

# 大学数学

(理工类)

## 作业册

刘金冷 主编

电子工业出版社

Publishing House of Electronics Industry

北京 · BEIJING

### 内容简介

本作业册是与刘金冷主编的《大学数学(理工类)》教材相配套的同步作业。作业册以节为单元,配有单项选择题、填空题、计算题、应用题。每章配有自测题,以便检测学生对本章知识掌握的情况,供教师教学选择使用。

未经许可,不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版权所有,侵权必究。

### 图书在版编目(CIP)数据

大学数学(理工类)作业册/刘金冷主编。—北京:电子工业出版社,2007.1

ISBN 978-7-121-03749-8

I. 大… II. 刘… III. 高等数学—高等学校—习题 IV. 013-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2007)第 001345 号

责任编辑:施玉新 毕军志

印 刷: 北京牛山世兴印刷厂

装 订:

出版发行:电子工业出版社

北京市海淀区万寿路 173 信箱 邮编 100036

开 本: 787×1 092 1/16 印张:6.25 字数:160 千字

印 次: 2007 年 1 月第 1 次印刷

定 价: 10.00 元

凡所购买电子工业出版社图书有缺损问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系,联系电话:(010)68279077;邮购电话:(010)88254888。

质量投诉请发邮件至 [zlts@phei.com.cn](mailto:zlts@phei.com.cn)

服务热线:(010)88258888。

## 前　　言

这本作业册是《大学数学(理工类)》教材(主编:刘金冷,电子工业出版社,2007年1月出版)的配套习题册.目的是使学生通过课后练习掌握教材的基本内容,提高分析问题和解决问题的能力.因此,在编写中选取了一些与实际密切相关的习题,来加深学生对教材基础内容的理解.书中题目经过精选,具有低门槛,有坡度,分层次,重实践,强能力的特点.认真完成作业册的习题,可使学生进一步理解基础知识,掌握常用的数学方法,培养良好的学习习惯和分析问题、解决问题的基本能力.全书对应教材共分9章,每一章按内容的顺序和结构分为若干练习和自测题,书后附有练习题答案、部分习题的提示或较详细的解题步骤,以供参考.由于编者水平有限,习题与答案难免有不妥之处,恳请使用本书的广大师生批评指正.

编　者  
2007年1月

## 反侵权盗版声明

电子工业出版社依法对本作品享有专有出版权。任何未经权利人书面许可，复制、销售或通过信息网络传播本作品的行为；歪曲、篡改、剽窃本作品的行为，均违反《中华人民共和国著作权法》，其行为人应承担相应的民事责任和行政责任，构成犯罪的，将被依法追究刑事责任。

为了维护市场秩序，保护权利人的合法权益，我社将依法查处和打击侵权盗版的单位和个人。欢迎社会各界人士积极举报侵权盗版行为，本社将奖励举报有功人员，并保证举报人的信息不被泄露。

举报电话：(010) 88254396; (010) 88258888

传 真：(010) 88254397

E-mail： dbqq@phei.com.cn

通信地址：北京市万寿路 173 信箱

电子工业出版社总编办公室

邮 编：100036

## 目 录

<b>第 1 章 函数、极限与连续</b> .....	(1)
第 1 章自测题 .....	(7)
<b>第 2 章 一元函数微分学</b> .....	(9)
第 2 章自测题 .....	(21)
<b>第 3 章 一元函数积分学</b> .....	(23)
第 3 章自测题 .....	(36)
<b>第 4 章 向量代数与空间解析几何</b> .....	(38)
第 4 章自测题 .....	(43)
<b>第 5 章 二元函数微积分</b> .....	(45)
第 5 章自测题 .....	(50)
<b>第 6 章 常微分方程</b> .....	(52)
第 6 章自测题 .....	(57)
<b>第 7 章 级数</b> .....	(58)
第 7 章自测题 .....	(61)
<b>第 8 章 矩阵与线性方程组</b> .....	(63)
第 8 章自测题 .....	(69)
<b>第 9 章 拉普拉斯变换</b> .....	(72)
第 9 章自测题 .....	(77)
<b>附录 A 参考答案</b> .....	(79)

