

# 預应力钢筋混凝土 构件计算

K·K·雅可布遜等著

人民鐵道出版社

## 序 言

苏联共产党第十九次代表大会曾規定，我国的大規模建設，要求更廣泛地應用預应力鋼筋混凝土，保證能够工業化制出品質優良的結構，以及在最少的劳动消耗和高速度的施工下能够把結構物机械化建筑起来。

从1931年起，我国在預应力鋼筋混凝土的理論和實踐方面所作的鉅大工作，使得目前能由個別試驗性的工程对象轉向到工業和民用建築以及桥梁建築中廣泛地應用預应力鋼筋混凝土。

必須指出，苏联学者和工程师們对這方面的理論研究与其所曾拟定的結構型式与制作方法，远远超过国外所能达到的最好式样。苏联学者的成就，使得在工業化制造的裝配式結構中廣泛地利用預应力鋼筋混凝土，大大地縮減工地的工程劳动量因而可节省大量的劳动力。

對於研究預应力鋼筋混凝土結構的設計理論和實踐曾經付出鉅大貢獻的，有斯大林獎金获得者 B·B·米哈依洛夫和 A·A·葛渥茲捷夫教授，П·Л·柏斯捷爾納克，С·Е·弗拉依費利特，Я·В·斯托良羅夫，И·Е·史克良賓教授，斯大林獎金获得者技术科学副博士 A·П·柯罗夫金，Е·А·特勞依茨基以及 H·Н·鮑格达諾夫等。

在建筑工程和桥梁建築中預应力鋼筋混凝土的广泛应用，要求實踐工作者們——工程师和技术員們熟悉它的計算的現代理論。

这一情况，激起了本書的作者們來編寫一本能够系統地介紹關於預应力鋼筋混凝土構件計算基本原理的參考書。

本書是根据1951年版苏联重工业建筑部《預应力結構設計指示》(И-148-50)以及1953年时此指示的新版(索引編號 И-148-52)的材料为基础而编写的，此外，並利用了交通部中央建筑科学研究院，中央設計構造局以及交通部桥梁工程总局施工部門最近工作的主要資料。

铁路桥跨結構的構造和計算例子均取自列寧格勒运输桥梁設計事务所和交通部桥梁工程总局中央設計構造局的成品。

ЦПКБ式的铁路桥跨結構工厂制造的新穎工艺的描述，乃是根据斯大林獎金获得者H·H·鮑格达諾夫的材料来写成的。

本参考書，是由諾沃西比尔斯克鐵道运输工程学院《桥梁》教研組的工作人員K·K·雅可布遜教授，Φ·Φ·克拉斯諾夫副教授和A·B·亞历山大罗夫工程师所写成，它主要是供給設計桥梁的桥跨結構之用。

諾沃西比尔斯克鐵道运输工程学院院長

Г·П·克拉夫錯夫

## 目 录

### 序言

### 第一章 預应力鋼筋混凝土的一般概念

§1 預应力鋼筋混凝土基本觀念.....	1
§2 預应力鋼筋混凝土構件的主要應用場合和建造方法.....	2
§3 应用的材料.....	4

### 第二章 預应力鋼筋混凝土構件計算

§1 關於基本構件計算的概念.....	11
§2 不对称配筋的不对称構件計算.....	20
§3 对称配筋的对称構件計算.....	83
§4 由于混凝土徐变和收縮引起預应力損失的实用（簡易）求法.....	89

### 第三章 預应力鋼筋混凝土桥跨結構構件設計的基本法則

§1 概述.....	101
§2 鋼筋和鋪定.....	102
§3 鋼筋接头和塊件連結.....	110
§4 橫向鋼筋.....	112

### 第四章 苏聯所拟定的預应力鋼筋混凝土铁路桥跨結構的概述

§1 灌筑混凝土及混凝土硬固之前張拉鋼筋的結構.....	113
------------------------------	-----

§2 灌筑混凝土及混凝土硬固以后張拉鋼筋的結構	131
§3 应用預应力桿件的鋼筋混凝土桁架作为鐵路桥跨結構的建議	144

## 第五章 計算实例

例 1	154
例 2	162
例 3	174
例 4	191
参考文献	217

## 第一章 預应力鋼筋混凝土的一般概念

### §1. 預应力鋼筋混凝土基本觀念

預应力鋼筋混凝土的特徵在於加上荷載之前，人為地在結構內建立一種內應力狀態：即混凝土具有相當大的壓應力，而鋼筋則受拉。在結構整個使用時期內，主要應保持這種內應力狀態。

