

本书是《奥数教程》配套用书
两书配套使用，收效一定更佳



江兴代
编著

总主编 单 墀 熊 斌

奥数教程

· 第四版 ·

学习手册

四年
级

奥数图书出版大事记

2000年10月 《奥数教程》(10种) 第一版问世

2001年 《奥数教程》获优秀畅销书奖

2002年 《奥数教程》在香港出版繁体字版和网络版

2002年 《奥数测试》(第一版) 出版

2003年6月 《奥数教程》(第二版) 出版, 并开展“有奖订正”、“巧解共享”活动

2003年 《奥数教程》(3~6年级) VCD出版

2004年 《奥数教程》(高一年级) 在全国零售市场高中数学竞赛类图书中销量名列第一(开卷数据)

2003~2006年 陆续出版由IMO中国国家集训队教练组编写的《走向IMO——数学奥林匹克试题集锦》

2005年 “奥数”图书累计销量近1000万册

2005年5月 出版《数学奥林匹克小丛书》(30种)

2006年1月 《奥数教程》(第三版)、《奥数测试》(第二版) 出版

2006年2月 《数学奥林匹克小丛书》(12种) 繁体字版在台湾出版

2007年6月 《奥数教程》(第四版)、《奥数教程学习手册》(4~9年级) 出版

ISBN 978-7-5617-5286-9



9 787561 752869 >

定价: 7.80元

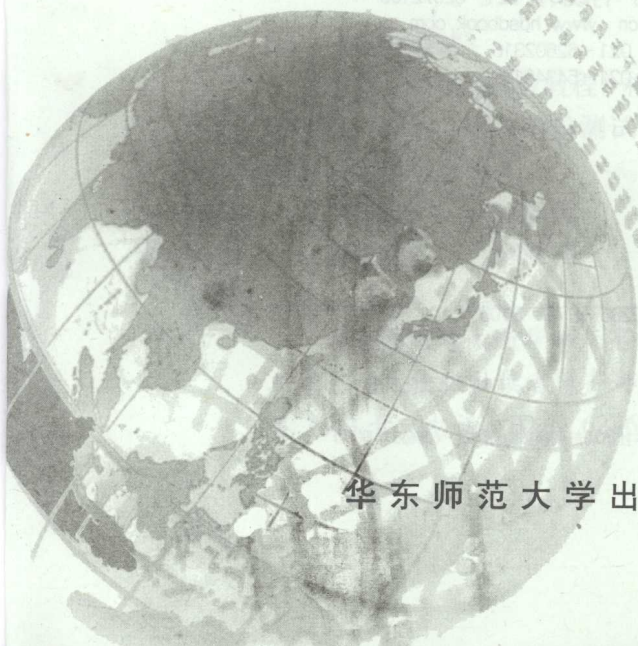
www.ecnupress.com.cn

冠主编 单 樽 熊 斌

奥数教程 (第四版)

· 四年级 · 学习手册

江兴代 编著



华东师范大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

奥数教程学习手册. 四年级/江兴代编著. —4 版. —上海:
华东师范大学出版社, 2007. 3

ISBN 978-7-5617-5286-9

I. 奥… II. 江… III. 数学课—小学—教学参考资料
IV. G624. 503

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2007)第 039121 号

奥数教程 (第四版)

