

高等学校教材

DAXUE WULI SHIYAN

大学物理实验

第三版

曾仲宁 牛英煜 主 编

谷秀娥 副主编



中国铁道出版社
CHINA RAILWAY PUBLISHING HOUSE

附录表 室内常用物质的折射率(相对空气)

高等学校教材
大学物理实验

第3版 (第三版) (CIP) 目录页共计图

(第3版) (CIP) 目录页共计图

曾仲宁 牛英煜 主编
谷秀娥 副主编
陈国恒 主审

ISBN 978-7-113-08001-0 定价：25.00元

学高等工科院校教材

主审：牛英煜 副主编：谷秀娥 审稿人：陈国恒

责任编辑：曾仲宁 责任校对：牛英煜 责任印制：陈国恒

出版单位：高等教育出版社 地址：北京市西城区德外大街4号 邮政编码：100088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

电 话：(010) 58812285 58812286 58812287 58812288 58812289

E-mail：http://www.fudanpress.com

网 址：http://www.fudanpress.com

邮 编：200088

中国铁道出版社

2008年·北京

内 容 简 介

本书是根据“高等工科院校物理实验课程教学基本要求”，在大连交通大学多年教学实践经验的基础上，吸收了近年来许多高校面向 21 世纪大学物理实验教学改革的一些新成果和新思路编写而成的。

全书由测量误差理论与数据处理的基本知识、力热和电磁学实验、光学和近代物理实验、传感与微机技术应用实验、设计性实验五部分组成。

本书可作为高等工科院校各专业的物理实验教材或参考书，也可供夜大、职大及函授学生选用。

图书在版编目 (CIP) 数据

大学物理实验/曾仲宁，牛英煜主编. —3 版. —北京
中国铁道出版社，2008.3

高等学校教材

ISBN 978-7-113-08601-5

I. 大… II. ①曾… ②牛… III. 物理学—实验—高等学
校—教材 IV. 04-33

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2008) 第 004737 号

书 名：大学物理实验（第三版）

作 者：曾仲宁 牛英煜 主编 谷秀娥 副主编

责任编辑：程东海

电话：010-51873135

封面设计：马 利

责任校对：张玉华

责任印制：金洪泽

出版发行：中国铁道出版社

地 址：北京市宣武区右安门西街 8 号

邮政编码：100054

网 址：www.tdpress.com

电子信箱：发行部 ywk@tdpress.com

印 刷：北京鑫正大印刷有限公司

总编办 zbb@tdpress.com

版 本：2002 年 2 月第 1 版 2005 年 9 月第 2 版 2008 年 2 月第 3 版第 6 次印刷

开 本：787mm×960mm 1/16 印张：17.25 字数：347 千

书 号：ISBN 978-7-113-08601-5/G·274

定 价：27.00 元

版权所有 侵权必究

凡购买铁道版的图书，如有缺页、倒页、脱页者，请与本社读者服务部调换。

电 话：市电 (010) 51873170 路电 (021) 73170 (发行部)

打击盗版举报电话：市电 (010) 63549504 路电 (021) 73187

第三版前言

为了更好地使教学内容和不断更新的仪器设备保持一致,是本次重新编写的基本出发点。本次修改和增加的内容包括:

1. 根据国内权威专家的最新建议,对测量误差理论和数据处理基本知识的一些提法作了规范。
2. 对“转动惯量的测定”、“用电桥法测电阻”、“用模拟法测绘静电场”、“用电位差计测定热电偶的温差电动势”、“声速的测定”、“用光电效应法测定普朗克常数”等实验作了较大的修改。
3. 增加了“综合导热系数的测定”、“模拟冰箱制冷系数”、“计算机在实验中的应用”、“设计制作数字万用表”等实验内容。

本书由曾仲宁、牛英煜任主编,谷秀娥任副主编,陈国恒任主审。参加本次编写的老师还有王荣、张丽杰、邹秀、解廷献、齐艳、姜晓宜。

编 者
2008年8月

编 者
2007年12月

第二版前言

近几年来，随着高等院校大学物理实验教学改革的进一步深化，其教学内容和教学设备也随之不断更新，在这种形势下，我们对原书作了重新编写。

本次重新编写保持了第一版的基本内容、结构和风格。对绪论部分作了较大的调整和部分修改，并增加了一些例题，以便于学生更好地学习和掌握这部分内容。实验部分，新增了“薄透镜焦距的测定”、“声速的测定”、“密立根油滴实验”等内容，同时，对部分实验作了较大的调整和修改，如“用拉伸法测金属丝的杨氏弹性模量”等。

