



中学生学习报

总主编：刘志伟

基础与提升

同步测试与评析

丛书主编：卞朝晖 岳伟

本册主编：王明章

高中数学 选修2-1

(人教课标B版)

大象出版社

责任编辑：冯富民

封面设计：金 金

图书在版编目 (CIP) 数据

基础与提升·同步测试与评析：人教课标B版·高中数学·2-1：选修/王明章编。

—郑州：大象出版社，2007.6

ISBN 978-7-5347-4692-5

I. 基… II. 王… III. 数学课—高中—习题 IV. G634

中国版本图书馆CIP数据核字 (2007) 第077188号

基础 灵活 高效 同步 创新 实用

基础与提升·同步测试与评析
高中数学人教课标B版 (选修2-1)

出版：大象出版社 (郑州市经七路25号 邮政编码450002)

印刷：郑州市毛庄印刷厂

开本：787×1092 1/8

印张：4.5 字数：13万

版次：2007年6月第1版 第1次印刷

印数：1~10000册

ISBN 978-7-5347-4692-5/G·3861

定价：7.20元

ISBN 978-7-5347-4692-5



9 787534 746925 >
定价：7.20元

22. (本小题满分14分) 已知关于 x 的一元二次方程 $mx^2 - 4x + 4 = 0 (m \in \mathbb{Z})$, ① $x^2 - 4mx + 4m^2 - 4m - 5 = 0$ ② 求方程①和②的根都是整数的充要条件.

20. (本小题满分12分) 命题“若 $m > 0$, 则 $x^2 + x - m = 0$ 有实根”的逆否命题是真命题吗? 证明你的结论.

18. (本小题满分12分) 已知 p , 方程 $x^2 + mx + 1 = 0$ 有两个不相等的负根; q : 方程 $4x^2 + 4(m-2)x + 1 = 0$ 无实根. 若“ $p \vee q$ ”为真, “ $p \wedge q$ ”为假, 求 m 的取值范围.

21. (本小题满分12分) 证明二次方程 $ax^2 + 2x + 1 = 0$ 至少有一个负根的充要条件是 $a < 0$ 或 $0 < a \leq 1$.

19. (本小题满分12分) 设 α, β 是方程 $x^2 - ax + 4 = 0$ 的两个实根, 试分析 $\alpha > 2$ 且 $\beta > 1$ 是两根 α, β 均大于1的什么条件?

高中数学同步测试卷(二)

第一章 常用逻辑用语 B卷

【命题意图】本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间为120分钟.

第I卷(选择题 共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的)

- 1.下列命题中,是真命题的是 ()
 A. $\{0\}$ 是空集
 B. $1 \in \mathbb{N}$
 C. 空集是任何集合的真子集
 D. $x^2 - 5 = 0$ 的根是自然数
- 2.选出与其他命题不同的命题 ()
 A. 正方形都是矩形
 B. 第二个正方形都是矩形
 C. 存在一个正方形是矩形
 D. 任何一个正方形都是矩形
- 3.设集合 $M = \{x | x > 2\}$, $P = \{x | x < 3\}$, 那么 " $x \in M$ 或 $x \in P$ " 是 " $x \in P \cap M$ " 的 ()
 A. 充分不必要条件
 B. 必要非充分条件
 C. 充要条件
 D. 既非充分条件也非必要条件

- 4.若命题 " $p \vee q$ " 是真命题,那么 ()
 A. 命题 p 与命题 q 的真假相同
 B. 命题 p 一定是真命题
 C. 命题 q 不一定是真命题
 D. 命题 p 一定是假命题
- 5.如果命题 $p: (x-1)(y-2) = 0$, 命题 $q: (x-1)^2 + (y-2)^2 = 0$, 那么命题 p 是命题 q 的 ()
 A. 充分不必要条件
 B. 必要非充分条件
 C. 充要条件
 D. 既非充分条件也非必要条件

题的

- A. 充分不必要条件
 B. 必要不充分条件
 C. 充要条件
 D. 既不充分也不必要条件
- 6.若命题甲是命题乙的充分不必要条件,命题丙是命题乙的必要不充分条件,命题丁是命题丙的充要条件,则命题丁是命题甲的 ()
 A. 充分不必要条件
 B. 必要不充分条件
 C. 充要条件
 D. 既不充分也不必要条件
- 7.若命题甲的逆命题是乙,命题乙的否命题是丙,则丙是 ()
 A. 逆命题
 B. 否命题
 C. 逆否命题
 D. 以上判断都不对
- 8.对任意实数 a, b, c , 在下列命题中,为真命题的是 ()
 A. " $a > b$ " 是 " $a > c$ " 的必要条件
 B. " $a > b$ " 是 " $a > c$ " 的必要条件
 C. " $a > b$ " 是 " $a > c$ " 的充分条件
 D. " $a > b$ " 是 " $a > c$ " 的充分条件

要条件是

- 9.若函数 $f(x), g(x)$ 的定义域、值域都是 \mathbb{R} , 则 $(f(x) > g(x)) \vee (g(x) > f(x))$ 成立的充要条件是 ()
 A. 有一个 $x \in \mathbb{R}$, 使得 $f(x) > g(x)$
 B. 有无穷多个 $x \in \mathbb{R}$, 使得 $f(x) > g(x)$
 C. 对于 \mathbb{R} 中任意 x , 都有 $f(x) > g(x)$
 D. \mathbb{R} 中不存在 x , 使得 $f(x) \leq g(x)$
- 10.设 $p: x^2 - 2 > 0$, $q: \frac{1-x^2}{x+2} < 0$, 则 p 是 q 的 ()
 A. 充分不必要条件
 B. 必要不充分条件
 C. 充要条件
 D. 既不充分也不必要条件

- 11.集合 $A = \left\{ \frac{x-1}{x+1} < 0 \right\}$, $B = \{x | 1 - \log_2(x+3) < 0\}$, 若 " $x \in A$ " 是 " $x \in B$ " 的充分条件, 则 m 的取值范围是 ()
 A. $-2 \leq m < 0$
 B. $0 < m \leq 2$
 C. $-3 < m < -1$
 D. $-1 \leq m < 2$

12.下面命题中的真命题是 ()

- A. " $x^2 > 0$ " 是 " $x > 0$ " 的充要条件
 B. " $A \cap B = \emptyset$ " 是 " $A \subseteq B$ " 的充分条件
 C. " $4 - 4a < 0$ " 是 " a 一元二次不等式 $ax^2 + bx + c > 0$ 的解集为 \mathbb{R} " 的充要条件
 D. 一个三角形的三边满足勾股定理的充要条件是此三角形为直角三角形

形

第II卷(非选择题 共90分)

- 二、填空题(本大题共4小题,每小题4分,共16分.把答案填在题中横线上)
 13. $A \cap (A \cup B)$ 是 _____ 形式.该命题是 _____.
14. 如果充要命题为 " $x+y \leq 0$, 则 $x \leq 0$ 或 $y \leq 0$ ". 则相应的原命题是 _____.

