

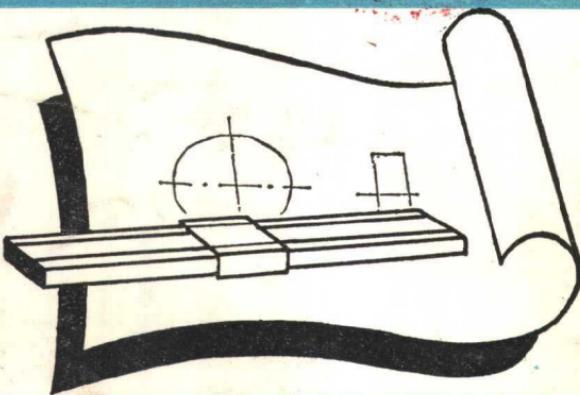
# 机械工人学习材料

JIXIE GONGREN XUEXI CAILIAO

## 直齿圆锥齿轮各部尺寸计算

陈邕麟 编著

简易计算



机械工业出版社

**内容提要** 在同一平面上，两相交轴的传动可以用圆锥齿轮。圆锥齿轮可分为直齿的、斜齿的、圆弧型或螺旋圆锥齿轮等。本书主要是介绍直齿圆锥齿轮的基本知识。

书中对直齿圆锥齿轮的各部名称、意义、常用的代号，以及各部尺寸关系的公式等都作了详细的介绍。为了使读者了解公式的应用，作者还列举了不少计算实例，反复演证，说明其计算步骤和方法，另外对主要的公式还作了一番证明。

本书是 1965 年第三版修订本。这次修订，在内容上除了保留原本由浅入深、反复举例的特点外，还增加了不少新内容。

本书可供机械工人阅读。

## 直齿圆锥齿轮各部尺寸计算

(修订第四版)

陈邕麟 编著

\*

机械工业出版社出版 (北京阜成门外百万庄南街一号)

(北京市书刊出版业营业登记证字第 117 号)

机械工业出版社印刷厂印刷

新华书店北京发行所发行，新华书店经售

\*

开本 787×1092 1/32 · 印张 2<sup>12</sup>/13 · 字数 61 千字

1973 年 11 月北京第四版 · 1973 年 11 月北京第一次印刷

印数 00,001—212,000 · 定价 0.21 元

\*

统一书号：15033 · 1206

032599

## -----毛主席语录-----

红与专、政治与业务的关系，是两个对立物的统一。一定要批判不问政治的倾向。一方面要反对空头政治家，另一方面要反对迷失方向的实际家。

在生产斗争和科学实验范围内，人类总是不断发展的，自然界也总是不断发展的，永远不会停止在一个水平上。因此，人类总得不断地总结经验，有所发现，有所发明，有所创造，有所前进。

## 目 次

一 基本概念和参数	1
二 主要部分名称和意义	4
三 几个基本公式的证明	8
四 直齿圆锥齿轮计算公式	13
五 公制直齿圆锥齿轮计算实例	16
六 圆锥齿轮传动公差和工作图	29
七 英制直齿圆锥齿轮计算公式和实例	39
附表	48
附表 1 分度圆锥角 $\Psi$ 表	48
附表 2 锥距系数 $L_0$ 表	62
附表 3 齿顶圆直径系数 $D_0$ 表	67
附表 4 圆锥齿轮毛坯公差表	81
附表 5 圆锥齿轮传动公差表	82

## 一 基本概念和参数

在同一平面上，两相交轴的传动可以用圆锥齿轮。圆锥齿轮的轴线夹角  $\delta$ ，可以大于或小于  $90^\circ$ ，其中最常用的是轴线夹角  $\delta = 90^\circ$ （图 2）的。

圆锥齿轮可以分为：直齿的、斜齿的、圆弧型或螺旋圆锥齿轮。

由于直齿圆锥齿轮比较容易制造，所以广泛地应用在机器上。例如，柴油机的定时传动轴、阀杆的传动、挖泥船动力的传递、开钟表的发条等等都用到它。它的缺点是：不容易制造出较高的精度，齿轮和齿条接触区不容易控制。此外，因为它是直齿，牙齿的啮合和离开比较突然，而不是逐渐的，所以在高速和大动力传递中，逐渐地就被标准渐开线或圆弧型圆锥齿轮所代替。

