

周计划

初中数学

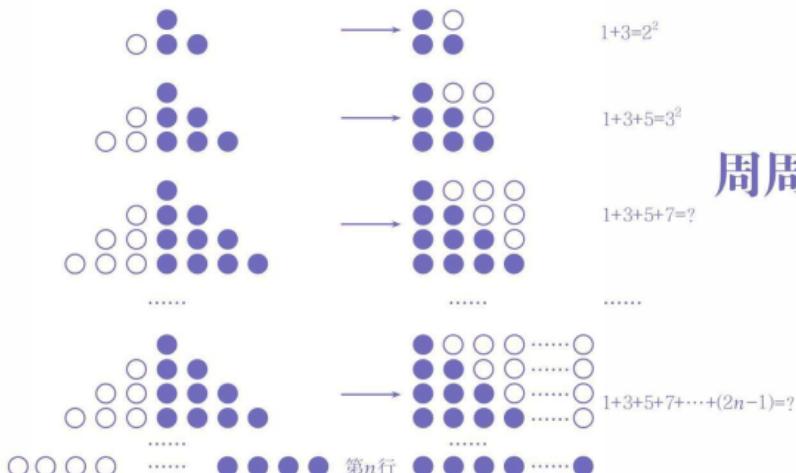
计算题

高效训练

刘弢 吕春昕〇主编

答案详解版

8年级



华东理工大学出版社

EAST CHINA UNIVERSITY OF SCIENCE AND TECHNOLOGY PRESS

周计划

初中数学

计算题

高效训练

答案详解版

8年级

刘弢 吕春昕〇主编

编 委

刘长鼎	陈秀华	吴鹤群
李 婷	张海银	陈晓娇
汪卓君	齐风琴	沈文娟

 華東理工大學出版社
EAST CHINA UNIVERSITY OF SCIENCE AND TECHNOLOGY PRESS

· 上海 ·

图书在版编目(CIP) 数据

周计划. 初中数学计算题高效训练. 8 年级 / 刘弢, 吕春昕主编. —上海:
华东理工大学出版社, 2019. 5

ISBN 978 - 7 - 5628 - 5859 - 1

I. ①周… II. ①刘… ②吕… III. ①中学数学课-初中-习题集
IV. ①G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2019)第 078474 号

策划编辑/ 郭 艳

责任编辑/ 赵子艳

装帧设计/ 视界创意

出版发行/ 华东理工大学出版社有限公司

地 址: 上海市梅陇路 130 号, 200237

电 话: 021-64250306

网 址: www.ecustpress.cn

邮 箱: zongbianban@ecustpress.cn

印 刷/ 常熟市华顺印刷有限公司

开 本/ 787mm×1092mm 1/16

印 张/ 7.75

字 数/ 183 千字

版 次/ 2019 年 5 月第 1 版

印 次/ 2019 年 5 月第 1 次

定 价/ 28.00 元

前言

看到市场上浩如烟海、质量参差不齐的初中数学教辅图书,有一个想法在我们心中由来已久,那就是编写一套真正内容扎实、效果明显、让同学和家长们的每一分钱都不虚掷的初中数学专项训练丛书。经过精心选编、无数次推敲和取舍,现在,这套丛书终于完稿了,以下是它的几个主要特点,希望对您有所帮助。

一、在选题上,选取中等及中等以上难度的计算题,避免低水平重复。目前初中数学教材的特点是七年级比较简单,八年级难度提升又较快。进入九年级,不但教材内容多、难,而且中考综合题大量出现,学生负担十分沉重。为此,我们适当扩展了七、八年级的题型和难度,使学生在课业负担较轻时打好基础,避免进入九年级后手忙脚乱、力不从心。同时也为有志于备考重点高中的同学夯实基础。

二、在编排上,每一套典型题训练都是一种题型,便于学生熟悉各种题型,打好基础。而且每套题的难度都在逐渐提升,避免很多教辅书中出现的头重脚轻、编排混乱等问题,让学生在轻松愉快的氛围中体会数学的魅力。

三、中考真题提前演练,针对性强。本套丛书从七年级开始就大量选用与教材进度相匹配的中考真题。由于中考真题的权威性毋庸置疑,因而演练这些试题无疑具有更好的效果。我们将所有试题由浅入深分别编入各个章节,学生只需循序渐进,中考时自然可以得心应手。

