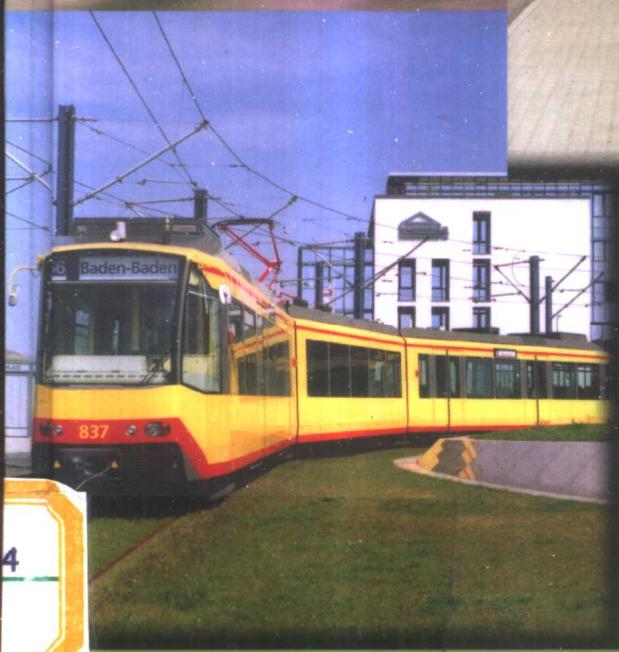


# 城市隧道施工引起的

# 地表移动 及 变 形

阳军生 刘宝琛 著



中国铁道出版社

铁路科技图书出版基金资助出版

# 城市隧道施工引起的地表 移动及变形

阳军生 刘宝琛 著

中 国 铁 道 出 版 社  
2 0 0 2 年·北京

(京)新登字 063 号

### 内 容 简 介

本书发展了随机介质理论及其在岩土工程中的应用,系统地提出了预计各种城市隧道开挖引起的地表移动及变形计算的实用方法,并开发出地表移动和变形分析计算软件。书中列举大量国内外工程实例,用以说明本书所提出的计算方法和计算软件的有效性。

本书可供铁路、公路、地铁、人防、建工、市政及其他地下工程建设部门从事岩土工程方面科研、设计、施工、监理的技术人员和管理人员,以及相关专业大学师生参考。

### 图书在版编目(CIP)数据

城市隧道施工引起的地表移动及变形/阳军生, 刘宝琛著 . - 北京:中国铁道出版社,2001.12

ISBN 7-113-04355-0

I . 城… II . ①阳… ②刘… III . 城市-隧道工程  
-工程施工影响-地表-研究 IV . TU454

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2001)第 080557 号

书 名:城市隧道施工引起的地表移动及变形

作 者:阳军生 刘宝琛 著

出版发行:中国铁道出版社(100054,北京市宣武区右安门西街 8 号)

策划编辑:刘启山

责任编辑:刘启山

封面设计:马 利

印 刷:北京市燕山印刷厂

开 本:787×1092 1/16 印张:7.25 字数:167 千

版 本:2002 年 1 月第 1 版 2002 年 1 月第 1 次印刷

印 数:1~1 000 册

书 号:ISBN 7-113-04355-0/TU·673

定 价:40.00 元

版权所有 盗印必究

凡购买铁道版的图书,如有缺页、倒页、脱页者,请与本社发行部调换。



## 作者简介

阳军生,1969年2月出生于湖南省永兴县,汉族。1990年湘潭矿业学院(现湘潭工学院)本科毕业;1993年在淮南矿业学院(现淮南工业学院)获硕士学位;1996年在中南工业大学(现中南大学)获得工学博士学位,随后完成了湖南大学土木工程博士后流动站研究工作。现为长沙交通学院教授,兼湖南省岩石力学与工程学会副理事长。攻读博士以及在博士后流动站期间,分别在刘宝琛院士和沈蒲生教授的指导下,主要从事地铁和深基坑开挖引起的地表位移及其对周围环境影响的研究,博士论文的题目为“地铁建设引起的地表移动及变形研究”,博士后研究报告为“隧道和深基坑施工引起的地层位移及变形研究”。近年来,主持和参与科研项目10多项,发表16篇学术论文,其中2篇分别获得湖南省自然科学优秀学术论文一等奖和二等奖。目前主要从事隧道和深基坑工程、公路工程以及岩土力学数值分析方法等方面的研究工作。