从外形看，直齿圆锥齿轮和圆柱齿轮的最大区别是：一个是截锥体，一个是圆柱体。此外，直齿圆锥齿轮和斜齿圆锥齿轮的区别，只是在截锥体上

所切削出来的齿条都通过锥顶（轴线与齿顶圆或分度圆母线延长的交点叫“锥顶”），更确切地说，直齿圆锥齿轮的齿面可以看成通过锥顶的许多直线的轨迹。

分度圆的意义是有

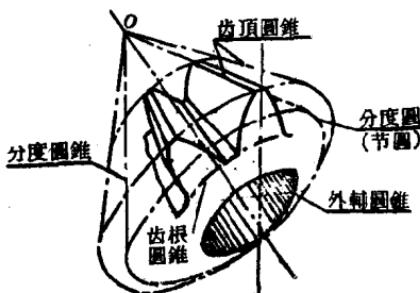


图 1 直齿圆锥齿轮上的几个主要名称

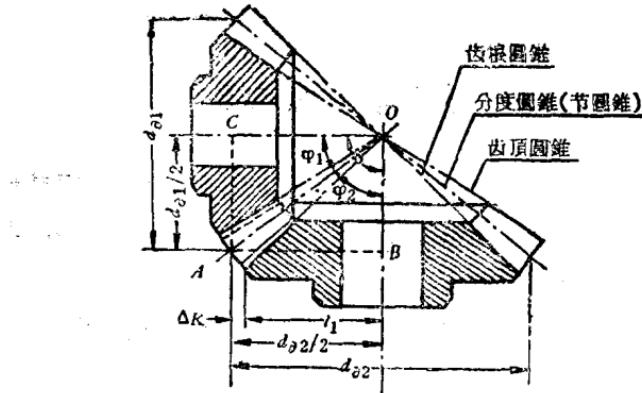


图 2 一对啮合的直齿圆锥齿轮

标准模数的圆。在图 1 里，过大端分度圆而逐渐向锥顶缩小的圆锥，叫分度圆锥；同样，过大端齿顶圆而逐渐向锥顶缩小的圆锥，叫齿顶圆锥，和过大端齿底圆（又叫齿根圆）而逐渐向锥顶缩小的圆锥，叫齿根圆锥。节圆锥可以看作当它和另一锥齿轮啮合时，只有纯滚动而无滑动的圆锥。对非变位的正常圆锥齿轮来说，节圆锥和分度圆锥重合在一起，所以节圆直径等于分度圆直径。

跟分度圆锥轴线一致，而母线和分度圆锥母线互相垂直的有两个辅圆锥：在齿轮大端方向的叫外辅圆锥（又叫做背锥）在小端方向的叫内辅圆锥（图 1 中的内辅圆锥被遮住看不见，可参看图 3 b），一般所有的各部齿形尺寸都在外辅圆锥上计量。如果需要在内辅圆锥上注明齿形尺寸的话，那么根据三角学的直角三角形相似定理，只要把外辅圆锥上的几何尺寸乘上比例常数  $\frac{L-b}{L}$ ，即乘上  $\frac{\text{锥距}-\text{齿面宽}}{\text{锥距}}$  就可以了（证明见第三章）。

跟直齿圆柱齿轮的定义一样，在分度圆上的相邻两齿间对应两点的弧长叫周节，用 $t$ 来表示，而比值 $\frac{t}{\pi}$ 叫做模数，用 $m$ 来表示。设 $z$ 代表齿数，那么它们的关系是：

$$\text{因 周节} \quad t = \frac{\pi d_0}{z}$$

$$\therefore \text{模数} \quad m = \frac{t}{\pi} = \frac{d_0}{z}$$

移项得：分度圆直径  $d_0 = mz$

因此模数也可被理解为一个牙齿占有分度圆直径的部分长度。从公式 $m = \frac{t}{\pi}$ 看，齿轮的周节越大，它的模数也越大，齿形也就越粗。

圆锥齿轮的模数，也可以按第一机械工业部标准 JB 111-60 的模数系列来选定（见表 1）：

表 1 齿轮模数系列表(JB 111-60)

