

中等职业学校电工电子专业教学用书

数字技术基础

主 编 杨秀英



华东师范大学出版社

华东师范大学出版社

SHUZI JISHU JICHU

数字技术基础

中等职业学校电工电子专业教学用书

主 编 杨秀英

副主编 何富荣 邢建榕

吴菊华

主 审 沈建国 冯满顺

图书在版编目(CIP)数据

数字技术基础/杨秀英主编. —上海:华东师范大学出版社,2007.12

中等职业学校教学用书

ISBN 978-7-5617-5732-1

I. 数… II. 杨… III. 数字技术—专业学校—教学参考资料 IV. TN911.72

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2007)第 194877 号

数字技术基础

中等职业学校电工电子专业教学用书

主 编 杨秀英
责任编辑 翁春敏
编辑助理 蒋 雯
特约编辑 赵金土 孙 婷
装帧设计 蒋 克

出 版 华东师范大学出版社
社 址 上海市中山北路 3663 号
邮编 200062

营销策划 上海龙智文化咨询有限公司
电 话 021-62228271 62228272
传 真 021-62228343

印 刷 者 宜兴市德胜印刷有限公司
开 本 787×1092 16 开
印 张 9.75
字 数 205 千字
版 次 2008 年 4 月第 1 版
印 次 2008 年 4 月第 1 次
书 号 ISBN 978-7-5617-5732-1/TP·024
定 价 15.60 元
出 版 人 朱杰人

(如发现本版图书有印订质量问题,请与华东师范大学出版社中等职业教育分社联系
电话:021-62228271 62228272)

本书是中等职业学校电工电子专业的教学用书。

本书是一本专业基础课教材,对基础知识的介绍删繁就简,思路清晰、重点突出,并辅以大量图表及例题,帮助学生加深对概念、原理的理解;实践性强,便于开展课堂实验活动,帮助学生提高解决实际问题的能力。

具体栏目设计如下:

内容简介:在每章开篇之处列出主要内容,提纲挈领。

本章小结:列出每一章的重要知识点。

本章习题:针对每一章所阐述的知识点所设计的配套习题。

为了方便教师的教学活动,本书还配套有:

《数字技术基础·教师手册》:含有每章习题参考答案和试验指导。

华东师范大学出版社

中等职业教育分社

2008年3月

在当今的信息化时代,数字化是人类进入信息化的必要条件,而数字化的基础则是数字技术。

《数字技术基础》是中职学校工科电子类专业的一本专业基础课教材,它适用于通信工程、计算机、自动化控制、机电一体化等技术涉及的各类专业。熟练地掌握数字技术,对学生学习后续的专业课程,以及毕业后从事相关技术工作都能起到举足轻重的作用。本书是作者根据多年的教学经验,结合当前学生的具体情况,并参考国内外优秀教材编写而成的。概念清楚、重点突出、删繁就简、图文并茂是本书的特点。

数字技术基础是一门实践性很强的课程,通过实验实践过程能促使学生加深对概念、原理的理解,能提高学生科学应用知识的能力。作者建议在教学过程中开设一定数量的实验,使学生提高解决实际问题的能力。

本教材对每个章节都配有一定数量的习题,可供学生自行练习,以加强对所学内容的理解与掌握。另外,我们将编写和出版教师手册,内含有关的习题解答和实验指导。

全书共分为九个章节:

第一章至第三章是数字技术的基础知识。内容包括:模拟量和数字量、数制、基本逻辑函数和逻辑代数。主要介绍了数字技术的预备知识和数字集成电路、各种数制的表示和转换、二进制数的运算和几种常用代码、基本逻辑运算和化简、布尔代数的基本公式及法则。

第四章和第五章介绍组合逻辑电路的分析、设计和应用。在组合逻辑电路分析和设计中,列举了大量例题供学生参考。在组合逻辑电路的应用中,介绍了几种常用的组合逻辑电路:基本运算电路、编码器、译码器、数据选择器和数据分配器,使学生加深对组合逻辑电路的认识。

第六章通过逻辑图、逻辑符号、功能描述、状态表和波形图等来介绍具有记忆功能的电子器件——触发器。内容包括:R-S 触发器、D 触发器、边沿触发 J-K 触发器、主从式 J-K

