

# 普通測量學講義

下 册

儲 鐘 瑞  
劉 呈 祥

編

清 华 大 学 出 版 科 印

1957

## 下冊 目錄

### 第四編 水準測量

<b>第十三章 水準測量的基本知識</b>	13—1
13-1 高程測量的目的和種類	13—1
13-2 幾何水準測量的原理	13—2
13-3 地球曲率和折光的影响	13—2
13-4 水準儀的構造和類型	13—3
13-5 水準尺和尺墊	13—5
13-6 定鏡水準儀的檢驗和校正	13—6
13-7 活鏡水準儀的檢驗和校正	13—8
13-8 水準點	13—10
13-9 水準測量的方法	13—11
13-10 水準測量的測站校核	13—13
13-11 水準測量的成果校核和調整	13—13
13-12 做水準測量時應注意的事項	13—14
13-13 水準測量的精度	13—14
<b>第十四章 三四等水準測量</b>	14—1
14-1 三四等水準測量的用途和精度	14—1
14-2 三等水準測量所用的儀器和水準尺	14—1
14-3 三等水準測量的外業	14—1
14-4 四等水準測量所用的儀器和水準尺	14—4
14-5 四等水準測量的外業	14—4
14-6 水準測量外業成果的初步整理和三四等水準測量的容許閉合差	14—6
14-7 單獨水準路線的調整	14—7
14-8 具有一個結點的水準網的調整	14—8
14-9 巴波夫法水準網的調整	14—9
<b>第十五章 路線水準測量和面水準測量</b>	15—1
15-1 路線水準測量的概念	15—1
15-2 路線水準測量的準備工作	15—1
15-3 曲線元素和曲線主點	15—2
15-4 路線縱斷面水準測量	15—4

15-5	橫斷面水準測量.....	15—6
15-6	在陡坡上的水準測量，X點法和水平尺法.....	15—7
15-7	越過河流或山谷的水準測量.....	15—8
15-8	縱斷面圖和橫斷面圖的繪制.....	15—8
15-9	面水準測量的概念.....	15—10
15-10	用干線法作面水準測量.....	15—10
15-11	用方格法作面水準測量.....	15—11

## 第五編 視距測量

第十六章	視距測量.....	16—1
16-1	一般概念.....	16—1
16-2	視距測量的原理.....	16—1
16-3	視距經緯儀及視距尺.....	16—4
16-4	視距常數的測定.....	16—4
16-5	量豎直角.....	16—6
16-6	豎盤游標和游標水準管的檢驗和校正.....	16—9
16-7	視距測量的精度.....	16—10
16-8	自計視距儀.....	16—11
16-9	視距測量的外業.....	16—13
16-10	視距表，視距圖，視距計算尺.....	16—15
16-11	視距測量的成果整理.....	16—18
16-12	地形圖的繪制.....	16—19

## 第六編 平板儀測量

第十七章	平板儀測量.....	17—1
17-1	一般概念.....	17—1
17-2	平板儀的構成部份和附件.....	17—2
17-3	平板和附件的檢驗和校正.....	17—4
17-4	照準儀的檢驗和校正.....	17—4
17-5	平板儀的安置.....	17—5
17-6	平板儀的前方交會和測方交會.....	17—7
17-7	交會法的精度和交角的限度.....	17—8
17-8	圖解三角網.....	17—9
17-9	圖解三角網各點高程的確定.....	17—10
17-10	圖解三角網各點差的調整.....	17—12
17-11	補點（傳遞點）.....	17—13
17-12	碎部測量.....	17—15

17-13 平板儀測量的精度.....	17—16
17-14 平板儀測量的優缺點和它的應用.....	17—16
17-15 平板儀同經緯儀，水準儀的配合應用.....	17—16
17-16 小平板儀同經緯儀的配合應用.....	17—16

## 第七編 低精度的平面和高程測量

<b>第十八章 氣壓高程測量 .....</b>	<b>18—1</b>
18-1 一般概念.....	18—1
18-2 氣壓高程測量的公式.....	18—1
18-3 氣壓高程測量所用的儀器.....	18—2
18-4 容盒氣壓計的讀數的改正數.....	18—2
18-5 氣壓高程測量的外業.....	18—3
18-6 氣壓高程測量的成果整理工作.....	18—4
18-7 用一個氣壓計觀測的成果整理實例.....	18—5
18-8 氣壓高程測量的精度.....	18—8

