

1981年中专
数理化试题及解答

江西人民出版社

一九八一年中专
数理化试题及解答

江西人民出版社
一九八二年·南昌

一九八一年中专
数理化试题及解答

江西人民出版社出版

(南昌市第四交通路铁道东路)

江西省新华书店发行 江西新华印刷厂印刷

开本787×1092 1/32 印张10^{7/8} 16万字

1982年3月第1版 1982年3月第1次印刷

印数1—16,000

统一书号：7110·362 定价：0.89元

目 录

(一) 数 学

试 题 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生数学试题(1)
一九八一年浙江省中等专业学校统一招生数学试题(3)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生数学试题(4)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生数学 试题(7)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生数学试题(11)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生 数学试题(13)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生数学试题(15)
一九八一年青海省中等专业学校统一招生数学试题(18)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生数学试题(20)
一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生数 学试题(23)

解 答 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生数学试题解 答(26)
一九八一年浙江省中等专业学校统一招生数学试题解 答(31)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生数学试题解 答(36)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生数学	

试题解答.....	(41)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生数学试题解 答.....	(48)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生 数学试题解答.....	(56)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生数学试题解 答.....	(62)
一九八一年青海省中等专业学校统一招生数学试题解 答.....	(69)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生数学试题解 答.....	(73)
一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生数 学试题解答.....	(81)

(二) 物 理

试 题 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生物理试题.....	(90)
一九八一年浙江省中等专业学校统一招生物理试题.....	(96)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生物理试题.....	(104)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生物理 试题.....	(106)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生物理试题.....	(111)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生 物理试题.....	(117)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生物理试题.....	(119)
一九八一年青海省中等专业学校统一招生物理试题.....	(123)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生物理试题.....	(126)

一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生物理试题	(132)
解 答 部 分	
一九八一年福建省中等专业学校统一招生物理试题解答	(136)
一九八一年浙江省中等专业学校统一招生物理试题解答	(144)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生物理试题解答	(149)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生物理试题解答	(155)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生物理试题解答	(165)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生物理试题解答	(174)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生物理试题解答	(179)
一九八一年青海省中等专业学校统一招生物理试题解答	(186)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生物理试题解答	(190)
一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生物理试题解答	(195)

(三) 化 学

试 题 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生化学试题	(204)
------------------------	-------

一九八一年浙江省中等专业学校统一招生化学试题	……	(207)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生化学试题	……	(213)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生化 学试题	……	(215)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生化学试题	……	(219)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生 化学试题	……	(224)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生化学试题	……	(226)
一九八一年青海省中等专业学校统一招生化学试题	……	(228)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生化学试题	……	(230)
一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生化 学试题	……	(232)

解 答 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生化学试题解 答	……	(236)
一九八一年浙江省中等专业学校统一招生化学试题解 答	……	(238)
一九八一年江西省中等专业学校统一招生化学试题解 答	……	(241)
一九八一年内蒙古自治区中等专业学校统一招生化 学试题解答	……	(244)
一九八一年云南省中等专业学校统一招生化学试题解 答	……	(249)
一九八一年新疆维吾尔自治区中等专业学校统一招生 化学试题解答	……	(253)
一九八一年贵州省中等专业学校统一招生化学试题解 答	……	(256)

一九八一年青海省中等专业学校统一招生化学试题解 答.....	(258)
一九八一年辽宁省中等专业学校统一招生化学试题解 答.....	(260)
一九八一年宁夏回族自治区中等专业学校统一招生化 学试题解答.....	(263)

附：

一九八一年全国高等学校统一招生数学试题（理工农 医类）.....	(267)
一九八一年全国高等学校统一招生数学试题（理工农 医类）标准答案.....	(271)
一九八一年全国高等学校统一招生数学试题（文史 类）.....	(281)
一九八一年全国高等学校统一招生数学试题(文史类) 标准答案.....	(283)
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生数学试题.....	(289)
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生数学试题解 答.....	(291)

*	*	*
一九八一年全国高等学校统一招生物理试题.....	(296)	
一九八一年全国高等学校统一招生物理试题标准答案.....	(303)	
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生物理试题.....	(310)	
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生物理试题解 答.....	(313)	

*	*	*
一九八一年全国高等学校统一招生化学试题.....	(319)	

- 一九八一年全国高等学校统一招生化学试题标准答案… (327)
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生化学试题…… (332)
一九八〇年江西省中等专业学校统一招生化学试题解
答…………… (335)

(一) 数 学

试 题 部 分

一九八一年福建省中等专业学校统一招生 数 学 试 题

一、填空(12分, 每小题4分)

1. $(\sqrt{7} - \sqrt{6})^0 - 5^2 \times \left(3\frac{1}{3} - 2\frac{1}{2}\right)^{-2} = \underline{\hspace{2cm}}$.

