

修订版

5

五年
级

例题精讲 ◆ 同类题型强化训练

巧思妙解 ◆ 方法技巧归纳总结

答案详解 ◆ 难点考点轻松破解

小学生

XIAOXUESHENG
QINGSONGXUEAOSHU

轻松学奥数

主 编◎陈钱君

修订版

小学生

XIAOXUESHENG
QINGSONGXUEAOSHU

轻松学奥数



主 编◎陈钱君

5

五年级

图书在版编目(CIP)数据

小学生轻松学奥数. 五年级/陈钱君主编. — 宁波:
宁波出版社, 2016.6

ISBN 978-7-5526-1774-0

I. ①小… II. ①陈… III. ①小学数学课—教学
参考资料 IV. ①G624.503

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2016)第 133634 号

小学生轻松学奥数(五年级)

主 编 陈钱君

责任编辑 苗梁婕 卓挺亚

封面设计 金字斋

出版发行 宁波出版社

(宁波市甬江大道 1 号宁波书城 8 号楼 6 楼 315040)

印 刷 浙江开源印务有限公司

开 本 787 毫米×1092 毫米 1/16

印 张 9.5

字 数 182 千

版 次 2016 年 6 月第 1 版

印 次 2016 年 6 月第 1 次印刷

标准书号 ISBN 978-7-5526-1774-0

定 价 14.50 元

如发现缺页或倒装,影响阅读,请与承印厂联系调换:0574-87638192

目 录

第一讲 周期问题	(1)
第二讲 小数加减巧算	(8)
第三讲 小数四则混合运算	(14)
第四讲 数列巧算	(21)
第五讲 流水问题	(28)
第六讲 解方程	(36)
第七讲 列方程解应用题	(44)
第八讲 定义新运算	(54)
第九讲 重叠问题	(62)
第十讲 图形面积	(71)
第十一讲 数的整除性	(80)
第十二讲 奇数与偶数	(88)
第十三讲 质数与合数	(95)
第十四讲 分解质因数	(102)
第十五讲 同余问题	(109)
综合训练(一)	(116)
综合训练(二)	(117)
综合训练(三)	(118)
竞赛综合试题	(120)
参考答案	(122)

第一讲 周期问题



学练提要

客观世界中,存在着一些数、图形和事物的变化是周而复始循环出现的,我们把具有这种规律性的问题称为周期问题。

研究周期问题,关键是通过观察发现问题的内在规律,确定周期,利用余数的知识解决有关问题。



例题精选

例 1 今天是星期六,再过 100 天是星期几?

解:再过 1 天是星期日,再过 2 天是星期一……再过 7 天又是星期六,一个星期是 7 天,因此以 7 天为一个周期, $100 \div 7 = 14 \cdots 2$,由于余数为 2,也就是 14 个周期再过 2 天,所以再过 100 天是星期一。



试一试

2002 年 1 月 20 日是星期日,问 2003 年 1 月 20 日是星期几?

例 2 $17 \div 70$ 的小数点后面第 2002 位上的数字是几? 这 2002 个数字的总和是多少?

解:解决这个问题的方法首先是试除,再发现规律,找到周期,试除后得到: $17 \div 70 = 0.242857142857142857142 \cdots$ 。我们观察便可发现其中的规律:从小数第二位起,依次是 4、2、8、5、7、1,反复出现,也就是说以这 6 个数字为一个周期, $(2002-1) \div 6 = 333 \cdots 3$,说明反复出现 333 次后还有 3 个数字,那么小数点后 2002 位上的数字是 8。(想一想为什么先减去 1?)

接下来,我们不难发现这 2002 个数字的和可以这样去算: $2 + (4+2+8+5+7+1) \times 333 + 4+2+8 = 9007$ 。



试一试

$5 \div 13$ 的小数点后第 500 个数字是几? 这 500 个数字的总和是多少?



例 3 按照下面排列规律,数 2002 应在第几行,第几列?

一	二	三	四	五
1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	...	...	

解:观察发现,这个表中的数字以 5 为一个周期,第一列下面的一排数被 5 除余数为 1,第二列下面的一排数被 5 除余数为 2……

又因为每行有 5 个数,由于 $2002 \div 5 = 400 \cdots 2$,所以 2002 在第 401 行,第 2 列。



试一试

按照下面排列规律,数 2002 应在第几行,第几列?

一	二	三	四
1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	16
17	18	...	...

2



例 4 下表的第一行的文字和第二行的字母都有各自的周期,那么第 100 列的文字和字母分别是什么?

