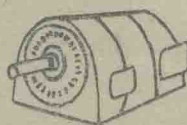
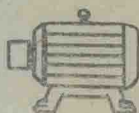
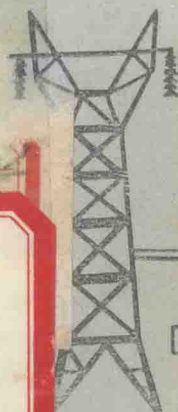


电 工 学

习 题 解 答

樊西汉编



泰安师范专科学校

说 明

本书的习题全部取自84年10月山东省师专统用《电 工 学》教材修订一书，本人对这些习题做了详解，以便为使用该教材的教师和学生提供参考。题目的编排按教材的分章顺序。

鉴于目前不少院校选用华南《电工学》和华中、湖南、天津师院、安徽教育学院四校合编《电工学》作为教学、参考用书。为便于教学参考本人按教育部颁发的师专、教育学院《电工学及实验》教学大纲的要求将有关章节的全部习题也作了解答，并集中排放于山东省合编《电工学》一书题解之后以便供使用本书的同志参考。为巩固基础知识、基本概念的学习最后选编了与教材内容相关的思考题。

需要说明的一点，对一题多解的题考虑到篇幅所限只取了其中一种，至于是否是较简便解法本人也没来得及寻求。

山东师大物理系张西钧老师细致审阅了全部题解的初稿。赵汝俭同志为本书的编写做了一些工作。物理系、校印刷厂的领导同志对本书的铅印给予了大力支持。在此深表谢意。

由于本人水平不高，加之编写时间仓促、错误和不妥之处肯定不少，敬请使用本书的各位老师和读者提出批评指正。

编 者

1985、1月

目 录

第一章 正弦交流电路.....	1
第二章 线性网路的计算.....	32
第三章 三相正弦交流电路.....	62
第四章 电工仪表.....	78
第五章 变压器.....	85
第六章 电机.....	91
附华南师院题解.....	105
附四校合编本题解.....	131
电工思考题.....	176

第一章 常用公式

1. 周期、频率和角频率之间的关系:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

式中: T —周期, 单位为秒 (S); f —频率, 单位周/秒 或 赫兹 (H_z) (1 千赫 (KH_z) $= 10^3$ 赫; 1 兆赫 (MH_z) $= 10^6$ 赫); ω —角频率, 单位为弧度/秒 (rad/s)。

2. 有效值和最大值之间的关系:

$$E = \frac{E_m}{\sqrt{2}} \approx 0.707 E_m; \quad U = \frac{U_m}{\sqrt{2}} \approx 0.707 U_m;$$

$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} \approx 0.707 I_m$$

3. 相位、初相位、相位差:

$$\varphi = (\omega t + \varphi_1) - (\omega t + \varphi_2) = \varphi_1 - \varphi_2$$

式中: $\omega t + \varphi_1$ 或 $\omega t + \varphi_2$ 称为正弦量的相位角 (简称相位)。
 φ_1 或 φ_2 称为初相位 (简称初相) 其值可正可负。 φ —相位差。

讨论: $\varphi = \varphi_1 - \varphi_2 > 0$ 时, 在变化上前者领先后者, 即前者相位超前于后者或者说后者落后于前者。

$\varphi = \varphi_1 - \varphi_2 = 0$ (即 $\varphi_1 = \varphi_2$) 二者变化一致这称为同相。

$\varphi = \varphi_1 - \varphi_2 = 180^\circ$ 二者称为反相。

4. 正弦量和相量之间的对应关系:

$$u = \sqrt{2} U \sin(\omega t + \varphi_u) \leftrightarrow \dot{U} = U e^{j\varphi_u} = U \angle \varphi_u$$

$$i = \sqrt{2} I \sin(\omega t - \varphi_i) \leftrightarrow \dot{I} = I e^{-j\varphi_i} = I \angle -\varphi_i$$

5. 纯电阻电路中电压和电流间的关系:

大小关系: $I = \frac{U_R}{R}$ 或 $U_R = IR$ 称为交流电路的欧姆定

律。大小及相位关系: $\dot{I} = \frac{\dot{U}_R}{R}$ 或 $\dot{U}_R = \dot{I} R$ 此式为欧姆定律的复数形式。

