

高等学校教材

# 材料力学

主 编 王力民

中南大学出版社

# 材 料 力 学

主编 王力民  
参编 尹小波 黄国光 罗国华  
欧 丽 程 浩 彭达仁  
郭长青 邹长川 康向东  
夏时行



A0976698

中南大学出版社

## 内 容 简 介

本书是根据国家教委课程教学指导委员会编写的工科《材料力学课程教学基本要求》(90学时),以“精选内容,利于教学”为指导思想编写而成的。主要适用于机电、动力、压加、探工及土建、机械类专业的材料力学教材,也可作为有关专业的函授教材及自学参考书使用。

全书共十四章,内容包括:绪论、拉伸和压缩、剪切实用计算、扭转、弯曲、应力状态理论、强度理论、组合变形、能量法、压杆稳定、动荷应力、交变应力等。各章之后附有内容小结、思考题和习题及习题答案。

### 材 料 力 学

王力民主编

责任编辑:可耕 王新

\*

中南大学出版社出版发行  
中南大学出版社印刷厂印装  
湖南省新华书店经销

\*

开本:787×1092 1/16 印张:16 字数:380千字

2002年3月第1版第3次印刷

印数:6851-9850

\*

ISBN 7-81020-692-3/O·074

定价:24.00元

---

本书如有印装质量问题,请直接与印刷厂家联系调换  
厂址:湖南长沙 邮编:410083

# 前 言

本书系根据国家教委批准印发的《材料力学课程教学基本要求》(90学时)编写而成的。它适合作为高等工科大学的材料力学课程教材。

在编写时,着重于系统地阐述力学的基本理论,加强计算能力的训练,培养学生的科学思维能力。

全书共十四章,内容包括:轴向拉伸和压缩,剪切,扭转,弯曲内力,弯曲应力,弯曲变形,应力状态理论,强度理论,组合变形,压杆稳定,能量方法,动应力和交变应力。各章举有较多的典型例题,编写了一定量的习题,并附有内容小结和思考题,以利于读者复习与训练。

全书采用国际单位制。书内的全部插图尺寸凡未标明单位的均以毫米计。

参加本书编写工作的有:王力民(第一章)、尹小波(第十三、十四章)、黄国光(第二章)、罗国华(第三、四章)、欧丽(第五章)、程浩(第六章)、彭达仁(第七章)、郭长青(第八章)、邹长川(第九章)、康向东(第十章)、夏时行(第十二章)。

本书的书稿,承蒙张瑞、程根梧教授仔细地审阅,他们提出了许多宝贵的意见和建议,在此表示衷心地感谢。

我们诚恳地希望使用本书的读者给予批评指正。

编 者

2000年8月

# 主要符号意义

$x, y, z$	直角坐标轴	$\theta$	单位扭转角, 体积应变
$x, y, z$	支反力沿 $x, y, z$ 轴的分力	$\theta_{\max}$	最大转角
$P$	集中力, 功率	$\varphi$	扭转角, 扭角
$q$	线分布载荷集度	$\delta$	延伸率, 伸长量
$m$	线分布力偶	$\varphi$	截面收缩率
$M_0$	单位力偶	$\Delta$	变位, 位移
$P_0$	单位力	$U$	弹性变形能
$P_{cr}$	压杆临界力	$u$	比能
$M$	弯矩	$V$	体积
$T(M_T)$	扭矩	$S$	静面矩
$Q$	剪力	$I(I_x, I_y, I_z)$	轴惯性矩
$N$	轴力	$W(W_x, W_y, W_z)$	抗弯截面模量
$\sigma_{cr}$	临界应力	$W_p$	抗扭截面模量
$\sigma$	正应力	$l$	长度
$\tau$	剪应力	$D(d)$	直径
$\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$	主应力	$r$	循环特征; 半径
$\sigma_{eq}$	相当应力	$\gamma$	剪应变
$\sigma_m$	平均应力	$\varepsilon$	线应变
$\sigma_a$	应力幅度	$\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3$	主应变
$\sigma_{-1}(\tau_{-1})$	对称循环下材料的持久极限	$n$	转速
$\sigma_d$	动应力	$I_p$	极惯性矩
$[\sigma]$	许用正应力	$K_d$	动荷系数
$[\tau]$	许用剪应力	$K$	应力集中系数
	极限应力(危险应力)	$K_\sigma, K_\tau$	有效应力集中系数
$\sigma_b$	破坏强度(强度极限)	$e_\sigma, e_\tau$	尺寸系数
$\sigma_e$	弹性极限	$E$	纵向弹性模量
$\sigma_c$	抗压极限	$G$	剪切弹性模
$\sigma_t$	抗拉极限	$g$	重力加速度
$A$	截面面积	$C$	常数
$b$	宽度	$k$	弹簧常数
$\tau$	厚度, 温度	$f(y_{\max})$	最大挠度
$e$	偏心距	$[\theta]$	单位长度许用扭转角
$\lambda$	柔度	$[y]$	许用挠度
$\mu$	泊松比, 压杆长度系数	$H(h)$	高度
$n_s$	稳定工作安全系数		