奥	林	匹	克	奥	林	匹	克	奥	林	
A	B	C	A	B	C	A	B	C	A	

解:先看上面一行,都是以“奥林匹克”重复出现,所以周期是 4,由于 $100 \div 4 = 25$,所以第 100 个文字为“克”;再看下面一行,都是以“A、B、C”重复出现,周期为 3,由于 $100 \div 3 = 33 \cdots 1$,所以第 100 个字母为“A”。



试一试

下表的第一行的文字和第二行的字母都有各自的周期,那么第 150 列的文字和字母分别是什么?

轻	松	学	奥	数	轻	松	学	奥	数	
A	B	C	D	A	B	C	D	A	B	

例 5 有一串数字 2134.....从第三个数码起, 每一个数码都是它前面两个数码的个位数。问在这串数字中, 第 1000 个数码是多少?

解: 试写下去 213471897639213471897... 我们发现从第 13 个数起都是 213471897639, 周期为 12, $1000 \div 12 = 83 \cdots 4$, 余数为 4, 那么第 1000 个数码为第四个数码是 4。



试一试

有一串数字 4268.....从第三个数码起, 第一个数码都是它前面两个数码的个位数。问在这串数字中, 第 1000 个数码是多少?

例 6 $\underbrace{7 \times 7 \times 7 \times \cdots \times 7}_{2001 \text{ 个}}$ 所得积的末位数是_____。

解: 根据每四个“7”连乘后所得的积的尾数是 1。 $2001 \div 4 = 500$ (尾数是“1”的数, 它们相乘后的尾数仍是“1”) $\cdots \cdots 1$; 即最后是一个尾数是 1 的数与“7”相乘, 尾数是 7。



试一试

$\underbrace{124 \times 124 \times 124 \times \cdots \times 124}_{37 \text{ 个}}$ 所得积的末位数是()。

练习题

A 组

1. 今天是星期二, 再过 200 天是星期几?



2. 把分数 $\frac{4}{7}$ 化成小数后, 小数点后第 150 位上的数字是几?

3. 国庆节挂彩灯, 按“红, 黄, 蓝, 绿”的顺序挂彩灯, 一共挂了 50 盏彩灯。问: 第 50 盏彩灯是什么颜色的? 红色彩灯一共有多少盏?

4. 老师把编号为 1-40 号的图片, 依次发给小明、小军、小宁、小燕。问: 第 29 张卡片应该发给谁?

5. 在下面的空格中填上数字(数字可重复使用), 使任何三个相邻格子里的数字和是 15。

	3					8	
--	---	--	--	--	--	---	--

6. 流水线上生产的小木珠的涂色顺序是: 先 5 个红, 再 4 个黄, 再 3 个绿, 再 2 个黑, 再 1 个白, 然后再依次是 5 红, 4 黄, 3 绿, 2 黑, 1 白, ……继续下去第 2001 个小木珠是什么颜色?

7. 有一列数 23688……从第 4 个数码起, 每一个数码是它前面 2 个数码积的个位数, 这列数中第 120 个数码是几?

8. 紧接着 1989 后面一串数字, 写下的每个数字都是它前面两个数字的乘积的个位数。例如 $8 \times 9 = 72$, 在 9 后面写 2, $9 \times 2 = 18$, 在 2 后面写 8, ……得到一串数字:

1 9 8 9 2 8 6 ……

这串数字从 1 开始往右数, 第 2002 个数字是什么?

9. 有一列好长好长的数字 13579135791357913579……, 问前面 48 个数字之和是多少?

B 组

1. $\underbrace{7 \times 7 \times 7 \times \cdots \times 7}_{1992 \text{ 个}}$ 表示 1992 个“7”相乘, 它的个位数字是多少?

2.

共产党好共产党好共产党好……
社会主义好社会主义好社会主义好……

上表中, 将每列上下两个字组成一组, 例如第一组为(共社), 第二组为(产会), 那么第 250 组是什么?

3. $9 \div 14$ 的小数点后面第 2001 位上的数字是几? 这 2001 个数字的总和是多少?

4. 节日的公园内挂起了一盏盏小电灯, 小华看出每两盏白灯之间有红、蓝、绿各一盏彩灯。也就是说, 从第一盏白灯起, 每一盏白灯后面都紧接着有 3 盏彩灯。小华想: 第 100 盏灯是什么颜色的呢?

5. 1992 年 1 月 18 日是星期六, 再过两年的 1 月 18 日是星期几?