2. $|\cos \alpha - 1| = \underline{\hspace{2cm}}$.

3. 设 $A = \{a, b\}$, $B = \{b, c\}$,

则 $A \cap B = \underline{\hspace{2cm}}$; $A \cup B = \underline{\hspace{2cm}}$.

二、(12分每小题6分)

1. 求函数 $y = \frac{2x+3}{x-1}$ 的反函数.

2. 已知 $\lg 2 = a$, $\lg 7 = b$. 求 $\log_8 9.8$.

三、(14分, 每小题7分)

1. 证明: $\sin^8 \alpha (1 + \operatorname{ctg} \alpha) + \cos^8 \alpha (1 + \operatorname{tg} \alpha)$
 $= \sqrt{2} \sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)$.

2. 解方程: $4^x - 3 \cdot 2^x - 40 = 0$.

四、(10分)

如图, 已知 $\odot O$ 与 $\odot O'$ 的半径分别为 r 与 R , 且 O 在 $\odot O'$ 上, 连心线 OO' 交 $\odot O$ 于 A , $\odot O$ 的切线 AB 交 $\odot O'$ 于 B .

求证: $OB^2 = 2Rr$.

五、(10分)

一个正三棱台的上、下底面的边长分别是 $3cm$ 、 $5cm$, 侧面与底面成 60° 二面角, 求正三棱台的高.

六、(12分)

经过圆 $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ 内一点 $M(3, 2)$ 作圆的任意弦, 求

1. 其中最短的弦所在的直线方程;

2. 各弦中点的轨迹方程.

七、(14分)

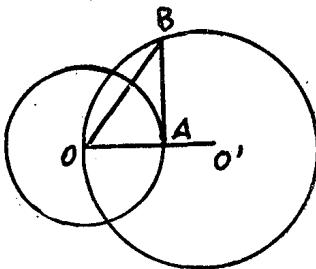
在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\angle A = 30^\circ$, $BC = 2cm$, 且 BC 是边 AC 上的高与边 AB 的比例中项, 求它的最大内角的度数和最大边的长度(要准确值).

八、(16分)

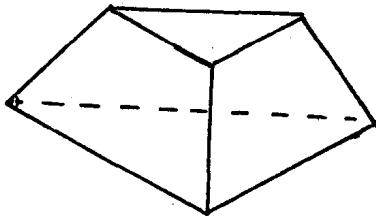
已知方程 $(k-1)x^2 + 2kx + k = 0$, 且 $4k^2 - 16k + 15 < 0$,

1. 求证: 方程有两个不相等的实数根;

2. 当 $\frac{4k}{k-1} = \frac{(a+b)^2}{ab}$ 时, 求方程两根的比.



(图 1—1)



(图 1—2)

一九八一年浙江省中等专业学校统一招生
数 学 试 题

、(1至3小题每题4分,第4小题7分,第5小题8分
共27分)

1. 设 $A = \{x : x = 2k, k = 0, 1, 2, \dots\}$,

$B = \{x : x = 4k, k = 0, 1, 2, \dots\}$.

求: $A \cup B, A \cap B$.

2. 计算:

$$(\sqrt{3} - \sqrt{2})^0 + \sqrt{(-3)^2} - \left(\frac{1}{3}\right)^{-1} + 4^{\log_2 3}.$$

3. 在复数范围内分解因式: $x^3 - 3x^2 + 5x - 3$.

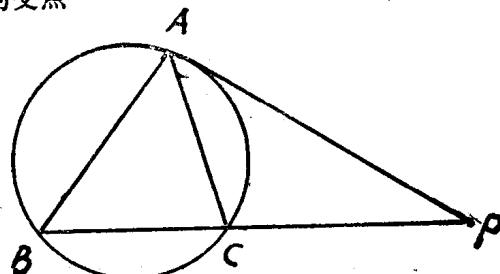
4. 求 $\left(\sqrt{x} - \frac{2}{\sqrt{x}}\right)^8$ 展开式中的常数项.