由于时间仓促,错谬之处敬请广大读者批评指正。

编 者

目录

上学期

第一章 整式的乘法 1

第1节 同底数幂的乘法

典型题训练 1(难度等级★) 1

典型题训练 2(难度等级★★) 2

第2节 幂的乘方

典型题训练 3(难度等级★) 3

典型题训练 4(难度等级★★) 4

典型题训练 5(难度等级★★★) 5

第3节 积的乘方

典型题训练 6(难度等级★) 6

典型题训练 7(难度等级★★) 7

第4节 整式的乘法

典型题训练 8(难度等级★) 8

典型题训练 9(难度等级★★) 9

典型题训练 10(难度等级★★) 10

典型题训练 11(难度等级★★★) 11

第5节 平方差公式

典型题训练 12(难度等级★) 12

典型题训练 13(难度等级★★) 13

典型题训练 14(难度等级★★) 14

第6节 完全平方公式

典型题训练 15(难度等级★) 15

典型题训练 16(难度等级★★) 16

典型题训练 17(难度等级★★) 17

典型题训练 18(难度等级★★★) 18

典型题训练 19(难度等级★★★) 19

第二章 因式分解 20

第1节 提取公因式法

典型题训练 1(难度等级★) 20

典型题训练 2(难度等级★★) 21

第2节 公式法

典型题训练 3(难度等级★) 22

典型题训练 4(难度等级★★) 23

典型题训练 5(难度等级★★) 24

典型题训练 6(难度等级★★) 25

第3节 十字相乘法

典型题训练 7(难度等级★★) 26

典型题训练 8(难度等级★★)	27	典型题训练 11(难度等级★★)	39
典型题训练 9(难度等级★★★)	28	第 3 节 分式方程的解法	
第三章 分式	29	典型题训练 12(难度等级★)	40
第 1 节 分式的乘除		典型题训练 13(难度等级★★)	41
典型题训练 1(难度等级★)	29	典型题训练 14(难度等级★★★)	42
典型题训练 2(难度等级★★)	30	第 4 节 分式方程解的情况	
典型题训练 3(难度等级★★★)	31	典型题训练 15(难度等级★★★)	43
典型题训练 4(难度等级★★★)	32	第 5 节 分式方程的应用	
典型题训练 5(难度等级★★★)	33	典型题训练 16(难度等级★)	44
第 2 节 分式的加减		典型题训练 17(难度等级★★)	45
典型题训练 6(难度等级★)	34	典型题训练 18(难度等级★★★)	46
典型题训练 7(难度等级★)	35	典型题训练 19(难度等级★★★)	47
典型题训练 8(难度等级★★★)	36	典型题训练 20(难度等级★★★)	48
典型题训练 9(难度等级★★★)	37	典型题训练 21(难度等级★★★)	49
典型题训练 10(难度等级★★★)	38		

{下学期}

第四章 二次根式	50	典型题训练 6(难度等级★★)	55
第 1 节 二次根式的乘除		第 3 节 二次根式的混合运算	
典型题训练 1(难度等级★)	50	典型题训练 7(难度等级★)	56
典型题训练 2(难度等级★★)	51	典型题训练 8(难度等级★)	57
典型题训练 3(难度等级★★)	52	典型题训练 9(难度等级★★)	58
第 2 节 二次根式的加减		典型题训练 10(难度等级★★★)	59
典型题训练 4(难度等级★)	53	第五章 规律探究	
典型题训练 5(难度等级★)	54	典型题训练 1(难度等级★★)	60
		典型题训练 2(难度等级★★)	62

典型题训练 3(难度等级★★★)	63
第六章 一次函数	64
第1节 一次函数的图像和性质	
典型题训练 1(难度等级★)	64
典型题训练 2(难度等级★★)	65
典型题训练 3(难度等级★★★)	66
典型题训练 4(难度等级★★★★)	67
第2节 一次函数的应用	
函数模型问题	
典型题训练 5(难度等级★)	68
典型题训练 6(难度等级★★)	69
方案优选问题(一)	
典型题训练 7(难度等级★★★)	70
典型题训练 8(难度等级★★★)	71
典型题训练 9(难度等级★★★★)	72
典型题训练 10(难度等级★★★★)	73
典型题训练 11(难度等级★★★★)	74
方案优选问题(二)	
典型题训练 12(难度等级★★★)	75
第七章 数据的分析	76
典型题训练 1(难度等级★)	76
典型题训练 2(难度等级★★)	78
典型题训练 3(难度等级★★★)	80
典型题训练 4(难度等级★★★★)	82
典型题训练 5(难度等级★★★)	84
典型题训练 6(难度等级★★★★)	86
典型题训练 7(难度等级★★★★)	88
参考答案	90

上 学 期

第一章 整式的乘法

◇ 第1节 同底数幂的乘法 ◇

典型题训练 1(难度等级★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 计算下列各题.