触发器和 T 触发器。

第七章介绍了具有记忆功能的时序电路。内容包括:时序电路概述、寄存器、同步计数器和异步计数器。其中,通过例子分析时序电路的功能,并且根据要求设计时序电路。

第八章介绍脉冲波形的产生与变换。内容包括:单稳态触发器、施密特触发器、多谐振荡器和 555 定时器。介绍了它们的具体电路、工作原理以及应用。

第九章介绍 A/D 与 D/A 的转换。内容包括:A/D 与 D/A 转换的基本原理和常见电路。对这部分内容的介绍只是最基本的,全面的学习可参见有关资料。

第一、二、三、九章由邢建榕编写,第四、五章由吴菊华编写,第六、七、八章由何富荣编写。全书由杨秀英担任主编并定稿,由何富荣协助定稿。

由于编者水平有限,恳请广大读者对书中难免存在的缺点和错误批评指正。

最后,感谢两位主审专家,沈建国老师和冯满顺老师对本书提出的宝贵意见。

编者

2008 年 3 月

第一章 数字技术基础	1
第一节 模拟量和数字量	2
第二节 数制	2
第三节 其他数字码	8
第四节 二进制变量和真值表	13
第五节 数字集成电路	14
第二章 基本逻辑函数	23
第一节 逻辑“与”	24
第二节 逻辑“或”	26
第三节 逻辑“非”	29
第四节 逻辑“与非”	31
第五节 逻辑“或非”	34
第六节 逻辑“异或”	38
第七节 逻辑“同或”	40
第三章 逻辑代数	45
第一节 逻辑代数	46
第二节 逻辑函数的演算法化简	50
第三节 逻辑函数的卡诺图化简	51
第四节 具有约束条件的函数化简	56
第四章 组合逻辑电路分析与设计	61
第一节 组合逻辑电路的分析	62
第二节 组合逻辑电路的设计	64
第五章 组合逻辑电路的应用	77
第一节 基本运算电路	78
第二节 编码器	81
第三节 译码器	84
第四节 数据选择器和数据分配器	92

第六章 触发器	99
第一节 R-S 触发器	100
第二节 D 触发器	104
第三节 边沿触发 J-K 触发器	105
第四节 主从式 J-K 触发器	106
第五节 T 触发器	108
第七章 时序电路	111
第一节 时序电路概述	112
第二节 寄存器	115
第三节 同步计数器	117
第四节 异步计数器	123
第八章 脉冲波形的产生与变换	133
第一节 单稳态触发器	134
第二节 施密特触发器	135
第三节 多谐振荡器	137
第四节 555 定时器	139
第九章 D/A 转换与 A/D 转换	143
第一节 数模转换器(DAC)	144
第二节 模数转换器(ADC)	146

第一章

数字技术基础

【内容简介】

本章主要介绍:模拟量和数字量的基本概念,数制的表示方法、互换和运算,原码、反码、补码以及 BCD 码和美国标准信息交换码的概念,二进制变量和真值表的相关知识,以及数字集成电路的技术参数及相关种类。

第一节 模拟量和数字量

模拟量是随时间连续变化的物理量,数字量是不随时间连续变化的量。

信号或者信息可以用模拟量或者数字量的方式表示。例如水银温度计就是一个模拟式温度测量仪,水银柱的高度与温度成正比,可以对于任意小的温度变化实现水银柱高度的相应变化。模拟式测量仪还有用于电流、电压、转速、速度等测量的指针式测量仪表。这里,无论是水银柱的高低,还是指针的偏转,都是连续变化的。

与水银温度计不同的是,莫尔斯电码是以信息流的数字处理为基础的,它通过点和线的组合来表示字母、数字和特殊符号。可以简单地表示点或者线、接通或者关断、有电压或者没有电压的情况。由此可知,数字量是一种非连续性变化的物理量。

在坐标平面上,模拟量表现为一条连续的曲线,数字量表现为分段曲线。连续量可以等同模拟量,但数字量不可以等同离散量,因为数字量只有 0, 1 两个状态量,而离散量可以有无数个量,如:1, 5, 67 等。离散量包括数字量。

第二节 数制

日常生活中最常用的是十进制。然而,十进制并非是表示数量的唯一方法。在日常生活中还有其他一些数制被使用着,如二十四小时为一天(二十四进制),十二个月为一年(十二进制)。而在计算机内部处理信息的时候,则用电子元件的两种状态(导通和截止)来表示数量,故使用的是二进制,因为二进制只有两种状态,即“0”和“1”。