# 目 录

## 主要符号意义

### 第一章 绪论

- § 1-1 材料力学的任务····· (1)
- § 1-2 材料力学的基本假设····· (1)
- § 1-3 材料力学的研究对象····· (2)
- § 1-4 杆件变形的基本形式····· (3)

### 第二章 轴向拉伸和压缩

- § 2-1 轴向拉伸和压缩的概念····· (4)
- § 2-2 轴向拉(压)杆的内力····· (4)
- § 2-3 轴向拉(压)杆横截面上的应力····· (6)
- § 2-4 轴向拉(压)杆的变形····· (8)
- § 2-5 材料在拉伸和压缩时的力学性质····· (12)
- § 2-6 安全系数、许用应力、强度条件····· (17)
- § 2-7 拉(压)杆的超静定问题····· (20)
- § 2-8 拉(压)杆的弹性变形能····· (27)
  - 内容小结····· (29)
  - 思考题····· (30)
  - 习 题····· (31)

### 第三章 剪切

- § 3-1 剪切强度计算····· (37)
- § 3-2 挤压强度计算····· (38)
- § 3-3 联接件的强度计算····· (39)
  - 内容小结····· (42)
  - 思考题····· (42)
  - 习 题····· (42)

### 第四章 扭转

- § 4-1 扭转的概念····· (47)
- § 4-2 外力偶矩、扭矩和扭矩图····· (47)
- § 4-3 薄壁圆筒的扭转····· (49)

§ 4-4	圆轴扭转时的应力和变形 .....	(51)
§ 4-5	圆轴扭转时的强度和刚度计算 .....	(56)
§ 4-6	圆柱形密圈螺旋弹簧的应力与变形 .....	(59)
§ 4-7	非圆截面杆扭转的概念 .....	(62)
	内容小结 .....	(64)
	思考题 .....	(65)
	习 题 .....	(66)

## 第五章 梁的内力

§ 5-1	梁的平面弯曲概念 .....	(72)
§ 5-2	梁的计算简图 .....	(72)
§ 5-3	剪力和弯矩 .....	(74)
§ 5-4	剪力方程和弯矩方程, 剪力图和弯矩图 .....	(77)
§ 5-5	弯矩、剪力与分布载荷集度间的微分关系及其应用 .....	(79)
§ 5-6	用叠加法作剪力图和弯矩图 .....	(82)
	内容小结 .....	(83)
	思考题 .....	(83)
	习 题 .....	(84)

## 第六章 梁的应力

§ 6-1	梁的正应力 .....	(89)
§ 6-2	平面图形的几何性质 .....	(93)
§ 6-3	梁的弯曲剪应力 .....	(97)
§ 6-4	梁的强度计算 .....	(100)
§ 6-5	提高梁弯曲强度的措施 .....	(102)
	内容小结 .....	(105)
	思考题 .....	(105)
	习 题 .....	(105)

