



五年制高等职业教育“十三五”规划教材
中等职业教育课程改革国家规划新教材

高职数学

GAOZHI SHUXUE

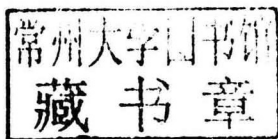
主 编 裴昌萍 晏惠琴

 电子科技大学出版社

高职数学

主 编 裴昌萍 晏惠琴

副主编 马文素 逯清玉 宋丽芳 刘勇飞



电子科技大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

高职数学 / 裴昌萍, 晏惠琴主编. - 成都: 电子科技大学出版社, 2017.6

ISBN 978-7-5647-4559-2

I. ①高… II. ①裴… ②晏… III. ①高等数学-高等职业教育-教材 IV. ①O13

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2017)第 116901 号

高职数学

裴昌萍 晏惠琴 主编

策划编辑 汤云辉

责任编辑 汤云辉

出版发行 电子科技大学出版社

成都市一环路东一段 159 号电子信息产业大厦九楼 邮编 610051

主 页 www.uestcp.com.cn

服务电话 028—83203399

邮购电话 028—83201495

印 刷 北京好朋友印刷有限公司

成品尺寸 185mm×260mm

印 张 16

字 数 342 千字

版 次 2017 年 6 月第 1 版

印 次 2017 年 6 月第 1 次印刷

书 号 ISBN 978-7-5647-4559-2

定 价 45.00 元

版权所有,侵权必究

前 言

本书为中高职层次学生的《数学》教学用书。

本教材的编写遵循以下原则:首先根据各专业人才培养方案中对数学课程的要求,按照中高职的培养目标编写。第二,考虑学生的基础,降低理论、注重基础、强化能力、加强应用、适当更新为编写指导思想。第三,在内容编排上,根据各专业特点,以应用为目的,以“必需、够用”为度,使教材具有简明、通俗易懂、直观性强的特点,尽量做到由浅入深,由易到难,由具体到抽象,循序渐进。例如:根据通信专业的需求,新增“复数”一章及“正弦曲线”内容;根据管理类专业需求,新增“排列、组合、概率”内容。在例题和习题的选择上,尽量与专业相结合。第四,在“初等数学”和“高等数学”内容的安排上,注意两部分内容的衔接,使学生能自然由“初等数学”过渡到“高等数学”。第五,尽量注意理论联系实际,加强学生素质教育和能力方面的培养。第六,在本教材最后章节,将简单的数学文化介绍给学生。第七,注重加强学法指导,教会学生学习。进行学习方法的指导,是教师义不容辞的责任,我们想通过在各章节的内容上不断渗透外,在每章之后,编写“小结”,让学生在学知识的同时,不断改进学习方法,逐步掌握科学的思维方式。第八,在习题的编排上,有最简单、最基本的题目,也有适当增加难度和综合性的题目,这样,使学生的学习过程是台阶式的,是循序渐进的。第九,本教材还适当安排了“阅读空间”内容,提供综合素质培养有关材料供学生课外阅读。

本书的第1~8章由裴昌萍、刘勇飞完成,第9、15章由晏惠琴完成,第10~14章由马文素、逯清玉、宋丽芳完成。

感谢出版社对本书出版的大力支持。我们期待着广大读者,特别是使用本书的教师和学生对本书的批评、指正和建议。

编者
2017年5月

目 录

第1章 集合	1
§ 1.1 集合的概念	1
§ 1.2 集合的表示法和集合之间的关系	3
§ 1.3 集合的运算	7
第2章 一元二次不等式	14
§ 2.1 区间	14
§ 2.2 一元二次不等式及其解法	16
第3章 函数	21
§ 3.1 函数	21
§ 3.2 函数的图像	23
§ 3.3 函数的单调性	27
§ 3.4 函数的奇偶性	28
§ 3.5 反函数	30
第4章 指数函数与对数函数	34
§ 4.1 指数	34
§ 4.2 幂函数	36
§ 4.3 指数函数	39
§ 4.4 对数	43
§ 4.5 对数函数	45
第5章 任意角的三角函数	51
§ 5.1 角的概念的推广	51
§ 5.2 弧度制	52
§ 5.3 任意角的三角函数	54
§ 5.4 同角三角函数的基本关系式	56
§ 5.5 三角函数的简化公式	58
§ 5.6 和角公式	62