一、数制的表示法

1. 十进制数的表示法

(1) 进位计数制

对数量进行表述称为计数。按进位原则进行计数的法则称为进位计数制。对于任何一种进位计数制,都可以用按位权展开的表示式来表示一个数,即

$$N = a_{n-1}r^{n-1} + \cdots + a_1r^1 + a_0r^0 + a_{-1}r^{-1} + \cdots + a_{-m}r^{-m}$$

式中: r 称为基数,表示该进位计数制有 r 个数符,每当计数到 r 时,需向高位进位,即“逢 r 进1”,因此,亦称为“ r 进制”; n 、 m 均为正整数,分别代表数 N 的整数和小数位的位数; a_i ($i = n-1, n-2, \cdots, 1, 0, -1, \cdots, -m$) 为系数,它可在从 0 到 $r-1$ 这 r 个数当中任意取值; r^i ($i = n-1, n-2, \cdots, 1, 0, -1, \cdots, -m$) 称为权。

例 1-1 将十进制数 437.56 写成按位权展开的表示式。

解: $437.56 = 4 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 7 \times 10^0 + 5 \times 10^{-1} + 6 \times 10^{-2}$

(2) 十进制的基数与系数

十进制的基数: $r = 10$

十进制的系数: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

(3) 十进制数的表示法

例如十进制数 235, 可用 235 、 $235_{(10)}$ 、 $(235)_{10}$ 或 $235D$ 表示, 其中 D 表示“Decimal”, 即十进制。若数字后没有标注, 均可视为十进制。

2. 二进制数的表示法

十进制虽然是生活中最常用的计数方式, 但如果将其应用在电子电路中, 则必须用十种不同的电位来分别表示 0, 1, ..., 9 十个数字, 这将使电路变得十分复杂。而使用二进制, 便可用高、低两种不同的电位来表示 0 和 1 两个数字。所以在电子电路中通常使用二进制。

(1) 二进制的基数与系数

二进制的基数: $r = 2$

二进制的系数: 0, 1

(2) 二进制的位和字节

每一个二进制数字为一个位(Bit), 八个位称为一个字节(Byte), 即 $1 \text{ Byte} = 8 \text{ Bits}$ 。

(3) 二进制数的表示法

例如二进制数 1100 可用 $1100_{(2)}$ 、 $(1100)_2$ 或 $1100B$ 来表示, 其中 B 表示“Binary”, 即二进制。

例 1-2 将二进制数 1010.01 写成按位权展开的表示式。

解: $1010.01B = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$

3. 八进制数的表示法

采用二进制计数虽然能使电子电路变得简单, 但却给人们带来了如书写、读数等诸多的不便。而八进制和十进制比较相似, 且和二进制也有很直接的转换关系, 因此它在人、机(计算机)交流中被广泛使用。

(1) 八进制的基数与系数

八进制的基数: $r = 8$

八进制的系数: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7

(2) 八进制数的表示法

例如八进制数 261 可用 $261_{(8)}$ 、 $(261)_8$ 或 $261O$ 来表示, 其中 O 表示“Octal”, 即八进制。

例 1-3 将八进制数 427.607 写成按位权展开的表示式。

解: $427.607O = 4 \times 8^2 + 2 \times 8^1 + 7 \times 8^0 + 6 \times 8^{-1} + 0 \times 8^{-2} + 7 \times 8^{-3}$

4. 十六进制数的表示法

除了八进制外, 十六进制也具备和十进制相似、与二进制转换方便等特性, 因此在人、机交流中也经常被使用到。

(1) 十六进制的基数与系数

十六进制的基数: $r = 16$

十六进制的系数: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

其中 A、B、C、D、E、F 分别代表十进制的 10、11、12、13、14、15。

(2) 十六进制数的表示法

例如十六进制数 3C0 可用 $3C0_{(16)}$ 、 $(3C0)_{16}$ 或 $3C0H$ 来表示, 其中 H 表示“Hexadecimal”, 即十

六进制。

例 1-4 将十六进制数 4F9.0D 写成按位权展开的表示式。

解: $4F9.0DH = 4 \times 16^2 + 15 \times 16^1 + 9 \times 16^0 + 0 \times 16^{-1} + 13 \times 16^{-2}$