# 第1章 函数、极限与连续

## 作业 1.1

### 一、单项选择题

1. 函数  $y = \frac{5x}{x^2 - 3x + 2}$  的定义域是 ( ).  
 A.  $(-\infty, 1) \cup (1, 2) \cup (2, +\infty)$   
 B.  $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$   
 C.  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$   
 D.  $(-\infty, +\infty)$
  
2. 设  $f(t) = 2t^2 + \frac{2}{t^2} + \frac{5}{t} + 5t$  ( $t > 0$ ), 则  $f(\frac{1}{t}) =$  ( ).  
 A.  $f(t)$   
 B.  $\frac{1}{f(t)}$   
 C.  $\frac{f(t)}{t}$   
 D.  $\sqrt{f(t)}$
  
3. 下列各对函数中, 为同一个函数的是 ( ).  
 A.  $f(x) = x, g(x) = (\sqrt[3]{x})^3$   
 B.  $f(x) = (\sqrt{x})^2, g(x) = x$   
 C.  $f(x) = x, g(x) = \frac{x^2}{x}$   
 D.  $f(x) = \ln x^2, g(x) = 2 \ln x$
  
4. 下列函数中为奇函数的是 ( ).  
 A.  $x^5 e^{-x^2}$   
 B.  $x \sin x$   
 C.  $x^4 + \cos x$   
 D.  $\frac{3^x - 3^{-x}}{2} \sin x$

### 二、填空题

1. 函数  $y = \sqrt{5-x} + \lg(x-1)$  的定义域是 \_\_\_\_\_.
2. 设  $f(2x) = 3x - 1$ , 且  $f(a) = 4$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_.
3. 由  $y = \lg u, u = 2 - v, v = w^2, w = \sin x$  组成的复合函数为 \_\_\_\_\_.
4. 函数  $y = \tan(1 + e^x)^2$  由简单函数 \_\_\_\_\_ 复合而成.

### 三、计算题

1. 求函数  $y = \frac{\ln(2x-1)}{\sqrt{x^2-x-6}}$  的定义域.
  
2. 设  $f(1-2x) = 1 - \frac{2}{x}$ , 求  $f(x)$ .
  
3. 设  $f(x) = \begin{cases} 2^x, & -1 < x \leqslant 1; \\ x-1, & 1 < x \leqslant 3. \end{cases}$  求  $f(x)$  的定义域,  $f(1), f(2)$ .

4. 作函数  $f(x) = \begin{cases} x-1, & x < 0; \\ x+1, & x \geq 0 \end{cases}$  的图像.

5. 写出组成复合函数  $y = \sqrt{\ln \sqrt{x}}$  的简单函数.

6. 设  $f(x) = 3x^2 + 4x$ ,  $\phi(t) = \ln(1+t)$ , 求  $f[\phi(t)]$ ,  $\phi[f(x)]$  及其定义域.

7. 某厂生产产品 1600 吨, 每吨定价 150 元, 销售量不超过 800 吨时, 按原价出售; 超过 800 吨时, 超过部分按八折出售. 求销售收入与销售量之间的函数关系.

## 作业 1.2

### 一、单项选择题

1. 若数列  $\{x_n\}$  与  $\{y_n\}$  的极限分别为  $a$  与  $b$  且  $a \neq b$ , 则数列  $x_1, y_1, x_2, y_2, \dots$  的极限为 ( ).

A.  $a$       B.  $b$       C.  $a+b$       D. 不存在

2. 函数  $f(x)$  在  $x = x_0$  处有定义, 是  $x \rightarrow x_0$  时  $f(x)$  有极限的 ( ).

A. 必要条件    B. 充分条件    C. 充要条件    D. 无关条件

3. 设  $f(x) = \begin{cases} 3x+2, & x \leq 0 \\ x^2-2, & x > 0 \end{cases}$  则  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) =$  ( ).

