

目 錄

第一 章 化學計量之原理

| | | |
|------|-------------------------|------|
| 1.1 | 物質不滅..... | 1-1 |
| 1.2 | 原子量..... | 1-1 |
| 1.3 | 克原子與磅原子..... | 1-2 |
| 1.4 | 克分子與磅分子..... | 1-2 |
| 1.5 | 氣體物質之質量與體積之相關..... | 1-3 |
| 1.6 | 分子單位之應用..... | 1-4 |
| 1.7 | 過量反應物,限量反應物及過量百分率 | 1-5 |
| 1.8 | 完成度..... | 1-5 |
| 1.9 | 計算基數..... | 1-8 |
| 1.10 | 重量百分比..... | 1-10 |
| 1.11 | 體積百分比..... | 1-10 |
| 1.12 | 分子分數及分子百分比..... | 1-10 |
| 1.13 | 原子分數及原子百分比..... | 1-12 |
| 1.14 | 單位體積內之質量..... | 1-13 |
| 1.15 | 單位質量內之另一質量..... | 1-13 |
| 1.16 | 密度與比重..... | 1-15 |
| 1.17 | 單位之轉換..... | 1-17 |
| 1.18 | 方程式之轉換..... | 1-18 |
| | 習題一..... | 1-20 |

第二 章 數學演算與圖解

| | | |
|-----|------------|-----|
| 2.1 | 演算法則..... | 2-1 |
| 2.2 | 試算差誤法..... | 2-2 |
| 2.3 | 因次之符合..... | 2-3 |

| | |
|----------------|------|
| 2.4 因次之分析..... | 2-4 |
| 2.5 圖示法..... | 2-7 |
| 2.6 用圖積分法..... | 2-9 |
| 2.7 用圖微分法..... | 2-12 |
| 2.8 三角形坐標..... | 2-14 |
| 2.9 親之定置圖..... | 2-16 |
| 習題二..... | 2-21 |

第三章 理想氣體之行爲

| | |
|-----------------------|------|
| 3.1 能..... | 3-1 |
| 3.2 溫度及熱..... | 3-2 |
| 3.3 氣體運動說..... | 3-2 |
| 3.4 氣體定律之單位與常數..... | 3-4 |
| 3.5 理想氣體定律之應用..... | 3-5 |
| 3.6 標準狀況..... | 3-6 |
| 3.7 計示壓力..... | 3-6 |
| 3.8 氣體密度與比重..... | 3-7 |
| 3.9 離解氣體..... | 3-8 |
| 3.10 Dalton 定律..... | 3-9 |
| 3.11 Amagat 定律..... | 3-9 |
| 3.12 氣體之成分..... | 3-10 |
| 3.13 混合氣體之平均分子量..... | 3-12 |
| 3.14 混合氣體之密度..... | 3-12 |
| 3.15 體積改變連同成分改變..... | 3-14 |
| 3.16 純組成體積法..... | 3-16 |
| 3.17 部分壓力法..... | 3-17 |
| 3.18 化學反應中之氣體..... | 3-18 |
| 3.19 理想氣體定律應用之範圍..... | 3-23 |
| 3.20 壓縮因數..... | 3-23 |

題三..... 3-30

第四章 蒸氣壓力

| | |
|---------------------------|------|
| 4-1 液化與液態..... | 4-1 |
| 4-2 臨界性質..... | 4-1 |
| 4-3 減約狀況..... | 4-2 |
| 4-4 汽化..... | 4-3 |
| 4-5 過熱及品質..... | 4-3 |
| 4-6 沸點..... | 4-4 |
| 4-7 固體之蒸氣壓力..... | 4-5 |
| 4-8 溫度對於蒸氣之效應..... | 4-5 |
| 4-9 Cox 蒸氣壓力圖之應用..... | 4-7 |
| 4-10 臨界性質之估計..... | 4-8 |
| 4-11 有機化合物之臨界壓力及蒸氣壓力..... | 4-15 |
| 4-12 不互溶之混合溶液..... | 4-18 |
| 4-13 汽化與過熱蒸汽..... | 4-20 |
| 4-14 均勻溶液..... | 4-21 |
| 4-15 Raoult 定律..... | 4-21 |
| 4-16 平衡蒸氣壓力與成分..... | 4-22 |
| 4-17 不揮發性溶質..... | 4-23 |
| 4-18 相對蒸氣壓力..... | 4-24 |
| 題四..... | 4-26 |