§ 5.7	二倍角公式	64
§ 5.8	正弦函数与余弦函数的图像	66
§ 5.9	正弦函数和余弦函数的性质	69
§ 5.10	正弦型曲线	70
§ 5.11	正切函数的图像和性质	72
第 6 章	数列	79
§ 6.1	数列的概念	79
§ 6.2	等差数列及通项公式	81
§ 6.3	等差数列的前 n 项和	82
§ 6.4	等比数列及其通项公式	83
§ 6.5	等比数列前 n 项和	85
第 7 章	复数	90
§ 7.1	虚数单位的定义	90
§ 7.2	复数的有关概念	91
§ 7.3	复数的向量表示	92
§ 7.4	复数的加法和减法	96
§ 7.5	复数的乘法和除法	96
§ 7.6	实系数一元二次方程在复数范围内的解	98
§ 7.7	复数的三角形式	99
第 8 章	直线和二次曲线	107
§ 8.1	直线方程的点斜式和斜截式	108
§ 8.2	直线的一般式方程	110
§ 8.3	两条直线的平行和垂直	112
§ 8.4	圆的标准方程和一般方程	114
§ 8.5	椭圆及其标准方程	115
§ 8.6	椭圆的简单几何性质	117
§ 8.7	抛物线及其标准方程	119
第 9 章	概率论	127
§ 9.1	随机事件	128
§ 9.2	概率	135
§ 9.3	条件概率	141
§ 9.4	事件的独立性	147

第 10 章 函数与极限	156
§ 10.1 函数	156
§ 10.2 函数的极限	161
§ 10.3 无穷小量和无穷大量	167
§ 10.4 极限的运算	169
§ 10.5 极限存在准则与两个重要极限	172
§ 10.6 函数的连续性	175
第 11 章 导数与微分	179
§ 11.1 导数的概念	179
§ 11.2 函数的求导法则	185
§ 11.3 隐函数的导数、高阶导数	189
§ 11.4 微分	192
第 12 章 导数的应用	197
§ 12.1 微分中值定理	197
§ 12.2 洛必达法则	200
§ 12.3 函数的单调性与极值	203
§ 12.4 函数图形的描绘	208
第 13 章 不定积分	214
§ 13.1 不定积分的概念与性质	214
§ 13.2 换元积分法	217
§ 13.3 分部积分法	220
第 14 章 定积分及其应用	223
§ 14.1 定积分的概念与性质	223
§ 14.2 定积分的换元积分法和分部积分法	226
§ 14.3 定积分的应用举例	228
第 15 章 数学文化	233
§ 15.1 数学文化的内涵	233
§ 15.2 数学的文化特征	234
§ 15.3 数学的艺术性	240
§ 15.4 数学与人类文明	246

第1章 集合

1. 九个基本概念:集合、元素、子集、真子集、交集、并集、全集、补集、集合相等.
2. 两种表示方法:列举法、描述法.
3. 三种集合运算:求交集、求并集、求补集.
4. 数学符号:“ \in ”,“ \notin ”,“ \emptyset ”,“ \subseteq ”,“ \subset ”,“ \cap ”,“ \cup ”,“ I ”,“ $C_I A$ ”,“ N ”,“ Z ”,“ Q ”,“ R ”.

我们在日常生活、生产和学习实践中,常常会接触集合的问题,它是近代数学的基础之一,也是科学技术不可缺少的工具.