A. 2      B. -2      C. -1      D. 0

4.  $f(x_0+0)$  与  $f(x_0-0)$  都存在是函数  $f(x)$  在  $x = x_0$  处有极限的 ( ).

A. 必要条件    B. 充分条件    C. 充要条件    D. 无关条件

### 二、填空题

1.  $\lim_{x \rightarrow \infty} e^{\frac{1}{x}} =$  \_\_\_\_\_.

2. 若  $\lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = A$  ( $A$  为常数), 则  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) =$  \_\_\_\_\_.

3.  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \cos x =$  \_\_\_\_\_.

4. 设  $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x < 0; \\ 1, & x = 0; \\ \tan x, & x > 0. \end{cases}$  则  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$  \_\_\_\_\_.

### 三、计算题

1. 计算  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 1}{n^2}$ .

2. 作函数  $y = \arctan x$  的图像, 判断  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \arctan x$ ,  
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \arctan x$ ,  $\lim \arctan x$  是否存在.

3. 设函数  $f(x) = \begin{cases} x+1, & x < 3; \\ 0, & x = 3; \\ 2x-2, & x > 3. \end{cases}$  利用函数极限存在

的充要条件判断  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$  是否存在.

4. 设函数  $f(x) = \begin{cases} x+3, & x < 2; \\ 2x-1, & x \geq 2. \end{cases}$  求  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$  及  
 $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ , 判断  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  是否存在.

## 作业 1.3

### 一、单项选择题

1. 下列各式中正确的是 ( ).

A.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} = 0$       B.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} = 1$

C.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$       D.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{\sin x} = 1$

2. 设  $m, n$  为非零常数, 极限  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin mx}{\sin nx} =$  ( ).

A.  $\frac{m}{n}$       B. 0      C.  $\frac{n}{m}$       D.  $\infty$

3. 极限  $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 4x)^{\frac{1}{x}} =$  ( ).

A.  $e^{-4}$       B.  $e^4$       C.  $e^{\frac{1}{4}}$       D.  $e^{-\frac{1}{4}}$

4.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^3 - n + 1}{5n^3 + n^2 + n} =$  ( ).

A.  $\frac{4}{5}$       B. 0      C.  $\frac{1}{2}$       D.  $\infty$

## 二、填空題

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 1}{3^n + 1} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 0} (x \sin \frac{1}{x} + \frac{1}{x} \sin x) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 0} x \cot 2x = \underline{\hspace{2cm}}.$$

$$4. \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^{kn} = e^{-3}, \text{ 则 } k = \underline{\hspace{2cm}}.$$

### 三、计算题

$$1. \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{3n^3}$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{1}{x-1} - \frac{2}{x^2-1} \right)$$

$$3. \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin 2x - \cos 2x - 1}{\cos x - \sin x}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2} \cos 3x$$

$$5. \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 8x + 15}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^2 + 3x}$$

## 作业 1.4

## 一、单项选择题

1. 函数  $f(x) = 5x^2$ , 自变量  $x$  有增量  $\Delta x$  时,  $f(x)$  相应增量  $\Delta y =$  ( ).

- A.  $10x + \Delta x$   
B.  $10x + 5\Delta x$   
C.  $10x + \Delta x + 5(\Delta x)^2$   
D.  $10x + \Delta x + (\Delta x)^2$

2. 函数  $y = \frac{\sin x}{x} + \frac{e^{\frac{1}{x}}}{1-x}$  的连续区间为 ( ).

- A.  $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$       B.  $(1, +\infty)$   
C.  $(-\infty, 0) \cup (0, 1) \cup (1, +\infty)$       D.  $(-\infty, +\infty)$

3. 函数  $f(x) = \begin{cases} x-1, & 0 < x \leq 1; \\ 2-x, & 1 < x \leq 3. \end{cases}$  在  $x=1$  处不连续

是因为 ( ).

- A.  $f(x)$  在  $x=1$  处无定义      B.  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  不存在  
C.  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  不存在      D.  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  不存在

4. 函数  $y = f(x)$  在点  $x = x_0$  处有定义是  $f(x)$  在  $x_0$  处连续的 ( ).