<b>第十九章 草 測 .....</b>	<b>19—1</b>
19-1 草測的意義和應用.....	19—1
19-2 距離的測定.....	19—1
19-3 直線定向和角度的測定.....	19—2
19-4 高差和高程的測定.....	19—2
19-5 草測的作業.....	19—3

## 第八編 地形圖的应用

<b>第二十章 地形圖的应用 .....</b>	<b>20—1</b>
20-1 讀圖和用圖.....	20—1
20-2 籍地形解決的某些問題.....	20—1

## 第九編 工程建築物的樁定工作

<b>第二十一章 樁定的一般工作，圓曲線的樁定，房屋，管道， 土壘及小橋的樁定 .....</b>	<b>21—1</b>
21-1 概念.....	21—1
21-2 樁定點子的方法和基本測量工作.....	21—1
21-3 極坐標法.....	21—1
21-4 直角坐標法.....	21—2
21-5 角度交會法.....	21—3
21-6 距離交會法.....	21—3

21-7 在地面上設置已知長度的直線.....	21—3
21-8 在地面上設置已知角值的水平角.....	21—4
21-9 根據地面上已有的地物樁定新建築物。.....	21—5
21-10 樁定圓曲線.....	21—6
21-11 視線為地物所阻時的樁定方法.....	21—10
21-12 樁定高程等於一定數值的點子.....	21—13
21-13 設出已給坡度的直線.....	21—13
21-14 龍門板在樁定房屋時的應用及其設置.....	21—14
21-15 地下管道的樁定工作.....	21—14
21-16 小土壠的樁定工作.....	21—15
21-17 小型橋樑的樁定工作.....	21—16

## 第二十二章 樁定工作中的特殊問題..... 22—1

22-1 用捲尺設置直角.....	22—1
22-2 用捲尺從直線外面一點作垂直線.....	22—1
22-3 用捲尺求出角度.....	22—2
22-4 解析法測定建築物的高度.....	22—2
22-5 高程的傳遞.....	22—4
22-6 把一塊地面剷成水平面.....	22—5
22-7 把一塊地面剷成傾斜的平面.....	22—5

## 第十編 在水利技術方面用到的測量工作

### 第二十三章 方位角的測定..... 23—1

23-1 天球概念.....	23—1
23-2 定位三角形.....	23—1
23-3 天體的方位角和地面目標的方位角之間的關係.....	23—2
23-4 觀測太陽確定地面目標的真方位角.....	23—2
23-5 用Φ. H. 克拉索夫斯基教授的方法測定方位角.....	23—5
23-6 同高觀測天體來測定方位角.....	23—6
23-7 用日圭法測定真子午線方向.....	23—6

### 第二十四章 測定個別點子的坐標（導線和三角點或較高級導線點的連結） 24—1

24-1 一般概念.....	24—1
24-2 間接法傳遞坐標.....	24—1
24-3 前方交會法.....	24—2
24-4 側方交會法.....	24—7
24-5 三點後方交會法（三點問題）.....	24—7
24-6 兩點後方交會法（兩點問題）.....	24—13

<b>第二十五章 全國性的控制測量和小三角測量</b>	.....	25—1
25-1 一般概念	.....	25—1
25-2 三角測量的選點，造標和埋石	.....	25—2
25-3 小三角測量控制機構	.....	25—3
25-4 邊長的精度	.....	25—4
25-5 小三角測量的基線丈量	.....	25—6
25-6 小三角測量的測角工作	.....	25—7
25-7 小三角鎖的平差	.....	25—8
<b>第二十六章 河道測量</b>	.....	26—1
26-1 一般概念	.....	26—1
26-2 河流縱向水準測量	.....	26—1
26-3 水深測量	.....	26—1
26-4 河底地形及縱斷面的繪制	.....	26—3
<b>第十一編 攝影測量</b>		
<b>第二十七章 攝影測量</b>	.....	27—1
27-1 概念	.....	27—1
27-2 航空攝影測量的一般過程	.....	27—1
27-3 像片的比例尺及像點的位移	.....	27—2
27-4 像片的判讀	.....	27—3
27-5 像片闔圖的編制	.....	27—4
27-6 像片平面圖的編制	.....	27—4
27-7 測繪地形圖的不同航測方法	.....	27—5
27-8 地面立體攝影測量	.....	27—7