§ 1.1 集合的概念

我们经常把具有某种性质的对象作为一个整体加以研究,例如:

- (1) 某校一年级的全体同学.
- (2) 所有的有理数.
- (3) 直线 $y = x + 1$ 上所有的点.
- (4) 某学校图书馆的全部藏书.
- (5) 所有的锐角三角形.

它们分别是由一些人、物、图形、数、点组成的,每个例子都具有某种特点的性质.

我们把具有某种特定性质的对象的全体称为集合.把组成集合的各个对象称为这个集合的元素.含有有限个元素的集合称为有限集,含有无限个元素的集合称为无限集.

集合通常用大写字母 A, B, C, \dots 来表示,集合的元素用小写字母 a, b, c, \dots 来表示.如果 a 是集合 A 的元素,就记为“ $a \in A$ ”,读作“ a 属于 A ”,若 a 不是集合 A 的元素就记为“ $a \notin A$ ”,读作“ a 不属于 A ”.

例如,上面研究的例子中:(1) 是某校一年级的全体同学组成的集合,某校一年级的每个同学都是它的元素;(2) 是由全体有理数组成的集合,每一个有理数都是它的元素;(3) 是由直线 $y = x + 1$ 上所有的点组成的集合,这一直线上的每一个点都是它的元素;



(4) 是某学校图书馆的全部藏书,某学校图书馆的每一本书都是它的元素;(5) 是所有锐角三角形组成的集合,任何一个锐角三角形都是它的元素.(1)(4) 为有限集,(2)(3)(5) 为无限集.

在理解集合概念时要注意以下几点.

1. 在上面(2) 中, $\frac{1}{2}$ 是有理数集的一个元素,而 $\sqrt{2}$ 不是有理数集的元素,这说明对于一个给定的集合,集合的元素是确定的.

2. 由一些元素组成集合时,每一个元素不能重复出现,如上面(1) 中,某校一年级同学的花名册上每位同学的名字只能出现一次.

3. 由于集合是由一些元素组成的整体,因此不要考虑这些元素的顺序.例如:由 1,2,3 组成的集合与由 3,1,2 组成的集合是同一个集合.综上所述:集合中的元素具有确定性、互异性、无序性.

例 1 下列各题中所指对象是否组成集合.

- (1) 小于 5 的正整数.
- (2) 好看的图画.
- (3) 学校里高个子同学.
- (4) 非常大的数.
- (5) 教室 C301 中的所有桌子.

分析:根据集合中的元素具有确定性的特点,要判定一个对象是不是集合的元素要有确切的标准.

解 (1)(5) 能组成集合,(2)(3)(4) 不能组成集合.

下面是一些常用数集及其记法.

集合名称	自然数集	整数集	有理数集	实数集
记法	N	Z	Q	R

例如: $2 \in \mathbf{N}$, $-2 \notin \mathbf{N}$, $\sqrt{2} \in \mathbf{R}$, $\sqrt{2} \notin \mathbf{Q}$.

例 2 用符号 \in 或 \notin 填空:

- (1) 0 _____ \mathbf{N} ; (2) 0 _____ \mathbf{N}_+ ; (3) 0 _____ \mathbf{Z} ; (4) $\sqrt{3}$ _____ \mathbf{Z} ;
- (5) 5 _____ \mathbf{R} ; (6) $\frac{1}{3}$ _____ \mathbf{Q} ; (7) $\sqrt{5}$ _____ \mathbf{Q} ; (8) $-\frac{1}{2}$ _____ \mathbf{Q} .

解 (1) \in (2) \notin (3) \in (4) \notin (5) \in (6) \in (7) \notin (8) \in .

注意:符号“ \in ”和“ \notin ”是用在元素和集合之间的符号.

习题 1

1. 指出下列各题中所指的对象是否组成集合,并说明理由.

- (1) 著名的运动员. (2) 英文 26 个字母.
 (3) 本班篮球队的全体队员. (4) 乐于奉献的人.
 (5) 非常接近 0 的数. (6) 全体大于 10 的自然数.

