

数学圈



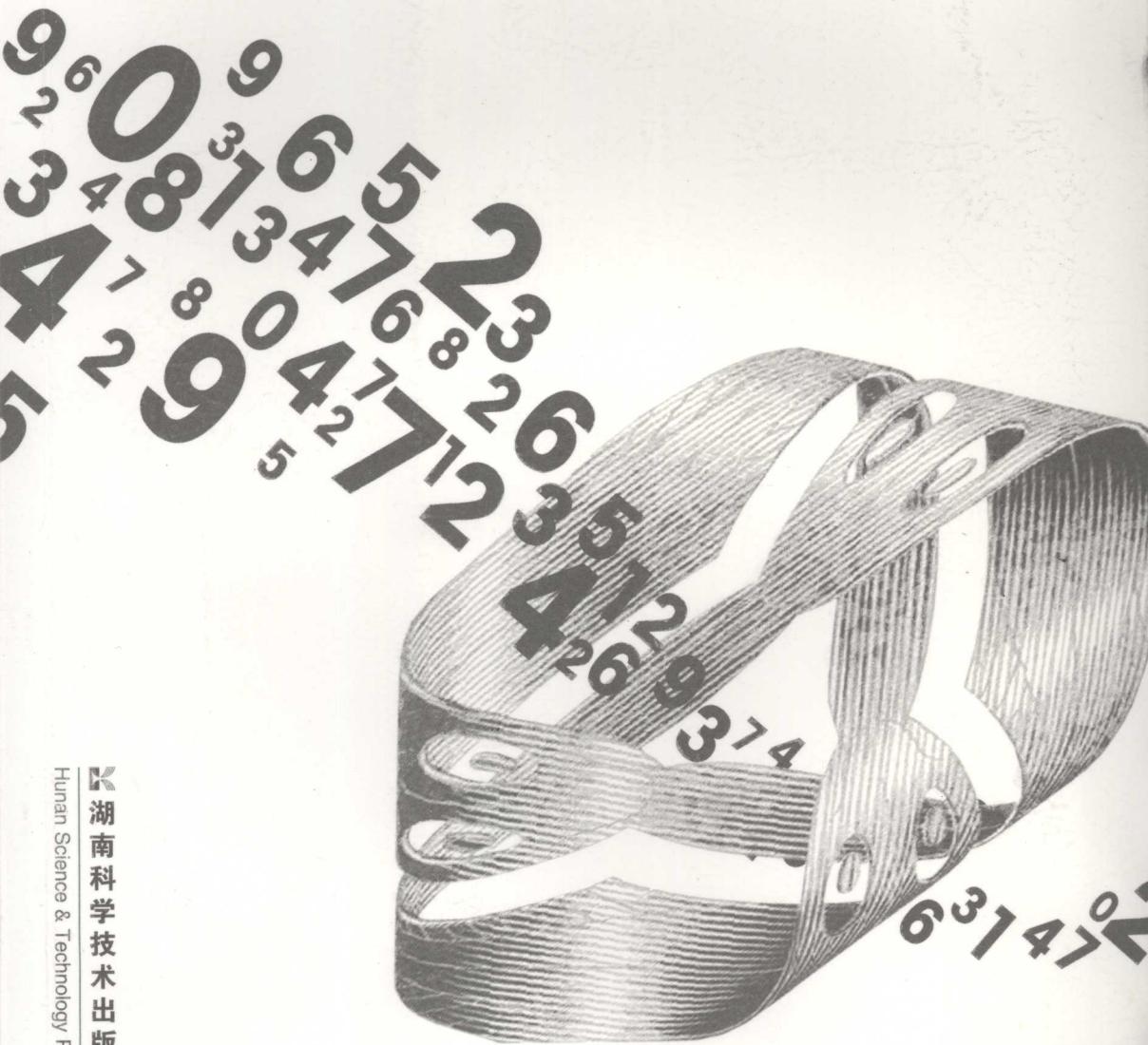
0

MATHEMATICAL
CIRCLES

数学圈丛书

In Mathematical Circles

■【美】H·W·伊弗斯 / 著 ■李 泳 / 译



湖南科学技术出版社

Hunan Science & Technology Press

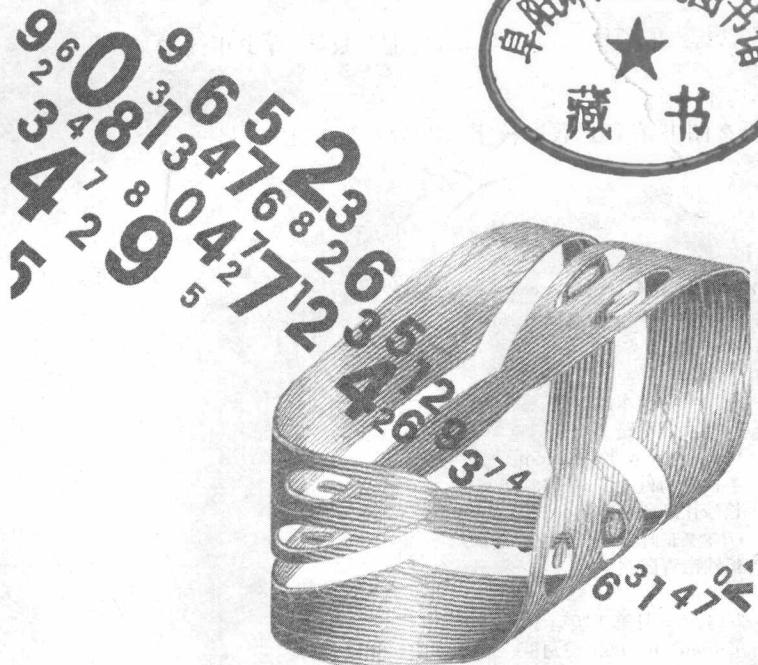


数学圆



In Mathematical Circles

■【美】H·W·伊弗斯 / 著 ■李 泳 / 译



湖南科学技术出版社

In Mathematical Circles

Copyrightht ©2003 by The Mathematical Association of America, Inc. Washington, D. C.

湖南科学技术出版社通过美国数学会 (MAA) 获得本书中文简体版中国大陆地区出版发行权。

本书根据 The Mathematical Association of America 2003 年版本译出。

著作权合同登记号：18-2005-060

图书在版编目 (CIP) 数据

数学圈. 第1卷/ (美) 伊弗斯著; 李泳译. —长沙:
湖南科学技术出版社, 2007. 6