## 第二十二章 檢定工作中的特殊問題

### 22-1 用捲尺設置直角

當檢定臨時性的房屋或精度要求不高的房屋時，我們就不必用經緯儀而可以用布捲尺或鋼捲尺設置直角了。

假設要在 AB 線上的 A 點設置直角（圖 22-1）。先在 AB 線上量出 6m 的一段距離，得 C 點。以 A 點為圓心，把尺子端點放在 A 點，以尺上 8m 的一段距離為半徑，在地上作圓弧。同樣，以 C 點為圓心，10m 一段距離為半徑，在地上再作一段圓弧。兩段圓弧的相交點 D 和 A 點的連線就垂直于 AB 線了。直角三角形 CAD 的三邊各等於 6, 8, 10 公尺。

我們可以把布捲尺的零點放在 A 點，尺上 18m 的分割線放在 C 點，然後手指摸着尺上 8m 的地方，把尺上 0 到 8m 一段和 8m 到 18m 拉直，這樣就得圖 22-2 中 CAD 直角三角形了。如果用的是鋼捲尺，為了避免折斷鋼尺，可以把尺上零點和 19m 的地方各放在 A C 點（圖 22-3），然後把尺上 8m 和 9m 的地方捏在一起，拉直鋼尺，這樣也就得到直角 CAD 了。

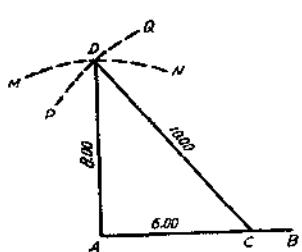


圖 22-1

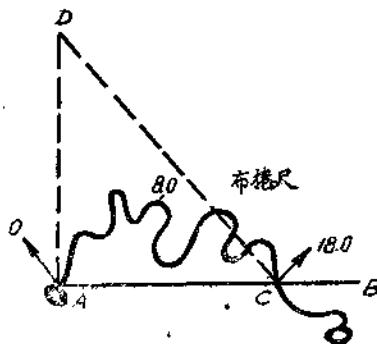


圖 22-2

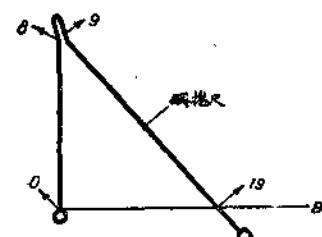


圖 22-3

### 22-2 用捲尺從直線外面一點作垂直線

假設我們要從 P 點作一條線，使它垂直于 MN 線（圖 22-4）。把捲尺的一端放在 P 點，用另一端作弧，相交 MN 線于 m, n 點。量出 mn 的長度，並平分之，得 D 點，PD 就垂直于 MN 了。

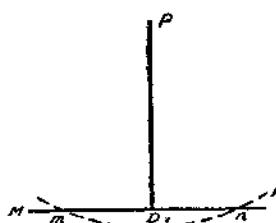


圖 22-4

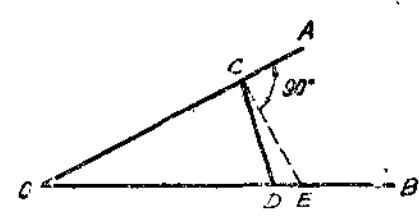


圖 22-5

## 22-3 用捲尺求出角度

假設我們要求出地面上 OA, OB 兩邊的夾角（圖 22-5）。在 OA, OB 邊上丈量兩段長度相等的綫段，得 C, D 點。再量 CD 的長度。在三角形 OCD 中三邊的長度都知道了，我們就可以根據需要的精度，用圖解法或解析法求出  $\angle AOB$  的角值。

我們還可以在 C 點設置直角，得直角邊和 OB 線的交點 E，然後丈量 OC 和 CE 的長度，以便計算  $\angle AOB$ 。

## 22-4 解析法測定建築物的高度

## 1. 精度較差的方法

將經緯儀安置於一點，用盤左和盤右兩個位置量建築物的頂和底的豎直角  $\varphi$  和  $\psi$ （圖 22-6），並用鋼尺丈量儀器到建築物中心的距離 d。從圖可知：