第五章 濕度與飽和

| | |
|-------------------|------|
| 5-1 部分飽和..... | 5-3 |
| 5-2 濕度..... | 5-5 |
| 5-3 露點..... | 5-6 |
| 5-4 汽化處理..... | 5-6 |
| 5-5 凝結..... | 5-8 |
| 5-6 乾濕球濕度測定法..... | 5-10 |

| | |
|---------------|------|
| 5·7 濕度表..... | 5-11 |
| 5·8 絶緣氧化..... | 5-15 |
| 習題五..... | 5-17 |

第六章 溶解度與收着

| | |
|-------------------------------|------|
| 6·1 溶解與結晶..... | 6-1 |
| 6·2 固體在溶劑中不生成化合物之溶解度..... | 6-2 |
| 6·3 固體在溶劑中生成溶劑合物有符合點之溶解度..... | 6-3 |
| 6·4 固體在溶劑中生成溶劑合物無符合點之溶解度..... | 6-6 |
| 6·5 粒子大小對於溶解度之效應..... | 6-7 |
| 6·6 過飽和..... | 6-8 |
| 6·7 溶解..... | 6-9 |
| 6·8 結晶..... | 6-10 |
| 6·9 不生成溶劑合物之結晶..... | 6-10 |
| 6·10 生成溶劑合物之結晶..... | 6-13 |
| 6·11 由平衡圖之線節計算結晶量..... | 6-15 |
| 6·12 分結晶..... | 6-16 |
| 6·13 溶液面上之蒸氣壓力及相對溫度..... | 6-22 |
| 6·14 不互溶溶劑中溶質之分佈..... | 6-25 |
| 6·15 部分互溶之二元溶液..... | 6-28 |
| 6·16 部分互溶之三元溶液..... | 6-29 |
| 6·17 氣體之溶解度..... | 6-32 |
| 6·18 Henry 定律..... | 6-32 |
| 6·19 氣體之吸着..... | 6-35 |
| 6·20 van der Waals 吸着..... | 6-35 |
| 6·21 微管凝結..... | 6-35 |
| 6·22 平衡吸着..... | 6-36 |
| 6·23 吸着等溫線..... | 6-37 |
| 6·24 汽提..... | 6-39 |

| | |
|----------------|------|
| 6.25 優先吸着..... | 6-39 |
| 習題六..... | 6-40 |

第七章 物料差額表

| | |
|-------------------------|------|
| 7.1 物料差額表..... | 7-1 |
| 7.2 稀釋法..... | 7-1 |
| 7.3 物料差額表之程序..... | 7-2 |
| 7.4 蒸餾..... | 7-6 |
| 7.5 乾燥..... | 7-11 |
| 7.6 吸收..... | 7-12 |
| 7.7 萃取與濾..... | 7-13 |
| 7.8 蒸發..... | 7-16 |
| 7.9 鹽酸之製造..... | 7-20 |
| 7.10 氢氧化鈉之製造..... | 7-23 |
| 7.11 灼燒泪水之處理..... | 7-28 |
| 7.12 石油之熱裂..... | 7-32 |
| 7.13 回流中貯存有雜質或精性物質..... | 7-41 |
| 7.14 支流..... | 7-43 |
| 7.15 石灰之製造..... | 7-47 |
| 7.16 水泥之製造..... | 7-48 |
| 7.17 玻璃之製造..... | 7-52 |
| 習題七..... | 7-53 |

第八章 熱物理學

| | |
|----------------------|-----|
| 8.1 能單位之定義..... | 8-1 |
| 8.2 热含量..... | 8-1 |
| 8.3 氣體之熱容量..... | 8-2 |
| 8.4 分子熱容量之實驗方程式..... | 8-4 |
| 8.5 氣體熱容量之特殊單位..... | 8-5 |
| 8.6 氣體之平均熱容量..... | 8-6 |