## 作者简介

刘宝琛,1932年7月20日生于辽宁省沈阳市,满族。1950年参加中国人民解放军,1956年毕业于东北工学院(现东北大学)采矿系本科,获四年全五分优秀学生奖。1962年毕业于波兰科学院岩石力学研究所获技术科学博士学位,1994年5月当选为波兰科学院外籍院士。1994年10月当选为首届湖南科技之星;1997年当选为中国工程院院士;2000年被选为全国先进工作者。现任中南大学土建学院教授、岩土及地下工程研究中心主任,兼任湖南省科协副主席、中国岩石力学与工程学会副理事长等职。

随机介质的概念和理论框架,是由波兰科学院前副院长、波兰科学院岩石力学研究所所长、科拉克夫矿冶大学教授 J. Litwiniszyn 博士于 20 世纪 50 年代提出的,当时他为作者博士论文的指导导师之一。正是由于李特威尼申教授的指导和推荐,使作者在完成博士论文之余,还深入研究随机介质理论,并在波兰科学院院报上发表两篇论文(1961 年和 1962 年)。1962 年作者获博士学位后回国,在中国科学院长沙矿冶研究所供职,继续从事随机介质理论及其应用的研究工作,为一批大型煤矿解决了建筑物下、铁路下及河下煤矿安全开采的难题,曾多次获省部级奖励,创造了上亿元的经济效益。1965 年由中国工业出版社出版了由作者与廖国华教授(北京科技大学)

学)合著的“煤矿地表移动的基本规律”一书,是当时国内唯一的一本地表移动方面的专著。36年来一直被视为“三下”(建筑物下、水下、铁路下)开采的指导性著作,并广为引用。到了20世纪80年代初期,随机介质理论及其在矿业中的应用已逐步发展完善,作者开始开展随机介质在岩土工程中的应用问题研究,将随机介质基本理论应用于露天开挖及隧道开挖对地表的影响研究工作,发表了一批论文。然而,系统的、深入的、从理论到实践的城市隧道开挖地表移动规律及环境保护研究则是由作者的博士生阳军生博士于20世纪90年代中完成的,他的博士论文和博士后研究报告均包含此方面的研究内容。1997年开始执行的国家自然科学基金项目“时空统一随机介质理论及其在矿业和岩土工程中的应用基础研究”,以及湖南省两院院士基金是完成上述工作的主要赞助者。最后,正是由于中国铁道出版社的全力资助,本书才得以完成出版,在此,作者谨对各赞助和资助单位表示衷心的感谢。

# 前 言

随着市政建设、交通、水利、人防工程等各行各业的发展,出现了大量的岩土开挖工程。在城市建设中,为了解决城市中地少人多的矛盾,解决日益拥挤的交通问题,人们逐渐将目光投入到地下空间的综合利用。因而,地铁、地下商场以及其他地下工程设施建设得到了大量发展;同时为了改善城市功能,提高城市的抗灾能力,城市中也需要兴建大量供水和排水隧道、电缆隧道以及市政管线公用隧道(共同沟)等各类市政工程。众所周知,在人口密集、建筑设施密布的城市中进行隧道施工,由于岩土开挖不可避免地产生对岩土体的扰动并引起隧道周围地表发生位移和变形,当位移和变形超过一定的限度时,势必危及周围地面建筑设施、道路和地下管线的安全,因此研究城市隧道开挖引起的地表移动和变形,对于减少开挖对地表和地下已有设施的不良影响,对于地表环境保护具有十分重要的意义。

对于隧道开挖所引起的地表移动和变形的计算,目前尚缺乏成熟的理论和方法。随机介质理论的提出,使得人们对于地下岩土开挖施工引起的地表移动和变形预计可以达到较高的精度。随机介质理论在矿山开采引起的地表移动变形预计方面已取得了成功的应用,近年来,该理论的应用范围正在逐渐扩大。本书扩展了随机介质理论的应用领域,对于城市隧道施工所引起的地表移动和变形的预计进行了详细分析讨论,并且对于降水法、冻结法、挤压盾构法、压气法等几种特殊的隧道施工方法所引起的地表移动和变形计算问题进行了研究,提出了计算公式,并开发了相应的计算软件,以解决当今对于环境要求较高的城市各类隧道开挖所引起的地表移动和变形的计算,从而为采取有效措施,防止工程事故的发生提供了依据。