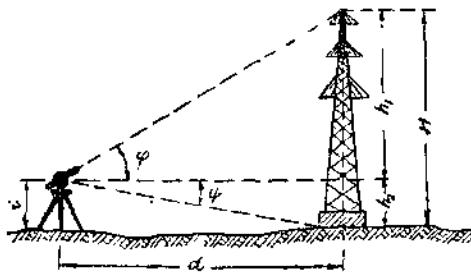


圖 22-6

$$h_1 = d \tan \varphi, \quad h_2 = d \tan \psi.$$

$$H = h_1 + h_2 = d (\tan \varphi + \tan \psi).$$

如果地面較平坦，可以認為儀器高  $i = h_3$ ，那末， $H = h_1 + i$ 。

例題：  $d = 60.00 \text{ m}$ ,  $\varphi = 21^\circ 48' 10''$ ,  $\psi = 1^\circ 50' 00''$ ; 求 H。

$$d \tan \varphi = 60.00 \times 0.40003$$

$$= 24.00 \text{ m}$$

$$d \tan \psi = 60.00 \times 0.03201$$

$$= 1.92 \text{ m},$$

$$H = 24.00 + 1.92 = 25.92 \text{ m}.$$

## 2. 較精確的方法

在建築物附近選基線 AB，並丈量之，以 b 表示它的長度（圖 22-7）。用經緯儀量水平角  $\alpha$ ,  $\beta$  和豎直角  $\varphi$ ,  $\psi$ 。量水平角時，望遠鏡不能瞄準 C 點而是瞄準和 C 點具有相同水平位置的頂點 E。

在三角形 ABC 中，

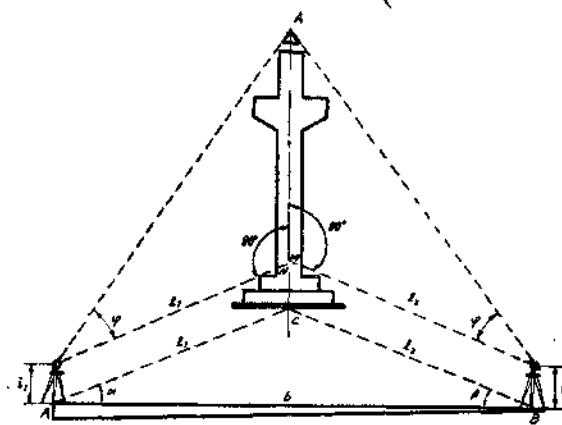


圖 22—7

$$\frac{l_1}{\sin \beta} = \frac{b}{\sin (\alpha + \beta)}, \quad \text{即} \quad l_1 = b \frac{\sin \beta}{\sin (\alpha + \beta)};$$

$$-\frac{l_2}{\sin \alpha} = -\frac{b}{\sin (\alpha + \beta)}, \quad \text{即} \quad l_2 = b \frac{\sin \alpha}{\sin (\alpha + \beta)}.$$

以  $H_A$ ,  $H_B$  各代表已知的或用水準儀測出的 A, B 點的高程，我們就可以求得 E 點的高程的兩個數值  $H'_E$  和  $H''_E$ 。

$$H'_E = H_A + l_1 \operatorname{tg} \varphi + i_1, \quad H''_E = H_B + l_2 \operatorname{tg} \varphi + i_2.$$

平均數  $H_E = \frac{1}{2} (H'_E + H''_E)$ 。

用水準儀可以測出建築物底部的高程  $H_{底}$ 。

建築物的高度  $= H_E - H_{底}$ 。

例題：

已知：

$$\alpha = 36^\circ 27' 20''; \quad \sin \alpha = 0.59420;$$

$$\beta = 40^\circ 25' 30''; \quad \sin \beta = 0.64845;$$

$$\alpha + \beta = 76^\circ 52' 50''; \quad \sin (\alpha + \beta) = 0.97390;$$

$$b = 85.00 \text{ 公尺}; \quad i = 1.44; \quad i_2 = 1.49;$$

$$\varphi = 230^\circ 15' 50''; \quad \operatorname{tg} \varphi = 0.42995;$$

$$\varphi = 24^\circ 50' 00''; \quad \operatorname{tg} \varphi = 0.46277;$$

$$H_A = 125.03 \text{ m}; \quad H_B = 125.37;$$

$$H_{底} = 125.21 \text{ m}.$$

先求出  $i_1$  和  $i_2$  的數值：

$$l_1 = b \frac{\sin \beta}{\sin(d + \beta)} = 85.00 \times \frac{0.64845}{0.97390} = 56.59 \text{ m},$$

$$l_2 = b \frac{\sin \alpha}{\sin(\alpha + \beta)} = 85.00 \times \frac{0.59420}{0.97390} = 51.86 \text{ m}.$$