第一系列	0.1	0.15	0.2	0.25	0.3	0.4	0.5	0.6	0.8	1	1.25
	1.5	2	2.5	3	4	5	6	8	10	12	14
	30	36	40	45	50				18	20	22
									25		
第二系列	0.7	1.75	2.25	(2.75)	(3.25)	3.5	(3.75)	4.5	(5.5)		
	(6.5)	7	9	11	(13)	(15)	28	33			

注：1.本标准适用于圆柱齿轮、圆锥齿轮和蜗轮；

2.应优先采用第一系列，其次为第二系列，括号内的模数尽可能不用；

3.对圆锥齿轮来说，模数是按大端分度圆直径来计算的。

在截锥体上切削出来的齿形，是从外辅圆锥开始，逐渐向锥顶缩小。因此，周节是变化的，而模数也是变化的。这里必须注意：原来标准模数的圆锥齿轮，如果任意加长或缩短锥距，结果就会使大端模数加大或减小，变为非标准值。

直齿圆锥齿轮的传动比 $i$ ，建议取 $\leq 5$ ，即 $i = \frac{z_2}{z_1} \leq 5$ 。此外，把齿数 $z$ 换算为当量齿数 $z_n$ 后，不发生根切的至少齿数应

大于直齿圆柱齿轮的至少齿数，即  $z_n \geq z_{\text{最少}} = \frac{zf}{\sin^2 \alpha_d}$ 。

例如：正常齿当  $\alpha_d = 20^\circ$ ,  $f = 1.0$  时,  $z_n \geq \frac{2 \times 1}{\sin^2 20^\circ} \approx 17$  齿，  
但根据圆锥齿轮当量齿轮公式知  $z_n = \frac{z}{\cos \varphi}$ ，即  $z_{\text{最少}} = z_n \cdot \cos \varphi$ ，  
因此节锥角  $\varphi = 45^\circ$  的圆锥齿轮不发生根切的至少实际齿数是  $z_{\text{最少}} = 17 \cos 45^\circ \approx 12$  齿。如果  $z_n$  小于上述齿数，就需要进行修正。

## 二 主要部分名称和意义

前面我们已经懂得了什么叫做分度圆锥（在非修正齿轮中），

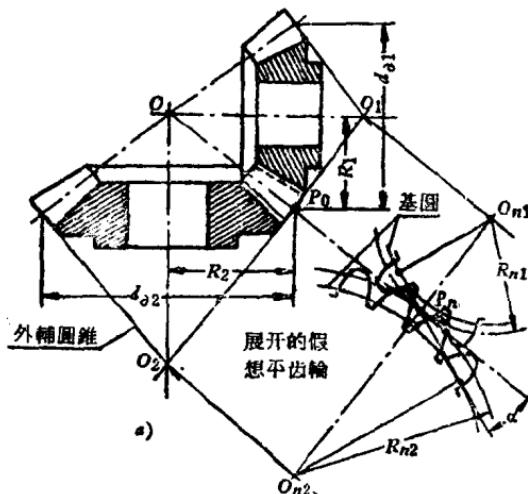


图 3 a 一对啮合的直齿圆锥齿轮各部名称及代号

- $f$  叫齿高系数， $\alpha_d$  叫分度圆压力角，可参看《直齿圆柱齿轮各部尺寸计算》一书。
- 本书所讲解的范围是非变位的直齿圆锥齿轮，至于变位齿轮的知识，请看《变位齿轮各部尺寸计算》一书。