## 第七章 梁的变形

§ 7-1	梁的挠度和转角 .....	(110)
§ 7-2	挠曲线的近似微分方程 .....	(111)
§ 7-3	用积分法求梁的位移 .....	(112)
§ 7-4	用叠加法求梁的位移 .....	(115)
§ 7-5	梁的刚度校核 .....	(120)
§ 7-6	简单超静定梁的解法 .....	(121)
	内容小结 .....	(124)
	思考题 .....	(125)
	习 题 .....	(126)

## 第八章 应力状态理论

§ 8-1 应力状态的概念	(128)
§ 8-2 平面应力状态的应力分析	(129)
§ 8-3 广义虎克定律	(133)
§ 8-4 空间应力状态的最大应力	(134)
内容小结	(135)
思考题	(135)
习 题	(136)

## 第九章 强度理论

§ 9-1 强度理论的概念	(138)
§ 9-2 四种常用的强度理论	(139)
§ 9-3 强度理论的应用	(141)
内容小结	(144)
思考题	(145)
习 题	(146)

## 第十章 组合变形

§ 10-1 组合变形的概念	(148)
§ 10-2 斜弯曲	(149)
§ 10-3 拉伸(压缩)与弯曲	(152)
§ 10-4 弯曲与扭转	(157)
内容小结	(162)
思考题	(163)
习 题	(164)

## 第十一章 压杆稳定

§ 11-1 压杆稳定的概念	(168)
§ 11-2 细长压杆的临界压力	(169)
§ 11-3 欧拉公式的适用范围、经验公式	(173)
§ 11-4 压杆的稳定计算	(175)
§ 11-5 提高压杆稳定性的措施	(179)
内容小结	(180)
思考题	(181)
习 题	(182)

## 第十二章 能量方法

§ 12-1 概述	(185)
-----------	-------

§ 12-2 变形能计算 .....	(185)
§ 12-3 莫尔定理 .....	(189)
§ 12-4* 图乘法 .....	(193)
§ 12-5* 卡氏定理 .....	(196)
§ 12-6 互等定理 .....	(199)
§ 12-7 用能量原理求解静不定问题 .....	(200)
内容小结 .....	(202)
思考题 .....	(203)
习 题 .....	(203)
<b>第十三章 动应力</b>	
§ 13-1 动应力的概念 .....	(207)
§ 13-2 构件作匀加速运动时的应力计算 .....	(207)
§ 13-3 构件受冲击时的应力计算 .....	(210)
§ 13-4 提高构件抗冲击能力的措施 .....	(213)
内容小结 .....	(214)
思考题 .....	(215)
习 题 .....	(215)
<b>第十四章 交变应力</b>	
§ 14-1 交变应力的概念 .....	(219)
§ 14-2 对称循环下材料的持久极限 .....	(222)
§ 14-3 对称循环下零件的持久极限 .....	(223)
§ 14-4 对称循环下零件的疲劳强度计算 .....	(227)
§ 14-5 提高构件疲劳强度的措施 .....	(228)
内容小结 .....	(229)
思考题 .....	(229)
习 题 .....	(230)
<b>附录 型钢表</b> .....	(231)
<b>习题答案</b> .....	(240)

# 第一章 绪 论

## § 1-1 材料力学的任务

工程中,存在着各种各样的结构物和机器,把组成结构或机器的基本单个部分称作构件(或零件)。例如,起重吊车的横梁,机床传动的主轴等。

当结构承受载荷或机器运转时,组成它们的每个构件都要承受一定的外力作用,即受到载荷作用。为了保证整个结构或机器能够正常地工作,就要求构件满足以下条件:

### 一、足够的强度

所谓强度是指构件在外力作用下抵抗破坏的能力。构件具有足够的强度,就是说构件在受到载荷作用时不会发生破坏。

### 二、足够的刚度

所谓刚度是指构件在外力作用下抵抗变形的能力。构件具有足够的刚度,就是说构件在外力作用下不会产生超出工程允许范围的变形。

### 三、足够的稳定性

所谓稳定性是指构件在外力作用下保持其原有平衡状态的能力,构件具有足够的稳定性,就是说构件在外力作用下不会突然改变原有的平衡状态。

上述的这些条件,一般说来,只要将被设计的构件加大截面尺寸,选用上等的材料,总是可以满足的。但这样做,显然浪费材料,提高了成本。因此在设计构件时,除要求构件必须满足上述强度,刚度及稳定性的要求外,同时,还必须尽可能地合理使用材料,节约资金并减轻构件的自重。显然,这两者之间存在着矛盾。这一矛盾的合理解决,有赖于材料力学的基本原理和计算方法。

综上所述,材料力学的任务,就是在最大经济的前提下,为保证构件能够满足强度、刚度和稳定性的要求而提供必要的基本理论、计算方法和试验技术。

## § 1-2 材料力学的基本假设

因为材料力学主要研究物体在外力作用下的强度、刚度和稳定性问题。对于这类问题,都要涉及物体的变形,因此物体的变形是主要考虑因素。为此,在材料力学

中必须摒弃理论力学中认为物体是刚体的假设,而认为物体具有可变形性质,并称之为变形固体。进而,采用以下几个基本假设将真实固体材料加以理想化,使之便于进行理论分析。

#### 一、材料的连续性假设

这条假设认为组成物体的物质毫无空隙地充满了整个物体的体积。由此可以从物体的微体研究入手,将物体内的物理量看作是连续的,利用数学工具研究它。当然,从真实物质结构来看,组成物体的无数个颗粒(如晶粒),必然具有不同程度的空隙,但它们的空隙大小和构件的尺寸相比是极其微小的,因而可以忽略不计,认为物体是致密的。

#### 二、材料的均匀性假设

这条假设认为物体内各处的力学性质完全一样。事实上,并不是这样。例如组成金属材料的晶粒在不同处的性质是不同的。但由于材料力学所研究的构件尺寸比晶粒大小要大得多,而且晶粒在构件内的排列也不规则有序,所以,从宏观的观点看,可以认为物体的力学性质是均匀的。

#### 三、材料的各向同性假设

这条假设认为材料在各个不同方向上具有相同的力学性质。实际上,就工程上常用的金属材料来说,每一个晶粒沿不同的方向都具有不同的力学性质。但如前所述,由于材料包含晶粒数量极多,且排列又无规则,所以,从统计平均的观点看,就可以认为金属是各向同性的。

#### 四、小变形假设

这条假设认为构件受力后的变形与其原始尺寸相比是极其微小的,因此,在讨论构件的平衡和运动时,可以不考虑构件的微小变形,而按其原始尺寸进行计算。

工程上的材料,在外力作用下,它的尺寸及形状均将发生不同程度的改变,这种改变称为变形,当外力不超过一定的范围时,绝大多数材料在卸去外力后,即能完全恢复原状,材料的这种变形称为弹性变形。若外力过大,当解除外力后材料仍有一部分变形不能消失而永久残留下来,这种变形称为塑性变形。

综合上述,材料力学视制成构件的材料为均匀、连续、各向同性的可变形固体,而且,在大多数情况下,只研究弹性小变形。

## § 1-3 材料力学的研究对象

工程中的构件形状是各种各样的,但材料力学主要研究最基本的一种构件,即杆件。所谓杆件,是指其纵向尺寸(长度方向)远大于横向(垂直于长度方向)尺寸的构件。例如,机械中的传动轴,房屋结构中的梁、柱等。

描述杆件的几何特征是横截面和轴线。前者是指与杆件长度方向相垂直的截面,后者则为各横截面形心的连线(1-1a)。横截面与轴线是互相垂直的。按照杆件

横截面沿着杆轴的变化,可分为等截面杆和变截面杆;按杆件轴线的曲直,又可分为直杆和曲杆。凡是横截面尺寸不变而轴线又为直线的杆件,通常简称等直杆(图 1-1b、c)。由于等直杆被广泛地应用工程问题中,所以它是材料力学的主要研究对象。