在荷重作用之下，預先建立在鋼筋混凝土中的內應力狀態是會起變化的。由於荷重產生的應力和原先所建立的內應力相加，結果使混凝土的預壓縮減低。然而就在這種情況下、使得混凝土有可能僅僅承受壓應力。

這樣，在預应力鋼筋混凝土結構中，就能夠完全避免有受拉的混凝土構件，也就保證了這種結構的高度抗裂性。

這種情況允許有效地利用高強度鋼作為預应力鋼筋混凝土的鋼筋，而在普通鋼筋混凝土中，很顯然，由於不能允許的大裂縫急速地形成，這種高強度鋼是不可能採用的。採用高強度鋼也能保證金屬的大量節約。

在預应力鋼筋混凝土中高標號的混凝土得到合理地使用，由此就可減小體積，從而減輕結構的重量。

當採用預应力鋼筋混凝土時，由於混凝土預壓力的作用可使主拉應力減小，而且在有些情況下甚至可根本消除，因之可以制定很薄的腹壁厚度。這樣，也會保證結構在體積和重量上的節省。

預应力鋼筋混凝土由於混凝土被壓縮而沒有裂縫，因之比普通鋼筋混凝土具有更大的剛度。

預应力鋼筋混凝土結構的建築高度可以定得比普通鋼筋混凝

土小些。这种情况，如所熟知，在许多场合中对桥跨结构是非常重要的。

使用预应力钢筋混凝土，保证了在工厂中以工业化方法制造桥跨结构、然后在现场架设或者装配的可能性。这样可减少施工的劳动量，保证高速度的施工和结构物的优良品质。

所列举的预应力钢筋混凝土的优点决定了它比普通钢筋混凝土有更大的耐久性。

在预应力钢筋混凝土中，混凝土收缩和徐变的变形具有重大的意义。

混凝土的收缩基本上表示在构件长度上的缩短。这种构件长度的缩短被与混凝土结合在一起的钢筋所阻止。因为两者相互结合的缘故，当混凝土因收缩而长度缩短时，钢筋受到压应力而混凝土受到拉应力。因此，预先在混凝土和钢筋中所建立的内应力为之降低。

混凝土受高应力预压缩后，由于徐变的变形也促使其长度缩短，因之钢筋内产生压应力而减低了它的预张力。由于钢筋和混凝土结合在一起，可以观察到混凝土中预压力的值也因而降低。

所有这些指出了，混凝土的收缩和徐变的作用将使混凝土和钢筋的内应力都趋向降低。因此必需预先给与结构构件这样的预应力，即甚至在混凝土因收缩和徐变而受到损失以后，它仍旧能够抵消由于使用荷载所产生的拉应力。

## §2. 预应力钢筋混凝土构件的主要应用 场合和建造方法

由上面所述很明显，预应力钢筋混凝土最宜于用在使用荷载下混凝土内发生显著拉应力的构件。

属于这种构件的有：

- 1) 中心受拉构件；
- 2) 受弯构件；

3) 偏心受拉构件;

4) 大偏心的偏心受压构件(第一种偏心受压情形)。

在荷载作用下中心受压的构件或小偏心受压的构件(第二种偏心受压情形)採用預应力鋼筋混凝土是不会是有利的,所以不建議採用。仅仅在某些場合中,当在运输和安装过程中必需保證构件的高度抗裂性时,可能在此种构件中採用預应力。

非常明显,在預应力鋼筋混凝土构件中,應該保證鋼筋和混凝土之間的結合在任何情况下不能够被破坏。这种結合可以用锚住張拉鋼筋或者保證鋼筋与混凝土間黏着作用的方法来实现。斯大林獎金获得者B.B.米哈依洛夫教授的連續配筋結構就可作为保證鋼筋与混凝土此种結合的構造例子,在此結構中鋼筋是連續圍繞成的并且具有被锚住的端头。