(数学圈)

书名原文: In Mathematical Circles

ISBN 978-7-5357-4874-4

I. 数... II. ①伊... ②李... III. 数学-青少年读物
IV. O1-49

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2007) 第 051233 号

数学圈丛书

数学圈 1

In Mathematical Circles

著者: [美] H · W · 伊弗斯

译者: 李 泳

责任编辑: 吴 炜

出版发行: 湖南科学技术出版社

社址: 长沙市湘雅路 276 号

<http://www.hnstp.com>

邮购联系: 本社直销科 0731-4375808

印 刷: 长沙化勘印刷有限公司

(印装质量问题请直接与本厂联系)

厂址: 长沙市青园路 4 号

邮 编: 410004

出版日期: 2007 年 6 月第 1 版第 1 次

开 本: 950mm×670mm 1/16

印 张: 19.75

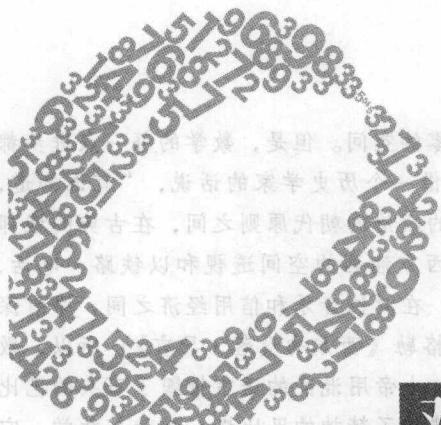
插 页: 2

字 数: 202000

书 号: ISBN 978-7-5357-4874-4

定 价: 32.50 元

(版权所有·翻印必究)