二、数制的互换

1. 二进制和十进制互换

(1) 二进制转换为十进制

二进制转换成十进制时比较简单,只需将二进制数按位权展开,并求和即可。

例 1-5 求 11001.01B 的十进制表示。

解: $11001.01B = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$
 $= 25.25D$

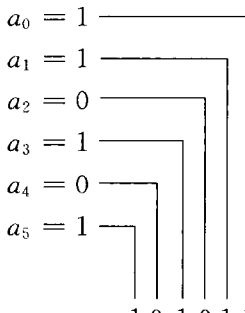
(2) 十进制转换为二进制

十进制转换成二进制时,整数和小数部分有所不同,下面分别加以叙述。

整数部分的转换可通过“除 2 取余”法进行。将待转换的十进制数除以 2,余数即为对应的二进制数的 a_0 ,然后对商重复上述过程直至商为零,便可得到二进制数的 $a_1, a_2, \dots, a_{n-1}$ 。

例 1-6 求 43D 的二进制表示。

解:除以 2	商 Q_i	余数 a_i
43	21	$a_0 = 1$
21	10	$a_1 = 1$
10	5	$a_2 = 0$
5	2	$a_3 = 1$
2	1	$a_4 = 0$
1	0	$a_5 = 1$



101011

即

$$43D = 101011B$$

小数部分的转换可通过“乘 2 取整”法进行。将待转换的十进制小数部分乘以 2,积的整数部分即为对应的二进制数的 a_{-1} ,然后对积的小数部分重复上述过程,直至积的小数部分为零,便可依次求得二进制数的 $a_{-2}, a_{-3}, \dots, a_{-m}$ 。在转换过程中,若十进制的小数部分恒不为零,则可按转换精度决定二进制小数的位数。

例 1-7 求 0.423D 的二进制表示。

解:乘以 2	积的小数部分 F_i	积的整数部分 a_i
0.423	0.846	$a_{-1} = 0$
0.846	0.692	$a_{-2} = 1$
0.692	0.384	$a_{-3} = 1$
0.384	0.768	$a_{-4} = 0$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$

即

$$0.423D = 0.0110\cdots B$$

当要求转换精度为 2^{-2} 时,可取: $0.423D = 0.01B$

对于既有整数部分、又有小数部分的十进制数,只需将其分别进行转换,然后合到一起即可。

2. 二进制和十六进制互换

(1) 二进制转换为十六进制

整数部分:从整数的最低位开始,每四位二进制数转换成一位十六进制数,若最高位不满四位时,可在左面添“0”构成四位。

小数部分:从小数的最高位开始,每四位二进制数转换成一位十六进制数,若最末位不满四位时,也可在右面补“0”构成四位。

例 1-8 求 $110111001.001111B$ 的十六进制表示。

解: $0001\ 1011\ 1001.0011\ 1100$
 ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
 1 B 9 3 C

即

$$110111001.001111B = 1B9.3CH$$

(2) 十六进制转换为二进制

欲将一个十六进制数转换成二进制数时,只要每位十六进制数用四位二进制数表示即可。

例 1-9 求 $5F7.4AH$ 的二进制表示。

解: $5F7.4AH = 10111110111.01001010B$

3. 十进制和十六进制互换

(1) 十六进制转换为十进制

十六进制转换成十进制时比较简单,只需将十六进制数按位权展开,并求和即可。

例 1-10 求 $A2F.3DH$ 的十进制表示。

解: $A2F.3DH = 10 \times 16^2 + 2 \times 16^1 + 15 \times 16^0 + 3 \times 16^{-1} + 11 \times 16^{-2}$
 $= 2607.23046875D$

(2) 十进制转换为十六进制

十进制转换成十六进制时,要将整数和小数分别来处理。

整数部分的转换可通过“除 16 取余”法进行。将待转换的十进制数除以 16,余数即为对应的十六进制数 a_0 ,然后对商重复上述过程直至商为零,便可得到十六进制数的 $a_1, a_2, \cdots, a_{n-1}$ 。