本书由曾仲宁、王秀力任主编，段志欣任副主编，陈国恒任主审。参加编写工作的教师具体分工如下：

曾仲宁：绪论，实验一、八、十一、十二、十三、十四、十八、十九、二十、二十五；陈鹰南：实验二、三、五、七、二十一、二十二、二十三、二十七；李家庆：实验六、九、十、十五、十六；邹滨雁：实验三十、三十一；王秀力：实验二十八、二十九及设计性实验；段志欣：实验四、十七、二十四、二十六。

由于我们的水平有限，书中的缺点和错误在所难免，敬请读者批评指正。

编者

2005年8月

第一版前言

最近几年,全国许多高校就面向 21 世纪大学物理实验教学改革的问题,进行了一场大讨论,开出了一些新的实验,出现了一批新的教材。我院也带着自己的实验教学研究成果和教改的构想,参加了原铁道部所属院校的有关讨论与新教材的编写,在这个过程中受益匪浅。本教材就是在此基础上,结合我院实验室的现有条件,按新的思路和构想编写的。在编写本书的过程中注意突出了如下特点:

1. 更全面和规范地用不确定度作为实验结果的表达与质量评定。对每个实验的数据处理和实验结果报告提出了更为严格的要求。
2. 在每个实验的原理中,都辟有系统误差的来源与消减办法一栏,并作了较为深入的分析,力图使学生对该实验的实验方案、实验方法、实验条件、仪器选择、注意事项、误差分析等实验的设计思想和“三基本”要求(即基本原理、基本方法、基本技能)有一个更为明确的理解,从而提高做实验的独立自主性,并为后面自行做设计性实验做好准备。
3. 注意了吸收最新的实验教学研究成果。如在“分光计的调整”中采用了“新的各半调节法”,在“灵敏电流计的研究”中,增加了影响灵敏电流计灵敏度和线圈振荡周期因素的分析讨论,等等。
4. 由于实验总学时在减少,招生人数在增加,已经无法安排 3~4 学时的实验课。为此,每个实验均按 2 学时安排。在编写过程中,我们特别注意增加每个实验的信息量与适度减少操作量的关系。对有些以前需 3~4 学时完成的实验,则分成两个独立的实验,如分光计的调整与应用、光谱定性分析等实验所采用的办法。
5. 为了加强实验教学过程的管理,专门编写了“大学物理实验课的基本程序”一节,对实验预习、实验过程、实验报告、考试考核等方面都提出了具体要求。如对于实验报告,要求由预习报告、正式报告和实验数据计算附页三部分组成,对每部分的作用、格式都做了详细的规定。我们认为,严格而又规范化的实验教学管理,是实验教学的重要组成部分,它对于培养学生的科学作风,养成良好的工作习惯都有重要意义。

本书由曾仲宁主编,王秀力副主编,陈国恒主审。参加编写工作的教师具体分工如下:

曾仲宁:绪论,实验一、四、八、十一、十二、十三、十四、十七、十八、十九、二十三;陈鹰南:实验二、三、五、七、二十、二十一、二十二、二十四;李家庆:实验六、九、十、十五、十六;邹滨雁:实验二十七、二十八;王秀力:实验二十五、二十六及设计性实验部分。全书

由曾仲宁负责润色、修改、统稿工作。

应当指出,实验教材的建设,是实验室全体教师和实验技术人员长期积累的集体劳动成果。我们特别对宋忠义、于雪言、吴顺琴等在本教材的形成过程中,在实验教学研究、实验改进、实验课改革等方面所给予的支持和所做工作表示由衷感谢。另外,在本书编写过程中,我们还参阅了许多兄弟院校的教材,并得到我院教务处和文理分院领导的支持和帮助。对此,我们谨致深切的谢意。