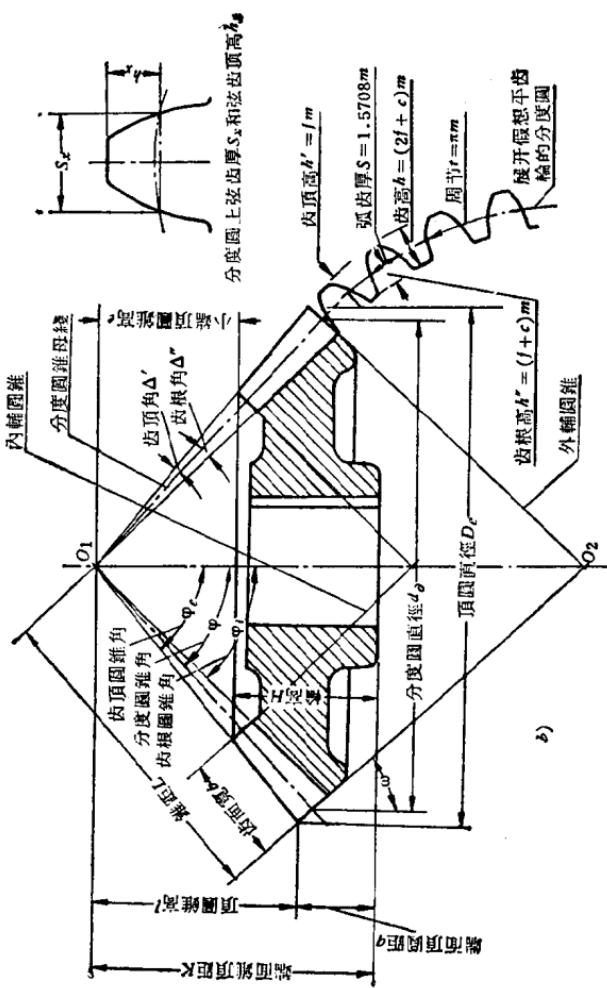


图 3 b 直齿圆锥齿轮各部名称及代号

它与“节圆锥”重合)、分度圆、齿顶圆锥、齿根圆锥、外辅圆锥、内辅圆锥、周节、模数, 以及有关它们的知识。下面介绍直齿圆锥齿轮的其他各部分名称、代号和意义(见图3a、b)。

齿顶高  $h'$  在外辅圆锥上, 分度圆到齿顶圆的部分牙齿高度。正常齿的齿顶高  $h' = m$ 。

齿根高  $h''$  在外辅圆锥上, 分度圆到齿根圆的部分牙齿高度。正常齿当  $m > 1$  毫米时,  $h'' = 1.2m$ ; 当  $m \leq 1$  毫米时,  $h'' = 1.25m$ 。

齿高  $h$  在外辅圆锥上, 齿顶圆到齿根圆的牙齿全高。正常齿当  $m > 1$  毫米时,  $h = h' + h'' = 2.2m$ 。

当  $m \leq 1$  毫米时,  $h = h' + h'' = 2.25m$ 。

齿工作高度  $h_g$  牙齿嵌入偶合齿沟内那部分的高度。

径向间隙  $C$  齿顶与配偶齿轮齿底之间的最小距离。当  $m > 1$  时,  $C = 0.2m$ ; 当  $m \leq 1$  时,  $C = 0.25m$ 。