$$(1) a^2 \cdot a^4 \cdot (2a^6)$$

$$(2) x^4 \cdot x^4 \cdot (12x) \cdot x^4$$

$$(3) (-x)^3 \cdot (-x)^2 \cdot (-x^5)$$

$$(4) a^5 \cdot (-a)^3 \cdot (-a)^4 \cdot a^4$$

$$(5) (a-b)^2 \cdot (b-a)^3$$

$$(6) \left(-\frac{1}{a}\right)^2 \left(-\frac{1}{a}\right)^3 \left(-\frac{1}{a}\right)^4$$

2. 计算下列各题.

$$(1) 25 \cdot 5^m \cdot 5^{m-2}$$

$$(2) 64 \cdot 4^{m-1} \cdot 4^{m+1}$$

$$(3) (-2)^{1001} + (-2)^{1002}$$

$$(4) (-5)^{100} + (-5)^{99}$$

典型题训练 2 (难度等级★★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 已知 $a^2 \cdot a^x \cdot a^{2m} = a^{31}$, 若 $x = 5$, 求 m 的值.

2. 已知 $x^m = a$, $x^n = b$, 求 x^{2m+3n} , $x^{2m} + x^{3n}$ 的值.

3. 已知 $2^a = 3$, $2^b = 6$, $2^c = 12$, 求证: $2b = a + c$.

4. 已知 $3^a = 2$, $3^b = 5$, $3^c = 200$, 写出 a , b , c 之间的一个等量关系.

5. 计算: $x \cdot x^2 \cdot x^3 \cdot \dots \cdot x^{2000}$.

6. 已知 $3^{3x+2} - 3^{3x+1} = 54$, 求 x 的值.

◇ 第2节 幂的乘方 ◇

典型题训练 3 (难度等级★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 计算下列各题.

$$(1) [-(-x)^2]^5 \cdot [(-x)^2]^3$$

$$(2) (10^{n+1})^2 \cdot 10 \cdot (10^2)^{n+1}$$

$$(3) (-p^8) \cdot (-p^2)^3 \cdot [(-p)^3]^2$$

$$(4) (-a^5)^2 + (-a^2)^5$$

$$(5) 3(a^2)^5 - a^3 \cdot a^7$$

$$(6) [(x+y)^2]^3 \cdot [(x+y)^3]^2$$

2. 计算下列各题.

$$(1) a^3 \cdot [(-a)^2]^4$$

$$(2) a^2 \cdot (-a)^3 \cdot (-a^2)^3$$

$$(3) -(a^3)^4 \cdot (a^2)^3 \cdot (-a) \cdot (-a)^{13}$$

$$(4) -7(a^{2n-1})^3 \cdot (b^2)^{3n} + 3(b^2)^{3n} \cdot (a^3)^{2n-1}$$

3. 已知 $x^n = 4$, 求 $(x^3)^n \cdot (x^4)^{2n}$ 的值.

典型题训练 4(难度等级★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 已知 $(x^{m-1})^2 = x^{12}$, 求 m 的值.
2. 若 $(25^n)^2 = 5^{16}$, 求 n 的值.
3. 已知 $3x + 4y - 6 = 0$, 求 $8^x \cdot 16^y$ 的值.
4. 若 n 为正整数, 且 $x^{2n} = 7$, 求 $7(x^{3n})^2 - 3(x^2)^{2n}$ 的值.
5. 求 $(2^9 - 1 \times 2 \times 8 \times 16)^5$ 的值.
6. 已知 $x = 2^n + 3$, $y = 4^n + 5$, 用含字母 x 的代数式表示 y .

典型题训练 5(难度等级★★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 比较下列各组数字的大小.

(1) 2^{100} 与 3^{75}

(2) 5^{60} 与 3^{100}

(3) 2^{15} 与 3^{10}

(4) 7^{21} 与 17^{14}

2. 比较下列各组数字的大小.

(1) $2^{55}, 3^{44}, 4^{33}$

(2) $3^{555}, 4^{444}, 5^{333}$

3. 规定运算“*”为 $a * b = (10^a)^b$, 如 $2 * 3 = (10^2)^3 = 10^6$. 计算下列各题.

(1) $2 * n + n * 2$

(2) $a^2 * a^3$

4. 规定运算“*”为 $a * b = [(a^a)^b]^b$ (a, b 均为正整数), 如 $2 * 3 = [(2^2)^3]^3 = 2^{18}$. 计算下列各题.

(1) $3 * 4 + 4 * 3$

(2) $m^2 * n^2$

◆ 第3节 积的乘方 ◆

典型题训练 6 (难度等级★)

第____周 星期____

1. 计算下列各题.

(1) $(4x^2)^3 \cdot (-2x^3)^2$

(2) $\left(-\frac{1}{2}x^2yz\right)^2 \cdot (3xy^2)^2$

(3) $(0.2a^3b^6)^2 + \left(-\frac{1}{5}a^2b^4\right)^3$

(4) $(x^2y^3)^6 - \frac{1}{2}(x^2)^6 \cdot (-y^9)^2$

2. 计算下列各题.