6. 纯电感电路中电压和电流间的关系:

大小关系: $I = \frac{U_L}{X_L}$ 或 $U_L = I X_L$ 称为交流电路的欧姆定律。

大小及相位关系: $\dot{I} = \frac{\dot{U}_L}{jX_L}$ 或 $\dot{U}_L = j\dot{I} X_L$ 此式为欧姆定律的复数形式。

式中: X_L —线圈的电感抗(简称感抗), 单位为欧姆(Ω)。

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

式中: L —电感量, 单位亨利简称亨(H)。为计算上的方便常采用毫亨(mH)、微亨(μH), 它们之间的关系是: $1mH = 10^{-3}H$; $1\mu H = 10^{-6}H$; ω —角频率, 单位弧度/秒(rad/s); f —频率, 单位赫(H_z)。

7. 纯电容电路中电压和电流间的关系:

大小关系: $I = \frac{U_c}{X_c}$ 或 $U_c = I X_c$ 。称为交流电路的欧姆定律。

大小及相位关系: $\dot{I} = \frac{\dot{U}_c}{-jX_c}$ 或 $\dot{U}_c = -j\dot{I} X_c$ 。此式为欧姆

定律的复数形式。

式中： X_c ——电容器的电容抗（简称容抗），单位欧姆（ Ω ）。

$$X_c = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$$

式中： C ——电容器的容量，单位法拉（ F ）实际电容器的电容往往比一法拉小得多，通常采用微法（ μF ）和皮法（ pF ）作为电容的单位。它们之间的关系是： $1\mu F = 10^{-6} F$ ； $1PF = 10^{-12} F$ 。

8. R 、 L 、 C 串联电路中的总电压和总电流间的关系：

$$\begin{aligned} U &= \sqrt{U_R^2 + (U_L - U_C)^2} = I \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \\ &= I \sqrt{R^2 + X^2} = I z \end{aligned}$$

上式中： $z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$ ——电路的阻抗，单位欧姆（ Ω ）； $X = X_L - X_C$ ——电抗，单位同上。

$$\begin{aligned} \dot{U} &= \dot{U}_R + \dot{U}_L + \dot{U}_C = \dot{I} (R + j(X_L - X_C)) \\ &= \dot{I} (R + jX) = \dot{I} Z \quad \text{欧姆定律的一般式。} \end{aligned}$$

上式中： $Z = R + j(X_L - X_C) = R + jX =$

$$\begin{aligned} \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} e^{j \operatorname{tg}^{-1} \frac{X_L - X_C}{R}} &= \sqrt{R^2 + X^2} \angle \operatorname{tg}^{-1} \frac{X}{R} \\ &= z \angle \varphi \text{ 是一个复数。其中：} \varphi = \operatorname{tg}^{-1} \frac{X_L - X_C}{R} = \operatorname{tg}^{-1} \frac{X}{R} \end{aligned}$$

讨论：当 $X_L > X_C$ 或 $X > 0$ 时总电流 $\dot{I}$ 落后于总电压 $\dot{U}$ （ $\varphi > 0$ ），电路呈电感性。

当 $X_L < X_C$ 或 $X < 0$ 时总电流 $\dot{I}$ 超前于总电压 $\dot{U}$ （ $\varphi < 0$ ），电路呈电容性。

由公式 $Z = R + j(X_L - X_C)$ 可知：

①对于 R 、 L 串联电路 ($X_C = 0$)

$$Z = R + jX_L$$

②对于 R 、 C 串联电路 ($X_L = 0$)

$$Z = R - jX_C$$

9. R 、 L 、 C 并联电路中总电流和总电压间的关系:

$$I = \sqrt{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + \left(\frac{1}{\omega L} - \omega C\right)^2} U$$

$$= \sqrt{g^2 + (b_L - b_C)^2} U = yU$$

其中: $y = \sqrt{g^2 + (b_L - b_C)^2} = \sqrt{g^2 + b^2}$

式中: y —导纳; $g = \frac{1}{R}$ —电导; $b_L = \frac{1}{X_L} = \frac{1}{\omega L}$ —感

纳; $b_C = \frac{1}{X_C} = \omega C$ —容纳; $b = b_L - b_C = \frac{1}{\omega L} - \omega C$ —