相应的試驗确定了:当光面鋼筋直徑在3公厘以內和变形鋼筋直徑小于或等于16公厘时,混凝土和鋼筋間的黏着作用具有可靠的保證。採用这种鋼筋时可以不需要锚定。

当張拉鋼筋被锚定的情况下可以採用任何直徑的光面鋼筋,也可採用直徑为6公厘或較小的鋼絲制成的鋼筋束。

預应力鋼筋混凝土构件可以用各种方法制造。制造的方法决定了預应力鋼筋混凝土构件的工作性質。

預应力鋼筋混凝土构件的主要类型是:

1) 鋼筋与混凝土的原有黏着作用被保證的結構。在这种結構中,混凝土是在鋼筋張拉以后澆筑的,亦即鋼筋張拉的控制是在混凝土压缩之前实现;

2) 鋼筋与混凝土之間不存在黏着作用的結構。在这种結構中应佈置在构件的內部或外部的鋼筋在混凝土硬結以后加以張拉,即鋼筋張拉的控制是在混凝土压缩以后实现;

3) 依照第二种类型进行張拉、並且利用在构件上包灌混凝土或者在放置鋼筋的孔腔内压注水泥砂浆的方法来恢复混凝土与鋼筋間粘着作用的結構。

十分顯然，在一般情況下第一種類型的結構中張拉鋼筋與混凝土之間的結合是保證可靠的。而在第二和第三種類型的結構中要求用抵住的裝置將鋼筋端部鎖住。

### §3. 应用的材料

預應力鋼筋混凝土結構的構件採用符合蘇聯國家標準「OCT 970—41和969—41條所要求的水泥來制混凝土。

在一般情形下，採用硅酸鹽水泥。

对于地下建築物和沒有高溫度作用且处在較高濕度條件下的結構，以及在用蒸汽加熱法製造鋼筋混凝土構件的情況下，可以採用火山灰水泥。

矾土水泥适用于在短時期內需要保證達到混凝土的設計強度時，也适合于遭受硫酸鹽水溶液作用的結構。在結構物上可能遭受鹼性溶液作用的情況下，不應採用矾土水泥。

作为混凝土的集料，採用沙，卵石和天然石料的碎石，它們應滿足蘇聯國家標準「OCT 2779—50，2780—50和2781—50的要求。

所採用的混凝土的強度用標號來表示，此標號是按照全蘇標準 OCT 90050—39條的規定具有28天齡期的 $20 \times 20 \times 20$ 公分混凝土立方塊受壓時的極限強度（公斤/公分<sup>2</sup>）來表示的。混凝土標號也允許在28天齡期之前或之後來確定，但不得多於90天也不得少於3天，視結構加載的期限、它們的製造方法和採用水泥的性質而定。

用于預應力鋼筋混凝土結構的混凝土標號，應根據技術經濟的觀點、按照結構的用途、製造的條件、配筋的特性、以及鎖定設置的情況而選定之。

对于預應力鋼筋混凝土橋跨結構的構件，在一般情況下不應該採用標號低於300級的混凝土。對於大部分的場合可以建議400級的混凝土，而用于填充鎖定的混凝土則不低於500級，对于承

受荷載較輕、重量不大的結構構件，允許採用較低標號的混凝土。

預應力鋼筋混凝土構件，必須採用結構緊密的混凝土製造，這樣可以減少混凝土徐變的變形，因而就減低了預應力的損失。此外，由於構件橫截面的尺寸較小，也就必需應用結構緊密的混凝土。

緊密的混凝土，只有在用機械方法灌筑和適當地選配混凝土成份的情況下，才得到保證。

依照所用的混凝土標號和作用力的種類，採用表 1 中根據許多試驗所得的混凝土計算極限強度。

### 混凝土計算強度（公斤/公分<sup>2</sup>）

表 1

混凝土標號	軸心受壓 (柱體強度)	軸心受拉 (也用于主應力以及抗裂性的計算)	弯曲受壓
300	200	23	250
350	230	25	290
400	260	27	325
500	310	31	350
600	350	35	440