学习手册

• 四年级 •

总 主 编 / 单 堉 熊 斌

编 者 / 江兴代

策划组稿 / 倪 明 徐 金

文字编辑 / 严小敏

封面设计 / 高 山

版式设计 / 蒋 克

出版发行 华东师范大学出版社

社 址 上海市中山北路 3663 号 邮编 200062

电 话 021-62450163 转各部 行政传真 021-62572105

网 址 www.ecnupress.com.cn www.hdsdbook.com.cn

市 场 部 传真 021-62860410 021-62602316

邮购零售 电话 021-62869887 021-54340188

印 刷 者 华东师范大学印刷厂

开 本 890×1240 32 开

印 张 5.25

字 数 135千字

版 次 2007 年 6 月第 1 版

印 次 2007 年 6 月第 1 次

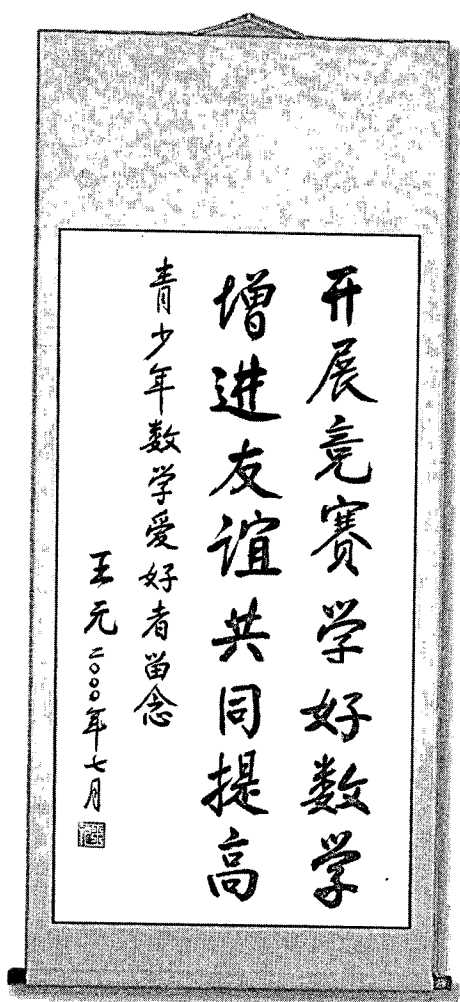
印 数 16 000

书 号 ISBN 978-7-5617-5286-9/G·3105

定 价 7.80 元

出 版 人 朱杰人

(如发现本版图书有印订质量问题,请寄回本社市场部调换或电话 021-62865537 联系)



著名数学家、中国科学院院士、原中国数学奥林匹克委员会主席王元先生致青少年数学爱好者

致读者

《奥数教程》的出版已有七八个年头了. 在这个过程中, 包含了作者和编辑的辛勤劳作, 更多的是让我们感到欣慰. 这套书, 曾荣获了第十届全国教育图书展的优秀畅销书奖; 香港现代教育研究社出版了她的繁体字版和网络版, 并成为香港的畅销图书之一, 并因此获得了版权输出奖; 据北京开卷图书市场研究所的监控销售数据, 近几年《奥数教程》的销量名列同类书前茅, 尤其是初一和高分册分别获得数学竞赛图书初中段和高中段的第一. 这些成绩的取得与作者们精到的创作, 广大读者的支持、呵护是分不开的.

为了使《奥数教程》更健康、更成熟地发展, 为了使学生的学习生活更主动、更有效, 不断提高图书的质量, 我们差不多每两年修订一次, 现在已经是第四版了. 应广大读者的要求, 方便读者自学, 为四年级至九年级出版了相应的“学习手册”. 如果将“学习手册”与“教程”配套使用, 收效一定更佳.

四五年前, 我们开展了“有奖订正”和“巧解共享”两项活动, 得到了读者的支持与配合, 不少读者纷纷来信、来电提出订正意见和更好的解法. 这是对我们的鼓励, 更是对我们的鞭策. 我们计划继续开展下列活动, 希望有更多的读者朋友乐于参与.

一、有奖订正

2007年9月到2008年8月期间, 欢迎读者朋友对《奥数教程》(第四版, 12册), 提出改正意见, 我们将对“纠错能手”给予奖励.

二、巧解共享

欢迎读者朋友对《奥数教程》中例题与习题, 提供更巧妙的解法. 我们将选择有新意的、合适的解法在网上公布, 以与其他读者朋友共享. 凡在修订时被采用者, 我们将署上提供者的姓名, 并支付相应的稿酬.

我们衷心祝愿《奥数教程》永远成为您的好朋友.

华东师范大学出版社

前言

据说在很多国家,特别是美国,孩子们害怕数学,把数学作为“不受欢迎的学科”。但在中国,情况很不相同,很多少年儿童喜爱数学,数学成绩也都很好。的确,数学是中国人擅长的学科,如果在美国的中小学,你见到几个中国学生,那么全班数学的前几名就非他们莫属。

在数(shǔ)数(shù)阶段,中国儿童就显出优势。

中国人能用一只手表示 1~10,而很多国家非用两只手不可。

中国人早就有位数的概念,而且采用最方便的十进制(不少国家至今还有 12 进制,60 进制的残余)。

中国文字都是单音节,易于背诵,例如乘法表,学生很快就能掌握,再“傻”的人也都知道“不管三七二十一”。但外国人,一学乘法,头就大了。不信,请你用英语背一下乘法表,真是佶屈聱牙,难以成诵。

圆周率 $\pi=3.141\ 59\dots$ 。背到小数后五位,中国人花一两分钟就够了。可是俄国人为了背这几个数字,专门写了一首诗,第一句三个单词,第二句一个,……要背 π 先背诗,这在我们看来简直是自找麻烦,可他们还作为记忆的妙法。

四则运算应用题及其算术解法,也是中国数学的一大特色。从很古的时候开始,中国人就编了很多应用题,或联系实际,或饶有兴趣,解法简洁优雅,机敏而又多种多样,有助于提高学生的学习兴趣,启迪学生的智慧。例如:

“一百个和尚一百个馒头,大和尚一个人吃三个,小和尚三个人吃一个,问有几个大和尚,几个小和尚?”