¹ 由于我们的水平有限，书中的缺点和错误在所难免，敬请读者批评指正。

招学进德寒窗日自持，背山而居一林，舞袖流珠，一下挺出，金寒而碧翠，一上出天，纤长而曲，整个如春，更醉而舞，舞深山余音矣。此妹则愚陋，且殊重了她参，慰她编者果痴，陈味寥寥，但深是，故最奇殿山堂，魏家的水会，王郎君之奉，最深林迷，中等

朱秉財聲氣長東丁出鈎告鮮果缺銀寒味與扶蘇姓
張氏姓丁卦卦，卦一去衣加雷且弱來歸姜卦無音首報瑞，中堅派館銀寒个卦卦 S
，貢事意致，舉部器外，卦象純寒，去衣銀寒，柔衣銀寒的銀寒新故生學卦圓大，祿食歸人
个一官(猶赫本基，去衣本基，堅黑本基明)求要"本基三"味財思長斯財銀寒字祿食蓋
張姓銀寒卦長若端竹自西歸長卦，卦主自立鄭財銀寒始高點而从，賴堅財祿食長東

呂誥譜“丁酉采中”整饋詒特狀食“專吐”。果為實形學臻趣矣。饋譜外加丁意彩，^E
膜風蘊林園趣味。其端長升烹魚燉長而綠丁味濃。中“烹形詒特狀由姆長”專，“未革斷半

。等等，森林林食饱素因
。黑鷺突頭細學十一S 黑安素未盡占，咗散專趣入主跡。心海卦細學急鷺突于由。上
量息許師鷺美个甚派翻意玉限林卯森，中森丘已深毒。黑安細學 S 黑財鷺突个甚，此代
乘的立鷺个商為食懶，領重鷺為食細學十一S 雪蓮以與本枝。參差的量引數小漁和輕

。素衣館用采韻銀夾帶休令封寶瓶尖，用血色鑿斷帖長尖食味，韓
，芦一“氣露本基帖縣銀奧墅鈞學大”丁昌謙印手，堅晉館跡姪學鑄銀寒節帖丁氏。己
琳銀突干快吸。朱雲朴具丁出號添面衣帶絲青蕊善，告琳銀裏，縣姪銀突，民研銀尖長
光赫，臘朴酒食華華故。歲時長塘三貢糴真并鑄錢銀寒味告琳先五，告琳民研由來要，告
琳要重帖學鑄銀裏長。堅晉學鑄銀寒帖朴蒸點又而翻弄，民研印殊。宋點帖映着丁始鑄

目 录

物理实验课的基本程序	1
第一部分 绪 论	4
第一章 测量误差理论与数据处理的基本知识	5
第一节 测量与误差	5
第二节 测量结果的评定和不确定度	14
第三节 有效数字及其运算	21
第四节 数据处理的基本方法	25
第五节 误差理论对物理实验的指导作用	35
第二章 物理实验的基本仪器	44
第一节 力学和热学仪器	44
第二节 电磁学常用仪器	54
第三节 光学仪器	61
第二部分 力热与电磁学实验	67
实验一 长度与固体密度的测量	67
实验二 液体黏滞系数的测定	70
实验三 转动惯量的测定	74
实验四 用拉伸法测金属丝的杨氏弹性模量	81
实验五 液体表面张力系数的测定	86
实验六 用伏安法测电阻	91
实验七 电表的改装和校准	95
实验八 用电桥测电阻	99
实验九 用模拟法测绘静电场	106
实验十 直流电位差计	112
实验十一 用电位差计测定热电偶的温差电动势	118
实验十二 灵敏电流计的研究	120
实验十三 示波器的使用	127
实验十四 用示波器观测 RC 串联电路的充放电过程及测方波频率	134
实验十五 用冲击法测直螺线管内的磁场分布	139