混凝土受壓時的彈性模量，視不同的混凝土標號，根據表 2 採用之。

### 受壓時混凝土的彈性模量（公斤/公分<sup>2</sup>）

表 2

混凝土標號	彈性模量	混凝土標號	彈性模量
300	340,000	500	410,000
350	360,000	600	430,000
400	380,000		

**預应力鋼筋混凝土結構中拉力鋼筋的鋼料  
的機械特性主要指標**

表 3

項次	鋼的品種	鋼的標號	國定標準或 技術準則	直徑 (公厘)	計算極限 強度 (公斤/ 公分 <sup>2</sup> )	計算流 限 (公斤/ 公分 <sup>2</sup> )
1	表面光亮的纏用 鋼絲	B; I; II	工業部技術 準則2204— 49	1.8 2.6—3.0 3.2 3.5—4.0 4.5 5.0	19000 18000 16000 14000 13000 12000	— — — — — —
2	預应力鋼筋混凝 土結構用的鋼絲	—	工業部技術准 則2766—51	2.6	16000	—
3	通用的普通質量 低碳鋼絲	C <sub>T</sub> .0 或 C <sub>T</sub> .3 未經 過熱處理	國定標準 3282—46及 380—50	1.8—2.5 2.8—2.5 4.0—5.0 5.5—10.0	5500—12000 5500—10000 5500—3500 5500—7000	— — — —
4	碳素彈簧鋼絲	H	國定標準 5047—49	1.8 2.0—2.5 2.8—3.5 4.0—4.5 5.0—6.0 7.0—8.0	14000 13000 12000 11000 10000 9500	— — — — — —
5	碳素彈簧鋼絲	II	國定標準 5047—49	1.8 2.0 2.2 2.5 2.8 3.0 3.5 4.0 4.5 5.0 5.5 6.0—8.0	18000 17500 17000 16500 16000 15500 15000 14500 14000 13000 12500 12000	— — — — — — — — — — — —

續表 3

項次	鋼的品种	鋼的标号	国定标准或 技术准则	直 徑 (公厘)	計算極限 强度 (公斤/ 公分 <sup>2</sup> )	計算流 限 (公斤/ 公分 <sup>2</sup> )
		B	国定标准 5047—49	1.8 2.0 2.2 2.5 2.8 3.0 3.5 4.0 4.5—5.0 5.5—6.0	21000 20000 19000 18000 17500 17000 16500 16000 15000 14000	— — — — — — — — — —
6	钢筋混凝土轨枕 和钢筋混凝土梁 用的钢丝	—	工业部技术 准则2244— 49	2.5	18000	—
7	用作钢筋混凝土 结构内钢筋的热 轧变形钢筋	Ct.5	国定标准 5781—51	12—26	—	3500
8	冷压变形钢筋	Ct.0 或 Ct.3	国定标准380 —50及И— 72—49 国定标准 6234—52	6—25	—	3500
9	经过强拉的普通 质量的热轧钢	Ct.0 Ct.3	国定标准380 —50及И— 104—46	6—26 6—26	—	3000 3500
10	未经机械强化的 普通质量热轧钢	Ct.0 Ct.3	国定标准 380—50	6—26 6—26	—	2500 2850

附註1. 表中第3項中，国定标准3282—46沒有对普通低碳钢丝保証最低的极限强度，因此每一批这种钢丝应选取試样进行拉断鑑定試驗以确立其机械性質。

2. 作为不加預应力的普通拉力鋼筋，其計算流限採用：

a) 表中第 3 項所舉出的鋼料當用于焊接鋼筋網和焊接鋼筋骨架中時：

對直徑在 6 公厘以下的鋼筋， $\sigma_m = 4,500$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對直徑為 7—10 公厘的鋼筋， $\sigma_m = 3,500$  公斤/公分<sup>2</sup>。

b) 表中第 7、8 及 10 項的鋼料，採用表中所示數值。

b) 表中第 9 項的鋼料當採用于焊接鋼筋網和鋼筋骨架中時：

對標號 Ct.0、直徑為 6—16 公厘的鋼筋， $\sigma_m = 3,000$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對標號 Ct.3、直徑為 13—16 公厘的鋼筋， $\sigma_m = 3,000$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對標號 Ct.3、直徑為 6—12 公厘的鋼筋， $\sigma_m = 3,500$  公斤/公分<sup>2</sup>；