6. 黑珠、白珠共 108 颗, 穿成一串, 排列如下图:

○●○○○●○○○●○○○●○○○……

这串珠子中, 最后一颗珠子应该是_____色的, 这种颜色的珠子在这串珠子中共有_____颗。

7. 将奇数如下图排列, 各列分别用 ABCD 作为代表, 问 2009 所在的列以哪个字母为代表?

A	B	C	D
1	3	5	7
15	13	11	9
17	19	21	23
31	29	27	25



C 组

1. 有一串数排成一行,其中第一个数是 3,第二数是 10,从第三个数开始,每一个数恰好是前两个数的和,那么第 1001 个数被 3 除所得的余数是()。(想:多写几个,看被 3 除的余数有什么规律。)

2. 一串数:1,9,9,1,4,1,4,1,9,9,1,4,1,4,1,9,9,1,4,……共有 300 个数。

(1)其中共有 _____ 个 1, _____ 个 9, _____ 个 4;

(2)这些数字的总和是 _____。

(想:这些数的规律是什么? 周期是几?)

3. 时针现在指示的时间是 13 时整,那么分针转 250 周后,时针指示的时间是几时? (想:分针转几周是一天?)

4. 将数列 1,4,7,10,13……依次如图排列成 6 行,如果把最左边的一列叫作第一列,从左到右依次编号,那么数列中的数 130 应排在第几行第几列?

1 4 7 10 13

28 25 22 19 16

31 34 37 40 43

58 55 52 49 46

.....

.....

(想:130 是第几个数? 排列的规律是什么?)

5. $555\cdots5$ (100 个 5) 除以 6,当商是整数时,余数是多少? (想:一个 5 除以 6 余数是几,两个 5 除以 6 余数是几,周期是几?)

竞赛题精选

1. 9 个 13 相乘,积的个位数是()。(2015 年希望杯五年级试题)
2. 某部 84 集的电视连续剧在某个星期日开播,从星期一到星期五以及星期日每天都要播出 1 集,星期六停播。问:最后一集在星期几播出?(第五届华罗庚金杯少年数学邀请赛初赛试题)
3. 将 $\frac{13}{999}$ 化成小数,小数部分第 2015 个数字是几?(2015 年“陈省身杯”数学竞赛试题)
4. 冬至又称“冬节”“贺冬”,是华夏二十四节气之一,与二十四节气中夏至节气相对,如果 2014 年 12 月 22 日是冬至,这一天恰好是星期一,那么 2015 年的夏至(6 月 22 日)是星期_____。(2015 年“陈省身杯”国际青少年数学邀请赛试题)



第二讲 小数加减巧算



学练提要

1. 运算定律。

(1) 加法交换律: $A+B=B+A$;

(2) 加法结合律: $(A+B)+C=A+(B+C)$;

2. 运算性质和规律。

(1) 和不变的规律:

如果一个加数增加一个数,另一个加数减少相同的数,那么它们的和不变。

(2) 差不变的规律:

如果被减数和减数同时增加(或减少)相同的数,那么它们的差不变。

小数的加减运算,有时可以利用运算定律和运算性质,把复杂的计算转化为简便的、迅速的计算,有时也可用数本身的特点,采用一些技巧,使计算简便化。



例题精选

例 1 计算: $5.32+2.07+19.6+1.93+4.68$

解析:这是一道小数连加计算题,如果从左往右依次相加,就比较麻烦,注意到 5.32 和 4.68 刚好能凑成整数,2.07 和 1.93 也能凑成整数,因此可用加法交换律和结合律进行计算。

$$\begin{aligned} \text{解: } & 5.32+2.07+19.6+1.93+4.68 \\ & = (5.32+4.68) + (2.07+1.93) + 19.6 \\ & = 10+4+19.6 \\ & = 14+19.6 \\ & = 33.6 \end{aligned}$$



试一试

$$3.24+5.85+4.63+6.76+3.37$$

例 2 $1-0.1-0.01-0.001-0.0001-0.00001$

解析:这是一道小数连减计算题,如果从左往右依次相减显然很麻烦,根据减法运算性质,用被减数 1 减去所有减数的和,那么计算起来就非常方便。

$$\begin{aligned}
 &\text{解: } 1 - 0.1 - 0.01 - 0.001 - 0.0001 - 0.00001 \\
 &= 1 - (0.1 + 0.01 + 0.001 + 0.0001 + 0.00001) \\
 &= 1 - 0.11111 \\
 &= 0.88889
 \end{aligned}$$