| | |
|---------------------------------|------|
| 8.7 原子熱容量..... | 8-8 |
| 8.8 Kopp 氏法則 | 8-9 |
| 8.9 液體及溶液之熱容量..... | 8-15 |
| 8.10 燒解熱..... | 8-20 |
| 8.11 轉變熱..... | 8-22 |
| 8.12 汽化熱..... | 8-23 |
| 8.13 Trouton 氏法則 | 8-23 |
| 8.14 Kistyakowsky 方程式 | 8-23 |
| 8.15 Calingacrt-Davia 方程式 | 8-24 |
| 8.16 汽化熱及溫度關係之實驗式..... | 8-25 |
| 8.17 Gordon 氏汽化熱實驗方程式 | 8-27 |
| 8.18 蒸汽之熱含量..... | 8-30 |
| 8.19 濕空氣熱含量..... | 8-31 |
| 8.20 空氣之濕熱容量..... | 8-32 |
| 習題八..... | 8-33 |

第九章 熱化學

| | |
|----------------------|------|
| 9.1 標準反應熱..... | 9-1 |
| 9.2 言慣與符號..... | 9-1 |
| 9.3 生成熱..... | 9-2 |
| 9.4 汽化學定律..... | 9-13 |
| 9.5 標準燃燒熱..... | 9-14 |
| 9.6 由生成熱計算標準反應熱..... | 9-20 |
| 9.7 由燃燒熱計算標準反應熱..... | 9-22 |
| 9.8 酸及鹼之中和熱..... | 9-23 |
| 9.9 鹼溶液之熱中性..... | 9-24 |
| 9.10 游子之生成熱..... | 9-24 |
| 9.11 氣體之離解熱..... | 9-26 |
| 9.12 標準債分溶解熱..... | 9-27 |

目 錄

| | |
|-----------------------|------|
| 9.13 在溶液中化合物之生成熱..... | 9-28 |
| 9.14 水合物之溶解熱..... | 9-33 |
| 9.15 混合熱..... | 9-31 |
| 9.16 部分熱含量..... | 9-31 |
| 9.17 不完全反應..... | 9-34 |
| 9.18 壓力對於反應熱之效應..... | 9-35 |
| 9.19 濕度對於反應熱之效應..... | 9-36 |
| 9.20 紹熱反應..... | 9-39 |
| 9.21 理論火礮溫度..... | 9-42 |
| 習題九..... | 9-45 |

第十章 能量差額表

| | |
|------------------|-------|
| 10.1 能量差額表 | 10-1 |
| 10.2 热量差額表 | 10-2 |
| 10.3 蒸發 | 10-7 |
| 10.4 蒸餾 | 10-9 |
| 10.5 吸收 | 10-13 |
| 10.6 高溫分解 | 10-16 |
| 10.7 聚合 | 10-19 |
| 10.8 煙化 | 10-26 |
| 10.9 鼓風爐 | 10-31 |
| 習題十 | 10-45 |

第十一章 燃料及燃燒

| | |
|--------------------|------|
| 11.1 總熱值及淨熱值 | 11-1 |
| 11.2 煤之分析 | 11-1 |
| 11.3 煤之等級 | 11-3 |
| 11.4 煤之蒸值 | 11-3 |
| 11.5 煤熱值之計算法 | 11-4 |
| 11.6 石油之特性 | 11-7 |

| | |
|------------------------|-------|
| 11.7 石油之氣含量..... | 11-8 |
| 11.8 石油在液態之比熱..... | 11-9 |
| 11.9 石油在氣態之比熱..... | 11-10 |
| 11.10 石油之汽化熱..... | 11-11 |
| 11.11 石油之燃燒熱..... | 11-12 |
| 11.12 燃料氣體之總熱值..... | 11-14 |
| 11.13 燃料之不完全燃燒..... | 11-17 |
| 11.14 未燃着之可燃物..... | 11-18 |
| 11.15 煙道氣分析之要旨..... | 11-20 |
| 11.16 煙道氣及燃料分析之相關..... | 11-21 |
| 11.17 煙道氣中水蒸氣量之計算..... | 11-23 |
| 11.18 略去氮之效應..... | 11-29 |
| 11.19 略去硫之效應..... | 11-31 |
| 11.20 鋼爐試驗..... | 11-32 |
| 11.21 發生過煤氣..... | 11-47 |
| 11.22 燃燒問題之圖算..... | 11-56 |
| 習題十一..... | 11-56 |