15. 填写下列命题的否定形式:

- (1) $x > 0$ 或 $x < 0$ _____;
 (2) 三条直线两两相交 _____.

16. 已知条件 $p: x+y=2$, 条件 $q: x, y$ 不都是1, 则 q 是 p 的 _____ 条件.
 三、解答题(本大题共6小题,共74分.解答应写出文字说明,证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分) 写出命题 " $a > b$ " 的逆命题、否命题、逆否命题, 并判断四种命题的真假.

22. (本小题满分14分) 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = p^n + q$ ($p \neq 0, p \neq 1$), 求证数列 $\{a_n\}$ 为等比数列的充要条件为 $q = -1$.

20. (本小题满分12分) 设 $0 < m < \frac{1}{3}$ 是方程 $mx^2 - 2x + 3 = 0$ 有两个同号且不等实根的什么条件?

18. (本小题满分12分) 已知 $p: x^2 - 8x - 20 > 0, q: x^2 - 2x + 1 - a > 0$. 若 p 是 q 的充分不必要条件, 求实数 a 的取值范围.

21. (本小题满分12分) 已知命题 p_1 : 不等式 $|x + 1| - 1 < 5m$ 的解集为 \mathbb{R} , 命题 $q: f(x) = (5 - 2m)^x$ 是减函数, 若 $p \vee q$ 为真命题, $p \wedge q$ 为假命题, 求实数 m 的取值范围.

19. (本小题满分12分) 命题: 若 $a > 0, x$, 且 $a + x = 0$, 则 $\frac{\sqrt{b-x}}{a} < \sqrt{3}$. 判断命题的真假, 并证明你的结论.

高中数学同步测试卷(三)

第二章 圆锥曲线与方程 A卷

【说明】本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间120分钟.

第I卷(选择题 共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分,每小题给出的四个选项中,只有一个是符合题目要求的)

1. 方程 $x^2 - y^2 = 2$ 所表示的曲线 ()
 A. 关于 x 轴对称
 B. 关于直线 $x+y=0$ 对称
 C. 关于原点对称
 D. 关于直线 $x-y=0$ 对称
2. 若 $\triangle ABC$ 的两个顶点坐标为 $A(-4, 0)$, $B(4, 0)$, $\triangle ABC$ 的周长为 18, 则顶点 C 的轨迹方程为 ()
 A. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$ ($y \neq 0$)
 B. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$ ($y \neq 0$)
 C. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ ($y \neq 0$)
 D. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$ ($y \neq 0$)

3. 已知定点 A, B , 且 $|AB|=4$, 动点 P 满足 $|PA|-|PB|=3$, 则 $|PA|$ 的最小值是 ()
 A. $\frac{1}{2}$
 B. $\frac{3}{2}$
 C. $\frac{7}{2}$
 D. 5
4. 过抛物线 $y^2=4x$ 的焦点作直线交抛物线于 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$, 如果 $x_1+x_2=6$, 那么 $|AB|$ 等于 ()
 A. 8
 B. 10
 C. 6
 D. 4

5. 如果双曲线经过点 $(6, \sqrt{3})$, 且它的两条渐近线方程是 $xy = \pm \frac{1}{3}x$, 那么双曲线的方程是 ()
 A. $\frac{x^2}{36} - \frac{y^2}{9} = 1$
 B. $\frac{x^2}{81} - \frac{y^2}{9} = 1$
 C. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{81} = 1$
 D. $\frac{x^2}{81} - \frac{y^2}{9} = 1$
6. 设抛物线的顶点为 $(2, 0)$, 其焦点在直线 $x=2$ 上, 抛物线上一点 $A(-2, -2)$ 与 P 的距离为 4, 则 P 等于 ()

A. 4或-4

C. 6或-2

D. -6或4

7. 已知 F_1, F_2 是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a>0, b>0$) 的两个焦点, 以线段 F_1F_2 为边作正三角形 MPF_1 , 若边 MP 的中点在双曲线上, 则双曲线的离心率是 ()

A. $2\sqrt{3}$ B. $\sqrt{3}+1$ C. $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$ D. $\sqrt{3}+1$

8. 已知双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 和椭圆 $\frac{x^2}{m^2} + \frac{y^2}{n^2} = 1$ ($a>0, m>0, b>0, n>0$) 的离心率互为倒数, 那么以 a, m 为边的三角形是 ()

A. 锐角三角形
 B. 直角三角形
 C. 钝角三角形
 D. 锐角或钝角三角形

9. 若点 P 在抛物线 $y^2=x+1$ 上, 点 O 在原点 $(-2, 3)^2+1=1$, 则 $|OP|$ 的最小值等于 ()

A. $\sqrt{3}-1$ B. $\frac{\sqrt{10}}{2}$ C. $\frac{1}{2}(\sqrt{11}-2)$ D. $\frac{1}{2}(\sqrt{11}-2)$

10. 设 P 是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 上一点, 双曲线的一渐近线方程为 $3x-2y=0$, F_1, F_2 分别是双曲线的左、右焦点, 若 $|PF_1|=3$, 则 $|PF_2|$ 等于 ()

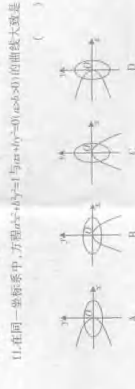
A. 1或5

B. 6

C. 7

D. 9

11. 在同一坐标系中, 方程 $x^2+ky^2=1$ 与 $mx^2+y^2=0$ ($km>0$) 的曲线大致是 ()



12. 椭圆 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$ 上有几个不同的点 P_1, P_2, \dots, P_n , 椭圆的右焦点 F 为数列 $\{P_n\}$ 中能大于 $\frac{1}{100}$ 的项数, 则 n 的最大值为 ()

A. 199

B. 200

C. 198

D. 200

第II卷(非选择题 共90分)

二、填空题(本大题共4小题, 每小题4分, 共16分, 把答案填在题中横线上)

13. 给出问题: F_1, F_2 是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的焦点, P 是双曲线上, 若 P 恒与 F_1 的距离为 4, 则 a 等于 ()

点 F 的距离等于 9, 求点 P 到点 F 的距离. 某学生的解答如下: 双曲线的实轴长为 $2a$, 由 $|PF_1|-|PF_2|=2a$, 则 $|PF_1|=2a+9$, 则 $|PF_2|=9-2a$.