电纳。上述各物理量的单位均为西门子 (S)

$$\dot{I} = \dot{I}_R + \dot{I}_L + \dot{I}_C = \left[\frac{1}{R} - j\left(\frac{1}{X_L} - \frac{1}{X_C}\right) \right] \dot{U}$$

$$= (g - j(b_L - b_C)) \dot{U} = (Y_R + Y_L + Y_C) \dot{U} = Y \dot{U}$$

其中: $Y = g - jb = \sqrt{g^2 + b^2} e^{-j \operatorname{tg}^{-1} \frac{b}{g}} = ye^{-j\varphi}$

上式中 $\varphi = \operatorname{tg}^{-1} \frac{b_L - b_C}{g} = \operatorname{tg}^{-1} \frac{b}{g}$

讨论: 当 $b_L > b_C$ 或 $b > 0$ 时总电流 $\dot{I}$ 落后于总电压 $\dot{U}$ ($\varphi < 0$), 电路呈电感性。

当 $b_L < b_C$ 或 $b < 0$ 时, 总电流 $\dot{I}$ 超前于总电压 $\dot{U}$ ($\varphi > 0$), 电路呈电容性。

当 $b_L = b_C$ 或 $b = 0$ 时, 总电流 I 与总电压 U 同相, 电路呈电阻性。

10. 交流电路的功率和功率因数:

$$p = iu \text{——瞬时功率。}$$

$P = UI \cos \varphi = U_R I = I^2 R$ ——一周期内的平均功率又称有功功率, 单位瓦 (W)。

$$Q = UI \sin \varphi = (U_L - U_C) I = I^2 (X_L - X_C) = I^2 X \text{——无功功率, 单位乏耳 (Var) 简称乏。}$$

$S = UI = I^2 z$ ——视在功率或表观功率, 单位伏安 (VA)、千伏安。〔1千伏安 = 10^3 伏安〕。

P 、 Q 、 S 三者间的关系为: $S^2 = P^2 + Q^2$

$$\cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{P}{UI} = \frac{R}{z} \text{——交流电路的功率因数。}$$

φ —功率因数角其值可正可负(即能表明电路阻抗的性质是容性还是感性)。

11. 提高功率因数所需并联电容值的计算:

$$C = \frac{P}{2\pi f U^2} (\operatorname{tg} \varphi - \operatorname{tg} \varphi')$$

式中: P —电路的有功功率, 单位瓦 (W); U —电源电压, 单位伏 (V); f —电源频率 (工频 = 50 赫); φ —未并电容器前电压与电流的相位差; φ' —并上电容器后电压与电流的相位差。

12. 谐振电路:

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \text{——谐振角频率。}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \text{——谐振频率。}$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{\sqrt{\frac{L}{C}}}{R} \text{—— 电路的品质因数。}$$

习 题 一

上述公式中： L —线圈的电感量，单位亨（ H ）； C —电容的电容量，单位法拉（ F ）。

1-1 已知 $f_1 = 50$ 赫， $f_2 = 1000$ 千赫，试求它们的角频率和周期。

解 $f_1 = 50$ 赫（即工频）时：

$$\omega_1 = 2\pi f_1 = 2 \times 3.14 \times 50 = 314 \text{ 弧度/秒；}$$

$$T_1 = \frac{1}{f_1} = \frac{1}{50} = 0.02 \text{ 秒。}$$

$f_2 = 1000$ 千赫时：

$$\omega_2 = 2\pi f_2 = 2 \times 3.14 \times 10^6 = 6.28 \times 10^6 \text{ 弧度/秒；}$$

$$T_2 = \frac{1}{f_2} = \frac{1}{10^6} = 1 \text{ 微秒。}$$

1-2 已知 $e = 200 \sin(100\pi t + \pi/3)$ 伏，求 e 的极大值，有效值、周期、频率、初相位。

解 将题中所给出的正弦电动势的表示式和正弦电动势的一般表达式： $e = E_m \sin(\omega t + \varphi_0)$ 相比较可知：

$$\text{最大值 } E_m = 200 \text{ 伏}$$

$$\text{有效值 } E = \frac{E_m}{\sqrt{2}} = \frac{220}{\sqrt{2}} \approx 141.4 \text{ 伏。}$$

$$\text{角频率 } \omega = 100\pi \text{ 弧度/秒}$$

$$\text{频率 } \because \omega = 2\pi f \therefore f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 \text{ 赫。}$$