本书第一章介绍了隧道开挖引起的地表移动和变形的研究现状,第二章简要介绍了随机介质理论,第三章系统地论述了随机介质理论在隧道开挖引起的地表移动和变形计算中的应用,第四章针对几种隧道施工方法所引起的地表变形预计进行了分析讨论,第五章介绍了地表建(构)筑物的保护要求以及隧道施工对环境影响的评价。

本书所述的有关研究工作,获得了国家自然科学基金项目(编号:59674002)、铁道部重点科研基金项目(编号:2000G010)、湖南省自然科学基金项目(编号:00JJY2006、97JJY2068)和湖南省院士基金的资助;得到了沈蒲生教

授和何志真教授的大力支持。本书的出版得到了铁路科技图书出版基金的资助,刘启山先生为专著的出版给予了很多帮助。专著得到了曾庆元院士、王永和教授、方理刚教授、崔志连高工的热情支持。专著写作过程中还得到了方秀女士的支持。作者在此表示深切的谢意。

地下开挖引起地表移动和变形影响因素众多,有些问题的研究还有待进一步深入,本书中疏漏甚至错误之处在所难免,诚恳希望专家和读者批评指正。

作 者  
2001年7月

# 目 录

<b>第一章 绪 论</b> .....	1
<b>第二章 随机介质理论简述</b> .....	7
<b>第三章 隧道施工引起的地表移动及变形</b> .....	10
第一节 单元开挖地表移动 .....	10
第二节 开挖单孔隧道时的地表移动及变形 .....	15
第三节 开挖双孔平行隧道地表移动及变形 .....	19
第四节 地表移动和变形计算程序的编制 .....	22
第五节 地表移动和变形特点 .....	25
第六节 确定地表移动计算参数的反分析方法 .....	29
第七节 工程实例分析 .....	36
第八节 地表移动和变形影响因素 .....	48
<b>第四章 几种隧道施工方法引起地表位移</b> .....	52
第一节 降 水 法 .....	53
第二节 冻 结 法 .....	66
第三节 挤压盾构法 .....	76
第四节 压 气 法 .....	82
<b>第五章 地表建(构)筑物保护要求</b> .....	89
第一节 地表移动和变形对建(构)筑物的影响 .....	89
第二节 建(构)筑物的保护等级和允许变形 .....	92
第三节 隧道施工对建筑物影响评价方法 .....	98
<b>参考文献</b> .....	101

# 第一章 絮 论

随着城市人口密度的不断增加,许多大城市存在人口膨胀、交通拥挤等一系列问题,合理地开发利用地下空间是一条非常有效的解决途径。城市隧道工程,主要包括为解决城市交通拥挤问题的地下铁道、公路隧道,或穿越障碍物的各种地下通道等;各种市政地下工程,如污水隧道、电缆隧道、以及市政管线公用隧道(共同沟)等;还包括人防设施、工业与民用方面,以及文体、娱乐等方面的地下设施。

人类对于地下空间的利用可以追溯到远古时期,但是直到欧洲产业革命之前,地下空间的开发非常有限。欧洲产业革命后至今,随着科学技术的发展,地下工程得到迅速发展。1863年,英国伦敦建成世界第一条地铁,该地铁初期虽然长度只有6.2 km,但却显示出强大的生命力。城市地铁不仅具有安全可靠、准时方便和舒适等优点,而且它少占用土地,基本不破坏地面景观;将部分街面交通转移到地下,能够快速大量输送乘客,极大地缓解城市交通拥挤问题;而且许多地铁,不仅起到交通运输的作用,在战争时期还发挥了防空掩蔽所的作用。因此,许多大城市都很重视地铁的建设。很多大都市,如伦敦、巴黎、纽约、东京、莫斯科等,都已经形成了四通八达的地铁线网,并已经向深层发展。目前许多大中城市正在修建或续建地铁。在城市,尤其是在市区,建设地下铁道,向地下发展是今后城市发展的一种趋势。

我国自1965年开始在北京修建地铁,至今已有北京、天津、上海、广州等城市地铁线路投入了运营。另外,我国香港和台北也有地铁线路投入运营。这些地铁线路的开通缓解了交通拥挤状况,这些城市以及深圳、重庆、沈阳、青岛、武汉、南京等城市正在积极兴建或计划修建地铁。我国人口众多,很多大中城市均存在严重的交通拥挤问题,要根本解决这个难题,其中一个重要方面必须将地面人流最大限度引入地下。随着经济的发展,更多的城市将要修建地铁,因而地铁建设在我国将是一项长期的任务。