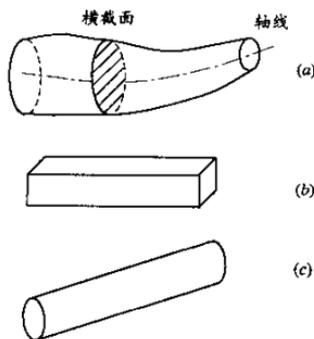


图 1-1

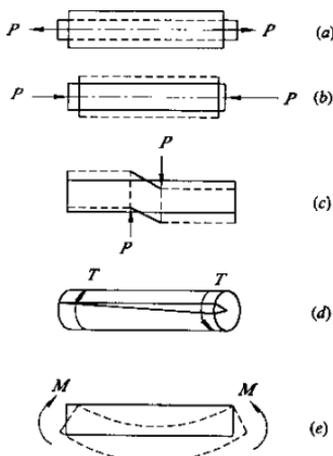


图 1-2

## § 1-4 杆件变形的基本形式

实际工程中的杆件,受力后的变形是各种各样的。但是,杆件的最基本变形形式,不外乎有以下四种形式。

(1) 轴向拉伸或轴向压缩:例如桁架的拉杆、起吊重物的钢索、房屋中的柱子、等等。这种杆件所受的外力沿着杆的轴线作用,引起杆件伸长或缩短的变形,如图 1-2a、b 所示。

(2) 剪切:例如螺栓、键、销钉等。这种杆件所受的力是一对相距很近等值、反向的横向力,杆件两力之间的各横截面发生相对错动(图 1-2c)

(3) 扭转:例如传动轴、扭杆等。杆件受到的外力是一对大小相等,方向相反,作用面垂直于杆轴线的力偶,引起杆件各横截面绕杆轴的转动,如图 1-2d 所示。

(4) 弯曲:例如吊车梁、车轮轴等。这种杆件所受的外力是一对大小相等,方向相反的力偶,但作用在杆的纵向对称平面内,引起杆件任意两个截面的相对转动(图 1-2e)。

工程中,还会遇到较复杂的杆件变形,即由两种或两种以上的基本变形组合而成,这种变形称为组合变形。在本书中,我们先依次讲述杆件的四种基本变形,而后再讨论它们的组合变形。

## 第二章 轴向拉伸和压缩

### § 2-1 轴向拉伸和压缩的概念

工程中经常遇到承受拉伸或压缩的杆件。例如桁架中的钢拉杆受到拉伸(图 2-1a),内燃机的连杆在燃气爆发时受到压缩(图 2-1b),等等。

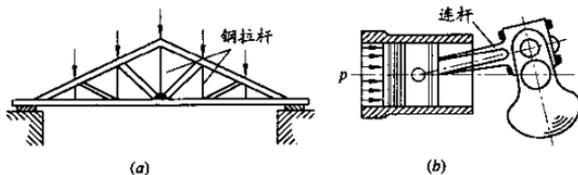


图 2-1

这些受拉或受压的杆件虽然外形各异,加载方式也不相同,但它们的共同特点是:作用于杆件上的外力合力的作用线与杆的轴线相重合,杆件沿轴线方向伸长或缩短。若把这些杆件的形状和受力情况进行简化,则为图 2-2 所示的受力简图。图中的虚线表示杆变形后的形状。

### § 2-2 轴向拉(压)杆的内力

杆件受到外力作用发生变形时,其内部各质点间的相对位置将有变化。与此同时,各质点间相互作用的力也发生了改变。在材料力学中所研究的内力就是这种力的改变量。严格地讲,它是由于外力的作用而引起的“附加内力”,通常简称为内力。