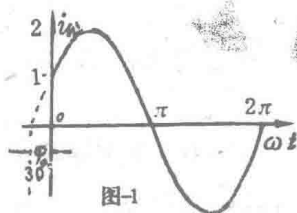
周期 $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{50} = 0.02$ 秒。

初相位 $\varphi_0 = \frac{\pi}{3}$ 弧度。

1-3 已知一正弦电流的振幅 $I_m = 2$ 安，频率 $f = 50$ 赫，初相位 $\varphi_0 = \frac{\pi}{6}$ 试写出它的瞬时值函数式，并绘出它的波形图。

解 根据所给数据，电流的瞬时值函数式是：

$$\begin{aligned} i &= I_m \sin(\omega t + \varphi_0) \\ &= 2 \sin(2\pi \times 50t + \frac{\pi}{6}) \\ &= 2 \sin(314t + \frac{\pi}{6}) \text{ 安} \end{aligned}$$



其波形图如图-1所示。

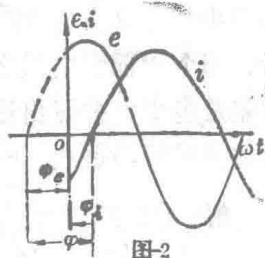
*波形图画得正确与否可以这样简单地检验一下：当

$t = 0$ 时，由上式得： $i = 2 \sin \frac{\pi}{6} = 1$ ，即为正值，与波形图上相符。

1-4 设正弦电动势和电流的最大值以及它们的初相位如下：

$E_m = 24$ 伏， $\varphi_e = \frac{\pi}{3}$ ， $I_m = 10$ 毫安，

$\varphi_i = -\frac{\pi}{4}$ ，试写出它们的瞬时值表达式，画出波形图。



解 根据所给数据可写出：

$$e = E_m \sin(\omega t + \varphi_0) = 24 \sin(\omega t + \frac{\pi}{3}) \text{ V}$$

$$i = I_m \sin(\omega t + \varphi_i) = 10 \sin(\omega t - \frac{\pi}{4}) \text{ mA}$$

它们的波形图如图-2所示。

1-5 下面两个正弦量，哪个超前？它们之间的相位差是多少？

$$\begin{cases} u = 311 \sin(314t + \frac{\pi}{6}) \text{ 伏} \\ i = 5.2 \sin(314t - \frac{\pi}{4}) \text{ 安} \end{cases}$$

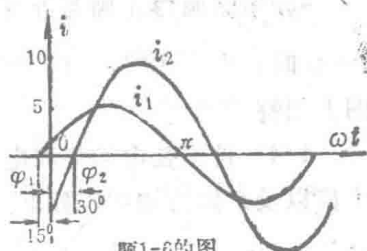
解 u 和 i 为同频正弦量， $\varphi_u = \frac{\pi}{6}$ ； $\varphi_i = -\frac{\pi}{4}$ 。

其相位差 $\varphi = \varphi_u - \varphi_i = \frac{\pi}{6} - (-\frac{\pi}{4}) = \frac{5\pi}{12} > 0$

$\varphi > 0$ ，说明 $\varphi_u > \varphi_i$ ，即电压超前电流 $\frac{5\pi}{12}$ （或 $\frac{5}{12} \times 180^\circ = 75^\circ$ ）。

1-6 图1-6示出了两个同频率正弦交变电流的波形图。

试求：（1）当周期 $T = 0.02$ 秒时，它们的频率和角频率各为多少？（2）它们哪个滞后，哪个超前？它们之间的相位差是多少？并写出这两个电流的瞬时值函数式。（ I_{1m} 、 I_{2m} 及 φ_1 、 φ_2 已在图上标出）。



题1-6的图

解（1） $\because T = \frac{1}{f} \quad \therefore f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.02} = 50 \text{ 赫}。$

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times 50 = 314 \text{ 弧度/秒}$$

（2）从图中可看出 $\varphi_1 = +15^\circ$ ， $\varphi_2 = -30^\circ$ ，故它们

之间的相位差为:

$$\varphi = \varphi_1 - \varphi_2 = 15^\circ - (-30^\circ) = 45^\circ > 0$$

从波形图和计算结果均可看出电流 i_1 超前电流 i_2 45° 。

又根据图示 $I_{1m} = 5$ 安; $I_{2m} = 10$ 安, 可写出电流的瞬时值函数式分别为:

$$i_1 = 5 \sin(314t + 15^\circ) A$$

$$i_2 = 10 \sin(314t - 30^\circ) A$$

1-7 已知某正弦电流, 当 $t = 0$ 时的瞬时值 $i(0) = 0.5$ 安, 并已知其初相位为 30° , 试求其有效值是多少?