外国人多半只会列方程解。中国却有多种算术解法,如将每个大和尚“变”成 9 个小和尚,100 个馒头表明小和尚是 300 个,多出 200 个和尚,是由于每个大和尚变小和尚,多变出 8 个,从而 $200 \div 8 = 25$ 即是大和尚人数。小和尚自然是 75 人,或将一个大和尚与 3 个小和尚编成一组,平均每人吃一个馒头。恰好与总体的平均数相等。所以大和尚与小和尚这样编组后不多不少,即大和尚是 $100 \div (3+1) = 25$ 人。

中国人善于计算,尤其善于心算.古代还有人会用手指计算(所谓“掐指一算”).同时,中国很早就有计算的器械,如算筹、算盘.后者可以说是计算机的雏形.

在数学的入门阶段——算术的学习中,我国的优势显然,所以数学往往是我国聪明的孩子喜爱的学科.

几何推理,在我国古代并不发达(但关于几何图形的计算,我国有不少论著),比希腊人稍逊一筹.但是,中国人善于向别人学习.目前我国中学生的几何水平,在世界上遥遥领先.曾有一个外国教育代表团来到我国一个初中班,他们认为所教的几何内容太深,学生不可能接受,但听课之后,不得不承认这些内容中国的学生不但能够理解,而且掌握得很好.

我国数学教育成绩显著.在国际数学竞赛中,我国选手获得众多奖牌,就是最有力的证明.从1986年我国正式派队参加国际数学奥林匹克以来,中国队已经获得了12次团体冠军,可谓是成绩骄人.当代著名数学家陈省身先生曾对此特别赞赏.他说:“今年一件值得庆祝的事,是中国在国际数学竞赛中获得第一.……去年也是第一名.”(陈省身1990年10月在台湾成功大学的讲演“怎样把中国建为数学大国”)

陈省身先生还预言:“中国将在21世纪成为数学大国.”

成为数学大国,当然不是一件容易的事,不可能一蹴而就,它需要坚持不懈地努力.我们编写这套丛书,目的就是:(1)进一步普及数学知识,使数学为更多的青少年喜爱,帮助他们取得好的成绩;(2)使喜爱数学的同学得到更好地发展,通过这套丛书,学到更多的知识和方法.

“天下大事,必作于细.”我们希望,而且相信,这套丛书的出版,在使我国成为数学大国的努力中,能起到一点作用.本丛书初版于2000年,现根据课程改革的要求对各册再作不同程度的修订.

著名数学家、中国科学院院士、原中国数学奥林匹克委员会主席王元先生担任本丛书顾问,并为青少年数学爱好者题词,我们表示衷心的感谢.还要感谢华东师范大学山版社及倪明先生,没有他们,这套丛书不会是现在这个样子.

单 樽 熊 斌

2007年5月

习题详细解答

第 1 讲	巧算加减法	1
第 2 讲	巧算乘除法	3
第 3 讲	横式数字谜	5
第 4 讲	竖式数字谜	6
第 5 讲	在变化中找规律	9
第 6 讲	利用等差规律计算	13
第 7 讲	有趣的数阵图	16
第 8 讲	用假设法解应用题	19
第 9 讲	用对应法解应用题	21
第 10 讲	用字母表示数	23
第 11 讲	一元一次方程	24
第 12 讲	列方程解应用题	26
第 13 讲	平均数应用题(一)	28
第 14 讲	平均数应用题(二)	30
第 15 讲	用枚举法解应用题	32
第 16 讲	行船问题	35
第 17 讲	过桥问题	37
第 18 讲	盈亏问题	38
第 19 讲	还原问题	40
第 20 讲	数码问题	42

第 21 讲	整除与有余数除法	44
第 22 讲	奇数和偶数	46
第 23 讲	图形的个数	48
第 24 讲	图形的周长	49
第 25 讲	图形的面积	51
第 26 讲	填运算符号和括号	53
第 27 讲	最大和最小	55
第 28 讲	统筹安排	57

竞赛热点精讲

第 1 讲	巧计算	61
第 2 讲	妙填图	64
第 3 讲	找规律	70
第 4 讲	假设法	75
第 5 讲	枚举法	79
第 6 讲	还原法	84
第 7 讲	对应法	88
第 8 讲	代数法	93
第 9 讲	最值法	97
第 10 讲	割补法	100