为了显示拉(压)杆横截面上的内力,可以沿横截面  $m-m$  假想地把杆件分成两部分(图 2-3a)。杆件左、右两段在横截面  $m-m$  上相互作用的内力是一分布力系(图 2-3b)或(图 2-3c),其合力为  $N$ 。由左段的平衡方程  $\sum X=0$ ,得

$$N - P = 0 \quad N = P$$

因为外力  $P$  的作用线与杆件轴线相重合,内力的合力  $N$  的作用线也必定与杆件的轴线相合,所以  $N$  称为轴力。习惯规定拉伸时的轴力为正,压缩时的轴力为负。

若沿杆件轴线作用的外力多于两个,则在杆件各部分的横截面上,轴力不同。这

时轴力沿杆件轴线的变化情况用轴力图来表示。下面举例说明使用截面法求内力的步骤和绘图方法。

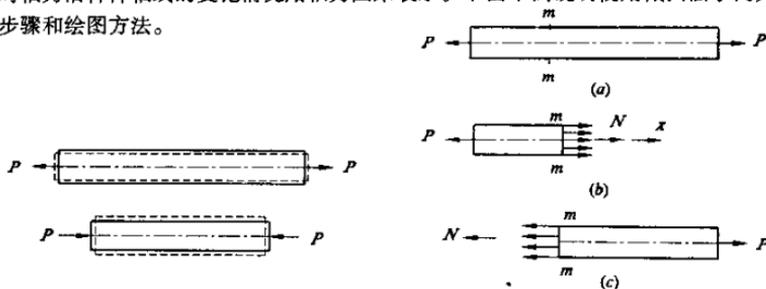


图 2-2

图 2-3

例 2-1 一直杆受有外力作用,如图 2-4a 所示。试求各段横截面上的轴力,并绘其轴力图。

解 在杆件 AB 段内,沿任一截面 1-1 假想地截开杆件,取左段为脱离体(图 2-4b),在截面上假设正号的轴力  $N_1$ 。以杆轴为  $x$  轴,由静力平衡条件  $\sum X = 0$  得  $N_1 - 6 = 0$ ,故  $N_1 = 6\text{kN}$

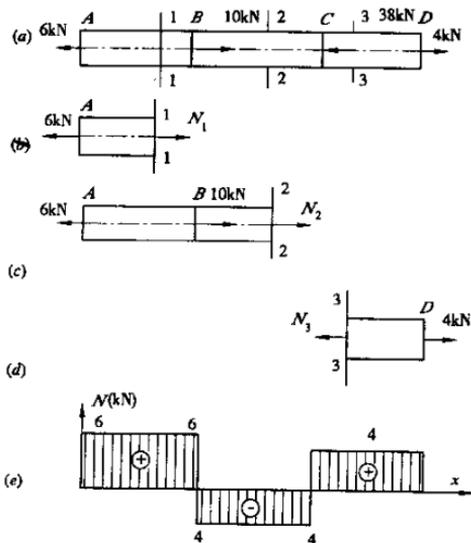


图 2-4

$N_1$  是正号,表明原假设的轴向拉力是正确的。另外,此段内的外力没有变化,可以看出,AB 段任一截面上的轴力都是  $+6\text{kN}$ ,全段处于轴向受拉状态。

再在 BC 段内沿任一截面 2-2 假想地截开杆件,取左段为脱离体(图 2-4c),假

设截面上的轴力  $N_2$  为正。由静力平衡条件  $\sum X=0$ , 得  $N_2 + 10 - 6 = 0$ , 故

$$N_2 = -4\text{kN}$$

$N_2$  是负号, 说明原假设的轴向拉力应为轴向压力。

为求  $CD$  段内任一横截面上的轴力, 同样用任一截面 3-3 假想地截开杆件, 但由于左段上作用外力多, 而作用在右段上的外力少, 故取右段为脱离体(图 2-4a) 可较简捷地得

$$N_3 = 4\text{kN}$$

求得各段轴力后, 用平行杆轴的横坐标表示截面的位置, 以垂直于杆轴的坐标按一定的比例表示出相应截面上的轴力, 绘出全杆的轴力图(图 2-4e)。在轴力图中, 将拉力绘在  $x$  轴的上侧, 压力绘在  $x$  轴的下侧。这样, 轴力图既能显示出杆件各段内轴力的大小, 又能表示出各段内的变形是拉伸还是压缩。