齿顶圆直径(顶圆直径)  $D$  齿顶圆锥底的直径, 也叫做外径。

齿顶角  $\Delta'$  齿顶圆锥母线和分度圆锥母线间的夹角。

齿根角  $\Delta''$  齿根圆锥母线和分度圆锥母线间的夹角。

轴线夹角  $\delta$  两锥齿轮轴线间的夹角。

齿顶圆锥角  $\varphi$  齿顶圆锥母线对轴线的夹角(过去叫它做齿面角)。

齿根圆锥角  $\psi$  齿根圆锥母线对轴线的夹角(过去叫它做切削角)。

分度圆锥角  $\varphi$  轴线和分度圆锥母线间的夹角(过去叫它做节锥角)。

锥距  $L$  在分度圆锥母线上, 从锥顶到分度圆的距离(过去

叫它做节锥半径)。

齿面宽  $b$  在分度圆锥母线上齿条的长度。

顶圆锥高  $l$  齿顶圆到锥顶，而在轴向计量的距离。

小端顶圆锥高  $e$  小端齿顶圆到锥顶的轴向距离。

端面锥顶距  $K$  锥顶到支承端面的距离，也叫做顶端距。

端面顶圆距  $q$  齿顶圆到支承端面的距离。

齿轮高度  $H$  从小端齿顶圆到支承端面的轴向距离。

分度圆上弧齿厚 在分度圆上，一个牙齿的两面齿型轮廓间的弧长。

当量齿数  $z_n$  图 3a 是一对啮合的直齿圆锥齿轮(节圆半径各为  $R_1$  及  $R_2$ )，展开在平面上的假想的平齿轮(分度圆半径各为  $O_2P_0 = R_{n2}$ ，及  $O_1P_0 = R_{n1}$ )。这样，圆锥齿轮的啮合，就相当于假想的平齿轮或圆柱齿轮的啮合。而圆锥齿轮上的齿数  $z$ ，就折合为假想的平齿轮的齿数  $z_n$ ，叫做当量齿数<sup>●</sup>，关系是： $z_n = \frac{z}{\cos \varphi}$ 。也就是说，齿数为  $z$ ，分度圆锥角为  $\varphi$  的圆锥齿轮的齿形，与同模数、而齿数为  $z_n$  的平齿轮的齿形差不多完全一致。

分度圆上弦齿厚  $S_z$  在分度圆上所计量齿厚的弧所对应的弦长(见图 3b 右上角附图)。在实用上，应该还要标注齿厚公差。至于一对啮合齿轮的保证侧隙，应该由齿轮的齿厚最小减薄量和齿厚公差来保证。

弦齿顶高  $h_z$  在外辅圆锥上，并按齿的中线半径方向，齿顶圆到所计量齿厚的弦的垂直距离。

● 通俗地说，圆锥齿轮可想象为一把张开的纸伞，张角的一半为  $\varphi$ ，伞骨数为  $z$ ，现将它摊平变为“平伞”时，如保持伞骨节距不变，纸伞势必开裂，伞骨数需增多为  $z_n = \frac{z}{\cos \varphi}$ 。

### 三 几个基本公式的证明

计算公式主要是学会应用，而不是学会证明。但是，计算圆锥齿轮有一个特点，那就是计算同样的内容却有许多不同的表达公式。毛主席教导我们：“一切客观事物本来是互相联系的和具有内部规律的，”“不懂得那件事的情形，它的性质，它和它以外的事情的关联，就不知道那件事的规律，就不知道如何去做，就不能做好那件事。”我们在学习计算时，还必须懂得这些基本公式的来源，了解它们相互之间的内在联系，以便更合理地运用这些计算公式。

#### 1. 证明求分度圆锥角 $\varphi$ 的普遍公式

即求证：

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{z_1 \sin \delta}{z_2 + z_1 \cos \delta} = \frac{\sin \delta}{\frac{z_2}{z_1} + \cos \delta}$$

$$\text{和 } \operatorname{tg} \varphi_2 = \frac{z_2 \sin \delta}{z_1 + z_2 \cos \delta} = \frac{\sin \delta}{\frac{z_1}{z_2} + \cos \delta}$$

〔证明〕 图 2 是一对啮合的直齿圆锥齿轮，并设轴线夹角  $\delta$  为任意角。

因传动比  $i = \frac{z_2}{z_1}$  (1)

在  $\triangle AOC$  里， $\sin \varphi_1 = \frac{d_{\delta_1}/2}{OA} = \frac{d_{\delta_1}}{2OA}$  (2)

在  $\triangle AOB$  里， $\sin \varphi_2 = \frac{d_{\delta_2}/2}{OA} = \frac{d_{\delta_2}}{2OA}$  (3)