公路隧道、各种市政地下工程,如污水隧道、电缆隧道、以及市政管线共同沟等在城市中也获得了发展。随着城市和生活现代化程度的提高,各种管线种类和密度将会大量增加。城市共同沟的建立,消除了城市上空电线、电杆及变压器盘旋的状况,提高了城市的抗灾能力,共同沟的发展将成为必然。总之,由于人类正面临人口膨胀、资源短缺等一系列问题,人们已经逐渐将地下岩土体作为一

种新的国土资源,把对地下空间的开发利用作为解决城市人口、环境、资源危机的重要措施,实现城市可持续发展的重要途径。21世纪将成为人类开发利用地下空间的世纪,城市地下工程将有很大发展。

地下工程施工是在岩土体内部进行,施工不可避免地对岩土体产生扰动,引起的岩土体变形可能影响地表建筑和已有的管线设施。因此隧道施工时,要与保护城市中有历史意义和经济、社会意义的设施协调起来。隧道施工引起地表移动与变形,尤其是在地面建筑设施密集的城市中进行隧道施工,一直是人们十分关心的课题。地下开挖势必引起地表沉降和变形,地表沉降到一定程度时,将影响地面建筑物的安全和地下管线的正常使用。为减少由于隧道施工而引起地表沉降和变形所造成的对地面建筑物及地下设施的损害以及对周围环境的不良影响,必须对地表移动与变形进行正确预计。为此目的,人们进行了广泛而长期的研究。

地表移动可以分为两个组成部分,即地表沉降和水平位移;地表变形主要指不均匀地表沉降和不均匀水平位移所形成地表倾斜和水平变形,以及地表的曲率变形。隧道施工地表移动与变形的发生主要是由于施工引起的地层损失和施工过程中隧道周围受扰动或者受剪切破坏的重塑土的再固结所造成。一方面,隧道周围土体在弥补地层损失中,发生地层移动,引起地表沉降。所谓地层损失,是指隧道施工中实际开挖的土体的体积与竣工隧道体积之差,竣工隧道体积还包括隧道周边包裹的压入浆体体积。地层损失是由于多种因素作用的结果,开挖面土体向隧道内移动,隧道施工断面产生收敛,可以引起地层损失;采用盾构施工时,盾构后退、由于压浆不及时使得土体挤入盾尾空隙等也可以引起较大的地层损失。而且还有许多其他因素,如在土压力的作用下,隧道衬砌所产生的变形也会引起少量的地层损失。另一方面,在含水地层中进行隧道施工时,可能引起周围土体内部孔隙水压力的变化,使地层发生排水固结引起地表沉降,而且土体的蠕变也可能导致地表发生一定的沉降。因此,无论采取何种隧道施工方法,都将不可避免地引起或多或少的地表移动和变形。

影响地表移动和变形的因素很多,地表移动和变形的大小不仅与隧道的埋深、断面尺寸和施工方法、支护方式有关,而且受地层条件的影响。由于人们环保意识的不断增强,对于在城市市区隧道施工引起的地表位移与变形及其对周围环境影响预计便显得更加必要。人们对于地表移动和变形预计采用了很多方法,主要有现场实测、理论分析和模型试验方法等等。

在隧道施工引起的地表移动和变形中,地表沉降的大小和分布是最受关注的。对于隧道施工引起的地表沉降问题的研究,起源于对煤矿等矿山巷道上方地表沉降现象的分析。对于这种现象,首先对地表沉降槽的形状进行观察,将沉降槽的曲线形态以数学形式加以表现,逐步对地表沉降分布、最大沉降量等进行

理论和经验上的推断。根据煤矿地区巷道开挖地表下沉的实测结果, Martos (1958) 提出隧道开挖所引起的地表沉降槽可由误差函数近似表示<sup>[6]</sup>。1969 年, 在当时大量隧道开挖施工引起的地表沉降实测资料的基础上, Peck 系统地提出了地层损失的概念和估算隧道开挖地表下沉的实用方法<sup>[2]</sup>, 即 Peck 公式。此后, Peck 本人及其他不少学者和工程技术人员作了大量工作, 使之成为目前应用最为广泛的预计隧道施工地表沉降的方法。Peck 认为, 在不排水情况下, 隧道开挖所形成的地表沉降槽的体积应等于地层损失的体积。他假定地层损失在整个隧道长度上均匀分布, 隧道施工所产生的地表沉降横向分布近似为一正态分布曲线, 因此提出如下地表沉降分布的预计公式:

$$S(X) = S_{\max} \exp\left(-\frac{X^2}{2i^2}\right) \quad (1-1)$$

$$S_{\max} = \frac{V_i}{i \sqrt{2\pi}} \approx \frac{V_i}{2.5i} \quad (1-2)$$

式中  $S(X)$  —— 距离隧道中心轴线为  $X$  处地表沉降值;