第十二章 硫化合物之製造

| | |
|------------------------|-------|
| 12.1 硫之燃燒..... | 12-1 |
| 12.2 二氧化硫轉變百分率之計算..... | 12-2 |
| 12.3 黃鐵礦之燃燒..... | 12-5 |
| 12.4 酸式亞硫酸鹽之製造..... | 12-6 |
| 12.5 硫鐵之製造..... | 12-10 |
| 習題十二..... | 12-37 |

附圖目錄

第一章 化學計量之原理

- 圖 1·1 氯化鈉水溶液之密度 1-16

第二章 數學演算與圖解

- 圖 2·1 例四之解答 2-9
圖 2·2 用圓錐分法之原理 2-9
圖 2·3 例五之數據 2-10
圖 2·4 例五之解答 2-10
圖 2·5 例五之積分曲線 2-12
圖 2·6 微分曲線 2-14
圖 2·7 四氯化碳、二溴乙烷及甲苯三元溶液 2-15
圖 2·8 線之定置圖 2-16
圖 2·9 乘除圖 2-18
圖 2·10 例八之解答 2-20

第三章 理想氣體之行為

- 圖 3·1 氣之壓縮因數（指定溫度及壓力） 3-25
圖 3·2 氣之壓縮因數（指定分子容積及溫度） 3-26
圖 3·3 氣之壓縮因數（指定壓力及分子容積） 3-26
圖 3·4 氣體及蒸氣之壓縮因數 3-28
圖 3·5 T_r 之圖解 3-30

第四章 蒸氣壓力

- 圖 4·1 分子間之吸引力 4-1
圖 4·2 Cox 蒸氣壓力圖 4-8
圖 4·3 定蒸氣濃度之溫度 4-10
圖 4·4 液體熱膨脹與壓縮 4-11

| | | |
|-------|--------------------------|------|
| 圖 4·5 | 石蠟之臨界壓力與蒸氣壓力常數..... | 4-18 |
| 圖 4·6 | 氫氧化鈉水溶液之 Dühring 線 | 4-24 |
| 圖 4·7 | 硫酸溶液之蒸氣壓力..... | 4-25 |

第五章 溫度與飽和

| | | |
|--------|---------------|------|
| 圖 5·1 | 分子溫度表..... | 5-12 |
| 圖 5·1a | 分子溫度表..... | 5-13 |
| 圖 5·2 | 溫度表之壓力校正..... | 5-16 |

第六章 溶解度與吸着

| | | |
|--------|--|------|
| 圖 6·1 | 苯在苯中之溶解度..... | 6-2 |
| 圖 6·2 | 氯化鐵在水中之溶解度..... | 6-5 |
| 圖 6·3 | 硫酸鈉在水中之溶解度..... | 6-6 |
| 圖 6·4 | 磷酸鈉-硫酸鈉在水中之溶解度..... | 6-17 |
| 圖 6·5 | $\text{Na}_2\text{CO}_3 - \text{Na}_2\text{SO}_4 - \text{H}_2\text{O}$ 體系低溫之溶解度..... | 6-18 |
| 圖 6·6 | 氯化鈣溶液面上之蒸氣壓力及相對濕度..... | 6-24 |
| 圖 6·7 | 酚在水中之溶解度..... | 6-28 |
| 圖 6·8 | 四氯乙矯-異丙醇-水體系在溫度 77°F 之溶解度曲線及 共轭線..... | 6-30 |
| 圖 6·9 | 氣體在水中之溶解度..... | 6-33 |
| 圖 6·10 | 氮在水中之溶解度..... | 6-34 |
| 圖 6·11 | 各種物質在 77°F 平衡水分含量 | 6-37 |
| 圖 6·12 | 活性炭吸着苯之等溫線..... | 6-38 |
| 圖 6·13 | 乾燥劑之平衡水分含量..... | 6-40 |

第七章 物料差額表

| | | |
|-------|--------------|------|
| 圖 7·1 | 二元體系之蒸餾..... | 7-7 |
| 圖 7·2 | 分離塔..... | 7-8 |
| 圖 7·3 | 例五之程序圖..... | 7-9 |
| 圖 7·4 | 例六之程序圖..... | 7-10 |

| | | |
|--------|----------------------|------|
| 圖 7.5 | 例八之程序圖..... | 7-13 |
| 圖 7.6 | 逆流萃取程序圖..... | 7-14 |
| 圖 7.7 | 三效蒸發器..... | 7-16 |
| 圖 7.8 | 石油蒸發之程序圖..... | 7-33 |
| 圖 7.9 | 內膜去氫設備之程序圖..... | 7-35 |
| 圖 7.10 | 回流之洩出..... | 7-42 |
| 圖 7.11 | 氧化矽膠移去空氣中水蒸氣之分數..... | 7-44 |
| 圖 7.12 | 三元溶液之蒸餾..... | 7-60 |

