多数器件具备多种电磁效应,给分析问题带来困难。为了使问题得以简化,以便于探讨电路的普遍规律,在分析和研究具体电路时,对实际的电路器件,一般取其起主要作用的方面,并用一些理想电路元件来替代。所谓理想电路元件是指在理论上具有某种确定的电磁性质的假想元件,它们以及它们的组合可以反映出实际电器元件的电磁性质和实际电路的电磁现象。这是因为,实际电路元件虽然种类繁多,但在电磁性能方面可把它们归类,例如,有的元件主要是供给能量的,它们能将非电能转换成电能,像干电池、发电机等就可用“电压源”这样一个理想元件来表示;又如有的元件主要是消耗电能的,当电流通过它们时就把电能转换成为其它形式的能,像各种电炉、白炽灯等就可用“电阻元件”这样一个理想元件来表示;另外,还有的元件主要是储存磁场能量或储存电场能量的,就可用“电感元件”或“电容元件”来表示等等。

用抽象的理想元件及其组合近似地替代实际电路元件,从而构成了与实际电路相对应的电路模型。所谓电路模型就是把实际电路的本质特征抽象出来所形成的理想化了的电路。无论简单的还是复杂的实际电路都可以通过理想化的电路模型充分地描述。今后所讨论的电路都是电路模型,通过对它们的基本规律的研究,达到分析研究实际电路的目的。

用规定的电路符号表示各种理想元件而得到的电路模型图称为电路原理图,

简称电路图。电路图只反映电器设备在电磁方面相互联系的实际情况，而不反映它们的几何位置等信息。图 1-1 就是一个按规定符号画出的简单电路图，其中的 u_s 是一种称为电压源（如干电池）的电路元件，电阻元件 R_L 表示一个实际负载（如电灯），两根连接导线消耗电能很少以至可忽略，就用两根无电阻的短路线表示。其它各种电路元件的表示符号将在以后逐一介绍。

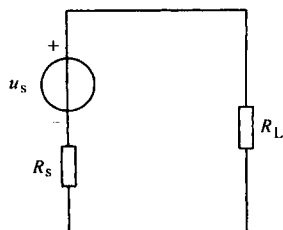


图 1-1 一个简单电路图

实际电路可分为“集中参数电路”和“分布参数电路”两大类，当一个实际电路的几何尺寸远小于电路中电磁波的波长时，就称其为集中参数电路，否则就称为分布参数电路。集中参数电路可用有限个理想元件构成其电路模型，电路中的电磁量仅仅是时间的函数。而分布参数电路情况则比较复杂，其电磁量不仅是时间的函数，而且还是空间距离的函数。集中参数电路理论是电路的最基本理论，本书讨论的电路都是集中参数电路。

第二节 电路的基本物理量

电路分析中常用到电流、电压、电动势、电位、功率等物理量，本节对这些物理量以及与它们有关的概念进行简要说明。

一、电流、电压及其参考方向

带电粒子的定向移动形成了电流。单位时间内通过导体截面的电荷量定义为电流强度，并用它来衡量电流的大小。电流强度简称为电流，用 i 表示，根据定义有

$$i = \frac{dq}{dt} \quad (1-1)$$

式中， dq 为导体截面中在 dt 时间内通过的电荷量。国际单位制（SI）中，电荷量的单位为库仑（C）；时间单位为秒（s）；电流单位为安培，简称安（A）。有时还用千安（kA）、毫安（mA）、微安（ μA ）等单位。

习惯上将正电荷移动的方向规定为电流的方向。

当电流的大小和方向不随时间而变化时，就称为直流电流，简称直流（DC）。以后对不随时间变化的物理量都用大写字母来表示，即在直流时，式（1-1）应写为

$$I = \frac{Q}{t} \quad (1-2)$$

电荷在电路中运动，必定受到力的作用，也就是说力对电荷做了功。为了衡量其做功的能力，引入“电压”这一物理量，并定义：电场力把单位正电荷从 A 点

移动到 B 点所做的功称为 A 点到 B 点间的电压, 用 u_{AB} 表示。即

$$u_{AB} = \frac{dw_{AB}}{dq} \quad (1-3)$$

式中, dw_{AB} 表示电场力将 dq 的正电荷从 A 点移动到 B 点所做的功, 单位为焦耳 (J); 电压单位为伏特, 简称伏 (V)。有时还用千伏 (kV)、毫伏 (mV)、微伏 (μV) 等单位。