- A. 必要条件      B. 充分条件      C. 充要条件      D. 无关条件

## 二、填空题

1. 设  $f(x) = \begin{cases} (1-x)^{\frac{1}{x}}, & x \neq 0; \\ k, & x = 1 \end{cases}$  在点  $x=0$  处连续, 则  $k = \underline{\hspace{2cm}}$ .

2. 函数  $f(x) = \sqrt{x(x-1)} + \frac{x^2-1}{(x+1)(x+2)}$  的间断点的个数是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

3. 函数  $f(x) = \begin{cases} 2x, & 0 \leq x < 1; \\ a-3x, & 1 \leq x < 2 \end{cases}$  在点  $x=1$  处连续, 则  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ .

4. 函数  $y = \frac{x^2-1}{x^2-3x+2}$  的间断点为  $x = \underline{\hspace{2cm}}$ .

## 三、计算题

1.  $\lim_{x \rightarrow 1} \ln(x^2 + 1)$

2.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin^2(x-1) + 2^x}{x+1}$

3. 当  $a$  为何值时, 函数  $f(x) = \begin{cases} 4e^x, & x \geq 0; \\ a+x, & x < 0 \end{cases}$  在点  $x=0$  处连续.

4. 如何定义  $f(0)$  的值,使得函数  $f(x) = \frac{\sqrt[3]{1+x} - 1}{\sqrt{1+x} - 1}$  在  $x = 0$  处连续.

6. 讨论函数  $f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(1+x)}{x}, & x > -1 \text{ 且 } x \neq 0; \\ 1, & x = 0 \end{cases}$  在  $x = 0$  处的连续性.

5. 讨论函数  $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & x < 0; \\ 0, & x = 0; \\ e^{-x}, & x > 0 \end{cases}$  在  $x = 0$  处的连续性.

学号

姓名

班级

专业

学校

## 第1章自测题

### 一、单项选择题

1. 函数  $f(x) = \sqrt{2+x} + \frac{1}{\lg(1+x)}$  的定义域是 ( ) .  
 A.  $(-2, +\infty)$       B.  $(-1, +\infty)$   
 C.  $(-2, 0) \cup (0, +\infty)$       D.  $(-1, 0) \cup (0, +\infty)$
2. 函数  $y = -\frac{|x|}{x}$  是 ( ) .  
 A. 奇函数  
 B. 偶函数  
 C. 既是奇函数, 又是偶函数  
 D. 既不是奇函数, 又不是偶函数
3. 函数  $y = \sqrt[5]{\ln \sin^3 x}$  的复合过程是 ( ) .  
 A.  $y = \sqrt[5]{u}, u = \ln v, v = w^3, w = \sin x$   
 B.  $y = \sqrt[5]{u^3}, u = \ln \sin x$   
 C.  $y = \sqrt[5]{\ln u^3}, u = \sin x$   
 D.  $y = \sqrt[5]{u}, u = \ln v, v = \sin x$
4. 下列函数中, 当  $x \rightarrow 0^+$  时为无穷大的是 ( ) .  
 A.  $2^{-x}$       B.  $\frac{\sin x}{1 + \tan x}$       C.  $e^{-x}$       D.  $e^{\frac{1}{x}}$
5.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(1-x)}{1-x^2} =$  ( ) .  
 A. 1      B. 0      C.  $\frac{1}{2}$       D. 不存在

### 二、填空题

1. 设  $f(x) = \begin{cases} x^2, & x > 0; \\ 2, & x = 0; \\ 0, & x < 0. \end{cases}$ , 则  $f(1) =$  \_\_\_\_\_,  $f(-1) =$  \_\_\_\_\_.
2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{4x} =$  \_\_\_\_\_.
3.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (1 - \frac{1}{x})^{\sqrt{x}} =$  \_\_\_\_\_.
4.  $\lim_{x \rightarrow 2} (2-x) \sin \frac{1}{2-x} =$  \_\_\_\_\_.
5. 当  $k =$  \_\_\_\_\_ 时, 函数  $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin 2x}{x}, & x < 0; \\ x+k, & x \geq 0. \end{cases}$  在点  $x = 0$  处连续.