再求出  $l_1 \operatorname{tg} \varphi$  和  $l_2 \operatorname{tg} \varphi$  :

$$l_1 \operatorname{tg} \varphi = 56.59 \times 0.42995 = 24.33 \text{ m},$$

$$l_2 \operatorname{tg} \varphi = 51.86 \times 0.46277 = 24.00 \text{ m}.$$

最後求出建築物頂端的高程 :

$$H'_E = H_A + l_1 \operatorname{tg} \varphi + i_1 = 125.03 + 24.33 + 1.44 = 150.80,$$

$$H''_E = H_B + l_2 \operatorname{tg} \varphi + i_2 = 125.37 + 24.00 + 1.49 = 150.86;$$

$$H_E = \frac{1}{2} (150.80 + 150.86) = 150.83 \text{ m}.$$

建築物的高度等于

$$H_E - H_{底} = 150.83 - 125.21 = 25.62 \text{ m}.$$

### 22-5 高程的傳遞

在繪定工作中，我們常常要測出兩點間的高差，而高差總是較大的。這時我們就不能用水準尺，而要用下端掛着重錘的輕便鋼卷尺。

1. 從地面傳遞高程到深坑內 假設我們要根據地面的永久水準點 A 測出坑內臨時水準點 B 的高程(圖 22-8)。在坑邊埋一吊桿，從桿端掛下輕便鋼尺和重錘。在地面和坑內各安一水準儀，由兩個觀測員分別在地面和坑內進行工作。先唸立在水準點上的兩根水準尺的讀數 a 和 d，然後同時唸出鋼尺上的讀數 b 和 c。用  $H_A$  代表永久水準點 A 的高程。臨時水準點 B 的高程  $H_B$  可按下式求出：

$$H_B = H_A + a - (c - b) - d.$$

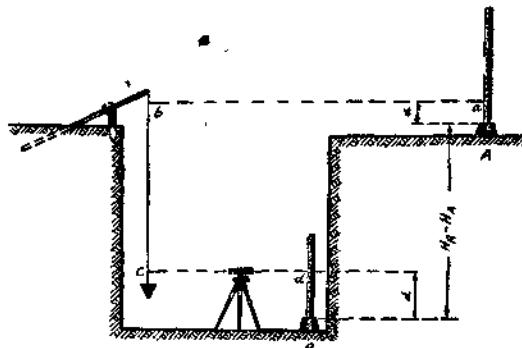


圖 22-8

如果需要的精度較高，必須改變儀器高，再重複觀測一次，並要考慮尺長改正數和溫度改正數。

2. 把高程傳遞到墙上 假設要根據準點A測出墙上一點B的高程（圖22-9）。用a,d表示準尺上的讀數；b,c表示鋼尺上的讀數。求B點的高程 $H_B$ 的式子是

$$H_B = H_A + a - (c - b) - d$$

例題：設 $H_A = 185.425\text{ m}$ ,  $a = 1.225\text{ m}$ ;  $b = 17.384\text{ m}$ ,  $c = 1.023\text{ m}$ ,  $d = 1.182\text{ m}$ , 求坑底準點的高程 $H_B$ 。

$$H_B = 185.425 + 1.225 - (17.384 - 1.023) - 1.182 = 169.107\text{ m}.$$

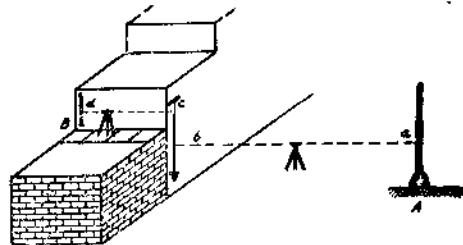


圖 22-9

## 22-6 把一塊地面剷成水平面

設要把一塊地面剷為平面而使土方差額接近零，就是使挖土和填土的數量大致相等。

首先把這塊面積分成若干方塊（圖22-10），

然後用水準儀測出各方格頂點的高程 $H_1^A$ ,  $H_2^A$ ,  $H_1^B$ ,  $H_2^B$ ,  $H_3^A$ ,  $H_4^A$ ,  $H_3^B$ ,  $H_4^B$ , ……。每一方格各頂點高程的平均值 $H_1$ ,  $H_2$ , ……一是：

$$H_1 = \frac{H_1^A + H_1^B + H_2^A + H_2^B}{4},$$

$$H_2 = \frac{H_1^A + H_1^B + H_2^A + H_2^B}{4},$$

$H_1^A$	$H_1^B$	$H_2^A$	$H_2^B$	$H_3^A$	$H_3^B$	$H_4^A$	$H_4^B$
1	2	3	4				
$H_1^A$	$H_1^B$	$H_2^A$	$H_2^B$	$H_3^A$	$H_3^B$	$H_4^A$	$H_4^B$
5	6	7	8				
9	10	11	12				