直流时, 式 (1-3) 应写为

$$U_{AB} = \frac{W_{AB}}{Q} \quad (1-4)$$

由电压的定义可见, 如果正电荷从 A 点移动到 B 点是电场力做功, 那么正电荷从 B 点移到 A 点必定有一种外力在克服电场力做功, 或者说电场力做了负载, 即 $dw_{AB} = -dw_{BA}$, 则 $u_{AB} = -u_{BA}$ 。这说明, 对两点间的电压必须分清起点和终点, 也就是说, 电压也是有方向的。电压的方向是电场力移动正电荷的方向。

以上对电流、电压规定的方向, 是电路中客观存在的, 称为实际方向。对于一些十分简单的电路其实际方向是可以直观地确定的, 但在分析计算较为复杂一些的电路时, 往往很难一下就能判断出某一元件或某一段电路上电流或电压的实际方向, 而对那些大小和方向都随时间而变化的电流或电压, 要在电路中标出它们的实际方向就更不方便了。为此, 在分析计算电路时采用标定“参考方向”的方法。

参考方向是人们任意选定的一个方向。例如对于图 1-2a、b 所示某电路中的一个元件, 其电流的实际方向虽然事先不知, 但它只有两种可能, 不是从 A 流向 B , 就是从 B 流向 A 。可

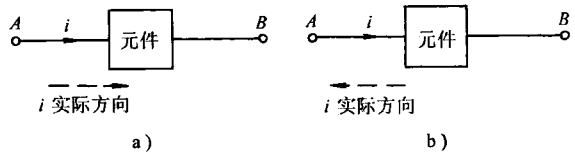


图 1-2 电流的参考方向与实际方向的关系

以任意选定一个作为参考方向并用箭头标出。如图中选定的参考方向是从 A 指向 B 的, 该方向与实际方向不一定一致。这时, 将电流用一个代数量来表示, 若 $i > 0$, 则表明电流的实际方向与参考方向是一致的, 如图 1-2a 所示; 若 $i < 0$, 则表明电流的实际方向与参考方向不一致, 如图 1-2b 所示。于是在选定的参考方向下, 电流值的正、负就反映了它的实际方向。

同样道理, 电路中两点间的电压也可任意选定一个参考方向, 并由参考方向和电压值的正、负来反映该电压的实际方向。

电压的参考方向可以用一个箭头表示, 如图 1-3a 所示; 也可以用正 (+)、负 (-) 极性表示, 称为参考极性, 如图 1-3b 所示; 另外还可以用双下标表示, 例如,

u_{AB} 表示 A 、 B 两点间电压的参考方向是从 A 指向 B 的。以上几种表示方法只需任选一种标出即可。

在以后的电路分析中,完全不必先去考虑各电流、电压的实际方向究竟如何,而应首先在电路图中标定它们的参考方向,然后根据参考方向列写有关电路方程,计算结果的正负值与标定的参考方向就反映了它们的实际方向,图中也就不需再标出实际方向。参考方向一经选定,在分析电路的过程中就不再变动。

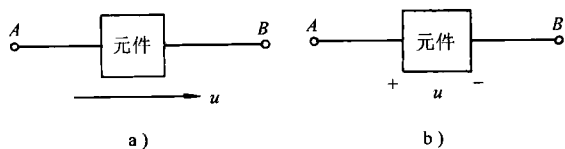


图 1-3 电压的参考方向与参考极性的表示方法

对于同一个元件或同一段电路上的电压和电流的参考方向,彼此原是可以独立无关地任意选定的,但为方便起见,习惯上常将电压和电流的参考方向选得一致,称其为关联的参考方向。为简单明了,一般情况下,只需标出电压或电流中的某一个的参考方向,这就意味着另一个选定的是与之相关联的参考方向。