$V_i$  —— 施工引起的隧道单位长度地层损失;

$S_{\max}$  —— 隧道中心线处地表最大沉降量;

$i$  —— 地表沉降槽宽度系数。

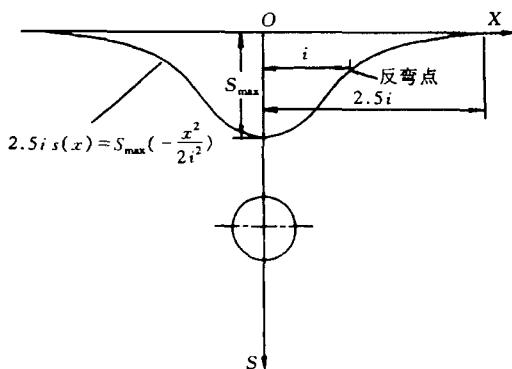


图 1-1 地表横向沉降槽

公式(1-1)和(1-2)中, 需要确定  $V_i$  和  $i$  两个参数。这些参数与隧道开挖深度、断面尺寸、地层条件和施工条件密切相关, Peck、Cording、Clough、Schmidt 等许多学者对参数的取值进行了大量研究<sup>[1,2]</sup>, 给出了许多经验取值。

英国是世界上最早修建地下铁道的国家, 对地铁等城市隧道施工地表沉降问题研究较多<sup>[1,4,5]</sup>。它们的工作大部分是由英国 TRRL (Transport and Road Research Laboratory) 所进行的。O'Reilly, New 等针对不同的地层, 研究了采用不同施工方法所引起的地表沉降问题。在大量实测资料的基础上, 提出了实际

沉降槽宽度、地层损失和地表沉降的预计公式<sup>[4,5]</sup>。根据单孔隧道地表沉降结果,按照叠加原理,得出了开挖双孔隧道引起的地表沉降计算公式。Attewell 等还通过假定横向地表沉降为一正态分布形式,纵向分布为二次抛物线形态,得出了隧道施工引起的三维地表运动公式<sup>[1]</sup>。Kimura 和 Mair 等还通过离心模型试验对伦敦几种地层中隧道施工所产生的地表沉降预计参数进行了探讨<sup>[16]</sup>。按照体积不变的假定,可以得到地表水平位移的计算公式。土体固结引起地表沉降问题的研究也进行了许多,并且进行了长期的实测<sup>[8]</sup>。这些预计公式经过大量的实测结果的验证,在地表移动和变形预计中获得了广泛应用,取得了较好的效果。

欧洲其他许多国家和美国等在大量城市隧道建设中,对于施工引起地表沉降问题进行了许多研究,积累了丰富的实测资料,他们大都采用 Peck 公式或者基于英国学者所提出的以经验公式为主的方法进行预计。

日本在长期的城市隧道施工中积累了丰富的经验,尤其是在软土地层中进行隧道建设,因而对于隧道施工所引起地表沉降问题非常关注,许多学者对此课题进行过深入研究<sup>[18]</sup>。Fujita 提出了盾构隧道地表沉降预计方法;半谷根据实测资料,给出了地表最大沉降量的预计方法。在软土地层条件下,软土的固结沉降占有相当大的比重。藤田进行了软土地层中不同盾构施工方法对地层的影响方面的研究,森氏、岛田等亦提出过实用的计算公式。

以上的研究中,大多是根据隧道开挖后地表沉降槽的形状,认为可以采用一定的曲线形式表示,再根据地表沉降实测结果或已有的资料,确定曲线的具体特征参数。

计算机的出现为数值分析提供了强有力的工具。因为地表沉降影响因素较多,任何简单实用的计算方法均无法反映众多因素的综合影响。而借助于计算机,可以较全面地考虑影响地表移动及变形的各主要因素,较为准确地预计隧道施工引起地表移动及变形,并提出有效的控制地面沉降的方法。常用的预计地表位移与变形的数值分析方法主要是有限单元法。