### 三、计算题

1. 计算下列极限:

$$(1) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - 1}{2x^2 + 3x - 2}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^2 + 3x}$$

(3)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1+x}{x}\right)^{2x}$

2. 设  $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{x^2 - 2x + k}{x - 3}\right) = 4$ , 求  $k$ .

(4)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{x \sin x}$

3. 讨论函数  $f(x) = \begin{cases} x^2, & 0 \leq x \leq 1; \\ 2 - x, & 1 < x \leq 2 \end{cases}$  的连续性.

(5)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + x} - \sqrt{x^2 - x})$

学号

姓名

班级

专业

学校

## 第2章 一元函数微分学

### 作业 2.1

#### 一、单项选择题

1. 设某一个物体的运动方程为  $s = t^{\frac{2}{3}}$ , 则该物体在  $t = 1$  时的瞬时速度为 ( ).  
A.  $\frac{2}{3}$       B. 2      C.  $-\frac{1}{3}$       D. 0
2. 曲线  $y = x^3$  在点(1,1)处切线的斜率为 ( ).  
A. 1      B. 2      C. 3      D. 0
3. 函数  $f(x)$  在  $(a, b)$  内连续, 且  $x_0 \in (a, b)$ , 则在点  $x_0$  处 ( ).  
A.  $f(x)$  的极限存在, 且可导  
B.  $f(x)$  的极限存在, 但不一定可导  
C.  $f(x)$  的极限不存在  
D.  $f(x)$  的极限不一定存在
4. 如果函数  $f(x)$  在  $x = x_0$  处不连续, 那么  $f'(x_0)$  ( ).  
A. 存在      B. 不存在      C. 等于 0      D. 可能存在

#### 二、填空题

1. 设  $f'(x_0)$  存在, 依照导数的定义有

$$(1) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = \text{_____};$$

$$(2) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + 3h) - f(x_0)}{h} = \text{_____};$$

$$(3) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0 - h)}{h} = \text{_____}.$$

2. 设函数  $f(x) = \sqrt{x}$ , 则  $f'(1) = \text{_____}$ .

#### 三、计算题

1. 利用导数公式计算下列导数:

$$(1) y = x^{\frac{3}{5}}$$

$$(2) y = \log_2 x$$

$$(3) y = \ln x \text{ 在 } x = 2 \text{ 处}$$

2. 求曲线  $y = x\sqrt{x}$  在点(1,1)处的切线方程和法线方程.

3. 求曲线  $y = \lg x$  在点  $(1, 0)$  处的切线方程和法线方程.

4. 讨论函数  $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x < 0; \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$  在  $x=0$  处的连续性与可导性.

5. 设函数  $f(x)$  可导, 且满足  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x+1) - f(1)}{2x} = -1$ ,

求曲线  $y = f(x)$  在  $(1, f(1))$  处切线的斜率.

## 作业 2.2

### 一、单项选择题

1. 如果函数  $y = \sin x - \cos a$ , 那么  $y' =$  ( ).  
A.  $\cos x - \sin a$       B.  $-\cos x + \sin a$   
C.  $\cos x + \sin a$       D.  $\cos x$
2. 如果函数  $y = \sin x \cdot \cos x$ , 那么  $\frac{dy}{dx} =$  ( ).  
A. 1      B. -1      C.  $\cos 2x$       D.  $\cos^2 x$
3. 函数  $y = \frac{x^4}{4} - x$  的图像在点  $N$  处的切线平行于  $x$  轴, 则点  $N$  的坐标为 ( ).  
A.  $(0, 0)$       B.  $(-1, \frac{5}{4})$       C.  $(1, -\frac{3}{4})$       D.  $(1, \frac{3}{4})$
4. 设  $y = \sin^2 x$ , 则  $y' =$  ( ).  
A.  $\cos^2 x$       B.  $\sin 2x$       C.  $\cos 2x$       D.  $-\cos^2 x$