参考方向并不是一个抽象的概念,在用磁电系电流表测量电路中的电流时,该表带有“+”、“-”标记的两个端钮,事实上就已为被测电流选定了从“+”指向“-”的参考方向,见图 1-4。

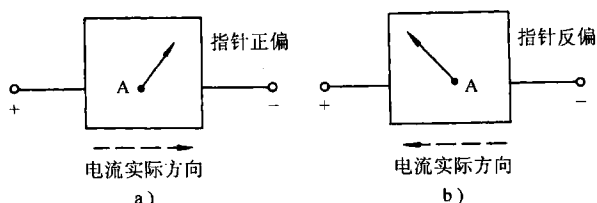


图 1-4 磁电系电流表与电流的方向

当电流的实际方向是由“+”端流入,“-”端流出,则指针正偏,电流为正值,如图 1-4a 所示;若电流的实际方向是由“-”端流入,“+”端流出,则指针反偏,电流为负值,如图 1-4b 所示。

同样,磁电系电压表的“+”、“-”两端钮也为被测电压选定了参考极性。

二、电位

在电路中任选一点 O 作为参考点,则该电路中某一点 A 到参考点的电压就叫做 A 点的电位,用 v_A 表示。根据定义,有

$$v_A = u_{AO} \quad (1-5)$$

电位实质上就是电压,其单位也是伏特 (V)。

电路参考点本身的电位为零,即 $v_O = 0$,所以参考点也称零电位点。

电路中除参考点外的其它各点的电位可能是正值,也可能是负值,某点电位比参考点高,则该点电位就是正值,反之则为负值。

以电路中的 O 点为参考点,则另两点 A 、 B 的电位分别为 $v_A = u_{AO}$, $v_B = u_{BO}$,它们分别表示电场力把单位正电荷从 A 点或 B 点移到 O 点所做的功,那么电场力

把单位正电荷从 A 点移到 B 点所做的功即 u_{AB} 就应该等于电场力把单位正电荷从 A 点移到 O 点, 再从 O 点移到 B 点所做的功的和, 即

$$u_{AB} = u_{AO} + u_{OB} = u_{AO} - u_{BO}$$

或

$$u_{AB} = v_A - v_B \quad (1-6)$$

式 (1-6) 说明, 电路中 A 点到 B 点的电压等于 A 点电位与 B 点电位的差, 因此, 电压又叫电位差。

参考点是可以任意选定的, 一经选定, 电路中其它各点的电位也就确定了。参考点选择得不同, 电路中同一点的电位会随之而变, 但任两点的电位差即电压是不变的。

在电路中不指明参考点而谈某点的电位是没有意义的。在一个电路系统中只能选一个参考点, 至于选哪点为参考点, 要根据分析问题的方便而定。在电子电路中常选一条特定的公共线作为参考点, 这条公共线常是很多元件的汇集处且与机壳相联, 因此在电子电路中参考点用接机壳符号 “ $\perp$ ” 表示。

三、电动势

图 1-5 所示有两个电极 A 和 B , A 带正电称正极, B 带负电称负极, 在 A 、 B 间的电场中具有电场力。用导线把 A 、 B 两极连接起来, 在电场力作用下, 正电荷沿着导线从 A 移到 B (实质上是导体中的自由电子在电场力作用下从 B 移到了 A), 形成了电流 i 。随着正电荷不断地从 A 移到 B , A 、 B 两极间的电场逐渐减弱, 以至消失, 这样, 导线中的电流也会减至零。为了维持连续不断的电流, 必须保持 A 、 B 间有一定的电位差, 即保持一定的电场。这就需要有一种力来克服电场力把正电荷不断地从 B 极移到 A 极去。电源就是能产生这种力的装置, 这种力称之为电源力。例如在发电机中, 导体在磁场中运动时, 就有磁场能转换为电源力; 在电池中, 就有化学能转换为电源力。