第八章 热 物 理 學

| | | |
|--------|----------------------|------|
| 圖 8.1 | 恒壓時氣體之真實分子熱容量..... | 8-6 |
| 圖 8.2 | 恒壓時氣體之平均分子熱容量..... | 8-7 |
| 圖 8.3 | 元素及焦炭之比熱..... | 8-9 |
| 圖 8.4 | 常用氧化物之比熱..... | 8-10 |
| 圖 8.5 | 數種鈣化合物之比熱..... | 8-11 |
| 圖 8.6 | 20°C 時酸液之比熱..... | 8-15 |
| 圖 8.7 | 20°C 時鹼液之比熱..... | 8-16 |
| 圖 8.8 | 20°C 時氯化物水溶液之比熱..... | 8-16 |
| 圖 8.9 | 20°C 時硫酸鹽水溶液之比熱..... | 8-17 |
| 圖 8.10 | 20°C 時硝酸鹽水溶液之比熱..... | 8-17 |

第九章 热 化 學

| | | |
|-------------|-------------------------|------|
| 圖 9.1 | 18°C 時酸在水中之積分溶解熱..... | 9-28 |
| 圖 9.2 | 18°C 時鹼在水中之積分溶解熱..... | 9-28 |
| 圖 9.3 | 18°C 時氯化物在水中之積分溶解熱..... | 9-29 |
| 圖 9.4 | 18°C 時硫酸鹽在水中之積分溶解熱..... | 9-29 |
| 圖 9.5 | 18°C 時硝酸鹽在水中之積分溶解熱..... | 9-29 |
| 圖 9.6, 9.6a | 切線斜率法計算部分熱含量..... | 9-33 |
| 圖 9.7 | 切線截距法計算部分熱含量..... | 9-34 |

工 業 化 學 計 算

第 十 章 能 量 差 銷 表

- 圖 10·1 蒸餾之程序圖 10-10
圖 10·2 吸收之程序圖 10-13
圖 10·3 鐵及熔渣之熱含量 10-44

第十一章 燃 料 及 燃 燒

- 圖 11·1 石油分餾物之分子量，臨界溫度及特性因數 11-7
圖 11·2 122°F 時由黏度求特性因數 11-8
圖 11·3 特性因數對氫含量重量百分比 11-9
圖 11·4 液體石油在 $K=11.8$ 時之比熱， $K \neq 11.8$ 時乘以校正因數 11-10
圖 11·5 在大氣壓下烷屬烴氣體之比熱 11-12
圖 11·6 氢碳化合物及石油分餾物之汽化熱 11-12
圖 11·7 液體氫碳化合物及石油分餾物之燃燒熱（總熱值） 11-13
圖 11·8 燃料燃燒圖 11-55

第十二章 硫 化 合 物 之 製 造

- 圖 12·1 酸式亞硫酸鹽液之製造 12-10
圖 12·2 硫酸製造程序簡圖 12-15
圖 12·3 20°C 時硫酸水溶液之微分及積分溶解熱 12-26
圖 12·4 20°C 時硫酸水溶液之部份及總熱容量 12-28

第二章 數學演算與圖解

2·1 演算法則 物性之有多寡大小，可設法計量，而以數值(value)表示者，稱為物性量(physical quantity)。如質量 m (mass)，長度 l (length)，及時間 t (time)三者，常被稱為基本物性量(fundamental physical quantity)。數值分為兩部分，其一為單位，即預先規定之計量標準，以作比較之用；另一為比數，即所求量與所用單位之比值。如言李君體重 108 市斤，意即謂此君與一重為 1 市斤之砝碼相較，兩者重量之比為 108，故上述體重數值中，市斤為單位，108 為比數。