全真赛题热身

1. 2004 年“迎新年”数学竞赛	107
2. 2005 年“迎春杯”数学竞赛	110
3. 2006 年“迎春杯”数学竞赛	114
4. 2007 年“迎新春”数学竞赛	120
5. 2007 年“迎春杯”数学竞赛	124
6. 第二届“华博士”小学数学奥赛网上竞赛	128

7. 第四届小学“希望杯”全国数学邀请赛(第1试)	133
8. 第四届小学“希望杯”全国数学邀请赛(第2试)	140
9. 第三届《小学生数学报》优秀小读者评选活动(初评)	147
10. 第三届“走进美妙的数学花园”解题技能展示大赛	152

第 1 讲

巧算加减法

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \text{ 原式} &= (32 + 68) + (87 + 13) \\ &= 100 + 100 \\ &= 200. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \text{ 原式} &= (745 - 545) + (672 - 572) \\ &= 200 + 100 \\ &= 300. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \text{ 原式} &= (42 + 61 - 3) \times 35 \\ &= 100 \times 35 \\ &= 3500. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \text{ 原式} &= 726 - 399 + 174 \\ &= (726 + 174) - 399 \\ &= 900 - 400 + 1 \\ &= 500 + 1 \\ &= 501. \end{aligned}$$

$\textcircled{6}$ 本题中, 560, 557, 554, 551, $\dots$, 500, 497 是一等差数列, 共有 $(560 - 497) \div 3 + 1 = 22$ (项), 两个数一组, 一共可分成 $22 \div 2 = 11$ (组).

$$\begin{aligned} 560 - 557 + 554 - 551 + \dots + 500 - 497 &= (560 - 557) + \\ (554 - 551) + \dots + (500 - 497) &= \underbrace{3 + 3 + \dots + 3}_{\text{共有11个3}} = 3 \times 11 = 33. \end{aligned}$$

所以, 正确答案为 A.

$$\begin{aligned} \textcircled{7} \text{ 原式} &= (69 + 31) + (18 + 82) \\ &= 100 + 100 \end{aligned}$$

$$= 200.$$

$$\textbf{8} \text{ 原式} = (516 - 16) - (56 + 44)$$

$$= 500 - 100$$

$$= 400.$$

$$\textbf{9} \text{ 原式} = 713 - 513 + 229$$

$$= 200 + 229$$

$$= 429.$$

$$\textbf{10} \text{ 原式} = 2356 - 356 - 199$$

$$= 2000 - 200 + 1$$

$$= 1801.$$

$$\textbf{11} \text{ 原式} = (378 + 99) - (675 - 475)$$

$$= (378 + 100 - 1) - 200$$

$$= 477 - 200$$

$$= 277.$$

$$\textbf{12} \text{ 原式} = 537 - 543 + 163 - 57$$

$$= (537 + 163) - (543 + 57)$$

$$= 700 - 600$$

$$= 100.$$

$$\textbf{13} \text{ 原式} = (20 - 1) + (300 - 1) + (4000 - 1) + (50\,000 - 1)$$

$$= 54\,320 - 4$$

$$= 54\,316.$$

14 200, 198, 196, 194, ..., 4, 2 共有 100 个数, 两个数一组, 共可分成 50 组.

$$\text{原式} = (200 - 198) + (196 - 194) + \cdots + (8 - 6) + (4 - 2)$$

$$= 2 \times 50 = 100.$$

第 2 讲

巧算乘除法

$$\textcircled{1} \text{ 原式} = 4500 \div 90 \div 25 \\ = 50 \div 25 = 2.$$

$$\textcircled{2} \text{ 原式} = 18\,000 \div 18 \div 125 \\ = 1000 \div 125 = 8.$$

$$\textcircled{3} \text{ 原式} = (42 + 61 - 3) \times 35 \\ = 100 \times 35 = 3500.$$

$$\textcircled{4} \text{ 原式} = (99 + 1) \times 125 \times 8 \times 2 \\ = 100 \times 1000 \times 2 = 200\,000.$$

$$\textcircled{5} \text{ C. 提示: } 8 \times 240 \times 125 \div 48 \\ = (8 \times 125) \times (240 \div 48) \\ = 1000 \times 5 = 5000.$$

$$\textcircled{6} \text{ A. 提示: } 872 \times 7 \times 11 \times 13 \\ = 872 \times 1001 = 872\,872.$$