欢迎你来数学圈

欢迎你来数学圈，那是我们熟悉而陌生的园地。

我们熟悉它，因为几乎每个人都走过多年的数学路，从 123 走到 6 月 6 (或 7 月 7)，从课堂走进考场。然后，我们把它留给最后一张考卷，解放的头脑，不再为它留一点儿空间。我们也陌生，模糊的记忆里，是残缺的公式和零乱的图形，是课堂的催眠曲，是考场的蒙汗药……去吧，那些被课本和考卷异化和扭曲了的数学；忘记那一朵朵恶之花，我们会迎来新的百花园。

“数学圈丛书”请大家走进数学圈，也走近数学圈子里面的人。这是一套新视角下的数学读物，它不为专门传达任何具体的数学知识和解题技巧，而以“非数学的形式来普及数学”，着重宣扬数学和数学家的思想和精神。它的目的不是教人学数学，而是改变人们对数学和数学家的看法，让数学融入大众文化，回到人们的生活。读这些书不需要智力竞赛的紧张，而是要一点儿文艺欣赏的平和。你可以怀着 360 样心情来享受数学，经历它的趣味和生命，感悟符号背后的情感和人生。

没有人怀疑数学是文化的一部分，但诺大的“文化”，却往往将数学排除在外。当然，从人数来看，数学家在文



化人中顶多占一个测度为零的空间。但是，数学的每一点进步都影响着整个文明的根基。借一个历史学家的话说，“有谁知道，在微积分和路易十四时期的政治的朝代原则之间，在古典的城邦和欧几里得几何之间，在西方油画的空间透视和以铁路、电话、远距离武器制胜空间之间，在对位音乐和信用经济之间，原有深刻的一致关系呢？”（斯宾格勒《西方的没落·导言》）所以，数学不在象牙塔，就在身边。上帝用混乱的语言摧毁了石头的巴比塔，而人类用同一种语言建造了精神的巴比塔，那就是数学。它是艺术，也是生活；是态度，也是信仰；是最复杂的简单，也是最单纯的完美。

数学是生活。当然，我们的意思不是说生活离不开算术，技术离不开微积分；而是说数学本身也能成为大众的生活态度和生活方式。很多人感觉数学枯燥无味，是因为他把数学从生活中赶走了。当你发现一个小公式也像一首小诗那么多情的时候，还忍一留恋再心把它忘记吗？大家能享受“诗意的生活”，从这点说，数学是同样的。

数学的生活很简单。如今流行着很多深藏“大道理”的小故事，那些道理多半取决于讲道理的人的态度和立场。它们是多变的，因为多变而被随意扭曲，因为扭曲而成为多样选择的理由。在所谓“后现代”的今天，似乎一切东西都成为多样的，人们像浮萍一样漂荡在多样选择的迷雾里，起码的追求也失落在“和谐”的“中庸”里。数学能告诉我们，多样的背后存在统一，极端才是和谐的源泉和基础。从某种意义说，数学的精神就是追求极端，它永远选择最简的、最美的，当然也是最好的。数学决没有圆滑的道理，也不为模糊的借口留下一点儿空间。

数学生活也浪漫。很多人怕数学抽象，却喜欢抽象的绘画和怪诞的文学。可见抽象不是数学的罪过。艺术家的想象力令人羡慕，而数学家的想象力更多。希尔伯特说过，如果哪个数学家一旦改行做了小说家（真的有），我们不要惊奇——因为那人缺乏足够的想象力做数学家，却足够做一个小说家。懂一点儿数学的