解 根据题意该正弦电流的瞬时值函数式可写出为:

$$i = I_m \sin(\omega t + 30^\circ)$$

而当 $t = 0$ 时, $i(0) = I_m \sin 30^\circ = 0.5$ 安, 所以,

$$I_m = \frac{0.5}{\sin 30^\circ} = 1 A; \quad I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0.707 A$$

1-8 (a)把下列复数化为指数式和三角式:

$$\textcircled{1} -5.7 + j16.9 \quad \textcircled{2} 0.135 - j0.045 \quad \textcircled{3} -87 - j94$$

(b)把下列复数化为代数式:

$$\textcircled{1} 41.5e^{-j185^\circ} \quad \textcircled{2} 1.235e^{j134^\circ} \quad \textcircled{3} 91.3e^{-j78^\circ}$$

解 (a) $\textcircled{1} |a| = \sqrt{5.7^2 + 16.9^2} = \sqrt{318.1} = 17.8$

$$\varphi = \operatorname{tg}^{-1} \frac{16.9}{-5.7} = -71.4^\circ \text{ 或 } 288.6^\circ$$

$$-5.7 + j16.9 = 17.8(\cos(-71.4^\circ) + j\sin(-71.4^\circ)) = 17.8 \angle -71.4^\circ$$

$$\textcircled{2} |a| = \sqrt{0.135^2 + 0.045^2} = \sqrt{0.0203} \approx 0.1425$$

$$\varphi = \operatorname{tg}^{-1} \frac{-0.045}{0.135} = -18.4^\circ$$

$$0.135 - j0.045 = 0.1425(\cos(-18.4^\circ) + j\sin(-18.4^\circ)) = 0.1425 \angle -18.4^\circ$$

$$\textcircled{3} \quad |a| = \sqrt{(-8)^2 + 94^2} = \sqrt{16405} = 128$$

$$\varphi = \tan^{-1} \frac{-94}{-8} = 47.2^\circ \text{ 或 } -313.8^\circ$$

$$\begin{aligned} -87 - j94 &= 128(\cos 47.2^\circ + j\sin 47.2^\circ) \\ &= 128 \angle 47.2^\circ \end{aligned}$$

$$(b) \quad \textcircled{1} 41.5e^{-j185^\circ} = 41.5(\cos(-185^\circ) + j\sin(-185^\circ)) = -41.5 + j3.62$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} 1.235e^{j134^\circ} &= 1.235(\cos 134^\circ + j\sin 134^\circ) \\ &= -0.858 + j0.889 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} 91.3e^{-j78^\circ} &= 91.3(\cos(-78^\circ) + j\sin(-78^\circ)) \\ &= 18.98 - j89.3 \end{aligned}$$

$$1-9 \quad \text{已知正弦量} \quad \begin{cases} u = 311\sin(\omega t + 60^\circ) \text{ 伏} \\ i_1 = 20\sin(\omega t + 45^\circ) \text{ 安} \\ i_2 = 10\sin(\omega t - 30^\circ) \text{ 安} \end{cases}$$

(1) 写出它们的对应相量式; (2) 作出它们的相量图。

解 (1) u 、 i_1 、 i_2 所对应的相量式分别为:

$$\dot{U} = \frac{311}{\sqrt{2}} e^{j60^\circ} = 219.9 \angle 60^\circ \text{ V}$$

$$\dot{I}_1 = \frac{20}{\sqrt{2}} e^{j45^\circ} = 14.2 \angle 45^\circ \text{ A}$$

$$\dot{I}_2 = \frac{10}{\sqrt{2}} e^{-j30^\circ} = 7.1 \angle -30^\circ \text{ A}$$