2. 用符号 \in 或 \notin 填空:

- (1) -3 _____ \mathbf{N} ; (2) 3.14 _____ \mathbf{Q} ; (3) $\frac{1}{3}$ _____ \mathbf{Z} ; (4) $\sqrt{6}$ _____ \mathbf{R} ;
 (5) $\frac{1}{3}$ _____ \mathbf{R} ; (6) 0 _____ \mathbf{Q} ; (7) -2 _____ \mathbf{N} ; (8) π _____ \mathbf{Q} .

§ 1.2 集合的表示法和集合之间的关系

表示集合的方法有两种:列举法和描述法.

1. 列举法

把集合中的每一个元素一一列举出来,写在大括号内,这种表示集合的方法叫作列举法.

例如:(1) 小于 5 的正整数所组成的集合,可以表示为: $\{1,2,3,4,5\}$.

(2) 方程 $x^2 - 3x + 2 = 0$ 的解组成的集合,可以表示为: $\{1,2\}$.

(3) 地球上的四大洋组成的集合可表示为: $\{\text{太平洋}, \text{大西洋}, \text{印度洋}, \text{北冰洋}\}$.

(4) 由所有 2 的整数倍组成的集合可表示为: $\{2,4,6,\dots,2n,\dots\}$

(5) 由方程 $x - 1 = 0$ 的解组成的集合: $\{1\}$.

如果集合中只有一个元素,这个集合称为单元素集合.

我们把不含任何元素的集合,叫作空集,记为 \emptyset .

例如:由 $x^2 + 1 = 0$ 的解组成的集合,就是一个空集.

注意:(1) 数 0 和 $\{0\}$ 是不一样的.

(2) 数 0 和 \emptyset 是不一样的.

(3) $\{0\}$ 和 \emptyset 是不一样的.

2. 描述法

把集合中的元素所具有的共同性质描述出来,写在大括号内,像这样表示集合的方



法,叫作描述法.

例如(1)某班全体女同学组成的集合可表示为{某班全体女同学}.

(2)不等式 $x + 5 > 0$ 所有解组成的集合可表示为 $\{x \mid x + 5 > 0\}$.

(3)方程 $x^2 - x - 2 = 0$ 的解集可表示为 $\{x \mid x^2 - x - 2 = 0\}$.

(4)直线 $y = x + 1$ 上所有点组成的集合可表示为 $\{(x, y) \mid y = x + 1\}$

在用描述法表示集合时,常用(2)(3)(4)中的表示法,在大括号内,竖线左边表示元素的一般形式,右边表示元素所具有的共同性质.

以上我们介绍了集合的两种表示方法,实际运用时究竟用哪种表示法要具体问题具体分析.

例 1 用列举法或描述法表示下列集合.

(1)大于 3 小于 18 的奇数的集合.

(2)某班全体高于 1.7 米的男同学组成的集合.

(3)由 $y = x^2 + 2x - 1$ 的图像上所有点组成的集合.

解 (1)用列举法表示: $\{5, 7, 9, 11, 13, 15, 17\}$.

用描述法表示:

$\{x \mid x = 2n + 1, 2 \leq n \leq 8, n \in \mathbf{N}\}$.

(2)用描述法表示: {某班全体高于 1.7 米的男同学}.

(3)用描述法表示: $\{(x, y) \mid y = x^2 + 2x - 1\}$.

3. 集合之间的关系

(1) 子集

我们看下面的例子:① $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}, B = \{2, 4\}$.

大家已看出, B 中的元素全是 A 的元素.

一般地:对于两个集合 A 和 B ,如果集合 B 的任何元素都是集合 A 的元素,则集合 B 叫作 A 的子集,记为 $B \subseteq A$ 或 $A \supseteq B$,读作“ B 包含于 A ”或“ A 包含 B ”.