伏尔泰也感觉，阿基米德头脑的想象力比荷马的多。我们认为艺术家最有想象力，那是因为我们自己太缺乏想象力。

数学是明澈的思维。生活里的许多巧合——那些常被有心或无心地异化为玄妙或骗术法宝的巧合，也许只是自然而简单的数学结果。以数学的眼光来看生活，不会有那么多的模糊。有数学精神的人多了，骗子（特别是那些穿戴着科学衣冠的骗子）的空间就小了。无限的虚幻能在数学找到最踏实的归宿，它们“如龙涎香和麝香，如安息香和乳香，对精神和感观的激动都一颂扬。”（波德莱尔《恶之花·感应》）

数学是奇异的旅行。数学在某个属于它们自身的永恒而朦胧的地方，在那片朦胧的土地上，我们已经看到了三角形的三个内角和等于 180 度，三条中线总是交于一点而且三分每一条中线；在那片朦胧的土地上，还存在着无数更令人惊奇的几何图形和数字的奇妙，等着我们去和它们相遇。

数学是纯美的艺术。数学家像画家和诗人，都创造“模式”，不过是用思想来创造，用符号来表达。数学的思想，就像画家的色彩和诗人的文字，以和谐的方式组织起来。数学的世界里没有丑陋的位置。在数学家的眼里，自己笔下的公式和符号就像希腊神话里的那位塞浦路斯国王，从自己的雕像看到了爱人的生命。在数学里，在那比石头还坚硬的逻辑里，真的藏着数学家们的美的追求，藏着他们的性情和生命。

数学是精神的自由。惟独在数学中，人们可以通过完全自由的思想达到自我的满足。不论王摩诘的“雪地芭蕉”还是皮格马利翁（Pygmalion）的加拉提亚（Galatea），都能在数学中找到。数学没有任何外在的约束，约束数学的还是数学。

数学是永不停歇的人生。学数学的感觉就像在爬山，为了寻找新的山峰不停地去攀爬。当我们对寻找新的山峰不再感兴趣，生命也就结束了。

不论你是不是知道一点儿（或很多）数学，都可以走进数学圈，孔夫子说了，“知之者不如好之者，好之者不如乐之者。”



只要“君子乐之”，就走进了一种高远的境界。王国维先生讲人生境界，是从“望极天涯”到“蓦然回首”，换一种眼光看，就是从无穷回到眼前，从无限回归有限。而真正圆满了这个过程的，就是数学。来数学圈走走，我们也许能挽回正在失去的灵魂，找回一个圆满的人生。

1939年12月，怀特海在哈佛大学演讲《数学与善》中说，“因为有无限的主题和内容，数学甚至现代数学，也还是处在婴儿时期的学问。如果文明继续发展，那么在今后两千年，人类思想的新特点就是数学理解占统治地位。”这个想法也许浪漫，但他期许的年代似乎太过久远——他自己曾估计，一个新的思想模式渗透进一个文化的核心，需要1000年——我们的希望是，这个过程会快一点儿，更快一点儿。

最后，我们借从数学家成为最有想象力的作家的卡洛尔笔下的爱丽思和那只著名的“柴郡猫”的一段充满数学趣味的对话，来总结我们的数学圈旅行：

“你能告诉我，我从这儿该走哪条路吗？”

“那多半儿要看你想去哪儿。”猫说。

“我不在乎去哪儿——”爱丽思说。

“那么你走哪条路都没关系，”猫说。

“——只要能到个地方就行，”爱丽思解释。

“噢，当然，你总能到个地方的，”猫说，“只要你走得够远。”

我们的数学圈没有起点，也没有终点，不论怎么走，只要走得够远，你总能到某个地方的。

李泳

2006年8月

中译本序

现在流行一句话，世界是平的。这原是物理概念，也是数学结论。借这句卖出去的话来说，数学是圆的，能把你三——近用什么都圈进来了，而不单是问题、定理和公式。这也是本书不同于其他“方”数学读物的地方。