例 1-11 求 $2538D$ 的十六进制表示。

除以 16	商 Q_i	余数 a_i
2538	158	$a_0 = 10$
158	9	$a_1 = 14$
9	0	$a_2 = 9$

9 E A

即

$$2538D = 9EAH$$

小数部分的转换可通过“乘 16 取整”法进行。将待转换的十进制数的小数部分乘以 16,积的整数部分即为对应的十六进制数的 a_{-1} ,然后对积的小数部分重复上述过程,直至积的

小数部分为零,便可依次求得十六进制数的 $a_{-2}, a_{-3}, \cdots, a_{-m}$ 。在转换过程中,若十进制的小数部分恒不为零,则可按转换精度决定十六进制小数的位数。

例 1-12 求 0.48254D 的十六进制表示。

解: 乘以 16	积的小数部分 F_i	积的整数部分 a_i
0.48254	0.72064	$a_{-1} = 7$
0.72064	0.53024	$a_{-2} = 11$
0.53024	0.48384	$a_{-3} = 8$
0.48384	0.74144	$a_{-4} = 7$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$

即 $0.48254D = 0.7B87H$

其他数制间的转换,可参照上述转换方法,在此不再赘述。十进制、二进制、八进制、十六进制数的对照表如表 1-1 所示。

表 1-1 数制对照表

十进制	二进制	八进制	十六进制
0	0000	0	0
1	0001	1	1
2	0010	2	2
3	0011	3	3
4	0100	4	4
5	0101	5	5
6	0110	6	6
7	0111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F

三、二进制数的运算

十进制数的运算大家已经很熟悉了。而对于其他数制数的运算,限于篇幅,此处仅对二进制数的运算加以介绍。

1. 二进制数的加法

一位二进制数的加法规则为

$$\begin{aligned} 0+0 &= 0 \\ 0+1 &= 1+0=1 \\ 1+1 &= 0(\text{进位 } 1) \end{aligned}$$

例 1-13 试求 $10011\text{B}+11011\text{B}$ 的值。

$$\begin{array}{r} \text{解: 被加数} \quad 1\ 0\ 0\ 1\ 1 \\ \text{加数} \quad \quad 1\ 1\ 0\ 1\ 1 \\ \text{进位} \quad +1 \quad \quad 1\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \end{array}$$

即 $10011\text{B}+10011\text{B}=101110\text{B}$

2. 二进制数的减法

一位二进制数的减法规则为

$$\begin{aligned} 0-0 &= 0 \\ 1-0 &= 1 \\ 1-1 &= 0 \\ 0-1 &= 1(\text{有借位}) \end{aligned}$$

例 1-14 试求 $11001010\text{B}-110011\text{B}$ 的值。

$$\begin{array}{r} \text{解: 被减数} \quad 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0 \\ \text{减数} \quad \quad 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1 \\ \text{借位} \quad - \quad 1\ 1 \quad 1\ 1\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1 \end{array}$$

即 $11001010\text{B}-110011\text{B}=100101011\text{B}$

3. 二进制数的乘法

一位二进制数的乘法规则为

$$\begin{aligned} 0 \times 0 &= 0 \\ 1 \times 0 &= 0 \times 1 = 0 \\ 1 \times 1 &= 1 \end{aligned}$$

两个二进制数相乘,可参照十进制相乘的方法进行。

例 1-15 试求 $1011\text{B} \times 1010\text{B}$ 的值。

$$\begin{array}{r} \text{解: 被乘数} \quad 1\ 0\ 1\ 1 \\ \text{乘数} \quad \quad \times 1\ 0\ 1\ 0 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 0 \\ 1\ 0\ 1\ 1 \\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ \text{中间结果} \quad + 1\ 0\ 1\ 1 \\ \hline \text{积} \quad \quad 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \end{array}$$

即

$$1011\text{B} \times 1010\text{B} = 1101110\text{B}$$

从例 1-15 中不难看出,当乘数某一位为 0 时,则对应的中间结果也为 0;当乘数某一位为 1 时,则对应的中间结果为被乘数。故二进制数的乘法运算可看成对被乘数进行移位(左移)后的加法运算,而被乘数左移的位数则取决于乘数中 1 的位置。

4. 二进制数的除法

二进制数的除法可参照十进制数除法运算的基本规则,具体方法见例 1-16。

例 1-16 试求 $1101101\text{B} \div 101\text{B}$ 的值。

解:

		1 0 1 0 1	商
除数 1 0 1	)	1 1 0 1 1 0 1	被除数
		1 0 1	
		1 1 1	
		1 0 1	
		1 0 0 1	
		1 0 1	
		1 0 0	余数

即

$$1101101\text{B} \div 101\text{B} = 10101\text{B} \quad \text{余数为 } 100\text{B}$$

第三节 其他数字码

一、原码、反码和补码

在计算机中处理的信息都以二进制数的形式呈现,对数的正、负也必须通过高、低电平来识别。直接用“+”号和“-”号来表示其正、负的二进制数,称为该数的真值。另外,为了简化计算机的硬件结构,减法也在加法器中完成,而原码、反码和补码正是用来解决计算机内部的相关运算问题的。

1. 原码

二进制数的最高位称符号位,用来表示该数的正、负,“0”表示正数,“1”表示负数。用这种方法表示的数码称为原码。

例 1-17 8 位二进制数的真值分别为 $X_1 = 1001$ 和 $X_2 = -1001$, 写出它们的原码。

解:

$$[X_1]_{\text{原}} = 00001001$$
$$[X_2]_{\text{原}} = 10001001$$

要注意的是,原码中“0”有两种形式:

$$[+00000000]_{\text{原}} = 00000000$$
$$[-00000000]_{\text{原}} = 10000000$$

2. 反码

当真值为正数时,反码和原码的数值相同;真值为负数时,符号位不变,仍为“1”,把原码中的“0”写成“1”、“1”写成“0”即构成反码。如果对一个反码再取反,则得到原码本身。

和原码一样,反码中“0”也有两种形式:

$$[+00000000]_{\text{反}} = 00000000$$

$$[-00000000]_{\text{反}} = 11111111$$

反码运算一般不常使用,但其取反过程常用作取补的中间过程。

例 1-18 8 位二进制数的真值分别为 $X_1 = 11000$ 和 $X_2 = -11000$, 写出它们的反码。

解: $[X_1]_{\text{反}} = [X_1]_{\text{原}} = 00011000$

$$[X_2]_{\text{反}} = 11100111$$

3. 补码

当真值为正数时,补码和原码及反码的数值相同;当真值为负数时,在反码的基础之上再加 1 后,即构成补码。和反码一样,对一个补码再取补,则回到原码本身。

在补码中,“0”只有一种形式:

$$[+00000000]_{\text{原}} = [-00000000]_{\text{原}} = 00000000$$

例 1-19 8 位二进制数的真值分别为 $X_1 = 11100$ 和 $X_2 = -11100$, 写出它们的补码形式。

解: $[X_1]_{\text{补}} = [X_1]_{\text{反}} = [X_1]_{\text{原}} = 00011100$

$$[X_2]_{\text{补}} = [X_2]_{\text{反}} + 1 = 11100011 + 1 = 11100100$$

4. 补码的运算

在计算机中,当有两个数要进行加、减运算时,首先判断两个数的符号位。若符号位相同,则将两个数相加,再冠以对应的正、负符号即可;若符号位不同,则将两个数取补后再做加法,具体步骤如下:

① 对两个数取补。

② 将两个数的补码相加:在相加时,可把符号位上表示正负的“0”和“1”也看成数,一同进行加法运算(符号位运算时产生的进位扔掉)。

③ 判断补码加法结果的符号位:由于补码相加后的结果仍为补码,故要对其结果的正负进行判断。若符号位为“0”,则表示结果为正值;若符号位为“1”,则表示结果为负值。

例 1-20 已知: $X_1 = 00001001$, $X_2 = -00000110$, 试用补码来计算 $Y = X_1 + X_2$ 的值。

解:对两个数取补: $[X_1]_{\text{补}} = [X_1]_{\text{原}} = 00001001$

$$[X_2]_{\text{补}} = [X_2]_{\text{反}} + 1 = 11111001 + 1 = 11111010$$

将两个数的补码相加: $[X_1]_{\text{补}} + [X_2]_{\text{补}} = 00001001 + 11111010$

$$= [Y]_{\text{补}} = 00000011$$

判断补码加法结果的符号位:符号位等于“0”,表示结果 Y 为正值。

即

$$[Y]_{\text{原}} = [Y]_{\text{补}} = 00000011$$

$$Y = 00000011$$