當採用于繫結的鋼筋網和鋼筋骨架中時：

對標號 Ct.0 和 Ct.3、直徑為 6—12 公厘的鋼筋， $\sigma_m = 3,000$  公斤/公分<sup>2</sup>。

3. 所有其他類型的受壓鋼筋，包括經過機械強化的（拉絲，壓扁，抽拉），施加預應力或不施加預應力的，其計算流限均按鋼標號採用，亦即：

對標號 Ct.0， $\sigma_m = 2,500$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對標號 Ct.3， $\sigma_m = 2,850$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對標號 Ct.0 或 Ct.5， $\sigma_m = 3,500$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對列舉于表中第 1、3、4 和 5 項中高強度鋼， $\sigma_m = 4,200$  公斤/公分<sup>2</sup>；

對冷壓的變形鋼筋（第 8 項）以及經過抽拉的鋼筋（第 9 項），所採用的計算流限系按壓扁及抽拉前的鋼筋原有截面積計算。

表 3 中列舉的鋼料可以被採用作為預應力鋼筋混凝土中的鋼筋。對於預應力鋼筋混凝土結構的鋼筋最適宜採用極限強度大於 10,000 公斤/公分<sup>2</sup> 的碳素冷拉鋼絲。交通部中央建築科學研究院 ЦНИС МПС 建議採用鍍鋅或不鍍鋅的炭素鋼的光亮纜用鋼絲作為鋼筋束，鋼絲的極限強度自 8,000 至 14,000 公斤/公分<sup>2</sup>，直徑為 5 公厘，而為了保證澆筑鋪定裝置的混凝土，則可以採用直徑為 4 至 4.5 公厘的鋼絲。

沒有預施張拉的所謂普通鋼筋，一般情況下用標號 Ct.3 的鋼料製造，其計算流限值為 2,850 公斤/公分<sup>2</sup>。

預拉鋼筋的計算極限強度因鋼料的性質而異。對於在拉伸圖中沒有明顯表示出塑流階段的所謂硬鋼，採用斷裂時的極限強度  $\sigma_p$  作為計算極限強度。

採用硬鋼作為無粘着作用和以後也不恢復此作用的鋼筋束的

情况下，则取比例极限  $\sigma_{np}$  作为计算极限强度。

当缺乏由试验所确定的比例极限的资料时，则可采取比例极限等于断裂时极限强度的65%，亦即：

$$\sigma_{np} = 0.65\sigma_p.$$

对于软钢，采用流限  $\sigma_m$  作为计算极限强度。

当应用预应力钢筋混凝土制造轴心受压或小偏心受压的（第二种偏心受压情形）构件时，不建议使用硬钢作为钢筋。

普通钢的弹性模量取为：

$$E_a = 2.1 \times 10^6.$$

对于高强度钢筋，弹性模量减低15%并取为：

$$E_a = 1.785 \times 10^6.$$

依照钢和混凝土弹性模量的这些比值， $n = E_a : E_c$  可按表4 採用。

### 钢和混凝土弹性模量之比

表 4

混凝土标号	$n = E_a : E_c$	
	普 通 钢	高 强 度 钢
300	6.2	5.3
350	5.3	5.0
400	5.5	4.7
500	5.1	4.4
600	4.9	4.2

预应力钢筋混凝土的线膨胀系数取等于0.00001，混凝土收缩的缩短系数取等于0.00015\*。

预应力钢筋混凝土的容重，对于卵石或天然石料的碎石混凝

\* 用于计算总的变形。

土在澆筑时不震搗者为 2,400 公斤/公尺<sup>3</sup>，而当使用机械方法灌筑时为 2,600 公斤/公尺<sup>3</sup>。当鋼筋百分率超过 3% 时，容重应按單位体积結構物中混凝土和鋼筋兩者重量之和来計算。