## § 2-3 轴向拉(压)杆横截面上的应力

工程计算中, 只根据轴力并不能判断杆件是否有足够的强度。例如用同一材料制成不同粗细的两根杆, 在相同拉力的使用下, 两杆的轴力自然相同。但当拉力逐渐增大到某个值时, 细杆必定先被拉断。这说明拉杆的强度不仅与轴力的大小, 而且与横截面积有关。所以必须用内力在横截面上分布的集度来度量杆件的抗力。

在拉(压)杆横截面上, 与横截面相垂直的内力的分布集度称为正应力, 以  $\sigma$  表示。根据连续性假设, 横截面上到处都存在着内力。若以  $A$  表示横截面积, 则微元面积  $dA$  上的内力元素  $\sigma dA$  组成一个垂直于横截面的平行力系, 其合力就是轴力  $N$ 。于是, 由静力关系得

$$N = \int_A \sigma dA \quad (2-1a)$$

只有知道横截面上的  $\sigma$  分布规律, 才能完成式(2-1a)中的积分。 $\sigma$  的分布规律, 是无法直接观察到, 但由于应力伴随变形一起发生, 而变形是可以观察到并能设法测量出来, 因此以杆件受力后表面上的变形情况为依据, 由表及里地作出内部变形情况的几何假设, 再根据应力与变形间的物理关系, 求得应力在截面上的分布规律。现以拉杆为例子以说明。

取一等直杆(图 2-5a), 在其侧面上画垂直于杆轴的直线  $ab$  和  $cd$ 。受拉力变形后, 观察到  $ab$  和  $cd$  仍保持为直线, 且仍垂直于轴线, 只分别平移至  $a'b'$  和  $c'd'$ 。据此现象, 可以假设变形前的横截面, 在杆件变形后仍保持为垂直于轴线的平面。这个假设称为平面假设。如果设想杆件是由许多纵向纤维组成的, 则由平面假设可以推断, 杆的所有纵向纤维的伸长相等。由于假设材料均匀连续, 所有各纤维的受力相同, 杆件横截面上各点的正应力均匀分布, 即  $\sigma$  等于常量(图 2-5b)。于是, 由(2-1a)式

$$N = \sigma \int_A dA = \sigma A$$

得 
$$\sigma = \frac{N}{A} \quad (2-1b)$$

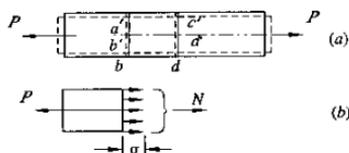


图 2-5

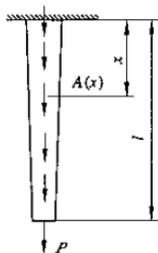


图 2-6

式(2-1b)是计算拉(压)杆横截面上正应力的公式。正应力的符号规定:拉应力为正,压应力为负。

关于轴向拉(压)杆横截面上的应力呈均匀分布的假设,应除去靠近外力作用点处附近区域,才适用于杆的任一横截面。

推导式(2-1b)时,要求外力的合力与杆件轴线重合,以保证各纵向纤维变形相等,横截面上正应力均匀分布。若轴力沿轴线变化,可先作出轴力图,再由式(2-1b)求出各横截面上的应力。当截面尺寸沿轴线变化时(图 2-6),只要变化缓慢,外力合力作用与轴线重合,式(2-1b)仍适用。这时应改写成下式:

$$\sigma(x) = \frac{N(x)}{A(x)} \quad (2-2)$$

式中  $\sigma(x)$ 、 $N(x)$  和  $A(x)$  表示这些量都是横截面位置  $x$  的函数。

例 2-2 图 2-7a 所示构架由 AB 杆和 BC 杆组成。BC 杆为直径  $d = 20\text{mm}$  的钢杆, AB 杆的横截面积为  $540\text{mm}^2$ 。载荷  $P = 2\text{kN}$ , 试求 AB 杆和 BC 杆横截面上的正应力。