圖 22-10

取 $H_1$ ,  $H_2$ , ……的平均高程作為設計高程 $H_0$ ，就是

$$H_0 = \frac{H_1 + H_2 + \dots + H_n}{n}.$$

最後求出實際地面高程和設計高程的差數 $\Delta h$ ：

$$\Delta h_1^A = H_1^A - H_0, \quad \Delta h_2^A = H_2^A - H_0, \quad \Delta h_3^A = H_3^A - H_0, \dots$$

$\Delta h$ 稱為工作高程，寫在各頂點的木樁上；正數表示挖土，負數表示填土。

## 22-7 把一塊地面剷成傾斜的平面

修建廣場、飛機場、體育場時，需要把地面剷成傾斜的平面；使平面有一定的坡度是為了便於排水。此外，當房屋修成後，房屋的四周也要剷成具有一定坡度的平面，使地面的水容易流出房屋的區域。

## 普通測量學

假設要把  $50\text{ m} \times 60\text{ m}$  的地面割成平面，而使 M Q 邊到 N P 邊的坡度為 0.05（圖 22—11）。

首先把這塊地分成每邊等於 10 m 的方格網。我們要在方格頂點用木樁標明設計的高程。假定 M 點的設計高程是 81.25 m，並已標定出來。在 M 點安置水準儀，量出儀器高  $i_0$ 。在 MQ 線上 a, b, c, d, Q 點打木樁使立在這些樁上的尺子讀數等於儀器高，這樣，這些木樁頂端就都位於需要的高程 81.25 m 了。再標定出 N 點，使它的高程等於  $81.25 - (0.05 \times 60) = 78.25\text{ m}$ ，就是使立在 N 點的尺上讀數等於  $i + 0.05 \times 60 = (i + 3)\text{ m}$ 。同法標定出 a', b', c', d', P 各點。

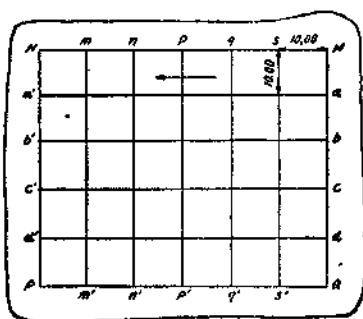


圖 22—11

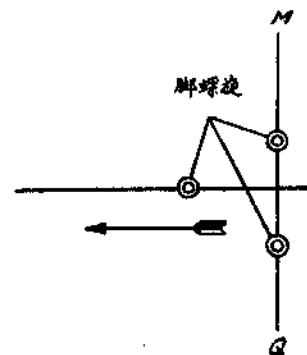


圖 22—12

如果傾斜面的坡度不大，就可以用水準儀標定其他各點。將水準儀安置在 b 點（圖 22—12），使一個腳螺旋位于 bb' 方向上而其他兩個腳螺旋在 MQ 方向上。量出儀器高，並在水準尺上標明。立尺在 b' 點。使望遠鏡水平，然後轉動在 bb' 方向上的腳螺旋，使十字絲橫線對着立在 b' 點的尺上儀器高的標志。這時水準儀的豎軸就垂直于要標定的傾斜面了。當望遠鏡繞豎軸旋轉時，視准軸將描出一個平面，它平行于要標定的平面。為了檢查儀器的位置是否正確，可以把望遠鏡轉向 M, a, c, d, Q 各點，檢查立在各點水準尺上的讀數是否等於儀器高。檢查無錯誤後，就可標定還沒有定出的點子。在要標定的方格頂點打木樁，使立在樁頂的水準尺上的讀數，等於儀器高。

如果傾斜面的坡度太大，就需要用經緯儀來標定中間的點子。安置經緯儀在 M 點，量出儀器高。把望遠鏡轉向立在 N 點的水準尺，並使十字絲橫線對着尺上儀器高的地方。在 m, n, p, q, s 各點打木樁，使立在各樁上的水準尺的讀數等於儀器高。依次搬儀器到 a, b, c, d, Q 各點，同法標定 bb', cc', dd', QP 各線上的中間點。