例如 $\mathbf{N} \subseteq \mathbf{Z} \subseteq \mathbf{Q} \subseteq \mathbf{R}$.

我们规定:(1)任何一个集合都是它本身的子集.

(2)空集 \emptyset 是任何集合的子集.

如果集合 A 是集合 B 的子集,且集合 B 中至少有一个元素不属于 A . 则称集合 A 为集合 B 的真子集. 记作 $A \subset B$.

例如 $\{1, 2\} \subset \{1, 2, 3\}, \mathbf{Q} \subset \mathbf{R}$.

为了形象地说明集合之间的包含关系,我们通常用圆或任何封闭曲线围成的图形表示集合. 封闭曲线内部的点表示这个集合的元素,这样的图形称为文氏图. 集合 A 是集合

B 的真子集由图 1-1 表示.

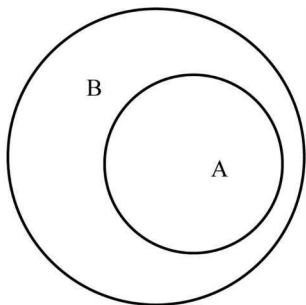


图 1-1

例 2 指出下面各集合之间的关系,并用文氏图表示.

$A = \{\text{平行四边形}\}, B = \{\text{菱形}\}, C = \{\text{矩形}\}, D = \{\text{正方形}\}$

解 $D \subset B \subset A$ $D \subset C \subset A$

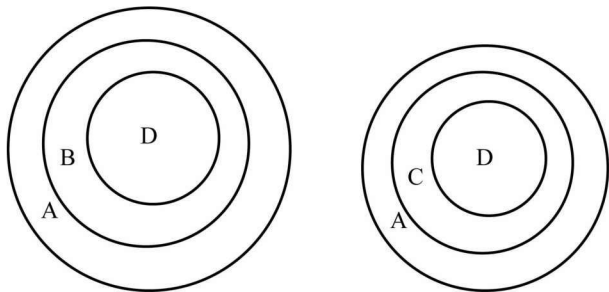


图 1-2

例 3 写出集合 $\{1, 2, 3\}$ 的所有子集与真子集.

解 集合 $\{1, 2, 3\}$ 的子集为 $\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}$, 除 $\{1, 2, 3\}$ 之外,其余子集都是真子集.

例 4 论证 $A = \{x \mid x + 4 = 0\}$ 与 $B = \{x \mid x^2 + 6x + 8 = 0\}$ 之间的关系.

解 因为 $A = \{-4\}, B = \{-2, -4\}$, 所以 $A \subset B$.

(3) 集合的相等

对于两个集合 A 和 B . 如果 $A \subseteq B$ 且 $B \subseteq A$. 则称集合 A 和 B 相等. 记为 $A = B$.

两个集合相等. 意味着两个集合的元素完全相同.

例如: $\{2, 1\} = \{1, 2\}$.

若 $A = \{x \mid (x+3)(x+1) = 0\}, B = \{-3, -1\}$. 则 $A = B$.

例 5 指出以下两个集合之间的关系.

(1) $A = \{2, 4, 5, 7\}; B = \{2, 5\}$.

(2) $P = \{x \mid x^2 = 1\}; Q = \{-1, 1\}$.

(3) $C = \{\text{奇数}\}; D = \{\text{整数}\}$.

解 (1) $B \subset A$ (2) $A = B$ (3) $C \subset D$.

习题 2

1. 用适当的方法表示下列集合.

- (1) 大于 3 小于 10 的偶数.
- (2) 所有 3 的正整数倍.
- (3) 数轴上 3 与 8 之间的所有点.
- (4) 不等式 $x - 8 \leq 0$ 的所有解.
- (5) 火药, 指南针, 造纸术, 印刷术.
- (6) 10 的正整数次幂.