采用有限单元法预计隧道施工引起地表沉降时,将沉降视为力学过程,不仅能够计算出地表的移动及变形,而且可以得到地层内部的应力、变形状况。根据地层条件及隧道施工情况,可以将地层假定为弹性、弹塑性或者粘弹塑性等不同类型的介质。

弹性介质有限元方法一般适用于地层和施工条件较好的情况。日本大阪地区曾采用弹性有限元法对隧道开挖施工引起的地面沉降进行了估算,取得了较为满意的效果;日本学者总结弹性有限元计算结果,根据地表沉降实测资料加以修正,提出估算地表沉降的实用公式<sup>[3]</sup>。

由于隧道施工过程中,周围土体可能受到较大扰动。采用弹性介质有限元

方法常常使估算值偏小,因此通常需要将土体视为弹塑性介质进行非线性分析。非线性有限元方法不仅能够考虑隧道施工引起的地层损失,而且可以考虑土体的失水固结、土体本身的压缩性等,能够考虑到多种施工方法,如压气、降水等对地表沉降的影响,考虑各种断面形式,因而获得了广泛的应用。目前已开发出了各种成熟的二维及三维线性与非线性有限元程序,能够考虑不同类型的土的本构关系和各种施工因素,在隧道施工引起的地表移动与变形的分析中获得了应用。

在现场实测、理论分析的基础上,为了对隧道施工引起的地表变形特征、影响地表变形的因素等进行探讨,许多学者还通过模型试验方法对这一课题进行研究。这些模型试验方法主要有相似材料模型试验、离心模型试验等,这方面的成果也有许多<sup>[13,14,16]</sup>。

随着我国大量的城市隧道施工的进行,我国对隧道施工引起的地表沉降问题也进行了研究。刘宝琛等应用随机介质理论,研究了近地表开挖引起的地表移动及变形问题<sup>[86,87]</sup>。同济大学自20世纪70年代起,便开始了隧道施工地表沉降的实测和理论研究工作,先后对上海地铁试验段等隧道进行了现场实测和监控。在现场实测结果分析和理论研究的基础上,对Peck公式进行了修正,提出了考虑土体受到扰动后固结沉降的新的地表沉降计算公式<sup>[3,44]</sup>。侯学渊等利用弹塑性理论及固结理论研究了土压平衡盾构不同施工阶段地表沉降预计和土体中超孔隙水压力的变化。有限单元法在地表沉降预计中也获得了应用,利用弹塑性有限元方法,得出了上海地区一些实用的经验预计公式<sup>[2]</sup>。根据北京地铁施工的实践,也提出了经验公式。随着计算机技术的发展,张弥等开发出了预计盾构法隧道施工地表沉降的专家系统<sup>[49]</sup>;针对上海地铁一号线工程,上海隧道股份有限公司等单位开发了盾构施工技术专家系统<sup>[48]</sup>,可以对盾构隧道施工地表沉降进行预估。我国将大力城市发展城市地铁等多种地下工程,随着我国城市隧道建设的发展,经验的不断积累,理论水平的不断提高,将促进城市隧道施工地表移动和变形预计方法与地表变形控制技术的发展和完善。

尽管对于隧道施工引起的地表移动和变形预计已经进行了大量的工作,但是针对各种具体的施工方法,有必要继续深入研究,如采用人工降水时,疏水引起的土体固结所导致的地表沉降;采用冻结法施工,冻土的冻胀-融沉现象及其对周围环境的影响;各种新型盾构施工引起的地表沉降预计等。所采用的研究方法中,以Peck公式为代表的一些经验方法缺少理论依据,而有限单元法等数值分析方法由于合适的土体本构关系和计算参数难于准确确定,使这些方法的应用受到限制。通过反分析所获得的土体的有关计算参数,其物理意义又常常不甚明确,所以发展新的分析方法以预计隧道施工所引起的地表移动与变形,并对周围环境的影响进行正确评价是十分必要的。