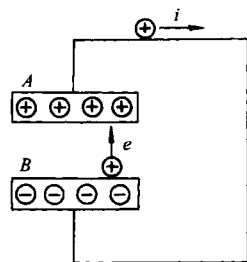


图 1-5 电源力做功的示意图

电源力把单位正电荷从电源的负极移到正极所做的功称为电源的电动势, 用 e 表示, 即

$$e = \frac{d\omega_{BA}}{dq} \quad (1-7)$$

式中, $d\omega_{BA}$ 表示电源力将 dq 的正电荷从 B 移到 A 所做的功。显然, 电动势与电压有相同的单位伏特 (V)。

按照定义, 电动势的方向是电源力克服电场力移动正电荷的方向, 是从低电位到高电位的方向。对于一个电源设备, 例如干电池, 若其电动势 e 及其两端钮间的电压 u 的参考方向选择得相反, 如图 1-6a 所示, 那么当电源内部没有其它能量

转换时, 根据能量守恒原理, 应有 $u=e$; 如果 e 和 u 的参考方向选择得相同, 如图 1-6b 所示, 则 $u=-e$ 或 $e=-u$ 。

本书在以后论及电源时一般用其端电压 u 来表述。

例 1-1 在图 1-7 所示电路中, 已知 $V_a=50\text{V}$; $V_b=-40\text{V}$; $V_c=30\text{V}$, (1) 求 U_{ba} 及 U_{ac} ; (2) 若元件 4 为一具有电动势 E 的电源装置, 在图中所标的参考方向下求 E 的值。

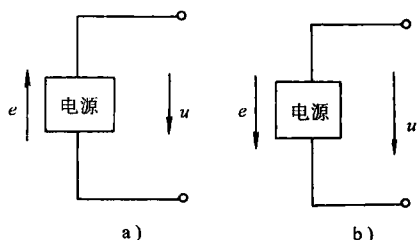


图 1-6 电源的电动势 e 与端电压 u

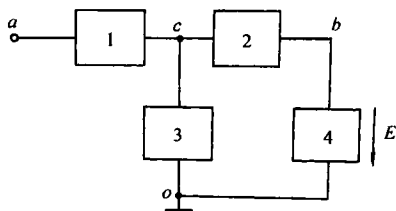


图 1-7 例 1-1 图

解 (1) 因为电压就是电位差, 所以

$$U_{ba}=V_b-V_a=(-40-50)\text{V}=-90\text{V}$$

$$U_{ac}=V_a-V_c=(50-30)\text{V}=20\text{V}$$

(2) 根据电位的定义

$$V_b=U_{bo}$$

图中, 电动势 E 的参考方向是与电压 U_{bo} 的参考方向相同, 故有关系式

$$E=-U_{bo}$$

即

$$E=-V_b=40\text{V}$$

四、功率与电能

正电荷从一段电路的高电位端移到低电位端是电场力对正电荷做了功, 该段电路吸收了电能; 正电荷从电路的低电位端移到高电位端是外力克服电场力做了功, 即这段电路将其它形式的能量转换成电能释放了出来。把单位时间内电路吸收或释放的电能定义为该电路的功率, 用 p 表示。设在 dt 时间内电路转换的电能为 $d\omega$, 则

$$p=\frac{d\omega}{dt} \quad (1-8)$$

国际单位制中, 功率的单位为瓦特, 简称瓦 (W)。此外常用的单位还有千瓦 (kW)、毫瓦 (mW) 等。

对式 (1-8) 进一步推导可得

$$p=\frac{d\omega}{dt}=\frac{d\omega}{dq}\frac{dq}{dt}=ui \quad (1-9)$$

即电路的功率等于该段电路的电压与电流的乘积。直流时, 式 (1-9) 应写为

$$P=UI \quad (1-10)$$

一段电路, 在 u 和 i 的关联参考方向下, 若 $p>0$, 说明这段电路上电压和电流的实际方向是一致的, 正电荷是在电场力作用下做了功, 电路吸收了功率; 若 $p<0$, 则这段电路上电压和电流的实际方向不一致, 一定是有外力克服电场力做了功, 电路发出功率。也可以说电路吸收了负功率。在使用式 (1-9) 及式 (1-10) 时, 必须注意 u 和 i 的关联参考方向及各数值的正、负号的含义。