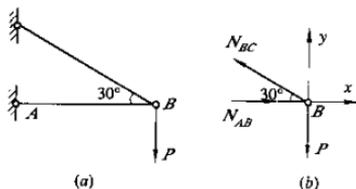


图 2-7

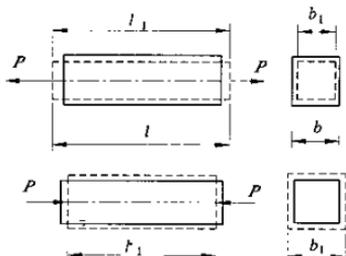


图 2-8

解 先计算各杆轴力 由于各杆均为铰链连接,荷载又作用在节点处,因此,AB杆和BC杆均为二力杆。节点B的受力图如图2-7b所示。由静力平衡条件:

$$\sum X=0 \quad N_{AB} - N_{BC}\cos 30^{\circ}=0 \quad (a)$$

$$\sum Y=0 \quad N_{BC}\sin 30^{\circ} - P=0 \quad (b)$$

联解得BC杆和AB杆的内力各为

$$N_{BC} = \frac{P}{\sin 30^{\circ}} = \frac{2}{0.5} = 4\text{kN(拉)}$$

$$N_{AB} = N_{BC}\cos 30^{\circ} = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3.46\text{kN(压)}$$

计算各杆应力 BC杆的内力是轴向拉力,横截面上的应力为

$$\sigma_{BC} = \frac{N_{BC}}{A_{BC}} = \frac{400}{\frac{\pi}{4} \times 20^2 \times 10^{-6}} = 12.7 \times 10^6 \text{N/m}^2 = 12.7\text{MPa(拉)}$$

AB杆的内力是轴向压力,横截面上的正应力为

$$\sigma_{AB} = \frac{N_{AB}}{A_{AB}} = \frac{-3460}{540 \times 10^{-6}} = -6.4 \times 10^6 \text{N/m}^2 = -6.4\text{MPa(压)}$$

## § 2-4 轴向拉(压)杆的变形

直杆受轴向拉力或压力作用时,杆的纵向尺寸将沿轴线方向伸长(或缩短),横向尺寸则伴有缩小(或增大),如图2-8所示。设杆件受力前的长度为 $l$ ,横截面积为 $A$ ,受力后的伸长为 $l_1$ ,则杆件的纵向伸长量为

$$\Delta l = l_1 - l \quad (2-3a)$$

$\Delta l$ 称为杆件的线变形或绝对伸长。显然,杆件伸长时 $l_1 > l$ , $\Delta l$ 是正值,杆件缩短时, $l_1 < l$ , $\Delta l$ 为负值。

线变形 $\Delta l$ 与杆件的原长 $l$ 之比,称为线应变。表示单位长度内的线变形,以 $\epsilon$ 表示。即

$$\epsilon = \frac{\Delta l}{l} \quad (2-3b)$$

线应变的正负号与 $\Delta l$ 一致,拉应变为正,压应变为负。它们是无量纲的量。

实验表明,当施加在杆上的轴向拉力(或压力)不超过某—限度时,杆的纵向伸长(或缩短) $\Delta l$ 与轴力 $N$ 及杆长 $l$ 成正比,与横截面面积 $A$ 成反比,即

$$\Delta l \propto \frac{Nl}{A}$$

引入比例常数 $E$ ,则得

$$\Delta l = \frac{Nl}{EA} \quad (2-4)$$

式(2-4)是著名科学家虎克在1678年建立的,称为杆件拉(压)时的虎克定律。式中 $E$ 称为弹性模量。