



新数学

1

$P(x = r) = P(E_r) = {}_n C_r p^r q^{n-r}$ ($r = 0, 1, 2, \dots, n$)

ただし、 E_r の r が 0 であるものは、上面を 1.

の値に対応する確率が(1)で与えられる確率分布

83 ページで示した確率分布は、(1)において

$$n = 3, \quad p = \frac{3}{5}, \quad q = \frac{2}{5}$$

布で、前ページの問 1、問 2 で求めた確率

確率分布が 2 項分布であるとき、確率変数

新 数 学

(初中数学)

1

[日] 弥 永 昌 吉 等 编
张述宜 梁忠义 孙世路 孙文龙 译

吉林人民出版社

新 し い 数 学

1

日本东京书籍株式会社

1977年

内 部 读 物

新 数 学

1

(日) 弥永昌吉 等编

张述宣 梁忠义 孙世路 孙文龙 译

*

吉林人民出版社出版 吉林省新华书店发行

长春新华印刷厂印刷

*

737×1092毫米32开本 印张: 8 1/4 13,000字

1978年9月第1版 1978年8月第1次印刷

书号: 7091·1006 定价: 0.79元

封面设计: 吴景文

目 录

致本书读者	(1)
I 数和集合	(3)
1 集 合	
§1 集合和它的表示方法	(4)
§2 子集	(7)
§3 集合的交和并	(10)
§4 余集	(14)
2 整数的性质	
§1 约数和倍数	(17)
§2 质数和质因数	(21)
§3 公约数和最大公约数	(23)
§4 公倍数和最小公倍数	(25)
§5 计数制	(28)
习题	(33)
研究“倍数判别法”	(35)
● 数学的进展 ● 数的表示法	(36)
II 正负数	(37)
1 正 负 数	
§1 带符号的数	(38)
§2 数的大小	(40)
2 加法和减法	
§1 加法	(43)

§2	减法	(47)
§3	加法和减法的混合计算	(49)
3 乘法和除法		
§1	乘法	(52)
§2	除法	(57)
§3	四则混合运算	(60)
	习题	(63)
III	字母和式子	(66)
1 使用字母		
§1	数和字母	(67)
§2	使用字母的规定	(68)
§3	各种数量的表示方法	(72)
2 字母式及其计算		
§1	代入和式子的值	(75)
§2	一次式的加减	(77)
	习题	(82)
III	方程和不等式	(85)
1 方程和不等式		
§1	数量关系的表示式	(86)
§2	方程和不等式	(89)
2 方程的解法		
§1	等式的性质	(92)
§2	等式的性质和方程的解法	(94)
§3	一次方程的解法	(96)
§4	一次方程的应用	(100)
	习题	(104)
V	函数	(107)

1 对应和函数

- §1 从集合到集合的对应 (108)
- §2 函数 (112)
- §3 正比例和反比例 (115)

2 坐标和图象

- §1 坐标 (120)
- §2 函数和图象 (123)
- 习题 (128)

VI 基本图形 (131)

1 基本图形

- §1 面、线、点 (132)
- §2 直线和角 (132)
- §3 圆 (138)
- §4 多面体 (141)

2 图形的位置关系

- §1 直线和平面 (143)
- §2 圆和直线、球和平面 (150)
- 习题 (153)

VII 移动和作图 (154)

1 图形的移动

- §1 移动 (155)
- §2 移动和立体图形 (161)

2 平面图形的画法

- §1 三角形 (164)
- §2 对称和基本作图 (167)
- 习题 (173)

VIII 平面图形的性质 (176)

1 平行线和角

- §1 平行线的性质 (177)
- §2 三角形的内角与外角 (180)
- §3 多边形的内角和外角 (182)

2 三角形的全等

- §1 全等的图形 (187)
- §2 三角形的全等条件 (189)
- §3 图形性质的考查方法 (193)
- §4 等腰三角形 (196)
- §5 作图及其验证 (200)
- 习题 (203)
- 研究“多边形对角线的数目” (205)

IX 计量和数值计算 (207)

1 面积和体积

- §1 平面图形的面积 (208)
- §2 立体图形的体积和表面积 (212)

2 近似值

- §1 误差和有效数字 (216)
- §2 近似值的计算 (219)

3 计算尺

- §1 计算尺 (222)
- §2 利用计算尺的计算方法 (223)
- 习题 (225)
- 数学的进展 ● “求圆周率” (227)

X 资料的整理 (230)

1 资料的整理

- §1 频数的分布 (231)

- §2 直方图 (233)
- §3 频率及其分布 (235)
- §4 累积频数及其分布 (236)

2 代 表 值

- §1 均值及其计算 (237)
- §2 各种代表值 (240)
- 习题 (242)

- 计算练习 (243)
- 作图练习 (245)
- 补充问题 (245)
- 一年级学过的主要术语、符号、性质 (257)