根据能量守恒原理, 一个电路中, 一部分元件或电路发出的功率一定等于其它部分元件或电路吸收的功率。或者说, 整个电路的功率是平衡的。

式 (1-8) 可写为 $dw=pdt$

在 t_0 到 t_1 的一段时间内, 电路消耗的电能应为

$$W = \int_{t_0}^{t_1} p dt \quad (1-11)$$

直流时, p 为常量, 则

$$W = P(t_1 - t_0) \quad (1-12)$$

国际单位制中, 电能 W 的单位是焦耳 (J), 它表示功率为 1W 的用电设备在 1s 时间内所消耗的电能。实用中还常采用千瓦小时 ($\text{kW} \cdot \text{h}$) (俗称度) 的电能单位, 即

$$1\text{kW} \cdot \text{h} = 10^3 \times 3600\text{J} = 3.6 \times 10^6\text{J} \quad (1-13)$$

例 1-2 图 1-8 为某电路中的一部分, 三个元件中流过相同电流 $I = -2\text{A}$, $U_1 = 2\text{V}$, (1) 求元件 a 的功率 P_1 , 并说明是吸收还是发出功率; (2) 若已知元件 b 发出功率为 10W , 元件 c 吸收功率为 12W , 求 U_2 、 U_3 。

解 (1) 对于元件 a , 电压与电流是非关联参考方向, 此时, 计算功率的公式应为

$$P_1 = -U_1 I$$

代入数据得

$$P_1 = (-2)\text{V} \times (-2)\text{A} = 4\text{W} (\text{吸收})$$

(2) 元件 b 的电压 U_2 与电流 I 是关联参考方向, 且发出功率, 则 P_2 为负值, 即

$$U_2 I = -10\text{W}$$

$$U_2 = \left(\frac{-10}{-2} \right) \text{V} = 5\text{V}$$

同样道理, 元件 c 有关系式

$$U_3 I = 12\text{W}$$

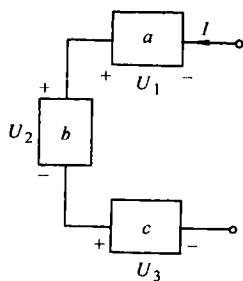


图 1-8 例 1-2 图

$$U_3 = \left(\frac{12}{-2} \right) \text{V} = -6\text{V}$$

思考题

1-2-1 已知某电路中 $U_{ab} = -5\text{V}$ ，说明 a 、 b 两点中哪点电位高。

1-2-2 图 1-9 中，已知 $V_a = -5\text{V}$ ， $V_b = 3\text{V}$ ，求 U_{ac} 、 U_{bc} 、 U_{ab} 。若改 b 点为参考点，求 V_a 、 V_b 、 V_c ，并再求 U_{ac} 、 U_{bc} 、 U_{ab} 。由计算结果可说明什么道理？

1-2-3 一电路中某元件上的电压和电流在关联参考方向下分别为 $u = 5\sqrt{2}\sin(1000t + 30^\circ)\text{V}$ ， $i = 2\sqrt{2}\sin(1000t - 60^\circ)\text{A}$ ，求 $t = 0$ 时该元件的功率，并分析该时刻是在吸收还是发出功率。