该学生的解答是否正确? 若正确, 若正确, 请将他解题的依据写在下面横线上, 若不正确, 将正确结果写在下面横线上.

14. 已知抛物线拱桥的顶点距水面 20m 时, 测量水面宽为 80m, 当水面下降 1m 时, 水面宽度是 $\frac{20}{m}$ m.

15. 已知椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a>b>0$), A 为左焦点, O 为短轴一顶点, F 为右焦点, 且 $AB \perp BF$, 则这个椭圆的离心率为 $\frac{2}{3}$.

16. 以下四个关于圆锥曲线的命题中
 ① 设 A, B 为两个定点, k 为非零常数, 若 $|PA|-|PB|=k$, 则动点 P 的轨迹为双曲线;
 ② 过定圆 C 上一定点 A 作圆的动弦 AB, O 为坐标原点, 若 $\vec{OP} = \frac{1}{2}(\vec{OA} + \vec{OB})$, 则动点 P 的轨迹为椭圆;
 ③ 方程 $2x^2 - 5x + 2 = 0$ 的根可分别作为椭圆和双曲线的离心率;
 ④ 双曲线 $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{9} = 1$ 与椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ 有相同的焦点.

其中真命题的序号为 $\{1, 2, 3, 4\}$ (写出所有真命题的序号).

三、解答题(本大题共6小题, 共74分, 解答时应写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分) 讨论方程 $xy^2 + y - 2x = 0$ 的曲线的性质, 并描绘其曲线.

18. (本小题满分12分) 已知两圆 $C_1: (x-1)^2 + y^2 = 0.9$, $C_2: (x+1)^2 + y^2 = 0.9$, 动圆 C 内切且和圆 C_1 相内切, 和圆 C_2 相外切, 求动圆圆心 C 的轨迹.

20. (本小题满分12分) 定长为3的线段 AB 的端点 A, B 在抛物线 $y = -x^2$ 上移动, 求 AB 中点到 y 轴距离的最小值, 并求出此时 A, B 两点的坐标.

22. (本小题满分14分) 已知椭圆 $C_1: \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$, 抛物线 $C_2: (y-m)^2 = 2pm (p > 0)$, 且 C_1, C_2 的公共弦 AB 过椭圆 C_1 的右焦点.

- (1) 当 $|AB| = 4$ 时, 求 m, p 的值, 并判断抛物线 C_2 的焦点是否在直线 AB 上;
- (2) 是否存在 m, p 的值, 使抛物线 C_2 的焦点恰在直线 AB 上? 若存在, 求出符合条件的 m, p 的值; 若不存在, 请说明理由.

21. (本小题满分12分) 飞船返回舱顺利到达地球后, 为了及时将航天员救出, 地面指挥中心在返回舱预计到达区域安排三个救援中心(记为 A, B, C), B 在 A 的正东方向, 相距 6km , C 在 B 的北偏东 30° , 相距 4km , P 为航天员着陆地点. 某一时刻 A 接到求救信号, 由于 B, C 两地比 A 距 P 远, 因此 A 后, B, C 两个救援中心才同时接收到这一信号, 已知该信号的传播速度为 1km/s .

- (1) 求 A, C 两个救援中心的距离;
- (2) 求在 A 处发现 P 的方向角;
- (3) 若信号从 P 点的正上方 Q 点发出, 则 A, B 收到信号的时间差 t 还是变小, 说明理由.

19. (本小题满分12分) 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 1, b > 0)$ 的焦距为2, 直线过点 $(a, 0)$ 和 $(0, b)$, 且点 $(1, 0)$ 到直线的距离与点 $(-1, 0)$ 到直线的距离之和 $\geq \frac{4}{5}$, 求双曲线的离心率 e 的取值范围.

高中数学同步测试卷(四)

第二章 圆锥曲线与方程 B卷

【试卷说明】本试卷分A卷(选择题)和B卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间为120分钟.

第I卷(选择题,共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分,每小题给出的四个选项中有且只有一个选项是符合题目要求的)

1. 已知点 $M(-2,0)$, $N(2,0)$, 则以 MN 为弦的直角三角形的直角顶点 P 的轨迹方程是 ()

A. $x^2+y^2=4$

B. $x^2+y^2=16$

C. $x^2+y^2=16$

D. $x^2+y^2=16$ ($x \neq \pm 4$)

2. 抛物线 $y^2=4x$ 上一点 A 的纵坐标为4, 则点 A 与抛物线焦点的距离为 ()

A. 2

B. 3

C. 4

D. 5

3. 椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 上一点到两焦点的距离分别为 d_1, d_2 , 焦距为 $2c$, 若 $d_1 \cdot d_2$ 成等差数列, 则椭圆的离心率为 ()

A. $\frac{1}{2}$

B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$

C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$

D. $\frac{3}{4}$

4. 设 F 为坐标原点, F' 为抛物线 $y^2=4x$ 的焦点, M 为抛物线上一点, 若 $\overrightarrow{OF} \cdot \overrightarrow{MF} = -1$, 则 M 点的坐标为 ()

A. $(2, \pm 2\sqrt{2})$

B. $(1, \pm 2)$

C. $(1, 2)$

D. $(2, \pm 2\sqrt{2})$

5. 已知点 $F(-\sqrt{2}, 0)$, $F'(\sqrt{2}, 0)$, 动点 P 满足 $|PF| + |PF'| = 2$, 当点 P 的纵坐标是 $-\frac{1}{2}$ 时, 点 P 到两焦点的距离是 ()

A. $\frac{\sqrt{6}}{2}$

B. $\frac{3}{2}$

C. $\sqrt{3}$

D. 2

6. 椭圆的圆心在抛物线 $y^2=8x$ 上, 且动圆恒与直线 $x+2=0$ 相切, 则动圆面积最大时, 点 P 到两焦点的距离是 ()

定过定点

A. $(4, 0)$

B. $(2, 0)$

C. $(0, 2)$

D. $(0, -2)$

7. 椭圆 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ 的离心率 $e = \frac{1}{2}$, 则 b 的值为 ()

A. 4

B. $\frac{5}{4}$

C. 4或 $\frac{5}{4}$

D. 4或 $\frac{5}{4}$

8. 等轴双曲线 $x^2 - y^2 = a^2$ 与直线 $y = m(x - a)$ 没有公共点, 则 a 的取值范围是 ()