《数学圈》是一系列轻松愉快的精神旅行，包括《走进数学圈》（原分上下卷）、《重游数学圈》、《相约数学圈》、《告别数学圈》和《回归数学圈》，原由 Prindle, Weber & Schmidt 在 1969 到 1987 年间陆续出版，近些年美国数学会将其合为三册，即我们现在看到的版本。编者伊弗斯（Howard Eves）是了不起的数学导师，“不论给中学生、大学生讲还是给数学老师讲，他总能令听众着迷。”同事们听了他的课，赞叹为“最迷人的演讲”。伊弗斯 1934 年在弗吉尼亚大学获学士学位，第二年为哈佛硕士，然后在普林斯顿大学继续学习，1948 年获俄勒冈州立大学数学博士学位。在普林斯顿，他认识了爱因斯坦，经常一起散步，从学校回家。路上有家杂货店，店里有冰激凌。有一次，爱因斯坦说那锥形的玩意儿挺好看，伊弗斯就给他买了一个。从此，他们每次经过都会买冰激凌。有一天，走到店门口时，爱因斯坦眼睛一亮，大声说，“看啦，今天我也带钱了！”当他把硬币放在柜台上时，伊弗斯赶紧拿出自



己的钱把它换了回来——那枚爱因斯坦硬币成为他后来的数学博物馆的第一件藏品。这个发生在作者身上的故事（据他在缅因州立大学的同事 Clayton Dodge 的回忆），表现了数学家的好奇、天真和快乐，这些品格时时流露在许多数学家的故事里，也代表着数学圈的精神。

20世纪40年代以来，伊弗斯相继在纽约锡拉丘兹大学、普吉特湾大学和俄勒冈州立大学任教，1954年到新成立的缅因州立大学，直到1976年退休。退休以后，他“像从美国最东的顶点滚下的石头”，从缅因州立大学的 Machias 和 Lubec 分校直到东南角的中佛罗里达大学。他一生写过30本书，200多篇论文。

两卷《几何考察》是他的权威著作，而两卷《数学的伟大时刻》是他关于数学历史的43个精彩演讲。我们把伊弗斯的履历写出来，是因为书中的许多故事就发生在他工作过的地方。同时也是为了纪念这位可敬的数学老师。其实他距离我们很近——三年前的今天，2004年6月6日，93岁的老人家才离开我们。

书名：《数学史话：200个数学家的故事》

“圈”在这里的近2000个数学和数学家的故事，像出没在数学星空不同时空区域的星星，但我们很容易从它们组合出几个大的星座：数学史的、数学人的、数学娱乐的，还有数学幽默的。任何读者当然都能从这个星空发现乐趣，而在过去的几十年里，它还发挥了一样更特殊也许更重要的功能——正如出版者在前言里说的，“成千上万的数学老师都从这些轶事中发现了乐趣，还将它们用于教学，给课堂增添情趣，让数学多一点儿人文色彩，激发学生的灵感，追寻文化历史的线索。”我们相信，这些星星同样能点缀我们的中小学数学课堂，让同学通过它们来经历数学的惊奇，感觉数学的魔力。

数学的第一个魔力是吸引我们的好奇心。很多历史人物（不单数学家）小时候都为欧几里得几何感到惊奇，他们惊奇什么？今天我们在几何课上还有多少惊奇？同样惊奇的还有那个大家都习惯了的“第五公设”——现代数学和物理学，至少有一半是从对它的好奇开始的。如果没有那一点好奇，今天我们大概



也不能说“世界是平的”。因为原始的好奇，欧几里得几何把生活和观察理性化了；因为思想的好奇，非欧几何从人类的纯粹理性中产生了；而它们与物理世界的“前定和谐”，似乎就是爱因斯坦说的世界上“最难理解的”事情，也是我们永远的好奇的源泉。