1-2-4 试计算图 1-10 中电源装置的功率，说明它是吸收还是发出功率。

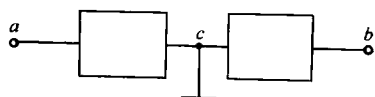


图 1-9 思考题 1-2-2 图

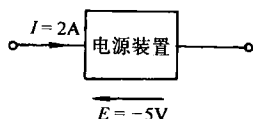


图 1-10 思考题 1-2-4 图

第三节 电阻元件和欧姆定律

电阻元件是反映电路器件消耗电能这一物理性能的一种理想元件。它有两个端钮与外电路相联接，这样的元件以后都称其为二端元件。

在讨论各种理想元件的性能时，重要的是要确定其端电压与电流之间的关系，这种关系称为元件约束，简称 VCR。欧姆定律反映了任时刻电阻元件的这种约束关系。在电压与电流的关联参考方向下，欧姆定律表达式为

$$u = iR \quad (1-14)$$

式中， R 为电阻元件的电阻值，SI 单位为欧 (Ω)，常用单位还有千欧 ($\text{k}\Omega$)、兆欧 ($\text{M}\Omega$) 等。

若电阻 R 值与其工作电压或电流无关，是一个常数，那么这样的电阻元件称为线性电阻元件。线性电阻元件在电路中的符号如图 1-11a 所示。在 u - i 坐标平面上画出电阻元件的电压与电流的关系曲线称为该元件的伏安特性曲线，简称伏安特性。线性电阻的伏安特性是一条通过原点的直线，如图 1-11b 所示。

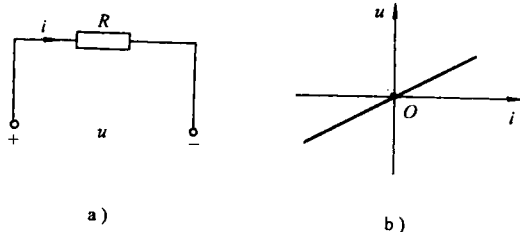


图 1-11 线性电阻元件及其伏安特性

应用欧姆定律时要注意电压

和电流的参考方向，在电阻元件的电压及电流参考方向选择得不一致时，欧姆定律应表示成

$$u = -iR \quad (1-15)$$

电阻 R 的倒数称为电导，用 G 表示，即

$$G = \frac{1}{R} \quad (1-16)$$

电导的单位为西门子 (S)。

同一个电阻元件，既可以用电阻 R 表示，也可以用电导 G 表示。引用电导后，欧姆定律可表达为

$$i = uG \quad (1-17)$$

如果电阻元件的电阻值不是一个常数，也就是说，它的数值会随着其工作电压或电流的变化而变化，那么这样的电阻元件称为非线性电阻元件，它的伏安特性就不再是一条通过原点的直线。图 1-12 所示是某二极管的伏安特性曲线，二极管是非线性电阻元件。

元件的伏安特性通常是由实验测定的。

实际的电阻器、电炉、白炽灯等元器件，或多或少都是非线性的，但这些元件，特别像线绕电阻器、金属膜电阻等，在一定的工作范围内，它们的电阻值变化很小，可以近似地看作线性电阻元件。在后面的叙述中，若无特殊

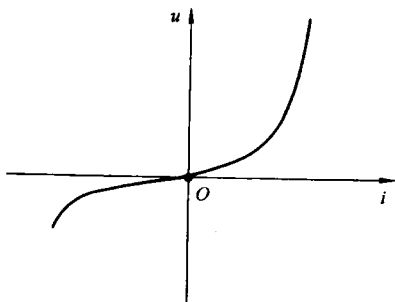


图 1-12 非线性电阻元件的伏安特性

说明，一般所说的电阻元件均指线性电阻元件，并简称为电阻。有关非线性电阻元件的内容将在第十二章中介绍。

图 1-11b 的伏安特性说明，在关联参考方向下，电阻元件上的电压和电流值总是同号的，由式 (1-9) 可知，其功率 p 总是正值，即总是在消耗功率，所以，电阻元件是耗能元件。

将式 (1-14) 代入式 (1-9)，可得到计算电阻元件功率的另外两个公式为

$$p = i^2 R \quad (1-18)$$

$$p = \frac{u^2}{R} \quad (1-19)$$

在应用以上两式时，一定要注意， i 必须是流过电阻 R 的电流， u 必须是电阻 R 两端的电压。

思 考 题

1-3-1 有时欧姆定律可写成 $u = -iR$ ，说明此时电阻值是负的，对吗？