A. $m=1$

B. $0 < m < 1$

C. $m > 1$

D. $m > 1$

9. 双曲线 $\frac{x^2}{m} - \frac{y^2}{n} = 1$ ($m > 0, n > 0$) 的离心率为2, 有一个焦点与抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点重合, 则 $\frac{m}{n}$ 的值为 ()

A. $\frac{3}{16}$

B. $\frac{3}{8}$

C. $\frac{16}{3}$

D. $\frac{8}{3}$

10. 以 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{4} = 1$ 的焦点为顶点, 顶点为焦点的椭圆方程为 ()

A. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{12} = 1$

B. $\frac{x^2}{12} - \frac{y^2}{16} = 1$

C. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{16} = 1$

D. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1$

11. 焦点在直线 $3x - 4y - 12 = 0$ 上的椭圆的标准方程为 ()

A. $x^2 = 16$ 或 $y^2 = 12$

B. $x^2 = 16$ 或 $y^2 = 12$

C. $x^2 = 16$ 或 $y^2 = 12$

D. $x^2 = 16$ 或 $y^2 = 12$

12. 设双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > 0, b > 0$) 左支上的一点 P, F_1, F_2 分别为左、右焦点, 且 $|PF_1| = 2$, 则 $\triangle PF_1F_2$ 的内切圆的圆心的横坐标是 ()

A. $-a$

B. $-b$

C. $-c$

D. $a+b+c$

15. 过抛物线 $y^2 = 4x$ 的焦点 F 作垂直于 x -轴的直线, 交抛物线于 A, B 两点, 则以 F 为圆心, AB 为直径的圆的方程是 _____

16. 椭圆 $x^2 + 4y^2 = 4$ 长轴上一点 M , 以 M 为直角顶点作一个内接于椭圆的等腰直角三角形, 该三角形的面积是 _____

三、解答题(本大题共6小题, 共74分, 解答各题时, 要写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分) 如图4-1所示, 有一张长为8, 宽为4的矩形纸片 $ABCD$, 按图所示方法进行折叠, 使每次折叠后点 F 都落在 AD 边上, 此时将 BF 为折线; 图中 E 为折痕, 点 G 也可落在 CD 边上, 过 F 作 $BF' \parallel CD$ 交 EF 于点 F' , 求点 F 的轨迹方程.



图 4-1

22. (本小题满分14分) 已知在平面直角坐标系 Ox 中有一个椭圆, 它的中心在原点, 左焦点为 $F(-\sqrt{3}, 0)$, 且右顶点为 $D(2, 0)$, 设点 A 的坐标是 $(1, \frac{1}{2})$.

- (1) 求该椭圆的标准方程;
- (2) 若 P 是椭圆上的动点, 求线段 PA 中点 M 的轨迹方程;
- (3) 过原点 O 的直线交椭圆于点 B, C , 求 $\triangle ABC$ 面积的最大值.

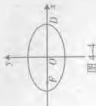


图 4-1

20. (本小题满分12分) 如图4-3, 点 A, B 分别是椭圆 $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{20} = 1$ 长轴的左、右端点, P 是椭圆上的动点, 点 P 在椭圆上, 且位于 x 轴上方, $PA \perp PB$.

- (1) 求点 P 的坐标;
- (2) 设 M 是椭圆长轴 AB 上的一点, M 到直线 AP 的距离等于 MP , 求椭圆上的点到点 M 的距离 d 的最小值.



图 4-3

18. (本小题满分12分) 设 F_1, F_2 分别为双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的左、右焦点, A, A_1, A_2 分别为这个双曲线的左、右顶点, P 为双曲线右支上的任一点, 求证: 以 A, A_1, A_2 为直径的圆既与以 PF_1 为直径的圆外切, 又与以 PF_2 为直径的圆内切.

21. (本小题满分12分) 已知中心在原点的双曲线 C 的右焦点为 $(2, 0)$, 右顶点为 $(\sqrt{3}, 0)$.

- (1) 求双曲线 C 的方程;
- (2) 若直线 $l: y = kx + \sqrt{2}$ 与双曲线 C 有两个不同的交点 A 和 B , 且 $\vec{OA} \cdot \vec{OB} < 2$ (其中 O 为原点), 求 k 的取值范围.

19. (本小题满分12分) 如图4-2, 线段 AB 在 x 轴正半轴上一定点 $M(m, 0)$, 端点 A, B 到 y 轴距离之和为 $2m$, 以 x 轴为对称轴, 过 A, O, B 三点作抛物线.

- (1) 求抛物线方程;
- (2) 若 $\vec{OA} \cdot \vec{OB} = -1$, 求 mb 的值.

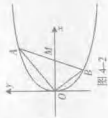


图 4-2

高中数学同步测试卷(五)

第三章 空间向量与立体几何 A卷

【温馨提示】本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间120分钟.

第I卷(选择题 共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分,在每小题给出的四个选项中,只有一个选项是符合题目要求的)

1.若 $A(2,-4,-1), B(-1,5,1), C(3,-4,1)$,令 $\vec{a}=\vec{CA}, \vec{b}=\vec{CB}$,则 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 对应的点为

- A. (5,-9,-2)
- B. (-5,-9,-2)
- C. (5,-9,-2)
- D. (-5,-9,-2)

2.若两点到平面的距离相等,则这两点与平面内的任意一点构成的什么条件

- A. 充分条件
- B. 必要条件
- C. 充要条件
- D. 既不充分又不必要条件

3.在下列条件中,使 M 与 A, B, C 一定共面的条件是

- A. $\vec{OM} = \vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC}$
- B. $\vec{OM} = \frac{1}{3}\vec{OA} + \frac{1}{3}\vec{OB} + \frac{1}{3}\vec{OC}$
- C. $\vec{OM} + \vec{OB} + \vec{OC} = 0$
- D. $\vec{OM} + \vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = 0$

4.在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中,若 E 为 A_1C_1 的中点,则直线 CE 垂直于

- A. AC
- B. BD
- C. A_1B
- D. A_1A

5.设直线 l 的方向向量为 $\vec{a}=(2,-2,-2), \vec{b}=(2,0,4)$,则直线 l 的夹角是

- A. $\arcsin \frac{\sqrt{15}}{15}$
- B. $\pi - \arcsin \frac{\sqrt{210}}{15}$

$C. \arcsin \frac{\sqrt{210}}{15}$

6.正三棱锥 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的侧棱长为 a ,点 M, N 分别为 BC, B_1C_1 的中点,则 MM_1 为

- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}a$
- B. $\frac{\sqrt{6}}{6}a$
- C. $\frac{\sqrt{15}}{6}a$
- D. $\frac{\sqrt{10}}{3}a$