$$\textcircled{7} \text{ 原式} = 25 \times 3 \times 4 \times 4 \\ = (25 \times 4) \times 12 \\ = 100 \times 12 = 1200.$$

$$\textcircled{8} \text{ 原式} = 981 + 50 \times 981 + 49 \times 981 \\ = (1 + 50 + 49) \times 981 \\ = 100 \times 981 = 98\,100.$$

$$\textcircled{9} \text{ 原式} = 1000 \div 25 \times 4 \\ = 40 \times 4 = 160.$$

$$\textcircled{10} \text{ 原式} = 3333 \times 2 \times 1111 \div 6666 \\ = (3333 \times 2 \div 6666) \times 1111 = 1111.$$

$$\textcircled{11} \text{ 原式} = (8 + 9 + 11) \div 7 \\ = 28 \div 7 = 4.$$

$$\textcircled{12} \text{ 原式} = (5500 - 55) \div 55 \\ = 5500 \div 55 - 55 \div 55 \\ = 100 - 1 = 99.$$

$$\textcircled{13} \text{ 原式} = 1440 \times (976 \div 488) \\ = 1440 \times 2 = 2880.$$

$$\textcircled{14} \text{ 原式} = 5 \div 7 \times 11 \div 11 \times 16 \div 16 \times 35 \\ = 5 \div 7 \times 35 \\ = 5 \times (35 \div 7) \\ = 5 \times 5 = 25.$$

$$\textcircled{15} \text{ 原式} = (2005 + 1) \times 2008 - 2005 \times (2008 + 1) \\ = 2005 \times 2008 + 2008 - 2005 \times 2008 - 2005 \\ = 2008 - 2005 = 3.$$

第 3 讲

横式数字谜

1 (1) $\square = (400 - 43) \div 17$
 $= 357 \div 17 = 21;$

(2) $\square = 7209 \div 9 - 601$
 $= 801 - 601 = 200.$

2 (1) $\square = (196 - 4) \div 8 = 24;$

(2) $\square = 15 \times 15 + 10 = 235.$

3 (1) 在 12~29 之间, 是 7 的倍数的数有 14, 21, 28 三个数, 因此, $\square = 2, 3, 4$. 即

$$12 < 7 \times \boxed{2} < 29, 12 < 7 \times \boxed{3} < 29, 12 < 7 \times \boxed{4} < 29.$$

(2) $\square \div 3 - 1$ 在 1~4 之间, 可以等于 2 或 3.

当 $\square \div 3 - 1 = 2$ 时, $\square = (1 + 2) \times 3 = 9;$

当 $\square \div 3 - 1 = 3$ 时, $\square = (1 + 3) \times 3 = 12.$

所以, $\square = 9, 12$. 即

$$1 < \boxed{9} \div 3 - 1 < 4, 1 < \boxed{12} \div 3 - 1 < 4.$$

4 12 可以变为: $1 \times 12, 2 \times 6, 3 \times 4$, 考虑到

$$\triangle = \bigcirc + \bigcirc + \bigcirc = 3 \times \bigcirc,$$

因此 $\bigcirc = 2, \triangle = 6$.

第 4 讲

竖式数字谜

① 将四个□中的数字用 a 、 b 、 c 、 d 表示, 由于 $a+c \leq 18$, 所以 $b+d = 18$, 这样 $a+c = 18$, $a+c+b+d = 18+18 = 36$.

$$\begin{array}{r} \boxed{a} \boxed{b} \\ + \quad \boxed{c} \boxed{d} \\ \hline 1 \quad 9 \quad 8 \end{array}$$

② 将三个□中的数字用 a 、 b 、 c 表示.

根据题意, $b = 5$. 经过尝试可知,

$$a = 0, c = 7 \text{ 或 } a = 1, c = 8; a = 2, c = 9.$$

这样, $a+b+c$ 的最小值为 $0+5+7 = 12$, 即三个□中的数字之和最小为 12.

$$\begin{array}{r} 1 \quad \boxed{a} \boxed{b} \\ - \quad \boxed{c} \quad 6 \\ \hline 2 \quad 9 \end{array}$$

③ 将三个□中的数字用 a 、 b 、 c 表示.

由题意知, $b \times 6$ 的末位数字为 4, $b = 4$ 或 9, 经尝试,

$$b = 4, c = 5, a = 1.$$

得 $a+b+c = 1+4+5 = 10$, 即三个□中的数字之和为 10.

$$\begin{array}{r} \boxed{a} \quad 5 \quad 8 \quad \boxed{b} \\ \times \quad \quad \quad 6 \\ \hline 9 \quad \boxed{c} \quad 0 \quad 4 \end{array}$$