数学的第二个魔力来自一只看不见的手。想一个最简单的问题：一个物体在重力作用下从空间一点到另一点（两点不在同一垂线），沿什么样的路径最节省时间？这是300年前的一个数学挑战，好奇的同学可以慢慢思考。从某种意义说，数学就是通过这个习题，伸出了它那只魔力的手，指引着万物运行的轨迹，也引出了一个绝妙的自然法则。大多数人并不需要学会如何挥动那只手，但如果知道有那样一只手，我们就能以更透明的眼光来看世界和自然，看到复杂的简单的和谐。

数学的第三个魔力在于它的人情味。孟夫子早就说过，“颂其诗，读其书，不知其人，可乎？”数学也不例外，也是“可以兴，可以观，可以群，可以怨”的，我们为什么不也怀着读诗的心情去认识它背后的人呢？每个人大概都能说出很多数学家的名字，不过那通常只是定理或公式的标签，并不能唤起对一个个有血肉的人物的联想。我们在这儿能遇见形形色色的古今人物，可爱的，可恨的，可乐的，可笑的，可悲的，可怜的，可敬的，可耻的……但“真正的数学家”（哈代的意思）似乎都很简单，有些还是被生活嘲弄的对象。其实他们本来也未必比别人聪明，只是靠了更多的无知换来那“一点”特别的聪明。我们可以看到，数学人比其他科学圈子里的人更像老子所谓的“建德若偷，质真若渝，大白若辱，大方无隅”。从这一点说，数学也是一门自我修养的工夫。一支笔，一张纸，“回也不改其乐”。有人问大数学家庞加莱如何才能像数学家一样思考，他回答说，“找一条倾斜的沙土小路，走上去，走下来，然后反复走上走下。数学思想就在脚底的摩擦中产生出来了。”简单地说，经常在自己的头脑里想想数学，则“鄙吝之心不复生矣！”



100 年前，法国《数学教育》杂志对数学家进行过一次问卷调查，第一个问题是“你什么时候开始对数学发生兴趣？”60% 的回答在 11 岁到 18 岁之间。就是说，数学不一定非要从很小的时候起步，很多数学家是从中学时代开始对数学感兴趣的。如果我们今天的课堂能多一点兴趣，多一点人情味，也许能少扼杀几个未来的数学家吧？

最后说说译本。原书是相隔 20 年的产物，故事来源（作者）众多，有时出现不同说法，与流行说法也不尽相同，正好互为补充。很多人物多次出现，背景介绍时有重复，译本也保留了；对不那么出名的数学家，我们多次在译名后保留了原文。很多不大流行的名词（地名、杂志、图书等）零星出现在不同的地方，译本也不厌重复地留下原文，以方便感兴趣的读者利用网络和工具书检索相关信息。

原书引用了许多文学作品片断，译者未能全部找原著来对照，因此片断的译文不一定符合原来作品的环境。好在作者的意图是从中看到一点数学趣味，这一点尽量保留了。

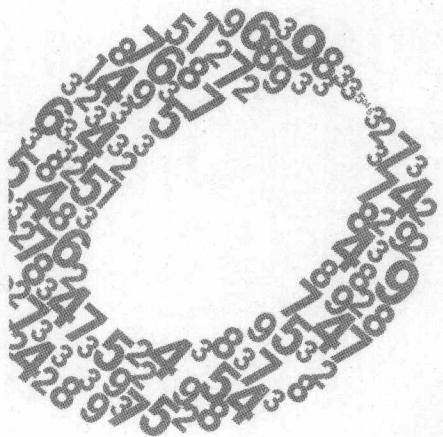
原书有不少带着数学家机敏的文字游戏（如打油诗、笑话、双关语等），有的完全是靠英文读音来表现的，如果译成中文，不但失去了原来的趣味和精神，中文也毫无意义。因此保留了原文，略加注释说明。它们是西方数学娱乐文化的一部分，也正好是课堂数学游戏的题目。