7.已知 $\vec{a}=(1,-1,4), \vec{b}=(2,1,0)$,则 $|\vec{a}-\vec{b}|$ 的最小值是

- A. $\frac{\sqrt{5}}{5}$
- B. $\frac{\sqrt{55}}{5}$
- C. $\frac{3\sqrt{5}}{5}$
- D. $\frac{11}{5}$

8.从空间一点向两个平面 α, β 分别作垂线 PE, PF ,垂足分别为 E, F ,若二面角 $\alpha-\beta$ 的大小为 60° ,则 $\angle EPF$ 的大小为

- A. 60°
- B. 120°
- C. 60° 或 120°
- D. 不确定

9.有下列命题:①斜线 l 在平面 α 上的射影为 l' ,若直线 $l \perp l'$,则 $l \perp \alpha$;②斜线 l 在平面 α 上的射影为 l' ,若直线 $l \perp l'$,且 $l \perp \alpha$,则 $l' \perp \alpha$;③设直线 l, l' 在平面 α 上的射影分别为 l', l'' ,若 $l' \perp l''$,则 $l \perp l''$.其中命题的个数是

- A. 0
- B. 1
- C. 2
- D. 3

10.若直线 l 与平面 α 所成角为 $\frac{\pi}{3}$,直线 l' 在平面 α 内,且与直线 l 异面,则直线 l' 与直线 l 所成角的取值范围是

- A. $[0, \frac{2\pi}{3}]$
- B. $(\frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}]$
- C. $(\frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3})$
- D. $(\frac{\pi}{3}, \frac{2\pi}{3})$

11.已知三个平面两两互相垂直且交于一点 O ,若空间一点 P 到三个平面的距离分别为2,3,4,则 OP 的长为

- A. 11
- B. 9
- C. 7
- D. 16

12.在 $\triangle ABC$ 中, A, B, C 的对边分别为 a, b, c ,若 $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c}$,则 $\triangle ABC$ 为

- A. 等腰三角形
- B. 等边三角形
- C. 直角三角形
- D. 钝角三角形

第II卷(非选择题 共90分)

二、填空题(本大题共4小题,每小题5分,共20分,把答案填在题中横线上)

13.已知平行六面体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中,以顶点 A 为端点的三条棱长都等于1,且两两夹角都是 60° ,则角 $\angle C_1AC$ 的长是

14.已知点 G 是 $\triangle ABC$ 的重心, O 是空间任一点,若 $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = \vec{OG}$,则 \vec{OG} 的长为

15.在一个侧棱长为 60° 的斜面上,沿与塔顶的水平线成 30° 的直线上,行走100m,实际升高了

16.如图5-1, $PA \perp$ 平面 ABC , $\angle ACB = 90^\circ$,且 $PA = AC = BC = a$,则异面直线 PA 与 BC 所成角的正切值等于



图5-1

三、解答题(本大题共6小题,共74分,解答应写出文字说明,证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分)如图5-2,已知 O, A, B, C, D, E, F, G 为空间的9个点,并且 $\vec{OE} = a\vec{OA}, \vec{OB} = a\vec{OB}, \vec{OC} = a\vec{OC}, \vec{OD} = a\vec{OD}, \vec{OG} = a\vec{OG}, \vec{EG} = a\vec{EG}, \vec{FG} = a\vec{FG}, \vec{DG} = a\vec{DG}$,求证:(1) $\vec{MG} \perp \vec{EG}$;

(2) $2\vec{OG} = a\vec{OC}$.

图5-2

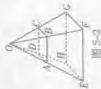


图5-2

18. (本小题满分12分) 已知空间二点 $A(0, 2, 3)$, $B(-2, 4, 5)$, $C(1, -1, 2)$.
- (1) 求以 \vec{AB} , \vec{AC} 为边的平行四边形的面积;
 - (2) 若 $|\vec{a}| = \sqrt{3}$, 且 \vec{a} 分别与 \vec{AB} , \vec{AC} 垂直, 求向量 \vec{a} 的坐标.

20. (本小题满分12分) 已知矩形 $ABCD$ 中, $AB=4$, $BC=3$, 沿对角线 AC 把矩形 $ABCD$ 折成 30° 的二面角, 求 BD 距离.

22. (本小题满分14分) 如图5-3, 已知长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$, $AB=2$, $AA_1=1$, 直线 BD 与平面 $A_1A_1B_1B$ 所成的角为 30° , AE 垂直 BD 于 E , F 为 A_1B_1 的中点.
- (1) 求异面直线 EF 与 BD 所成的角;
 - (2) 求平面 BD_1F 与平面 $A_1A_1B_1B$ 所成二面角(锐角)的大小;
 - (3) 求点 A 到平面 BD_1F 的距离.

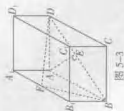


图 5-3

21. (本小题满分12分) 在棱长为1的正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, E, F 分别是 D_1D, B_1D_1 的中点, G 在棱 CD_1 上, 且 $CG = \frac{1}{4}CD_1$, H 为 C_1C 的中点, 应用空间向量方法求解下列问题.

19. (本小题满分12分) 在四面体 $ABCD$ 中, 已知 $AB \perp CD$, $AC \perp BD$. 求证: $AD \perp BC$.

- (1) 求证: $EF \perp B_1C_1$;
- (2) 求 EF 与 C_1D_1 所成的角的余弦值;
- (3) 求 EF 的长.

高中数学同步测试卷(六)

第三章 空间向量与立体几何 B卷

【试题说明】本试卷分第I卷(选择题)和第II卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间120分钟.

第I卷(选择题,共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分,在每小题给出的四个选项中,只有一个选项符合题目要求)

1. 如果三点 $A(1, -2, 3), B(2, 4, 1), C(0, 3, 2)$ 在同一条直线上,那么

- ()
- A. $m=3, n=3$
 B. $m=6, n=1$
 C. $m=3, n=2$
 D. $m=2, n=1$
2. 已知矩形 $ABCD$, $PA \perp$ 平面 $ABCD$, 则以下等式中可能不成立的是()
- A. $\vec{AD} \cdot \vec{PB} = 0$
 B. $\vec{PC} \cdot \vec{BD} = 0$
 C. $\vec{PA} \cdot \vec{AB} = 0$
 D. $\vec{PA} \cdot \vec{CD} = 0$
3. 以下命题中, 正确的是()
- A. $(a+b) \cdot (c+d) = a \cdot c + b \cdot d$ 的充要条件
 B. $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
 C. 若向量 a 在向量 b 方向上的投影向量为 $\frac{1}{2}a$, 则 $a \cdot b = a \cdot b$