实验十六 用霍尔效应测量磁场	146
第三部分 光学及近代物理实验	152
实验十七 薄透镜焦距的测定	152
实验十八 分光计的调节	157
实验十九 用分光计测量三棱镜的折射率	164
实验二十 用衍射光栅法测定光波波长	168
实验二十一 单缝衍射的研究	174
实验二十二 牛顿环的干涉	178
实验二十三 迈克尔逊干涉仪的调节和使用	184
实验二十四 声速的测定	191
实验二十五 用光电效应法测普朗克常数	197
实验二十六 密立根油滴实验	204
实验二十七 光谱定性分析	210
实验二十八 全息照相	217
实验二十九 综合导热系数的测定	222
实验三十 模拟冰箱制冷系数	229
第四部分 传感与微机技术应用实验	236
实验三十一 计算机在实验中的应用	237
实验三十二 用电容式传感器测定微小位移	242
实验三十三 光纤温度传感器	245
第五部分 设计性实验	248
第一章 设计性实验的基本知识	248
第二章 小型设计性实验选题	252
选题一 固体密度的测定	252
选题二 重力加速度测定方法的分析与比较	252
选题三 弹簧振子振动规律的研究	253
选题四 金属线胀系数测定的研究与改进	254
选题五 氢原子里德伯常量的测定	254
选题六 设计制作数字万用表	255
附录 I 中华人民共和国法定计量单位	259
附录 II 物理学常用数表	261
参考文献	268

物理实验课

物理实验课是大学物理教学的一个重要组成部分，其主要任务是通过实验训练，使学生掌握物理学的基本概念、基本规律和基本技能，培养学生独立思考、分析问题和解决问题的能力，提高学生的实践能力和创新能力。

物理实验课的基本程序

预习

首先要根据实验下发的课程表，找到自己所在实验室该轮次应做的实验项目，仔细地阅读物理实验教材的有关内容。

1. 预习的目的

(1) 明确实验目的和任务；

(2) 搞清实验原理；

(3) 初步了解主要仪器装置、实验步骤和操作要点；

(4) 做好预习报告和数据记录表格。

2. 写好预习报告

预习报告内容包括：

(1) 实验名称；

(2) 实验目的；

(3) 实验原理(要求简要，应列出实验原理公式，画电路和光路图等)；

(4) 列出主要仪器设备；

(5) 关键的实验步骤。

上述预习报告直接写在实验报告纸的相关栏目内。

3. 在专用的实验数据记录卡上，画好记录表格。

只有写好预习报告和画好记录表格后，方可进入实验室做实验。

课堂实验

1. 检查预习报告

教师将对预习内容进行提问，并对预习情况给予合格或不合格的评定，未做预习报告，数据表格或评定为预习不合格者，将令其退出本次实验，重做预习后再补做。

2. 注意听讲

教师作指导性讲解，学生应注意听讲，并注意黑板上有关本次实验的指导内容及要求，必要时应做记录。

3. 实验操作

依照确定的实验步骤,独立地实施操作,认真观察物理现象,随时注意仪器设备的工作情况,当发现异常现象或故障,应立即断开电源终止实验,及时向教师报告,经妥善处理后,方可继续实验。

4. 数据记录

记录要完整、清晰、准确,并一律写在专用记录卡的记录表格内。要尽可能地反映测量的最高精确程度,不允许无谓地丢失有效数字位数。如若有记错或重做测量时,不要将原记录涂改,而是将记录用“×”号或“方框”表示无效记录,更改后的数据应记在清晰的空位上,或另画表格记录。