致本书读者

这本书把一年级所要学习的内容分为十章。在本书中：
例 是为加深理解所学内容，为进一步学习提供线索的具体例子。

例题 是供解题参考的有代表性问题的例子，并作出〔解答〕和〔分析〕。特别是带方括号的〔解答〕，在那里提出一种解题的标准书写方法。

问 是为了检查对所学的内容的理解程度而试解的问题；对带★号的问题应加以思考，以作为转入下一步学习的线索。特别是，在需要多做练习的地方安排了**练习**。

每节末尾的问题，是为复习该节所学内容而设的。在每节的学习过程中，随时考虑是否能够应用前面学过的知识，解决其中的问题，也是有益的。

在每章的末尾有**习题**，它是为复习和应用这章所学内容而设的。其中，**A** 是基本问题，**B** 是在程度上稍高一点的问题。希望从**B** 的问题中，选择自己力所能及的题来作。

每章最后的研究，是进一步引伸的内容，有余力时应当学习它。

在本书的最后有**计算练习**和**作图练习**，希望在课余能抓紧时间反复练习。此外，为了总结，附有一年级学过的主要

术语、符号、性质、和补充问题。在补充问题中，有一些是程度稍高的应用题。虽然要花费一些时间，但由自己独立思考去试行解决，这对提高数学能力是很有作用的。

I * 数 和 集 合



研究各种事物的集合，或者探讨那些集合之间的关系，早在小学已经学过。这些内容，作为今后学习数学的基础，具有重要的意义。所以，在这里，首先学习和探讨有关使用符号表示集合和集合之间的基本关系；其次，运用集合的观点，将对约数、倍数等整数的性质进行种种讨论。

*

1 集合

§1 集合和它的表示方法

下图所示是山田家族的全部成员。



图 1

如果把这七个人看做一个整体时，它是满足“山田的家族”这个条件的人们的集体。

如山田家族的全体，某初中一年级学生的全体，整数 $(0, 1, 2, 3, \dots)$ 的全体等等，把满足某种条件的若干个事物看做一个整体时，称这个为集合。

例 1 小于10的所有偶数的集合，就是

$$0, 2, 4, 6, 8$$

这五个数的集体。

在数学中只把那些界限明确的事物认为是集合。例如，不能说“大数的集合”因为所谓“大数”，是比几大的数，界限并不明确。

问 1 试就你组学生的出生月分等按各种见解做出集合。

集合的元素

在图1中有七个人，把它的一个个人，叫做“山田家族”集合的元素（又称元）。一般地，把组成集合的一个个事物，叫做那个集合的元素。

问 2 现在将全体偶数的集合命名为 A ，将除 3 余 1 的全体整数集合命名为 B 。在下列数里，属于集合 A 的元素是哪几个？属于集合 B 的是哪几个？

3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12

集合的表示方法

如同 2 用过的那样，用 A, B, \dots 这样的字母表示集合。再有，将例 1 的“小于 10 的所有偶数的集合”，记为

$\{0, 2, 4, 6, 8\}$

这样，也有将集合的所有元素列举出来，再用括号 {} 括起来表示集合的。

例 2 如用 A 表示山田全体家族的集合，则

$A = \{\text{金助、梅子、太郎、良子、一郎、弓子和次郎}\}$

元素完全相同的集合，认为是相等的集合（或相同的集合）。例如：

$\{0, 2, 4, 6, 8\} = \{2, 8, 0, 6, 4\}$ 。

所以，表示集合时，怎样排列元素的顺序都可以。

问 3 在下列集合里，指出和 $\{1, 2, 3, 4\}$ 相等的集合。

- ① $\{4, 3, 2, 1\}$ ② $\{4, 3, 1, 2\}$ ③ $\{4, 1, 3, 2\}$

把小于 10 的所有偶数的集合 $\{0, 2, 4, 6, 8\}$ 有时写成

$\{x \mid x \text{ 是小于 } 10 \text{ 的偶数}\}$ 的形式，

其中，使用字母 x 表示元素，并表示出元素所满足的条件。

例 3 1 $\{x \mid x \text{ 是小于 } 5 \text{ 的整数}\} = \{0, 1, 2, 3, 4\}$

2 $\{x \mid x \text{ 是 } 60 \text{ 岁以上山田的家族}\} = \{\text{金助}\}$

【注意】如例 3 的 2 那样，也有只有一个元素的集合。

例 4 $\{x \mid x \text{ 是奇数}\} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, \dots\}$

【注意】 如上面的 $\{1, 3, 5, 7, 9, 11, \dots\}$ 那样，当……的意思明确时，为了列举所有元素，也可以用……。

问 4 用列举所有元素的方法，表示下列集合：

- ① $\{x \mid x \text{ 为10岁以下的山田家族}\}$
- ② $\{x \mid x \text{ 为小于7的奇数}\}$
- ③ $\{x \mid x \text{ 为不小于10的3的倍数}\}$

表示元素的符号

把 a 是集合 A 的元素，叫做 a 属于集合 A ，记为
 $a \in A$ (或者 $A \ni a$)

b 不是集合 A 的元素时，表示为
 $b \notin A$ (或者 $A \not\ni b$)