D. 在四面体 $ABCD$ 中, 若 $\vec{AB} \cdot \vec{CD} = 0, \vec{AC} \cdot \vec{BD} = 0$, 则 $\vec{AD} \cdot \vec{BC} = 0$

4. 若向量 $m = (1, 2, 3), n = (-2, -1, 2)$, am 和 bn 的夹角余弦值为 $\frac{8}{9}$, 则 a 的值为()

- A. 2
 B. -2
 C. $2\sqrt{2}$
 D. $2\sqrt{5}$

5. 在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, M 为 DD_1 的中点, O 为面 $ABCD$ 的中心, P 为

棱 BB_1 上的任一点, 则直线 OP 和 AM 所成的角为()

- A. 30°
 B. 60°
 C. 45°
 D. 90°

6. 已知在两个平行平面 α, β 内的两条斜线段 $AB=8$ cm, $CD=12$ cm, A, B 和 C, D 在 α 内的射影长的比为 $3:5$, 则 α 与 β 的距离为()

- A. $\sqrt{15}$ cm
 B. $\sqrt{17}$ cm
 C. $\sqrt{19}$ cm
 D. $\sqrt{21}$ cm

7. 正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, 棱长为 a , 设点 O 到平面 AB_1C_1D 的距离为 d_1 , 到平面 CD_1 的距离为 d_2 , 则到平面 AB_1C_1D 和平面 CD_1 的距离为 d_1, d_2 的点的集合为()

- A. $d_1 < d_2$
 B. $d_1 = d_2$
 C. $d_1 > d_2$
 D. $d_1 < d_2$

8. 如图1-1, 在平行六面体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, M 为 C_1 与 D_1 的交点, 若 $\vec{OA} = a, \vec{OB} = b, \vec{OC} = c$, 则下列向量中与 \vec{OM} 相等的是()

- A. $-\frac{1}{2}a - \frac{1}{2}b + c$
 B. $\frac{1}{2}a + \frac{1}{2}b + c$
 C. $\frac{1}{2}a - \frac{1}{2}b + c$
 D. $-\frac{1}{2}a - \frac{1}{2}b + c$

9. 以等腰直角三角形斜边上的高为棱, 把它折成直二面角, 则折后两棱直角的夹角为()

- A. 30°
 B. 45°
 C. 60°
 D. 90°

10. 如图1-2所示, 已知四面体 $OABC$, 其对称线为 OB, AC, M, N 分别是 OA, BC 的中点, 点 C 在线段 MN 上, 且 AM 所成的角为 2 , 则用基向量 $\vec{OA}, \vec{OB}, \vec{OC}$ 表示的向量 \vec{OM} 为()

- A. $\frac{1}{3}\vec{OA} + \frac{1}{3}\vec{OB} + \frac{1}{3}\vec{OC}$
 B. $\frac{1}{3}\vec{OA} + \frac{1}{3}\vec{OB} + \frac{1}{3}\vec{OC}$
 C. $\frac{1}{3}\vec{OA} + \frac{1}{3}\vec{OB} + \frac{1}{3}\vec{OC}$
 D. $\frac{1}{3}\vec{OA} + \frac{1}{3}\vec{OB} + \frac{1}{3}\vec{OC}$

11. PA, PB, PC 是从点 P 引出的三条射线, 每两条的夹角都是 60° , 每两条

确定一个平面, 则两个平面所成的锐二面角的余弦值为()

- A. $\frac{1}{2}$
 B. $\frac{1}{3}$
 C. $\frac{\sqrt{2}}{2}$
 D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

12. 如果一个平面与一个正方体的十二条棱都成相等的角, 把这个角记作 α , 那么 $\sin \alpha$ 的值为()

- A. $\frac{\sqrt{2}}{2}$
 B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$
 C. $\frac{\sqrt{3}}{5}$
 D. 1

第II卷(非选择题, 共90分)

二、填空题(本大题共4小题, 每小题4分, 共16分, 把答案填在题中横线上)

13. 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=13, AC=12, BC=5, P$ 是平面 ABC 外一点, $PA=PB=PC=$

18. (本小题满分12分) 已知斜三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, 面 $A_1ACC_1 \perp$ 面 ABC , $\angle ABC=90^\circ$, $BC=2$, $AC=2\sqrt{3}$, 且 $AA_1 \perp AC$, $AA_1=AC$. 求侧面 A_1ABB_1 与底面 ABC 所成的锐二面角的大小.

20. (本小题满分12分) 在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, E, F, G 分别在棱 AB, CC_1, D_1A_1 上, 且正方体的棱长为 a , $AE=CF=D_1G=a/3$.

- (1) 求证: $DE \perp$ 平面 EFG ;
- (2) 求 E 与平面 EFG 的距离.

22. (本小题满分14分) 已知正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, E 为棱 CC_1 上的动点.

- (1) 求证: $A_1E \perp BD$;
- (2) 当 E 为棱 CC_1 的中点时, 求证: 平面 $A_1BD \perp$ 平面 EBD ;
- (3) 在棱 CC_1 上是否存在一个点 E , 可以使二面角 A_1-BD-E 的大小为 45° ? 如果存在, 试确定点 E 在棱 CC_1 上的位置, 如果不存在, 请说明理由.



图 6-3

21. (本小题满分12分) 已知正方形 $ABCD$, E, F 分别是边 BC, CD 的中点, 将 $\triangle ADE$ 沿 DE 折起, 如图 6-4 所示, 记二面角 $A-DE-C$ 的大小为 θ ($0 < \theta < \pi$).

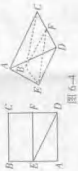


图 6-4

- (1) 证明: $BF \parallel$ 平面 ADE ;
- (2) 若 $\triangle ACD$ 为正三角形, 试判断点 A' 在平面 $BCDE$ 内的投影 G 是否在直线 EF 上, 证明你的结论, 并求角 θ 的余弦值.

19. (本小题满分12分) 如图 6-5, 已知平行六面体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, 底面 $ABCD$ 是边长为 a 的正方形, 侧棱 AA_1 长为 b , $\angle A_1AB = \angle A_1AD = 120^\circ$.

- (1) 求 AC_1 的长;
- (2) 证明: $AC_1 \perp BD$;
- (3) 求直线 BD 与 AC_1 所成角的余弦值.