原书提及很多文化和教育背景，译本补充了一些注释和图片（原有的图片有编号，增加的图片没有编号）。图片主要来自一些名画和老照片，多数来源已无从考察。借作者在前言的话说，如果谁发现我们可能“偷”了他的作品，请求他原谅。

原书出现了一些德文、法文和西班牙文的句子，译者感谢张卜天、刘胜利、萧耐园、徐纪贵等先生的译文。

译者

2007 年 6 月 6 日

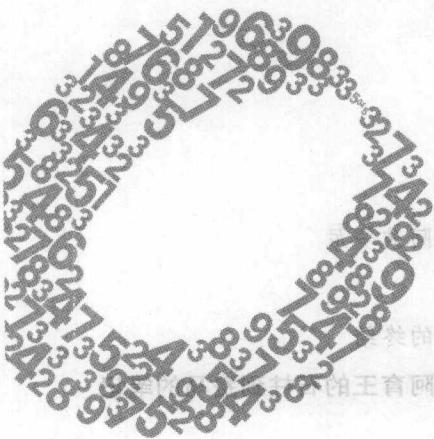


出版者的话

多年来，著名数学史家和数学导师霍华德·伊弗斯收集了大量数学和数学家的奇闻轶事，将它们汇编为六卷《数学圈》。成千上万的数学老师都从这些轶事中发现了乐趣，还将它们用于教学，给课堂增添情趣，让数学多一点儿人文色彩，激发学生的灵感，追寻文化历史的线索。通过与伊弗斯教授特别商量，美国数学会（MAA）很高兴将六卷《数学圈》重新出版发行。

《走进数学圈》是最早的一卷，1969年出版，赢得了 一片喝彩。现在作为这个三卷本的第一卷。《重游数学圈》和《相约数学圈》合为第二卷，《告别数学圈》和《回归数学圈》合为第三卷。

这个三卷本《数学圈》全集一定能让你们快乐起来，所有的数学爱好者们，特别是那些欣赏数学人文和文化的人们。



目 录

走进数学圈



- 60 欧几里得
 64 阿基米德
 69 埃拉托色尼和阿波罗尼
 75 丢番图
 79 希腊时代数学的终结
85 第二象限 从阿育王的石柱到费马的笔记
 87 印度的数学
 95 阿拉伯数学
 101 数学重回欧洲
 110 14、15 和 16 世纪
 119 三次和四次方程时代
122 韦达
 123 斯特文，纳皮尔和布里格斯
 129 哈里奥特与奥特雷德
 133 伽利略和开普勒
143 德萨格和帕斯卡
 148 笛卡儿和费马
159 第三象限 从小人物到拿破仑
 161 小人物的故事
 164 牛顿前后的数学
 166 牛顿和莱布尼茨
 174 伯努利家族
 186 初识微积分
 192 卡瓦列里，吉田光由，关孝和
197 17 和 18 世纪的英国小数学家



- 202 17 和 18 世纪欧洲大陆的小数学家
206 欧拉
215 拉格朗日
220 拉普拉斯
222 拿破仑
225 第四象限 从集邮上的阿贝尔到课堂上的维纳
227 阿贝尔和玛丽亚
231 巴贝奇
239 几个姓“B”的数学家
246 数学家和自然爱好者
253 克里弗德和道奇森
255 计算奇人
259 德摩根
263 爱因斯坦
267 几个姓“F”的人
274 高斯
281 几个小人物
285 哈米尔顿与哈代
290 10 个小故事
295 西尔维斯特与维纳

走进数学圈





限定在一定面积的曲折路径构成的古代迷宫，一步也不能走错，最后通向中心的一棵树或某个圣殿。这里画的是希腊神话中为人身牛头的吃人怪物米诺陶（Minotaur）建的迷宫。这个迷宫曾刻在克诺索斯（Cnossus）硬币上，它的样本如今已很难看到了。