(一) 比數之精確度，或其次確度(uncertainty)，以有效數字最後一位之 ± 1 為準。李君重 108 市斤，其最近真值(most probable value)應界於 107 市斤及 109 市斤之間。換言之，其絕對(absolute)精確度為 ± 1 市斤，其相對(relative)精確度，則為 ± 1 市斤 / 103 市斤 = 1%，但如云其體重 108.0 市斤，其精確度應為 ± 0.1 市斤，或相對精確度為 0.1% 也。

(二) 取比數之對數時，其尾數(mantissa)之位數，應與該比數有效數字之位數同，其首數(characteristic)則絕非有效數字。例如 $\log 108 = 2.008$ ，但 $\log 108.0 = 2.003$ 。

(三) 減少比數之位數時，應四捨五入。

(四) 比數互相加減時，以絕對精確度最低之比數為準，其結果亦如之。例如

$$12.34 + 0.0056 + 0.789 \approx 12.34 + 0.01 + 0.79 = 13.14.$$

(五) 比數互相乘除時，以相對精確度最低之比數為準，其結果亦如之。例如

$$12.34 \times 0.0056 \times 0.789 \approx 12.34 \times 0.0056 \times 0.79 = 0.034.$$

在化工計算方面，可利用十時計算尺(slide rule)，或利用對數，倘應用

對數，則乘除變為加減，可參照法則(二)以決定各尾數之位數。

(六)取四個或四個以上比數之平均數 (average)時，其有效數字，可多取一位，例如 1, 3, 5 三個比數之平均數為 3，但 1, 3, 5, 7 四個比數之平均數則為 4.0。

2.2 試算差誤法 此法之演算，係先擬一數值代入計算式，求其結果是否正確，如結果有差誤，再設一數值代入，待正確而止，此所謂試算差誤 (trial-and-error calculation)也。其應用甚廣，舉例如下：

例一 70°F 之水流過一長管，其計算之方法，有如下方程式：

$$\Delta P = \frac{0.0269 / LV^2}{D}$$

其中 ΔP = 通過管件後，壓力減低數，lb/sq in.

L = 管長，ft

V = 水流過管件時之平均直線速度，ft/sec.

D = 管件之內徑，ft

f = 摩擦係數，其值攸關 DV 之積，有如下表：

| f | DV |
|--------|--------|
| 0.0100 | 0.0454 |
| 0.0080 | 0.1077 |
| 0.0060 | 0.378 |
| 0.0050 | 1.077 |
| 0.0042 | 3.78 |
| 0.0037 | 10.77 |
| 0.0032 | 37.8 |

茲假設有效壓力 (available pressure)，適合於水流經管件時之壓力減低數，計 12.1 lb/sq in.，管長 1000 ft，管內徑 0.065 in.。求水流量。

解： f 之值，依賴 V 之數值，而 V 又為所求者，在此情形下，祇有應用試算差誤法，先假設 f 或 V 之數值，由 f 及 DV 之相關，進而求另

一未知數，再由方程式中計算 ΔP 之值，驗正所假設之數值，是否符合。

假設： $f = 0.0042$

$$\text{則 } V = \frac{\frac{3.78}{6.065}}{12} = 7.48 \text{ ft/sec.}$$

$$\Delta P = \frac{(0.0269)(0.0042)(1000)(7.48)^2}{0.505} = 12.5 \text{ lb/sq in.}$$

此數值與 1.21 lb/sq in. 不符。

再假設： $f = 0.0050$

$$\text{則 } V = \frac{1.077}{0.505} = 2.13 \text{ ft/sec.}$$

$$\Delta P = \frac{(0.0269)(0.0050)(1000)(2.13)^2}{0.505} = 1.21 \text{ lb/sq in.}$$

此數值與有效之 ΔP 相符。

管中流過之水量為：

$$\frac{(3.14)(0.505)^2(2.13)}{4} = 0.426 \text{ cu ft/sec.}$$

$$\text{或 } (0.426)(7.48)(60) = 191.5 \text{ gal/min.}$$

上例 f 之數值增加少許，而 V 及 ΔP 之數值減小甚大。故計算 ΔP 之數值時，假設 f 之數值較為方便。有時所得之結果，隨假設之數值而增加，計算輒費時較多。

2.3 因次之符合(dimensional consistency) 在計算問題時，對於因次(dimension)，宜加注意。自己演繹之方程式，或使用其他方程式，宜注意是否攸關因次，一切基本方程式，其因次均係符合。