图 6-5

高中数学同步测试卷(七)

选修2-1综合测试 A卷

【温馨提示】本试卷满分150分(选做题)和第五卷(非选做题)两部分,满分各150分,考试时间为120分钟。

第一卷(选择题,共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分,每小题给出的四个选项中有且只有一个选项是正确的)

1. 如果一个命题的逆命题是真命题,那么这个命题的否命题 ()
A. 是真命题
B. 是假命题
C. 不一定是真命题
D. 不一定是假命题
2. 已知向量 $a = (-1, 1, 0)$, $b = (-1, 0, 2)$, 且 $la + b$ 与 $2a - b$ 互相垂直, 则 l 的值是 ()

A. $\frac{1}{5}$ B. $\frac{1}{5}$ C. $\frac{3}{5}$ D. $\frac{7}{5}$

3. p, q 是两个简单命题, 且“ p 或 q ”的否定是真命题, 则必有 ()
A. p 是真 B. p 是假 C. p 和 q 假
D. p 和 q 真

4. 如图7-1, 在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, P 是侧面 BB_1C_1C 内一动点, 若 P 到直线 BC 与直线 C_1D_1 的距离相等, 则动点 P 的轨迹所在曲线是 ()

- A. 直线
B. 圆
C. 双曲线
D. 抛物线

5. 命题“存在实数 $x, b+1 < 0$ 且 $x^2 > b$ ”是 ()

- A. “ $p \vee q$ ”的形式
B. “ $p \wedge q$ ”的形式
C. 真命题
D. 假命题

6. $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 与 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > 0, b > 0$) 的渐近线 ()

- A. 重合
B. 不重合, 但关于 x 轴对称
C. 不重合, 但关于 y 轴对称
D. 不重合, 但关于直线 $y=x$ 对称

7. 若 $ax^2 + \sqrt{2}x + 2 = ax^2 + 3x + 2 = 0$, 则 a 是 q 的

- A. 充分非必要条件
B. 必要非充分条件
C. 充要条件
D. 既不充分也不必要条件

8. 已知 l, m 是异面直线, $A, B \in l, C, D \in m, l \perp AC, l \perp BD, l \perp AD$, 且 $AB = 2, CD = 2$, 则 l 与 m 所成的角是 ()

A. 30° B. 45° C. 60° D. 90°

9. 过点 $(-3, -2)$ 且与 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ 有相同渐近线的椭圆的方程为 ()

A. $\frac{x^2}{15} + \frac{y^2}{10} = 1$
B. $\frac{x^2}{225} + \frac{y^2}{100} = 1$
C. $\frac{x^2}{10} + \frac{y^2}{15} = 1$
D. $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$

10. PA, PB, PC 是从 P 点出发的三条射线, 每两条射线的夹角均为 60° , 那么直线 PC 与平面 PAB 所成角的余弦值是 ()

A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{\sqrt{6}}{3}$

11. 已知 F_1, F_2 是椭圆的两个焦点, 过 F_1 且与椭圆长轴垂直的直线交椭圆于 A, B 两点, 若 $\triangle ABF_2$ 是正三角形, 则这个椭圆的离心率是 ()

A. $\frac{\sqrt{2}}{3}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ C. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

12. 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = 5, AD = 4, PA \perp$ 平面 $ABCD, PA = 4\sqrt{3}$, 那么二面角 $A-AB_1-D$ 的大小为 ()

A. 30° B. 45° C. 60° D. 75°

第二卷(非选择题, 共90分)

- 二、填空题(本大题共4小题, 每小题4分, 共16分, 把答案填在题中横线上)

13. 以椭圆 $\frac{x^2}{169} + \frac{y^2}{144} = 1$ 的右焦点为圆心, 且与双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的渐近线相切的圆的方程为 _____

14. 如图7-2, 已知四面体 $ABCD$ 的对棱相等, 则 $\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$ 为所在棱的中点, 则向量 \vec{EF} 与 \vec{GH} 的夹角为 _____

15. 直三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$, 在底面 $\triangle ABC$ 中, $CA = CB = 1, \angle BCA = 90^\circ$, 棱 $AA_1 = 2, M$ 是 AA_1 的中点, 则 BM 的长是 _____



图7-2

16. 有下列四个命题:

- ① 若 $a+b=0$, 则 \sqrt{a} 与 \sqrt{b} 互为相反数的逆命题;
- ② “全等三角形面积相等”的否命题;
- ③ “若 $a \leq 1$, 则 $a^2 - 2a + 4$ 有实根”的逆否命题;
- ④ “不等边三角形的三个内角相等”的逆命题, 其中真命题的序号为 _____

三、解答题(本大题共6小题, 共74分, 解答时应写出文字说明, 证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分) 设原命题为“已知 m, n 是实数, 若 $m+n$ 是无理数, 则 m, n 都是无理数”, 写出它的逆命题, 否命题和逆否命题, 并分别说明它们的真假.

18. (本小题满分12分) 已知凸四边形 $OACB$ 中, $\angle AOB = \angle BOC = \angle AOC$, 且 $OA = OB = OC = OM$, N 分别是 OA, BC 的中点, 求证: $OG \perp BC$.

20. (本小题满分12分) 已知椭圆 C 的中心在原点, 焦点在 x 轴上, 且满足下列三个条件:

①离心率 $e = \frac{\sqrt{2}}{2}$;

②经过点 $P(1, 0)$ 的直线 l 与椭圆 C 相交于 A, B 两点, 且线段 AB 的中点在

直线 $x = \frac{1}{2}$ 上;

③椭圆 C 上存在一点, 与其右焦点关于直线对称. 求直线 l 及椭圆 C 的方程.

22. (本小题满分14分) 已知在平面直角坐标系 xOy 中有一个椭圆, 它的中心在原点, 左焦点为 $F(-\sqrt{3}, 0)$, 且右顶点为 $B(2, 0)$, 设点 A 的坐标是

$(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$.

(1) 求该椭圆的标准方程;

(2) 若 P 是椭圆上的动点, 求线段 PA 中点 M 的轨迹方程;

(3) 过原点 O 的直线交椭圆于点 B, C , 求 $\triangle ABC$ 面积的最大值.



图 7-4

19. (本小题满分12分) 已知条件 $p: |a-1| \leq 2a \leq a^2+1$, 条件 $q: |b-1| \leq 2(3+b) \leq 2(3+b) \leq 0$. 若条件 p 是条件 q 的充分条件, 求实数 a 的取值范围.

21. (本小题满分12分) 如图7-3, 在四棱锥 $P-ABCD$ 中, 底面 $ABCD$ 是正方形, 侧面 PBC 是边长为 a 的正三角形, 且平面 $PBC \perp$ 底面 $ABCD$, E 为 PC 的中点.

- (1) 求异面直线 PA 与 DE 所成的角;
(2) 求点 D 到平面 PAE 的距离.