計算彈性变形和位移，以及計算靜不定体系时，压桿的彈性模量取用表 2 中混凝土受压的彈性模量。受弯構件的彈性模量应採用得較低。当抵抗裂縫形成的安全系数大于 1.3 时，彈性模量降低15%，而当安全系数小于 1.3 时，则降低25%。

## 第二章 預应力鋼筋混凝土構件計算

### §1. 关于基本構件計算的概念

預应力鋼筋混凝土結構在强度方面的計算和普通鋼筋混凝土結構相类似。这是因为預应力鋼筋混凝土構件的破坏是决定于任何一个区段中鋼筋流限的出現，使混凝土形成裂縫並繼續增長，相应地減少了混凝土受压区域的高度，于是最后混凝土达到了强度極限，結果以至于破坏。

由此可見預应力本身並不提高極限載重量。預应力鋼筋混凝土構件的破損內力和破損弯矩仅仅与混凝土和鋼筋的極限强度的大小以及構件的断面尺寸有关。上述情况已被試驗所証实。

因此非常显然，預应力鋼筋混凝土構件應該首先按照近代鋼筋混凝土極限状态下破損內力的計算理論計算其强度，此时断面压力区域整个高度內达到混凝土的压力極限强度，而鋼筋的强度則如第一章第三节內所述將达到鋼的断裂極限强度，流限或比例極限。計算强度时混凝土受拉区域的强度不予考慮。

根据上述，在計算預应力鋼筋混凝土構件的强度时，採取如圖1所示的極限状态的应力圖形，圖示为偏心受压的情况。

当偏心受拉的情况下力  $N_p$  具有相反的方向。

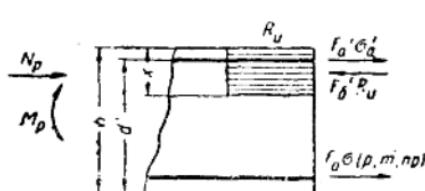


圖1. 計算强度时構件的应力状态

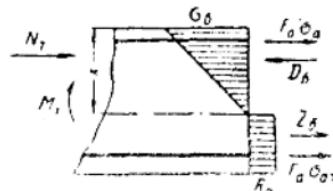


圖2. 計算抗裂时裂縫出現阶段  
構件的应力状态

和普通鋼筋混凝土構件計算相比較，預应力結構計算變得复杂些，在于尚須進行特有的核算以保証抵抗裂縫出現所必需的安全度。

預应力構件斷面在裂縫出現時的極限狀態應力圖形，採用如圖 2 所示（偏心受壓情況）。

當偏心受拉的情況下，力  $N_r$  具有相反的方向。

如圖 2 所表明的，在這種情況下混凝土受拉區域的抵抗力是這樣考慮的，即整個受拉區域內均勻分布着達到軸向受拉強度極限值（表 1）的應力。這種應力圖形被試驗所証實。

預应力鋼筋混凝土構件應把使用、製造、運輸和安裝過程中所承受的內力都計算在內。

預应力鋼筋混凝土構件內所引起的內力，應依照結構力學的法則作為均質彈性體求之。在沒有初始粘着作用和鋼束佈置成為輔弦狀的結構中，則作為超靜定輔弦體系計算其內力。

在計算預应力構件時，必須估計到由於混凝土的收縮和徐變致使鋼筋預拉力和混凝土預壓力的減低。在鋼筋具有錨定裝置的構件內，必須考慮到由於錨定下混凝土的挤压而使鋼筋預拉力和混凝土預壓力的減低。在環形截面的結構中，應考慮由於鋼筋圈挤压混凝土而引起的降低。

計算在製造、運輸和安裝過程中引起的內力時，可以不考慮由於混凝土收縮和徐變引起的損失。

當計算製造和安裝過程中的抗裂安全度時，也應該按圖 2 所表示的極限狀態下的應力圖來研究。

從抗裂性的要求程度着眼，預应力鋼筋混凝土構件可以區分為兩類：

1) 有不滲透性要求的構件，在使用荷重下不允許出現裂縫的構件，以及其他處於下列因素之一作用下的構件：

a) 外部的大氣，

b) 侵蝕性的介質，