5. 用数学归纳法证明: 对于任意自然数 n , 都有

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}.$$

二、(第1小题7分,第2小题10分,共17分)

1. 如图, 过 $\triangle ABC$ 的顶点 A 作它的外接圆的切线 AP ,
 P 为切线与 BC 的交点



(图 1-3)

求证: $\frac{AB^2}{AC^2} = \frac{PB}{PC}$.

2. 写出三垂线定理的逆定理, 并加以证明:

三、(12分)

已知 $\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}, \sin \alpha$ ($0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$) 是方程 $x^2 + px + q = 0$ 的两根, 它们的比为 2 : 3, 求 p, q 的值.

四、(15分)

求经过 $A(-4, -1)$ 点, 且与已知圆

$x^2 + y^2 - 2x - 6y + 5 = 0$ 切于 $B(-1, 2)$ 点的圆的方程.

五、(13分)

在 $\triangle ABC$ 中, A, B, C 为三内角, 它们的对边分别为

a, b, c , 已知: $\operatorname{ctg} \frac{A}{2} \cdot \operatorname{ctg} \frac{C}{2} = 3$,

求证: a, b, c 成等差数列.

六、(16分)

已知函数 $y = x^2 - 2x \cos t - \sin^2 t + \sin t$ ($0 \leqslant t < 2\pi$).

1. 求证: 不论 t 是什么数值时, 函数图象(抛物线)与 x 轴必有交点. 在什么情况下有一个交点; 在什么情况下有两个交点; 在什么情况下交点关于 y 轴对称.

2. 当 t 变动时, 求图象顶点的轨迹方程, 并说明它是什么曲线.

一九八一年江西省中等专业学校统一招生 数学试题

一、填空(20分; 每小题2分, 共20分. 民办教师每小题3分, 共30分):

1. 在实数范围内分解因式: $x^3 + 3x^2 - 2x - 6 = \dots$

2. $\arccos\left(\sin\frac{\pi}{6}\right) = \dots$.

3. 若 $\lg 2x = 2\lg x$, 则 $x = \dots$.

4. 设 $A = \{x : |x - 2| < 2\}$

$B = \{x : x - 3 \geq 0\}$

求 $A \cap B = \dots$.

5. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+1}{3n+4} = \dots$.

6. $7 + 3\sqrt{5}$ 和 $7 - 3\sqrt{5}$ 的等差中项是 \dots ,

等比中项是 \dots .

7. 极坐标方程 $\rho = 3$ 所表示的图形是 \dots .

8. 已知: $P_{2x}^3 = 10 P_x^3$, 则 $x = \dots$.

9. 函数 $y = |\sin x|$ 的周期 $T = \dots$.

10. $\begin{vmatrix} \sin x & \sin y \\ \cos x & \cos y \end{vmatrix} = \dots$.

二、完成下列各题(30分, 每小题5分)

1. 计算: $4\frac{1}{2} \times \left(-\frac{4}{9}\right) + (0.25)^{\frac{1}{2}} - (-2)^3 \div \left(-2\frac{2}{3}\right)^2$
 $\times 0.6$

2. 计算: $\left|\left(0.01\right)^{-\frac{1}{2}} - \lg 5\right| + \sqrt{\lg^2 2 - \lg 4 + 1} - i^{50}$

3. 求 $\left(\frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt{x}\right)^6$ 的展开式中的常数项.

4. 化简: $\frac{\sin(180^\circ - \alpha) - \tan(-\alpha) - \tan(360^\circ + \alpha)}{\tan(\alpha - 180^\circ) + \cos(-\alpha) + \cos(\alpha - 180^\circ)}$.

5. 计算: $\cos 20^\circ + \cos 100^\circ + \cos 140^\circ$.