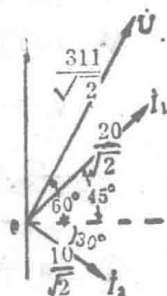


图-3

(2) 它们的相量图如图-3所示。

1-10 已知两个频率为50赫的正弦电流表示它们的相量分别为： $I_1 = 10e^{j\frac{\pi}{3}} = 10\angle\frac{\pi}{3}$ ； $I_2 = 3e^{-j\frac{\pi}{6}} = 3\angle-\frac{\pi}{6}$ ，写出相应电流的瞬时值表达式。

解 $\because \omega = 2\pi f \therefore \omega_1 = \omega_2 = 2\pi \times 50 = 314$ 弧度/秒

$\dot{I}_1$ 和 $\dot{I}_2$ 所对应的瞬时值表达式分别为：

$$i_1 = 10\sqrt{2} \sin(314t + \frac{\pi}{3}) A$$

$$i_2 = 3\sqrt{2} \sin(314t - \frac{\pi}{6}) A$$

1-11 已知 $u_A = 220\sqrt{2} \sin 314t$ 伏， $u_B = 220\sqrt{2} \sin(314t - 120^\circ)$ 伏，试用相量法和相量图解法计算两正弦电压之和，并用三角函数表示计算结果。

解 u_A 、 u_B 的相应相量式分别为：

$$\begin{aligned} \dot{U}_A &= 220e^{j0^\circ} = 220\angle 0^\circ V; \quad \dot{U}_B = 220e^{-j120^\circ} \\ &= 220\angle -120^\circ V \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \dot{U} &= \dot{U}_A + \dot{U}_B = 220\angle 0^\circ + 220\angle -120^\circ \\ &= 220 - 110 - j110\sqrt{3} = 110 - j110\sqrt{3} \\ &= 220\angle -60^\circ V \end{aligned}$$

故有 $u = 220\sqrt{2} \sin(314t - 60^\circ) V$

相量图解法：首先沿水平方向作相量 $\dot{U}_A$ ，然后作相量 $\dot{U}_B$ 使其落后于 $\dot{U}_A$ 120° 。利用平行四边形法则求 $\dot{U}_A$ 与 $\dot{U}_B$ 的几何和就可得到总相量 $\dot{U}$ 即图-4中的对角线。由该图形易证出 $\triangle U_O U_A$ 为一等边三角形，因此

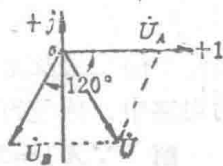


图-4

有 $U = U_A$, $\angle U \theta U_A = 60^\circ$

故有 $u = 220\sqrt{2} \sin(314t - 60^\circ) V$

1-12 设电流 $\dot{I}_1 = 11 - j24$ 安; $\dot{I}_2 = 7.2 + j3.8$ 安;
 $\dot{I}_3 = 8.6e^{j120^\circ}$ 安。求 $\dot{I} = \dot{I}_1 + \dot{I}_2 - \dot{I}_3$

解 $\dot{I} = \dot{I}_1 + \dot{I}_2 - \dot{I}_3 = 11 - j24 + 7.2 + j3.8 - 8.6e^{j120^\circ}$
 $= 22.5 - j27.64 = 35.6 \angle -50.9^\circ A$

1-13 一个电阻值恒定的电阻炉, 其额定电压 $U_e = 220$ 伏, 额定功率 $P_e = 800$ 瓦, 接于电压为 220 伏频率为 50 赫的电源上。求电阻炉在额定情况下的电阻和电流, 并写出电压和电流的瞬时值。

解 $R = \frac{U^2}{P} = \frac{220^2}{800} = 60.5 \Omega$

$$I_e = \frac{P}{U} = \frac{800}{220} = 3.64 A$$

电压的最大值: $U_m = \sqrt{2} U_e = \sqrt{2} \times 220 = 311 V$

电流的最大值: $I_m = \sqrt{2} I_e = \sqrt{2} \times 3.64 = 5.15 A$

角频率: $\omega = 2\pi f = 2 \times 3.14 \times 50 = 314$ 弧度/秒

电压与电流同相, 取 $t = 0$ 时, $u = 0$ 所以

$$u = 311 \sin 314t V$$

$$i = 5.15 \sin 314t A$$

1-14 有一线圈, 其电阻可忽略不计, 电感 $L = 25$ 毫亨, 接在 $f = 50$ 赫, 电压 $U = 220$ 伏的电源上, 求线圈的感抗, 电路中的电流及无功功率为多少? 此线圈若接在 $f = 5000$ 赫的电路中, 感抗为多少?