(1) $(ab^2)^3 \cdot (-2a^2)^2$

(2) $\left(\frac{1}{2}ab^2c^3\right)^2 \cdot (-4a^2b)^4$

(3) $(-2a^3b^2)^2 \cdot \left(-\frac{2}{3}a^3b^5\right)^3$

(4) $(2ab^2)^4 \cdot (11a^3b^5)^2 \cdot \left(\frac{1}{11}abc\right)^2$

3. 若 $(a^n \cdot b^m \cdot b)^3 = a^9b^{15}$, 求 $(mn^2)^2$ 的值.

典型题训练 7 (难度等级★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 用简便方法计算下列各题.

(1) $(-5)^{16} \times (-2)^{15}$

(2) $(-8)^{200} \times (-0.125)^{201}$

(3) $\left(\frac{5}{14}\right)^{2005} \times \left(-2\frac{4}{5}\right)^{2006}$

(4) $\left(\frac{1}{3} \times 10^5\right)^3 \times (9 \times 10^3)^3$

2. 用简便方法计算下列各题.

(1) $\left(\frac{2}{3}\right)^{2015} \times 1.5^{2014} \times (-1)^{2016}$

(2) $\left(-1\frac{7}{9}\right)^{12} \times \left(\frac{3}{8}\right)^{13} \times \left(-\frac{3}{2}\right)^{14}$

(3) $\left(1\frac{1}{5}\right)^2 \times \left(5\frac{1}{3}\right)^2 \times \left(-\frac{1}{4}\right)^6$

(4) $\left(\frac{4}{7}\right)^4 \times \left(-4\frac{2}{3}\right)^4 \times \left(-1\frac{1}{2}\right)^5 \times \left(\frac{2}{3}\right)^5$

3. 已知: $x^n = 25$, $y^n = 4$, 求 $(xy)^{2n}$ 的值.4. 已知: $a + b = c$, 求 $(a + b)^3 + (2a + 2b)^3 + (3a + 3b)^3$ 的值(用 c 表示).

◇ 第4节 整式的乘法 ◇

典型题训练 8 (难度等级★)

第____周 星期____

1. 计算下列各题.

(1) $(3x - 4) \cdot 2x \cdot x$

(2) $(a - 3b) \cdot (-6a) \cdot (-b)$

(3) $(-x)^3 \cdot \left(-\frac{1}{3}x^2y\right) \cdot (-9xy + 1)$

(4) $3a^2b^3 \cdot \left(\frac{2}{3}ab^2 - 2ab\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}ab\right)$

2. 计算下列各题.

(1) $(2x^2 - 6x + 9) \cdot (-3x)$

(2) $\left(-\frac{1}{2}a^2b\right)^2 \cdot (-4ab^2 - 4ab - 8a)$

(3) $\left(\frac{2}{3}ab^2 - ab + \frac{3}{4}b\right) \left(-\frac{1}{2}ab\right)$

(4) $\frac{1}{4}a^2b^2[3ab(a + b) - 5a(ab - b^2)]$

(5) $(3x^2)^3 - 7x^3[x^3 - x(4x^2 + 1)]$

(6) $x - \frac{1}{4}\left(1 - \frac{3x}{2}\right) - \frac{1}{3}x\left(2 - \frac{x}{2}\right)$

典型题训练 9 (难度等级★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 计算下列各题.

(1) $(a + 6)(5 - a) + (a - 8)(a + 5)$

(2) $(2a^2 - 1)(a - 4) - (a^2 + 3)(2a - 5)$

2. 先化简,再求值.

(1) $x(4 - x) + (x + 1)(x - 1)$, 其中 $x = \frac{1}{2}$.

(2) $(x - y)(x - 2y) - \frac{1}{2}(2x - 3y)(x + 2y)$, 其中 $x = 2, y = \frac{2}{5}$.

(3) $3 - 2(x + 1)(x - 2) - x^2 + 3(x + 2)(x - 3)$, 其中 $x = 2016$.

典型题训练 10(难度等级★★)

第 ____ 周 星期 ____

1. 计算下列各题.

(1) $(x + 2y)(x^2 - 2xy + 4y^2)$

(2) $(x + 3y - 2)(2x - y)$

(3) $(4a - 3b)(5a + 4b - 1)$

(4) $(x - 1)(x^3 + x^2 + x).$

2. 计算下列各题.

(1) $(a - b + 1)(a + b - 1)$

(2) $(x + 2y - 3)(3x - y - 3)$

(3) $(5x - 2y + 7)(2x + 3y - 1)$

(4) $3(x + 4y + 3)(x - 6y + 2)$

3. 如果 $(x - 1)(x^2 + ax + b) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$, 求常数 a, b 的值.