以 (2) ÷ (3) 得

$$\frac{\sin \varphi_1}{\sin \varphi_2} = \frac{d_{\delta_1}}{d_{\delta_2}} = \frac{mz_1}{mz_2} = \frac{z_1}{z_2} = \frac{1}{i}$$

移项

$$\sin \varphi_1 = \frac{\sin \varphi_2}{i}$$

但是,  $\varphi_2 = \delta - \varphi_1$ , 以  $\varphi_2$  代入上式, 并按三角学两角差的正弦公式展开:

$$\sin \varphi_1 = \frac{\sin(\delta - \varphi_1)}{i} = \frac{\sin \delta \cos \varphi_1 - \cos \delta \sin \varphi_1}{i} \quad (4)$$

以  $\cos \varphi_1$  除 (4) 式得

$$\frac{\sin \varphi_1}{\cos \varphi_1} = \frac{\sin \delta \cos \varphi_1 - \cos \delta \sin \varphi_1}{i \cos \varphi_1}$$

即  $\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{\sin \delta - \cos \delta \operatorname{tg} \varphi_1}{i} = \frac{\sin \delta}{i} - \frac{\cos \delta \operatorname{tg} \varphi_1}{i}$

移项

$$\operatorname{tg} \varphi_1 + \frac{\cos \delta \operatorname{tg} \varphi_1}{i} = \frac{\sin \delta}{i}$$

即

$$\operatorname{tg} \varphi_1 \left( 1 + \frac{\cos \delta}{i} \right) = \frac{\sin \delta}{i}$$

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{\frac{1}{i} \sin \delta}{1 + \frac{1}{i} \cos \delta} \quad (5)$$

(5) 式分子分母各乘  $i$  得

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{\sin \delta}{\frac{z_2}{z_1} + \cos \delta} \quad (6)$$

(6) 式分子分母各乘  $z_1$  得

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{z_1 \sin \delta}{z_2 + z_1 \cos \delta} \quad (7)$$

同理

$$\operatorname{tg} \varphi_2 = \frac{z_2 \sin \delta}{z_1 + z_2 \cos \delta} \quad (8)$$

$$= \frac{\sin \delta}{\frac{z_1}{z_2} + \cos \delta} \quad (9)$$

2. 试证明上述普遍式, 当  $\delta > 90^\circ$  时的分度圆锥角为:

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{z_1 \sin(180^\circ - \delta)}{z_2 - z_1 \cos(180^\circ - \delta)}$$

和  $\operatorname{tg}\varphi_2 = \frac{z_2 \sin(180^\circ - \delta)}{z_1 - z_2 \cos(180^\circ - \delta)}$

〔证明〕由三角学中知道，当  $\delta > 90^\circ$  时，

$$\sin \delta = \sin(180^\circ - \delta) \text{ 和 } \cos \delta = -\cos(180^\circ - \delta)$$

分别将上值代入公式 (7) 和 (8)，就可以得到题给的公式。

3. 证明普遍式的特殊情况，即当  $\delta = 90^\circ$  时，

求证： $\operatorname{tg}\varphi_1 = \frac{z_1}{z_2}$  和  $\operatorname{tg}\varphi_2 = \frac{z_2}{z_1}$

〔证明〕由三角学中知道，当  $\delta = 90^\circ$  时，

$$\sin \delta = \sin 90^\circ = 1 \text{ 和 } \cos \delta = \cos 90^\circ = 0$$

将上值分别代入公式 (7) 和 (8)，就可以证明：

$$\operatorname{tg}\varphi_1 = \frac{z_1}{z_2} \text{ 和 } \operatorname{tg}\varphi_2 = \frac{z_2}{z_1}$$

〔结论〕不管  $\delta$  小于、等于或大于  $90^\circ$ ，只要记着公式 (7)，即  $\operatorname{tg}\varphi_1 = \frac{z_1 \sin \delta}{z_2 + z_1 \cos \delta}$  就行了。