在例一中所應用之公式：

$$\Delta P = \frac{0.0269 f L V^2}{D}$$

其因次並不完全符合，左項之因次，為單位面積之力（以磅表示），一磅力

係地球對於在海平面一磅重質量所施之力，亦即使一磅質量運動時，其加速度相當於 g 所施之力，故較一磅達(poundal)之力，大 32 倍。磅達之因次為 $(lb)(ft\ sec^{-2})$ 。力為質量與加速度之相乘積，其因次為 $(lb)(G\ sec^{-2})$ ，其中 G 為一單位長度，等於 $g\ ft$ 或 $32.2\ ft$ ，以是上式左項之因次成為 $(力之 lb)/(in.^2)$ 或 $(lb)(G\ sec^{-2})/(in.^2)$ 。

式之右項，摩擦係數 f ，係無因次，再除去無因次之常數外，其因次為 $(ft)(ft\ sec^{-1})^2(ft^{-1})$ 或 $(ft^2)(sec^{-2})$ ，同時上式中長度單位有三，即 $in.$, ft 及 G 。

若使長度單位合一，將其他二單位化為另一單位，設以 ft 為準，則左項以 $(ft\ G^{-1})$ 相乘，使 G 轉變為 ft 。又以 $(in.^2\ ft^{-2})$ 相乘，使 $in.^2$ 轉變為 ft^{-2} ，則左項之因次成為 $lb\cdot ft^{-1}\ sec^{-2}$ ，即磅達/平方呎(poundal/sq ft)。

左項單位轉變後，其數值亦變動，較原來者大 $(32.2)(144)$ 或 4637 倍。使方程式之兩面相等，故右項亦乘以 4637。

流體之摩擦係數，與其密度 ρ 成正比例，水之 ρ 在 70°F 時為 $62.3\ lb/cu\ ft$ 。如將此項插入右項，則其比例常數應除以 62.3，得 $(0.0269)(4637)/62.3$ 或 2.0，右項因次變為 $(ft^2\ sec^{-2})(lb\ ft^{-3})$ 或 $(lb)(ft^{-1})(sec^{-2})$ ，則與左項者相符合，同為磅達/平方呎。

方程式既經轉變後，二面之因次完全符合，但壓力，或壓力減低，通常以每單位面積磅力表示，爾今係以磅達/平方呎表示，應以 g^{-1} 或 $1/32.2$ 乘左項，同時右項亦應以 32.2 除之，而得最後之方程式為：

$$\Delta P = \frac{2/LV^2\rho}{gD}$$

此即所謂 Fanning 方程式也。

2·4 因次之分析 Bridgman 曾謂因次之分析 (dimensional analysis) 可應用於通常之基本方程式，蓋基本方程式，其因次符合，具有下列二要性：(1)量度時不論應用何種單位，在同一單位內，各數值

之比恆相等，如量度二速度，不論用何種單位，其數值之比恆相等。(2)科學上及工業上應用之方程式，其典型(type)對於所用之量度單位無關。

應用因次分析，可分三步驟：(1)檢出有關之變數，(2)排列一方程式，將每一變數之因次代入，(3)本因次符合之原理，方程式左右項應因次符合，進而求各變數之指數。茲舉例以明之。

例二 假設擺之擺動時間，攸關其長度，質量及地心吸力之加速度。應用因次分析，演繹一公式。

解：

第一步驟

| 變數 | 符號 | 因次 |
|------|-----|-----------|
| 擺長 | l | L |
| 擺之質量 | m | M |
| 地心吸力 | g | LT^{-2} |
| 擺動時間 | t | T |

第二步驟

$$t = C l^a m^b g^c$$

C 為比例常數，指數 a, b, c 即所求者，將每一變數之因次代入

$$T = L^a M^b (LT^{-2})^c$$

第三步驟

方程式中每項之因次必等，即其左面各單位之指數，與右面者必相等。

以 T 言 $1 = -2c$ ，因左面 T 之指數為 1，右面為 $-2c$

以 L 言 $0 = a + c$ ，因左面 L 之指數為 0，右面為 $a + c$

以 M 言 $0 = b$ ，因左面 M 之指數為 0，右面為 b 。

解三方程式，得三未知數，計

$$c = -\frac{1}{2}, \quad a = \frac{1}{2}, \quad b = 0,$$