6. 求椭圆 $16x^2 + 25y^2 = 400$ 的长轴和短轴的长，离心率和焦点坐标。

三、(10分)

如图， AE 为圆的直径，弦 $BF \perp AE$ ，任引一弦 AC 与 BF 交于圆外一点 D ，则 $AB^2 = AC \cdot AD$ 。

四、(10分)

$$\text{求函数 } y = \frac{3}{2} + 2\cos x - \cos 2x$$

的极值。

(图 1—4)

五、(10分)

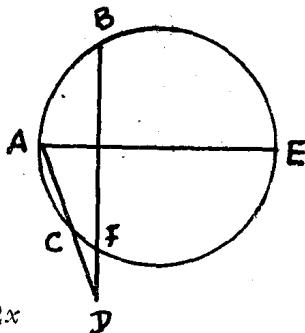
在平面内的一条直线，如果和这个平面的一条斜线的射影垂直，那么它也和这条斜线垂直。(要求写出已知、求证、证明并画图)。

六、(10分)

A 、 B 两地间的道路， A 到 C 是上坡路， C 到 B 是下坡路，自行车在一小时内下坡比上坡多走 6 公里，已知自行车从 A 至 B 需要 2 小时 40 分钟，而从 B 至 A 可少用 20 分钟，若已知全路程的长是 36 公里，求自行车上、下坡的速度。

七、(10分)(报考中师的民办教师不做)

写出经过点 $M_1(1, 1)$ 倾斜角是 $\frac{\pi}{3}$ 直线参数方程(以动点 M 到点 M_1 的距离 t 为参数)，并利用这个参数方程，求此直线被圆 $x^2 + y^2 = 2$ 所截得的弦的长。



一九八一年内蒙古自治区中等专业学校 统一招生数学试题

说明：初中做一、二、三、四、五、六、七、八。高中做六、七、八、九、十、十一、十二、十三、十四。

一、(12分)

1. 如果 A 是矩形的集合，
 B 是菱形的集合，那么阴影部
分 C 表示_____集合。

2. a 、 b 、 c 各是什么数
值时，等式

$$\sqrt{\frac{b^2c^8}{a^4}} = \frac{-bc}{a^2} \sqrt{C} \text{ 成立?}$$

3. 设 $0^\circ < A < 180^\circ$, $0^\circ < B < 180^\circ$.

原命题：如果 $\sin A = \sin B$, 那么 $\angle A = \angle B$.

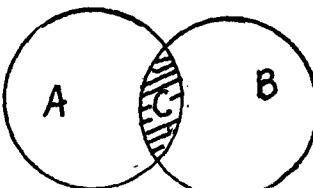
逆命题：_____.

否命题：_____.

逆否命题：_____.

原命题正确吗？其他三种命题？

答 _____.



(图 1—5)

二、(20分，每小题5分)

1. 在实数集合中分解因式

$$(x^2 - 4)(x^2 - 9) - 7x^2.$$

2. 在数轴上找一个点 A ，使 A 点表示 $\sqrt{3}$ ，(用规、尺作图，要保留作图的痕迹，不写作法。)

3. 解方程 $\sqrt{\frac{2x-1}{x+2}} + 2 = 3\sqrt{\frac{x+2}{2x-1}}$.

4. 计算:

$$\left(\frac{2}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} + \frac{10}{2\sqrt{3}-\sqrt{2}} \right) (4\sqrt{3} - 3\sqrt{2}).$$

三、(10分)

用配方法推导一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$

当 $b^2 - 4ac \geqslant 0$ 时, 求根公式是 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$.

四、(14分)

已知圆 $x^2 + y^2 = 5$, 求过已知点 $A(0, \sqrt{10})$ 所作的已知圆的切线方程.

五、(14分)

A 、 B 两辆火车同时从甲、乙两站相对开出, 两车相遇后继续前进, 到达对方车站; 已知 A 车在相遇后所用时间比相遇前所用时间少 1 小时 36 分钟, B 车在相遇后所用时间比相遇前所用时间多 2 小时, 并知 A 车每小时比 B 车快 10 公里, 求 A 、 B 两车速度.

六、(初中 10 分, 高中 7 分)

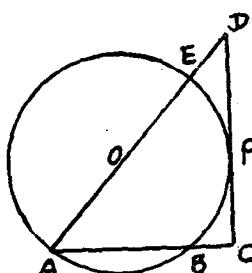
已知 $\triangle ABC$ 中, $AB = 13$ 厘米, $AC = 15$ 厘米,

$\angle ACB = 60^\circ$, 求 BC 的长.

(不许查表, 要求准确值, 要作出符合实际的草图).

七、(初中 10 分、高中 7 分)

如图: PC 为圆 O 的切线, P 为切点, 作圆 O 的割线 AB ,



(图 1-6)