2. 用适当的符号填空:

- (1) a _____ $\{a, b, c\}$
- (2) 3 _____ $\{1, 2\}$
- (3) $\{a\}$ _____ $\{a, b, c\}$
- (4) $\{2, 1\}$ _____ $\{1, 2\}$
- (5) 0 _____ $\{0\}$
- (6) $\{0\}$ _____ \emptyset
- (7) $\{3, 4\}$ _____ $\{3, 4, 5\}$
- (8) 2 _____ \mathbf{N}
- (9) $\sqrt{10}$ _____ \mathbf{Q}
- (10) -3 _____ \mathbf{Q}

3. 把下列集合用列举法表示出来.

- (1) $\{x \mid 10 < x < 20 \text{ 且 } x \text{ 是 } 6 \text{ 的倍数}\}$
- (2) $\{x \mid x^2 - 1 = 0\}$
- (3) $\{x \mid x^2 + 3 = 3\}$
- (4) $\{\text{相反数等于本身的数}\}$

4. 写出集合 $A = \{a, b, c\}$ 的所有子集和真子集.

5. 指出下面集合之间的关系:

- (1) $A = \{x \mid x^2 - 9 = 0\}; B = \{-3, 3\}$.
- (2) $A = \{x \mid |x| = 1\}; B = \{-1, 1\}$.

6. 已知 $A = \{0, 1, 2\}, B = \{1, 2\}$, 下列各种写法哪个正确, 哪个不正确?

- (1) $1 \in A$ (2) $0 \notin A$ (3) $\{1\} \in A$
- (4) $1 \subset A$ (5) $\{0\} \subset B$ (6) $\{1\} \subset A$
- (7) $\emptyset \subset A$ (8) $A \subseteq B$ (9) $B \subseteq A$
- (10) $\{3\} \notin \{1, 2\}$

§ 1.3 集合的运算

1.3.1 集合

设集合 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $C = \{1, 3, 5\}$, 显然集合 C 是由集合 A 和集合 B 的公共元素组成的.

一般地, 设 A 和 B 是两个集合, 把属于 A 且属于 B 的所有元素组成的集合叫作 A 与 B 的交集, 记作 $A \cap B$, 读作“ A 交 B ”.

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ 且 } x \in B\}$$

用文氏图表示 $A \cap B$, 如图 1-3 所示阴影部分.

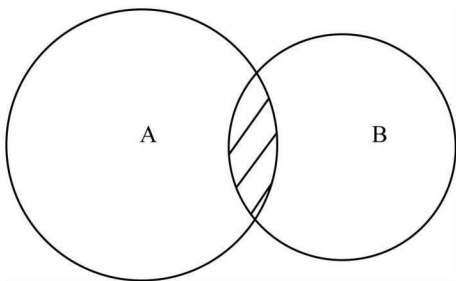


图 1-3

例 1 设 $A = \{2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 4, 5, 8, 9\}$, 求 $A \cap B$.

解 $A \cap B = \{4, 5\}$.

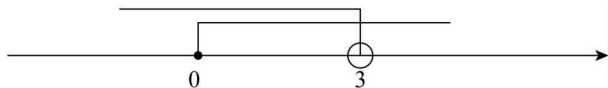
例 2 设 $A = \{\text{矩形}\}$, $B = \{\text{菱形}\}$, 求 $A \cap B$.

解 $A \cap B = \{\text{正方形}\}$.

例 3 设 $A = \{x \mid x \geq 0\}$, $B = \{x \mid x < 3\}$, 求 $A \cap B$.

解 $A \cap B = \{x \mid 0 \leq x < 3\}$.

例 3 用数轴表示较好



例 4 设 $A = \{(x, y) \mid x + 2y = 2\}$, $B = \{(x, y) \mid 4x - 2y = 3\}$, 求 $A \cap B$.