图 7-3

高中数学同步测试卷(八)

选修2-1综合测试 B卷

【命题说明】本次试卷分I卷(选择题)和II卷(非选择题)两部分,满分150分,考试时间120分钟.

第I卷(选择题 共60分)

一、选择题(本大题共12小题,每小题5分,共60分.在每小题给出的四个选项中,只有一个选项符合题目要求.)

1. 下列结论中,正确的是()

- A. 命题“ p 且 q ”是真命题时,命题“ p 且 q ”一定是真命题
 B. 命题“ p 且 q ”是真命题时,命题“ p 且 q ”一定是真命题
 C. 命题“ p 且 q ”是真命题时,命题“ p 一定是真命题
 D. 命题“ p 且 q ”是真命题时,命题“ q 一定是真命题

2. 抛物线 $y^2=4p(x-p>0)$ 上一点M到焦点的距离为 a ,则点M到y轴的距离为()

- A. $a-p$ B. $a+p$ C. $\frac{a-p}{2}$ D. $\frac{a+p}{2}$
 3. 已知空间四边形ABCD,连接AC, BD, 设M, N分别是BC, CD的中点, 则 $\overrightarrow{AB} - \frac{1}{2}(\overrightarrow{BD} + \overrightarrow{AC})$ 等于()

- A. \overrightarrow{AC} B. \overrightarrow{CC} C. \overrightarrow{AD} D. $\frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$

4. 若 $x, y \in R$, 且 $x^2+y^2=0$, 则 x, y 全为0的否命题是()
 A. 若 $x, y \in R$, 且 $x^2+y^2 \neq 0$, 则 x, y 不全为0
 B. 若 $x, y \in R$, 且 $x^2+y^2 \neq 0$, 则 x, y 不全为0
 C. 若 $x, y \in R$, 且 x, y 不全为0, 则 $x^2+y^2 \neq 0$
 D. 若 $x, y \in R$, 且 $x, y \neq 0$, 则 $x^2+y^2 \neq 0$

5. A, B, C, D, E是空间五点, 若 $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}$ 均不能构成空间的一个基底, 则在下列各结论中, 正确的结论共有()

- (1) $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}$ 不构成空间的一个基底
 (2) $\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE}$ 不构成空间的一个基底

(3) $\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{DE}$ 不构成空间的一个基底

(4) $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}, \overrightarrow{EA}$ 构成空间的一个基底
 A. 4个 B. 3个 C. 2个 D. 1个

6. 已知 F_1, F_2 是椭圆 $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$ 的两个焦点, CD为过 F_2 的直线交椭圆于A, B, 若 $|AB|=3$, 则 $|AF_1|+|BF_1|$ =()

- A. 11 B. 10 C. 9 D. 16

7. (x_0, y_0, z_0) 是点 $P(x, y, z)$ 在曲线 $(x-y)^2+z^2=0$ 上的点, 则 P 到直线的距离为()

- A. 充分不必要条件
 B. 必要不充分条件
 C. 充要条件
 D. 既不充分也不必要条件

8. 设定点 $M(5, \frac{10}{3})$, 抛物线 $y^2=2x$ 上的点P到点M与到准线的距离之和, 则 $|OP|$ 的最小值时, P点坐标为()

- A. (0, 0) B. $(1, \sqrt{2})$ C. $(2, 2)$ D. $(\frac{1}{8}, -\frac{1}{2})$

9. 在棱长为1的正方体ABCD-A₁B₁C₁D₁中, M, A₁分别为A₁B₁和BB₁的中点, 那么直线AM与C₁D₁所成的角为()

- A. $\arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\arccos \frac{\sqrt{10}}{10}$ C. $\arccos \frac{2}{5}$ D. $\arccos \frac{1}{5}$

10. 方程 $\frac{x^2}{1-k} + \frac{y^2}{1+k} = 1$ 表示双曲线的必要但不充分条件是()

- A. $-\frac{1}{2} < k < 2$ B. $-3 < k < \frac{1}{3}$ C. $-\frac{1}{2} < k < 2$, 或 $-3 < k < \frac{1}{3}$ D. $-3 < k < 2$

11. 已知ABCD是正方形, E是AB的中点, 将 $\triangle ADE$ 和 $\triangle CBE$ 分别沿DE, CE折后, 使E与E重合, A, B, D重合后记为点E', 那么二面角E'-CD-E的大小为()

- A. 30° B. 45° C. 60° D. 90°

12. 已知双曲线 $\frac{x^2}{6} - \frac{y^2}{3} = 1$ 的一个焦点为F, P点则在双曲线上且 $|MF_1|=1$, 则P到直线 F_1P 的距离为()

- A. $\frac{3\sqrt{6}}{5}$ B. $\frac{5\sqrt{6}}{6}$ C. $\frac{6}{5}$ D. $\frac{5}{6}$

第II卷(非选择题 共90分)

二、填空题(本大题共4小题, 每小题5分, 共20分. 把答案填在题中横线上)

13. 已知过O点长为1, 2, 3的三个向量 a, b, c 满足 $a \cdot b = b \cdot c = c \cdot a = 0$, 则 $|a+b+c|$ 的值为_____

14. 已知 F_1, F_2 是双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a>0, b>0)$ 的两个焦点, P为过 F_1 且垂直于x轴的双曲线上的点, 如果 $\angle F_2PF_1=90^\circ$, 则双曲线的离心率是_____

15. 自平面 α 外一点P, 向平面 α 引垂线PO及两条斜线PA, PB, 它们在平面 α 内的射影长分别为2cm和12cm, 且这两条斜线与平面 α 所成的角相差 45° , 则垂线段PO的长为_____

16. 已知 P, P' 为双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a>0, b>0)$ 的两个焦点, P'为双曲线上异于顶点的任意一点, O为坐标原点, 下面四个命题

- A. $\triangle P'OP$ 的内切圆的圆心必在直线 OP' 上;
 B. $\triangle P'OP$ 的内切圆的圆心必在直线 OP 上;
 C. $\triangle P'OP$ 的内切圆的圆心必在直线 OP' 上;
 D. $\triangle P'OP$ 的内切圆的圆心必在直线 OP 上.

其中真命题的代号是_____ (写出所有真命题的代号).

三、解答题(本大题共6小题, 共74分. 解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤)

17. (本小题满分12分) 分别指出下列命题的形式, 并判断其真假.
 (1) 相似三角形周长相等或对应角相等;
 (2) 的算术平方根不是-3;
 (3) 垂直于弦的直径平分这条弦, 并且平分这条弦所对的两段弧.