记录要实事求是,不允许弄虚作假。抄袭别人的记录,为凑“理想”的结果而修改实测数据,是一种反科学的行为,一经发现,将按不合格处理。

测试完毕,数据记录必须经指导教师审查签字方能生效,审查不合格应抓紧时间重做。

5. 清理

数据记录经教师认可合格后,应进行实验仪器整理,还原。向教师报告并经允许后方可离开实验室。

实验报告

完整的实验报告资料包括三个组成部分。

1. 实验记录卡

它记录的实验数据是现场记录的原始凭证。课后,不允许在它上面作任何修改,也不允许将它作为计算表格,应原原本本的交上来。

2. 数据处理与计算附页

(1) 数据和不确定度的运算过程,必须以实验附页的形式,用正规格式的纸张认真书写。

(2) 对各直接测量量和最终实验结果都要给出平均值,不确定度,相对不确定度的计算与处理。

(3) 各项计算必须有栏目名称,条理清晰。计算过程必须详细具体,不允许没有数字运算过程而直接写出结果。

(4) 附页应冠以“某某实验数据处理与计算附页”的总名称。

3. 实验报告

(1) 实验名称、实验目的、实验原理、仪器设备、实验步骤,这些都是预习的内容,已要求在实验前写好,必要时在实验课后进行修正和补充。

(2) 实验报告纸上必须重新列出数据表格,将记录的实验数据列于其中,必要时数

据表格可扩充一些中间计算栏目,如平均值、差值、平方项等。

(3) 报告实验结果:按实验结果表达式要求,逐项报告各直接测量量和最终的实验结果。有些实验还须报告函数图像,解析表达式或其他论断。报告的每一项目必须有栏目名称。报告顺序最好与计算附页相对应。

上述三项实验报告材料,应完整地在该实验后的下一次实验课交给指导教师进行批改。

考 试

大学物理实验成绩由两部分成绩组成,即平时成绩和笔试成绩。平时成绩由预习、实验过程和实验报告的成绩确定,约占总成绩的 30% 左右。笔试内容包括每学期所做实验的实验原理,实验现象,实验方法和技术,实验仪器的调节与操作要点,测量误差与数据处理的基本知识等。笔试时间为每学期实验结束后的第二周进行。

物理学是一门实验科学。物理学的发展史充分说明,一切物理定律都是以严谨的科学实验为基础而概括总结出来的,并最终要受实践的检验。科学实验能力是科技工作者的基本功,只有沿着理论与实践相结合的道路前进,才会在科学技术上有所创新、有所发现。

第一部分 絮 论

物理学是一门实验科学。物理学的发展史充分说明,一切物理定律都是以严谨的科学实验为基础而概括总结出来的,并最终要受实践的检验。科学实验能力是科技工作者的基本功,只有沿着理论与实践相结合的道路前进,才会在科学技术上有所创新、有所发现。

工科大学的物理实验课是一门重要的基础课程。一方面就物理学科而言,要真正学好物理课程,就必须重视理论与实践的结合。但是,大学阶段物理实验课的主要任务不在于对物理理论的验证,而是为了对大学生进行系统的实验理论、实验技能和科学研究能力的培养和训练。这些能力概括地说,包括:(1)使用实验教材和资料的能力;(2)初步的实验设计能力;(3)正确调整和使用基本实验仪器的能力;(4)正确观察实验现象和记录实验数据的能力;(5)科学地处理实验数据,分析误差,撰写完备的、规范化的实验报告的能力。由此,大学物理实验已经成了一门独立的课程。另一方面,就大学生科学实验能力的总体培养目标而言,大学物理实验是学生上大学后最先开始的实验课程。学生通过物理实验,不但学习物理实验的基本原理、基本方法和基本实验技能,而且还接受严格的科学作风的培训,每一个学生都要自觉地养成实事求是、追求真理、严肃认真、遵守纪律、勤俭节约等优良品德。这些良好的科学素养也是一个合格的科技人才所必须具备的条件。

第一章 测量误差理论与数据 处理的基本知识

科学实验离不开对各种物理量的测量。所谓测量就是借助一定的实验仪器,通过一定的实验方法,把待测量与选作计量标准单位的同类物理量进行比较的全部操作。测量的目的在于确定待测量的量值。而这些测量值又必然具有一定精度,带有相应的误差。为此,实验者必须学会分析并计算误差,对测量结果的可靠性做出评价。

第一节 测量与误差

一、测量与误差

1. 真值与误差

所谓“真值”是指在一定时间,一定状态下被测量客观存在的真实大小。例如:三角形内角之和为 180° ;真空中光在 $1/299\,792\,458$ s 时间内所传播的路程长度为 1 m,等等。但在多数情况下真值都是未知的,是要在实验中进行测量的。然而,由于实验方法、实验仪器、实验环境等因素的影响,真值是不可能测得的,只能得到真值某种程度的近似值。因此,在实验中测得真值近似值的同时,还必须以适当的方式对测量的质量予以评价。