解 $A \cap B = \left\{ (x, y) \left| \begin{array}{l} x + 2y = 2 \\ 4x - 2y = 3 \end{array} \right. \right\} = \left\{ \left(1, \frac{1}{2} \right) \right\}$

1.3.2 并集

设集合 $A = \{1, 3, 5\}$, $B = \{2, 3, 4, 5\}$, $C = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, 显然集合 C 是由集合 A 和集合 B 的所有元素合并在一起(相同的元素只写一次)组成的.

一般地, 设 A 和 B 是两个集合, 将属于 A 或属于 B 的所有元素合并到一起组成的集合称为 A 与 B 的并集, 记作 $A \cup B$, 读作“ A 并 B ”.

即: $A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ 或 } x \in B\}$.

用文氏图表示 $A \cup B$, 如图 1-4 所示阴影部分.

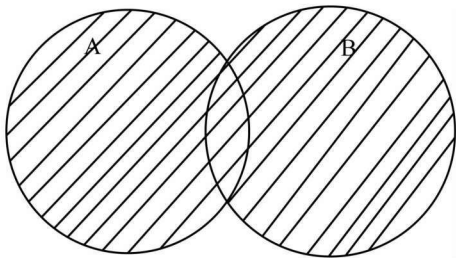


图 1-4

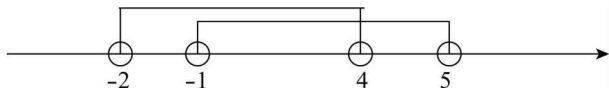
例 5 设 $A = \{0, 3, 5, 7\}$, $B = \{-1, -5, 0, 7\}$, 求 $A \cup B$.

解 $A \cup B = \{-1, 0, -5, 3, 5, 7\}$.

例 6 设 $A = \{x \mid -1 < x < 5\}$, $B = \{x \mid -2 < x < 4\}$, 求 $A \cup B$.

解 $A \cup B = \{x \mid -2 < x < 5\}$.

用数轴表示为:



1.3.3 全集与补集

一般地, 如果在讨论问题中每一个集合都是某一个集合 I 的子集, 那么称 I 为全集, 例如在讨论有关实数的问题时, 通常的把 {实数} 作为全集. 集合 A 是 I 的一个子集, (即 $A \subset I$) 由 I 中所有不属于 A 的元素组成的集合叫作集合 A 在 I 中的补集, 记作 $\complement_I A$, 读作“ A 补”

即 $\complement_I A = \{x \mid x \in I \text{ 且 } x \notin A\}$

用文氏图表示, 如图 1-5 所示阴影部分.

例 7 设全集 $I = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $A = \{1, 5\}$, 求 $\complement_I A$.

解 $\complement_I A = \{2, 3, 4\}$.

例8 设 $I = \{x \mid 1 < x \leq 10, x \in \mathbf{Z}\}$, $A = \{x \mid 2 < x < 7, x \in \mathbf{Z}\}$, 求 $\complement_I A$.

解 $I = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, $A = \{3, 4, 5, 6\}$,

那么 $\complement_I A = \{2, 7, 8, 9, 10\}$.

例9 设 $I = \{x \mid 1 \leq x \leq 10, x \in \mathbf{N}\}$, $A = \{1, 3, 5, 7\}$, $B = \{2, 4, 6\}$, 求:

(1) $\complement_I(A \cup B)$; (2) $\complement_I(A \cap B)$; (3) $\complement_I A \cap \complement_I B$; (4) $\complement_I A \cup \complement_I B$.

解 $\because I = \{x \mid 1 \leq x \leq 10, x \in \mathbf{N}\} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

(1) $\because A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$

$\therefore \complement_I(A \cup B) = \{8, 9, 10\}$.

(2) $\because A \cap B = \emptyset$

$\therefore \complement_I(A \cap B) = \complement_I \emptyset = I$

(3) $\because \complement_I A = \{2, 4, 6, 8, 9, 10\}$

$\complement_I B = \{1, 3, 5, 7, 8, 9, 10\}$

$\therefore \complement_I A \cap \complement_I B = \{8, 9, 10\}$.