试一试

$$9.42 - 3.68 - 4.32$$

$$\text{例 3 } 0.9 + 0.99 + 0.999 + 0.9999 + 0.99999$$

解析: 观察发现这些小数与 1 相接近, 利用分解的方法进行计算。

$$\begin{aligned}
 &\text{解: } 0.9 + 0.99 + 0.999 + 0.9999 + 0.99999 \\
 &= 1 - 0.1 + 1 - 0.01 + 1 - 0.001 + 1 - 0.0001 + 1 - 0.00001 \\
 &= 1 + 1 + 1 + 1 + 1 - 0.1 - 0.01 - 0.001 - 0.0001 - 0.00001 \\
 &= 5 - 0.11111 \\
 &= 4.88889
 \end{aligned}$$



试一试

$$2 + 2.1 + 2.11 + 2.111 + 2.1111$$

$$\text{例 4 } 3.54 + 14.79 + 15.32 - 2.54 - 6.32$$

解析: 根据加法交换律和结合律, 可以把加数任意交换位置, 而运算结果不变, 这种运算方法在减法或加减混合运算中同样适用, 但交换位置时必须带符号“搬家”, 带符号“搬家”不改变运算结果。

$$\begin{aligned}
 &\text{解: } 3.54 + 14.79 + 15.32 - 2.54 - 6.32 \\
 &= (3.54 - 2.54) + (15.32 - 6.32) + 14.79 \\
 &= 1 + 9 + 14.79 \\
 &= 24.79
 \end{aligned}$$



试一试

$$13.5 + 4.42 - 10.5 - 3.42 + 6.72$$



例 5 $35.14+6.48+24.86-11.38-5.48-0.62$

解析:注意到 35.14 和 24.86 可以凑成整数,11.38 和 0.62 也可以凑成整数,所以应用交换律和结合律及减法运算性质可以得到:

$$\begin{aligned}\text{解: } & 35.14+6.48+24.86-11.38-5.48-0.62 \\ & = (35.14+24.86) - (11.38+0.62) + (6.48-5.48) \\ & = 60-12+1 \\ & = 49\end{aligned}$$



试一试

$$14.72+13.54+4.28-7.32-3.54-2.68$$

例 6 $1.2+1.1-1.0+0.9+0.8-0.7+0.6+0.5-0.4+0.3+0.2-0.1$

解析:根据这 12 个小数的特点,从左往右看,每 3 个数为一组,可分为 4 组,用分组的方法进行计算。

$$\begin{aligned}\text{原式} & = (1.2+1.1-1.0) + (0.9+0.8-0.7) + (0.6+0.5-0.4) + (0.3+0.2-0.1) \\ & = 1.3+1+0.7+0.4 \\ & = 3.4\end{aligned}$$

注:最后一步也可用等差数列求和公式计算: $(1.3+0.4) \times 4 \div 2 = 3.4$



试一试

$$1.1+2.2-3.3+4.4+5.5-6.6+7.7+8.8-9.9$$

练习题

A 组

1. $3.54+34.62+4.46+35.38$

2. $123.4+567.8+876.6+432.2$

3. $14.63+3.68+10.2+35.37+29.8$

4. $13.72-4.57-5.43$

5. $14.31-3.82-4.31$

6. $15.43-2.56+4.57$

7. $0.8+9.8+99.8$

8. $5.4+3.72+6.6+4.28-3.7$

9. $24.39-(4.39-10)$





10. $35.4 + (3.75 - 5.4)$

B 组

1. $10 - 0.1 - 0.2 - 0.3 - 0.4 - \cdots - 0.9$

2. $4.23 + 5.48 - 3.23 - 4.48 + 3.1$

3. $13.74 - (5.74 + 2.99)$

4. $23.57 - 4.71 - 3.82 - 3.29 - 4.18$

5. $11.56 + 0.48 - 1.36 + 1.52$

6. $72.18 + 6.48 - 1.38 + 27.82 - 5.48 - 1.62$



7. $4.75-9.64+8.25-1.36$

8. $3.17-2.74+4.7+5.29-0.26+6.3$

C 组

1. $20.36-7.98-4.02-5.36$

2. $14.73-(6.73-5.47)-7.47$

3. $10.9+4.28-1.56+17.1-0.44$

4. $1+0.99+0.98-0.97-0.96+0.95+0.94+0.93-0.92-0.91+0.90+0.89+0.88-0.87-0.86+\\ \cdots+0.10+0.09+0.08-0.07-0.06+0.05+0.04+0.03-0.02-0.01$