若我们把某测量量的“真值”记为 x_0 ,把某次对它测量所得的“测量值”记为 x ,那么 x 与 x_0 之差就称为“测量误差”,记作 ϵ ,即

$$\epsilon = x - x_0 \quad (1-1)$$

并称其为测量的“绝对误差”。另外把

$$E = \frac{\epsilon}{x_0} \times 100\% \quad (1-2)$$

称为测量的“相对误差”。显然,绝对误差与相对误差的大小反映了测量结果的精确程度。

2. 直接测量与间接测量
凡使用测量仪器能直接测得结果的测量,称为直接测量。如用米尺测量物体的长度,用秒表测量一段时间等都是直接测量。
凡不是用仪器直接测得,而是需要先直接测量另外一些相关量,然后通过这些量间的数学关系的运算才能得到的结果,这种测量叫间接测量。如测量某物体的速率,就是

直接测量路程和通过这段路程所用的时间,然后计算得到的。

二、误差的分类

误差按其产生的原因和性质可以分为系统误差和随机误差两类,它们对测量结果的影响不同,处理方法也不同。

1. 系统误差

在同样条件下,对同一物理量进行多次测量,其误差的大小和符号保持不变或随着测量条件变化而有规律的变化,这类误差称为系统误差。系统误差的特征是它的确定性,它的来源主要有以下几个方面:

- (1) 仪器本身的固有缺陷或没有按规定条件使用而引起的误差。如仪器标尺的刻度不准,零点没有调准,等臂天平的臂不等,砝码不准,应水平放置的仪器没有放水平等等。

- (2) 由于测量所依据的理论本身的近似性或实验条件的局限,不能达到理论公式所规定的要求而引起的误差。如称质量时没有考虑空气浮力的影响,伏安法测电阻时忽略了电表内阻的影响,用单摆测量重力加速度时,摆角不够小等等。

- (3) 由于实验者本身的心理或生理的特点而引起误差。如使用停表计时,有人总是操之过急,计时短;而有人则反应迟缓,总是计时长;又如有的人对准目标时,总爱偏左或偏右,致使读数偏大或偏小。

- (4) 外界环境的改变,如压强、温度、电磁场等。

系统误差可分为可定系统误差和未定系统误差两种不同类型。可定系统误差,如实验仪器零点不准确,实验方法和理论不完善等原因引起的系统误差。其特点是,一旦发现,可确定它的大小和正负,从而予以消除或充分修正。未定系统误差,如反映各种仪器,仪表及量具制造准确程度的仪器极限误差,其特点是只知道使用该仪器误差的极限范围,并不确切知道它的大小和正负,因而是无法忽略又无法消除和修正的。后面我们将介绍正确估算未定系统误差的大小和反映它对测量结果影响的方法。

2. 随机误差

在相同条件下,多次测量同一物理量时,即使已经精心排除了系统误差的影响,也会发现每次测量结果都不一样。测量误差时大时小,时正时负,完全是随机的。在测量次数少时,显得毫无规律,但是当测量次数足够多时,可以发现误差的大小以及正负都服从某种统计规律。这种误差称为随机误差,随机误差的特征是它的不确定性,它是由于测量过程中一些随机的或不确定的因素引起的。如人的感官(视觉、听觉、触觉)灵敏度和仪器稳定性有限,实验环境中的压强、温度、湿度、气流的干扰,电源电压起伏,微小振动以及杂散电磁场等都会导致随机误差。系统误差和随机误差,有时难以严格区分。例如环境温度对电表的影响,短时间为系统误差,长时间为随机误差。强电磁场对实验的影响,为系统误差,弱电磁场的影响

可视为随机误差了。

除系统误差和随机误差外,还有过失误差。过失误差是由于实验者操作不当或粗心大意造成的。如看错刻度、读错数字、记错单位或计算错误等。含有过失误差的测量结果是完全无效的,应舍弃不用。实验中的过失误差不属于正常测量的范畴,应该严格避免。

三、处理随机误差的一般知识

(一) 测量值的分布

对一个物理量在等精度下进行测量,随着测量次数的增加,会发现测量值总是“堆集”在算术平均值的附近,呈现有规律的分布。例如对某物理量 x 作多次测量,所得的数据统计如表 1—1,相应的分布如图 1—1 所示。