4. 证明求锥距的公式：

$$L = \frac{mz}{2 \sin \varphi}$$

〔证明〕在图 4a 中，将分度圆锥的截面的一半即在  $\triangle GOM$  中看，有如下关系：

$$\sin \varphi = \frac{d_\delta / 2}{L} = \frac{d_\delta}{2L}$$

移项得： $L = \frac{d_\delta}{2 \sin \varphi} = \frac{mz}{2 \sin \varphi}$

5. 求证：当分度圆锥角  $\varphi = 45^\circ$  时，锥距

$$L = 0.707 mz$$

〔证明〕当  $\varphi = 45^\circ$  时， $\sin 45^\circ = 0.707$ ，所以

$$L = \frac{mz}{2 \sin \varphi} = \frac{mz}{2 \times 0.707} = \frac{mz}{1.414} = 0.707 mz$$

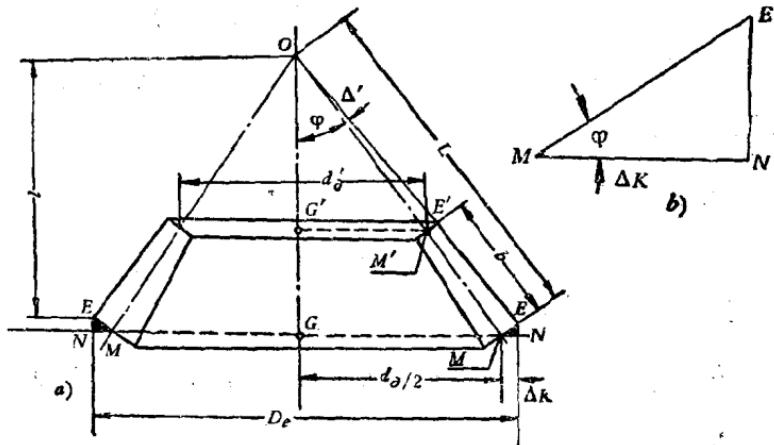


图4 证明公式时用的图

由此也可推出，当 $\delta = 90^\circ$ 时，一对齿数相等的圆锥齿轮的锥距，也适用上面的公式。

$$6. \text{ 求证: } D_e = mz + 2h' \cos \varphi$$

[证明] 在图4a里，作外辅圆锥上的齿顶部分的辅助三角形 $\triangle EMN$ ，并放大为图4b，根据外辅圆锥母线与分度圆锥母线互相垂直的性质知道  $\angle OME = 90^\circ$

$$\therefore \angle OMG + \angle EMN = 90^\circ$$

$$\text{又} \quad \angle OMG + \varphi = 90^\circ$$

$$\therefore \angle EMN = \varphi$$

$$\text{在} \triangle EMN \text{中} \quad \cos \varphi = \frac{MN}{ME}$$

$$\text{即} \quad MN = ME \cos \varphi = h' \cos \varphi$$

$$\text{而} \quad D_e = d_\alpha + 2\Delta K = mz + 2MN$$

$$\therefore D_e = mz + 2h' \cos \varphi$$

当正常齿 $h' = m$ 时

$$D_e = mz + 2m \cos \varphi = m(z + 2\cos \varphi)$$

7. 求证顶圆锥高  $l = \frac{d_\delta}{2} \operatorname{ctg} \varphi - h' \sin \varphi$  及正常齿时  $l = m$

$$\left( \frac{z}{2} \operatorname{ctg} \varphi - \sin \varphi \right)$$

[证明] 在图 4a 中,  $l = OG - EN$

$$\text{而 } OG = MG \operatorname{ctg} \varphi = \frac{d_\delta}{2} \operatorname{ctg} \varphi = \frac{mz}{2} \operatorname{ctg} \varphi$$

$$\text{又 } EN = ME \sin \varphi = h' \sin \varphi$$

$$l = \frac{d_\delta}{2} \operatorname{ctg} \varphi - h' \sin \varphi; \text{ 当为正常齿时, } EN = m \sin \varphi$$

$$\therefore l = m \left( \frac{z}{2} \operatorname{ctg} \varphi - \sin \varphi \right)$$