### 二、填空题

1. 设函数  $f(x) = x \tan x$ , 则  $f'(\frac{\pi}{4}) =$  \_\_\_\_\_.
2. 设函数  $f(x) = x \ln x + \cos 2x$ , 则  $f'(x) =$  \_\_\_\_\_.
3. 如果函数  $y = ax^2 + bx + c$ , 那么  $y'|_{x=0} =$  \_\_\_\_\_.
4. 曲线  $y = x^2 \ln 2x$  在  $x = \frac{1}{2}$  处的切线方程为 \_\_\_\_\_.

### 三、计算题

1. 求下列函数的导数:

$$(1) \quad y = \frac{x^3 - x\sqrt{x} + 5}{\sqrt[3]{x}}$$

$$(2) \quad y = x^3 \lg x + \sin x$$

$$(3) \quad y = x^2 \sin \frac{1}{x}$$

$$(4) \quad y = \sin^3(2x + 1)$$

$$(5) \quad y = \frac{2}{1 - \cos 2x}$$

2. 设  $y = t \sin t + \frac{1}{2} \cos t$ , 求  $\left. \frac{dy}{dt} \right|_{t=\frac{\pi}{4}}$ .

3. 计算函数  $y = \sqrt[3]{5x - 1}$  在  $x = 1$  处的导数.

### 作业 2.3

#### 一、单项选择题

1. 设  $y = 2^{\cos x}$ , 则  $y' =$  ( ).

A.  $2^{\cos x} \ln 2$       B.  $-2^{\cos x} \sin x$

C.  $-2^{\cos x} (\ln 2) \sin x$       D.  $-2^{\cos x-1} \ln 2$

2. 设  $xe^y - y = 2$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  ( ).

A.  $\frac{e^y}{xe^y - 1}$

B.  $\frac{e^y}{1 - xe^y}$

C.  $\frac{1 - xe^y}{e^y}$

D.  $\frac{xe^y - 1}{e^y}$

3. 设  $\frac{x}{y} = \ln(xy)$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  ( ).

- A.  $\frac{xy - x^2}{xy - y^2}$       B.  $\frac{xy + x^2}{xy - y^2}$   
 C.  $\frac{xy - y^2}{xy + x^2}$       D.  $\frac{xy - y^2}{xy - x^2}$

4. 设  $y = (x+1)^{2x}$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  ( ).

- A.  $2x(x+1)^{2x-1}$       B.  $(x+1)^{2x} \ln(x+1)$   
 C.  $2(x+1)^{2x} [\frac{x}{x+1} + \ln(x+1)]$       D.  $\frac{(x+1)^{2x}}{\ln 2}$

### 二、填空题

1. 设  $2xy^2 - x^2y + y^3 = 0$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  \_\_\_\_\_.

2. 设  $y + \ln(x+y) + x^2 - 5 = 0$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  \_\_\_\_\_.

3. 设  $y = \frac{(x-1)(x^2+2)}{x^2-9}$ , 则  $\frac{dy}{dx} =$  \_\_\_\_\_.

4. 曲线  $x^2 - y^2 + xy + 4 = 0$  在点  $(0, 2)$  处的切线方程为

5. 设  $f(x) = \ln x^2 + \ln^2 x$ , 则  $f''(x) =$  \_\_\_\_\_.

### 三、计算题

1. 求下列导数:

$$(1) y = \ln \tan \frac{x}{2} \quad (2) 2xy - x^2 + y^3 = 4$$

$$(3) y = \cos(x+y) \quad (4) x^2 + xy + y^3 = 2$$

2. 求下列函数的二阶导数:

$$(1) y = (x^2 + 2) \ln x \quad (2) y = x e^x + \lg 2x$$

3. 求曲线  $x^3 + y^3 - \sin 3x + 6y = 0$  在  $x = 0$  处的切线方程.