解 $\because X_L = 2\pi f L \therefore X_L = 2 \times 3.14 \times 50 \times 25 \times 10^{-3} = 7.85 \Omega$

$$I = \frac{U}{X_L} = \frac{220}{7.85} = 28A;$$

$$Q_L = IU_L = 220 \times 7.85 = 6160 \text{ 乏耳}.$$

$$X_L' = 2\pi fL = 2 \times 3.14 \times 5 \times 10^3 \times 25 \times 10^{-3} \\ = 785\Omega$$

由此可知，同一线圈，随着频率的不同，感抗也不同，低频时感抗小，高频时感抗大，电感线圈的这种特性在电子线路中应用很广泛。

1-15 纯电感电路中，已知电流瞬时值 $i = 1.75\sqrt{2} \sin \omega t$ 安，电感 $L = 0.4$ 亨，试求电压瞬时值（用三角函数表示），有效值及电压、电流的相位差。

$$\begin{aligned} \text{解 瞬时值: } u &= L \frac{di}{dt} = L \frac{d(1.75\sqrt{2} \sin 314t)}{dt} \\ &= 0.4 \times 1.75\sqrt{2} \times 314 \cdot \cos 314t \\ &= 220\sqrt{2} \sin(314t + \frac{\pi}{2})V \end{aligned}$$

$$\text{有效值: } U = \frac{U_m}{\sqrt{2}} = 220V$$

$$\text{相位差: } \varphi = \varphi_i - \varphi_u = 0 - \frac{\pi}{2} = -\frac{\pi}{2} \text{ 即电流比电压落后 } \frac{\pi}{2}.$$

1-16 一个电容器的电容 $C = 80$ 微法，接在 220 伏，50 赫的电源上，求电路中的电流。若将此电容器接到 220 伏，1000 赫的电源上再求电流。

解 当 $f = 50$ 赫时：

$$X_C = \frac{1}{2\pi fC} = \frac{1}{2\pi \times 50 \times 80 \times 10^{-6}} = 40\Omega;$$

$$I = \frac{U}{X_C} = \frac{220}{40} = 5.5A$$

当 $f=1000$ 赫时;

$$X_c = \frac{1}{2\pi \times 10^3 \times 80 \times 10^{-6}} = 2\Omega;$$

$$I = \frac{U}{X_c} = \frac{220}{2} = 110A$$

计算结果表明, 电容电路中当电压值不变时, 如果频率增加20倍则电流的有效值也增加20倍。

1-17 纯电容电路中, 已知电压的瞬时值为 $u=220\sqrt{2}\sin 314t$, 电容量 $C=20$ 微法, 求电流的瞬时值, 有效值以及电压、电流的相位差。

$$\begin{aligned}\text{解 } i &= C \frac{du}{dt} = C \frac{d(220\sqrt{2}\sin 314t)}{dt} \\ &= 2 \times 10^{-5} \times 220\sqrt{2} \times 314 \cos 314t \\ &= 1.38\sqrt{2} \sin(314t + \frac{\pi}{2}) A\end{aligned}$$

$$\text{有效值: } I = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \frac{1.38\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 1.38A$$

相位差: $\varphi = \varphi_i - \varphi_u = 90^\circ - 0^\circ = 90^\circ$, 即电流比电压超前 90° 。

1-18 把电阻 $R=6$ 欧, 电感 $L=25.5$ 毫亨的线圈接在频率为50赫、电压为220伏的电源上, 试求 X_L 、 z 、 I 、 U_R 、 U_L 各为多少。

$$\begin{aligned}\text{解 } X_L &= 2\pi f L = 2\pi \times 50 \times 25.5 \times 10^{-3} \approx 8\Omega \\ z &= \sqrt{R^2 + X_L^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10\Omega;\end{aligned}$$

$$I = \frac{U}{z} = \frac{220}{10} = 22A$$