8. 上题是单个圆锥齿轮的顶圆锥高的求法, 当  $\delta = 90^\circ$  的一对圆锥齿轮, 设已知其齿数, 求证这对齿轮顶圆锥高  $l_1 = m \left( \frac{z_2}{2} - \sin \varphi_1 \right)$  及  $l_2 = m \left( \frac{z_1}{2} - \sin \varphi_2 \right)$

[证明] 在图 3a 中的  $R_2$  是与它啮合的小齿轮顶圆锥高  $l_1 + EN$ , 即  $R_2 = l_1 + EN$  (图 4), 移项得

$$l_1 = R_2 - EN = \frac{mz_2}{2} - m \sin \varphi_1 = m \left( \frac{z_2}{2} - \sin \varphi_1 \right) \text{ 同理, } l_2 = m \left( \frac{z_1}{2} - \sin \varphi_2 \right)$$

9. 求证小端圆锥上, 分度圆直径  $d'_\delta = d_\delta \frac{L-b}{L}$  和齿顶高  $h'_\delta = M'E' = h' \frac{L-b}{L}$

[证明] 在图 4a 中, 根据直角三角形相似的比例关系, 即  $\triangle O G' M' \cong \triangle O G M$ , 所以  $G'M':GM = (L-b):L$

$$\frac{d'_\delta}{2} : \frac{d_\delta}{2} = (L-b):L, \text{ 内项乘内项, 外项乘外项得:}$$

$$\frac{d'_\delta L}{2} = \frac{d_\delta(L-b)}{2} \quad \text{所以 } d'_\delta = d_\delta \frac{L-b}{L}$$

又因  $\triangle OM'E' \cong \triangle OME$ , 所以  $M'E':ME = (L-b):L$

即

$$M'E'h' = (L-b):L$$

$$M'E' \cdot L = h'(L-b)$$

$$\therefore M'E' = h' \frac{L-b}{L}, \text{ 即 } h'_\delta = h' \frac{L-b}{L}$$

同理可以证明：小端的齿顶圆、齿高、齿厚等尺寸均等于大端尺寸乘上  $\frac{L-b}{L}$ 。

#### 四 直齿圆锥齿轮计算公式

表 2 直齿圆锥齿轮计算公式表

##### (一) 求基本参数

所求项目	单位	代号	通用公式(正常齿、直齿通用)	备注
模数	毫米	$m$	按表 1 选取	
周节	毫米	$t$	$t = \pi m = 3.1416m$	
齿数	小齿轮 大齿轮	$z_1$ $z_2$	按结构需要, 但 $z_{n1}$ 不少于第一章第一节的规定, 否则要进行修正 传动比 $i = \frac{z_2}{z_1}$ , $z_2 = iz_1$	$z_{n1} = \frac{z_1}{\cos\varphi_1}$ $\geq \frac{2f}{\sin^2\alpha_\delta}$
分度圆锥角	普通式, 即 $\delta$ 为锐角、直角、或钝角都 合用本式 或 $\delta < 90^\circ$ (锐角)	小齿轮 $\tg\varphi_1 = \frac{z_1 \sin \delta}{z_2 + z_1 \cos \delta}$	大齿轮 $\tg\varphi_2 = \frac{z_2 \sin \delta}{z_1 + z_2 \cos \delta}$	
度	当 $\delta > 90^\circ$ (钝角)	$\tg\varphi_1 = \frac{z_1 \sin(180^\circ - \delta)}{z_2 - z_1 \cos(180^\circ - \delta)}$	$\tg\varphi_2 = \frac{z_2 \sin(180^\circ - \delta)}{z_1 - z_2 \cos(180^\circ - \delta)}$	
	当 $\delta = 90^\circ$ (直角)	$\tg\varphi_1 = \frac{z_1}{z_2}$	$\tg\varphi_2 = \frac{z_2}{z_1}$	也可查附 表 1 得 $\varphi_1$
轴线夹角	度	$\delta$	$\delta = \varphi_1 + \varphi_2$	