研究岩土开挖引起的地表移动问题时,一方面可以将岩土体视为连续介质,如弹塑性体,采用连续介质力学方法进行分析;另一方面,可以将岩土体视为非连续介质,如散体等,采用非连续介质力学方法进行分析。岩土体介质非常复杂,隧道开挖施工所遇到的岩体通常是由成分、组织各异的几种岩石构成的复合体。岩体形成后,在长期的地质作用下,原始整体性受到诸如节理、断层、层面等等地质弱面的切割而破坏,成为形状、大小不同的岩块嵌合而成的结构体。土体是由岩石经过风化作用后沉积所形成的产物,它是由各种大小不同的土粒按各种比例组成的集合体,土体是由固体土颗粒、液相的水和气体组成的三相体,是一种分散体,而且可能受到弱面的切割。因此当隧道施工引起岩土体发生运动时,单个的岩块或者土体颗粒的运动十分复杂,但是大量的实测结果表明,岩土体的总的运动趋势有着明显的规律性。

岩土运动的这种特性使得传统的连续介质力学的广泛应用受到了限制,特别是在不连续的运动区,在这种情况下,统计性的研究有了一定的发展。20世纪50年代末期,波兰学者李特威尼申(J. Litwiniszyn)提出了随机介质理论,该理论将岩土体视为一种“随机介质”,将开挖岩土体引起的地表下沉视为一随机过程。随机介质理论已在煤矿开采地表移动预计中获得了广泛应用,并发展应用到地表开挖等岩土工程中。本著作在对随机介质理论进行简要介绍的基础上,将对该理论在城市隧道施工引起的地表移动与变形预计上的应用进行比较全面、系统的研究和总结。主要内容包括:

(1)从单元开挖入手,推导了单元开挖引起的地表单元下沉和水平位移表达式。

(2)根据叠加原理,探讨了单孔和双孔平行隧道施工引起的地表移动及其变形计算公式,并根据实测的地表移动与变形值,提出了确定有效的地表移动与变形计算参数的反分析方法。

(3)按照所提出的方法,编制了计算程序,对国内外一批隧道施工引起的地表移动问题进行了分析,计算结果与实测结果有着良好的一致性。

(4)将土力学土体固结原理与随机介质理论相结合,分析了地层疏水引起的地表移动与变形预计,从而可以得到隧道施工采用人工降水时最终的地表移动与变形的计算结果。

(5)分析了地层冻结所遇到的特殊问题,研究了土的冻胀-融沉所造成的对周围环境影响的评价方法,研究了冻结法隧道施工引起的地表移动和变形预计。

(6)对于挤压盾构隧道施工、压气法隧道施工所引起的地表移动特点进行了分析讨论,提出了采取这些特殊施工措施时,地表移动与变形的预计公式。

以上各部分,除了研究分析地表移动与变形、推导各项地表移动与变形的预计公式、编制相应计算程序以外,还给出了若干分析计算实例,以验证预计的可靠程度。

## 第二章 随机介质理论简述

随机介质理论是波兰学者李特威尼申(J. Litwiniszyn)为研究采煤岩层与地表移动问题所提出的<sup>[78]</sup>。他基于砂箱模型实验研究,提出了五大公理,应用严密的数学方法,建立了随机介质理论。在研究图2—1所示的岩层移动向上传递的过程中,若在 $Z_1$ 水平开采使 $Z_1$ 水平下沉,下沉曲线为 $W(X, Z_1)$ ,则 $W(X, Z_1)$ 是 $Z_1$ 以上各水平产生下沉的原因; $Z_2$ 水平的下沉 $W(\xi, Z_2)$ 为 $Z_1$ 水平下沉的后果,表示为 $\Omega_{Z_1}^{Z_2} W(X, Z_1)$ ,称 $\Omega_{Z_1}^{Z_2}$ 为某一算子,其中下标 $Z_1$ 为算子所作用的水平,上标 $Z_2$ 为算子作用所得到的水平。

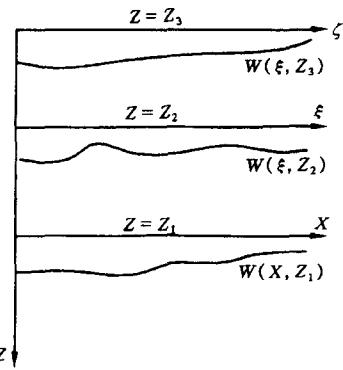


图2—1 岩层移动的传递

随机介质理论所用到的五大公理如下:

公理1:

唯一性:某一算子作用在给定的函数上,所得结果唯一。

$W(X, Z_1)$ 是发生 $W(\xi, Z_2)$ 和 $W(\zeta, Z_3)$ 的原因,则

$$W(\xi, Z_2) = \Omega_{Z_1}^{Z_2} W(X, Z_1) \quad (2-1)$$

$$W(\zeta, Z_3) = \Omega_{Z_1}^{Z_3} W(X, Z_1) \quad (2-2)$$

同样, $W(\xi, Z_2)$ 又是发生 $W(\zeta, Z_3)$ 的原因,或者说, $W(\zeta, Z_3)$ 是 $W(\xi, Z_2)$ 作用的结果,即:

$$W(\zeta, Z_3) = \Omega_{Z_2}^{Z_3} W(\xi, Z_2) \quad (2-3)$$

由式(2—1)和(2—3)可以得到:

$$W(\zeta, Z_3) = \Omega_{Z_1}^{Z_2} \Omega_{Z_2}^{Z_3} W(X, Z_1) \quad (2-4)$$

这样下式成立:

$$\Omega_{Z_1}^{Z_3} = \Omega_{Z_1}^{Z_2} \Omega_{Z_2}^{Z_3} \quad (2-5)$$

公式(2—5)称为算子的传递性。

公理2:

均质性: $n$ 个相同开挖所产生的影响为单个开挖所产生影响的 $n$ 倍。即:

$$\Omega_{Z_1}^{Z_2} n W(X, Z_1) = n \Omega_{Z_1}^{Z_2} W(X, Z_1) \quad (2-6)$$

公理 3:

叠加原理:两个不同开挖所产生的影响为它们各自开挖所产生影响之和。

即:

$$\Omega_{Z_1}^{Z_2}(nW_1 + W_2) = n\Omega_{Z_1}^{Z_2}W_1 + \Omega_{Z_1}^{Z_2}W_2 \quad (2-7)$$

公理 4:

存在单位运算子。即存在:

$$\lim_{Z_2 \rightarrow Z_1} \Omega_{Z_1}^Z = 1 \quad (2-8)$$

使得:

$$\lim_{Z \rightarrow Z_1} \Omega_{Z_1}^Z W(X, Z_1) = W(X, Z_1) \quad (2-9)$$

公理 5:

正值性:开挖引起的岩层只有下沉。即:

$$W(X, Z) \geq 0 \quad (2-9)$$

现具体考察开挖影响从  $Z_1$  到  $Z_2$  的传播,  $Z_1$  水平  $X$  处开挖一微元  $dX$  在  $Z_2$  水平上引起的下沉应当与  $W(X, Z_1)dX$  成正比, 该比例系数称为分布函数, 记为  $\delta(X, Z_1; \xi, Z_2)$ , 则:

$$W(\xi, Z_2) = \int_{-\infty}^{+\infty} W(X, Z_1) \delta(X, Z_1; \xi, Z_2) dX \quad (2-10)$$

比较公式(2-1)和(2-10)可知,  $\Omega$  是一个积分算子, 算子核即为分布函数  $\delta$ , 为使函数满足式(2-4)的要求, 则  $\delta$  应当满足如下条件:

$$\delta(X, Z_1; \xi, Z_2) = \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(X, Z_1; \xi, Z_2) \delta(\xi, Z_2; \zeta, Z_3) d\xi \quad (2-11)$$

上述方程是一个积分方程, 它与斯莫鲁霍夫斯基(Smoluchowski)扩散方程相似, 李特威尼申按照柯莫哥洛夫(Колмогоров)方法对公式(2-11)进行处理, 经过严密的数学推导, 对于二维问题, 得出下沉盆地  $W$  应满足以下二维抛物线偏微分方程:

$$\frac{\partial W(X, Z)}{\partial Z} = \alpha(X, Z) \frac{\partial^2 W(X, Z)}{\partial X^2} + \beta(X, Z) \frac{\partial W(X, Z)}{\partial X} + \gamma(X, Z) W(X, Z) \quad (2-12)$$

推广到三维问题, 下沉盆地  $W$  应满足下式( $Z$  为垂直轴,  $X_1, X_2$  为水平轴):

$$\begin{aligned} \frac{\partial W(X_1, X_2, Z)}{\partial Z} &= B_{11}(X_1, X_2, Z) \frac{\partial^2 W(X_1, X_2, Z)}{\partial X_1^2} + \\ &B_{12}(X_1, X_2, Z) \frac{\partial^2 W(X_1, X_2, Z)}{\partial X_1 \partial X_2} + \end{aligned}$$