(4) $\complement_I A \cup \complement_I B = \{2, 4, 6, 8, 9, 10\} \cup \{1, 3, 5, 7, 8, 9, 10\} = I$.

习题3

1. 设 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, 求 $A \cap B, A \cup B$.

2. 设 $A = \{(x, y) \mid 4x + y = 6\}$, $B = \{(x, y) \mid 3x + 2y = 7\}$, 求 $A \cap B, A \cup B$.

3. 设 $A = \{x \mid -1 < x < 3\}$, $B = \{x \mid 2 \leq x \leq 6\}$, 求 $A \cap B, A \cup B$, 并在数轴上表示出来.

4. 已知全集 $I = \mathbf{R}$, $A = \{x \mid 2x - 5 < 0\}$, $B = \{x \mid x - 3 \geq 0\}$, 求:

(1) $A \cap B$; (2) $\complement_I A$; (3) $\complement_I B$; (4) $\complement_I A \cap \complement_I B$; (5) $\complement_I A \cup \complement_I B$.

5. 已知 $A = \{x \mid x \leq 2\}$, $B = \{x \mid x > -1\}$, 求 $A \cap B, A \cup B$ 并画出数轴.

6. 已知 $A = \{x \mid -1 \leq x \leq 2\}$, $B = \{x \mid 0 \leq x < 3\}$, 求 $A \cup B, A \cap B$.



复习题一

A 组

1. 选择题

(1) 下列各题中所指对象,能组成集合的是().

- A. 非常接近 1 的数 B. 高一学习好的同学
C. 大于 1 的自然数 D. 李明喜欢看的小说

(2) 下列写法正确的是().

- A. $0 \subset \{0, -1\}$ B. $0 \in \{0\}$
C. $\emptyset = \{0\}$ D. $\emptyset \in \{0\}$

(3) 设集合 $M = \{-1, 2\}$, $N = \{-1, 0, 2\}$, 则().

- A. $M \subset N$ B. $N \subset M$ C. $M = N$ D. $M \in N$

(4) 若 $M = \{a, b\}$, $N = \{b, c\}$, $P = \{a, c\}$, 则 $M \cap (N \cup P)$ 是().

- A. $\{a, b, c\}$ B. $\{a\}$ C. $\{a, b\}$ D. $D = \emptyset$

(5) 若集合 $M = \{a, b, c, d, e\}$, $N = \{c, a, e\}$, 则这两个集合满足的关系是().

- A. $M \cap N = M$ B. $M \cup N = N$
C. $M \cup N = M$ D. $M \cup (M \cap N) = N$

(6) 若全集 $I = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, 集合 $M = \{1, 2, 3\}$, $N = \{6, 8, 1\}$, 则集合 $\{4, 5, 7\}$ 是().

- A. $(\complement_I M) \cup N$ B. $M \cup (\complement_I N)$
C. $(\complement_I M) \cup (\complement_I N)$ D. $\complement_I (M \cup N)$

2. 用列举法写出下列集合.

(1) $A = \{x \mid x \geq 1 \text{ 且 } x \leq 5, x \in \mathbf{N}_+\}$.

(2) $B = \{P \mid 0 \text{ 到 } 40 \text{ 之间 } 4 \text{ 与 } 6 \text{ 的公倍数}\}$.

(3) $C = \{x \mid x^2 - 3x - 4 < 0, x \in \mathbf{Z}\}$.

3. 设 $A = \{x \mid x^2 - ax + 15 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 5x + b = 0\}$, 如果 $A \cap B = \{3\}$, 求 a, b 的值.

4. 已知全集 $I = \{x \mid x \leq 10, x \in \mathbf{N}_+\}$, $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 9\}$, $B = \{4, 6, 7, 8, 10\}$, 求 $A \cap B, A \cup B, (\complement_I A) \cap (\complement_I B), (\complement_I A) \cup (\complement_I B)$.