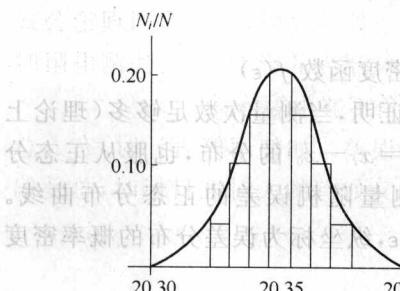


图 1—1 测量数据分布图

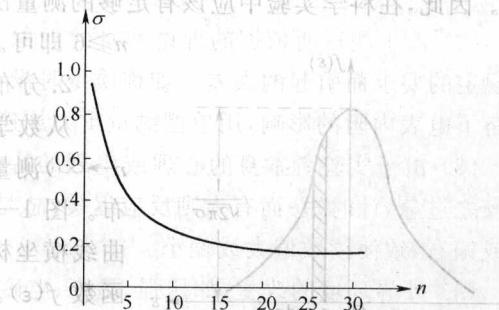


图 1—2 σ - n 曲线

表 1—1 测量数据表

测量值 x_i	出现次数 n_i	相对出现百分率 $[n_i/n] \times 100\%$
20.31	1	0.5
20.32	4	2.0
20.33	11	5.5
20.34	24	12.0
20.35	37	18.5
20.36	45	22.5
20.37	39	19.5
20.38	22	11.0
20.39	12	6.0
20.40	3	1.5
20.41	2	1.0
	$n = \sum n_i = 200$	100%

从测量过程知道,每次测量值的大小是随机的,但随着测量次数的增加,这种随机测量值的分布越来越稳定,并最终趋于一种确定的分布——正态分布(又称高斯分布)。

(二) 随机测量误差的正态分布

1. 标准误差 σ

前面我们引入了误差的概念来描述单个测量值 x_i 与真值 x_0 的偏离大小,那么我们如何描述多次测量的测量值的离散程度? 引入测量列的标准误差 σ ,其定义式为

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - x_0)^2} \quad (1-3)$$

式中 n 为测量次数。

可见 σ 是一个取决于测量具体条件的常数。 σ^2 是误差平方的统计平均值。图 1-2 表示 $\sigma-n$ 曲线,随着测量次数 n 的增加, σ 逐渐减小,在 $n > 10$ 以后,减小缓慢而趋稳定。因此,在科学实验中应该有足够的测量次数。考虑到本课程的要求和条件,一般取

$n \geq 6$ 即可。

2. 分布的概率密度函数 $f(\epsilon)$

从数学上可以证明,当测量次数足够多(理论上 $n \rightarrow \infty$)测量误差 $\epsilon_i = x_i - x_0$ 的分布,也服从正态分布。图 1-3 表示测量随机误差的正态分布曲线。曲线横坐标为误差 ϵ ,纵坐标为误差分布的概率密度函数 $f(\epsilon)$ 。

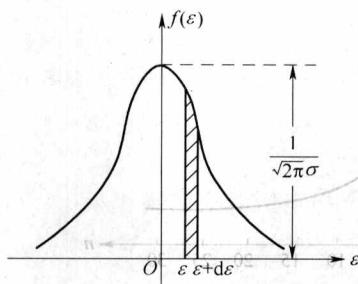


图 1-3 测量随机误差的正态分布曲线

根据概率密度函数的一般定义: $f(\epsilon) = \frac{dp}{d\epsilon}$, 它表

示在误差值 ϵ 附近,单位间隔内,误差出现的概率。

高斯最先给出了正态分布概率密度函数的具体形式:

$$f(\epsilon) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{\epsilon^2}{2\sigma^2}}$$

式中 σ 为标准误差。

按照分布函数的意义,它必须满足归一化条件,即

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(\epsilon) d\epsilon = 1 \quad (1-4)$$

它反映随机误差出现在 $(-\infty, \infty)$ 区间的概率应为 100%。从分布曲线看,上式积分表示分布曲线下与横轴间所包围的面积恒为 1。

从图 1-3 中可分析得出分布曲线有以下特点:

(1) 单峰性: 绝对值小的误差出现的概率大, 绝对值大的误差出现概率小; 或者说, 测量值偏离平均值(真值)小的概率大, 偏离大的概率小。

(2) 对称性: 大小相等, 符号相反的误差出现的概率相等, 即正态分布误差的代数