例 5 设 $A = \{x \mid x \text{ 为一位数的奇数}\}$ 时
 $5 \in A, 6 \notin A, 11 \notin A$

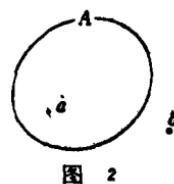


图 2

问 5 把下列数和例 5 的集合 A 的关系，用符号 \in , \notin 表示出来：

1, 2, 7, 8, 10, 13

问 6 如例 2，把山田全体家族的集合设为 A ，这时，用列举所有元素的方法，表示下列集合：

$$B = \{x \mid x \in A, x \text{ 是女性}\}$$

$$C = \{x \mid x \in A, x \text{ 是带眼镜的人}\}$$

$$D = \{x \mid x \in A, x \text{ 是年令为偶数的}\}$$

【注意】 问 6 的集合 B 的条件是 “ $x \in A$ ” 和 “ x 为女性”，这是说 B 的元素同时满足这两个条件。对 C 与 D 也是这样。

问 7 在上面的 B , C , D 中, 哪两个集合是相同的?

空 集

★考察 $P = \{x \mid x \text{ 为不满 } 5 \text{ 岁的山田家族}\}$ 这个集合, 试找出其元素?

如上面集合 P 那样, 把没有元素的也做为一种集合来考察, 把它用 ϕ 符号表示, 叫做空集。即:

$$P = \phi$$

例 6 $\{x \mid x \text{ 是除以 } 4 \text{ 余 } 1 \text{ 的偶数}\} = \phi$

例 7 当考察某出租小汽车乘客的集合时, 当乘客为一人时, 是只有一个元素的集合。空车的情况则是空集。

问 8 设 $A = \{x \mid x \text{ 为 } 1 \text{ 位数的奇数}\}$ 时, 在下列集合里, 指出哪个是空集? 哪个是只有一个元素的集合?

$$B = \{x \mid x \in A, x > 2\}$$

$$C = \{x \mid x \in A, x > 9\}$$

$$D = \{x \mid x \in A, x \text{ 是除以 } 3 \text{ 余 } 2 \text{ 的整数}\}$$

§2 子 集

设图 1 的山田全体家族的集合为 A ,

又设 $B = \{x \mid x \in A, x \text{ 是女性}\}$,

则 集合 B 是由 A 的七个元素之中的梅子、良子、弓子这三个元素所组成的集合。

即 集合 B 为集合 A 的一部分。

把这个表示为

$$B \subset A \text{ (或者 } A \supset B)$$

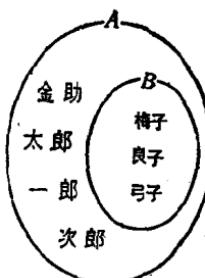


图 3

例 1 设 $A = \{x \mid x \text{ 是奇数}\}$, $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$, 则

$$B \subset A$$

问 1 在下列①~④之中, 把关系 $B \subset A$ 成立的指出来, 再把关系 $B = A$ 成立的指出来?

- ① $A = \{1, 3, 5, 7\}$, $B = \{3, 5, 7\}$
- ② $A = \{1, 2, 4, 8\}$, $B = \{x \mid x \text{ 是 } 8 \text{ 的约数}\}$
- ③ $A = \{2, 3, 5, 7, 11\}$, $B = \{2, 4\}$
- ④ $A = \{x \mid x \text{ 为一周的名称}\}$, $B = \{\text{周一、周四}\}$

设山田全体家族为 A , 山田家族在家的人的集合为 B 时, B 的元素全部是 A 的元素。这时:

- 1 有外出的人时, $B \subset A$
- 2 没有外出的人时, $B = A$

这样, A 和 B 的关系, 是 $B \subset A$ 或 $B = A$ 二者之一。

一般地, 设有两个集合 A, B , 当 B 的元素全部是 A 的元素时, 把集合 B 叫做集合 A 的

子集。如果 B 是 A 的子集时, 则

$$B \subset A, B = A$$

这两种关系中一定有一个成立。

这种情况表示为

$$B \subseteq A (\text{或 } A \supseteq B),$$

图 4

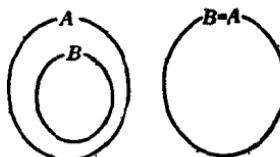
叫做 B 被包含在 A 中 (或 A 包含 B)。

【注意】集合 A 本身也是 A 的子集。

例 2 设 $A = \{x \mid x \text{ 为 } 12 \text{ 的约数}\}$,

$$B = \{1, 2, 3, 4\},$$

$$C = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}, \text{ 则}$$



- 1 因为 $B \subset A$, 所以 $B \subseteq A$, 但不是 $B = A$,
- 2 因为 $C = A$, 所以 $C \subseteq A$; 又是 $C \supseteq A$, 但不是 $C \subset A$, 也不是 $C \supset A$.

问 2 在下列①~③里, 指出哪两个有 $B \subseteq A$ 的关系?

- ① $A = \{x \mid x \text{ 是比 } 5 \text{ 小的整数}\}$,
 $B = \{0, 2, 4\}$
- ② $A = \{\text{青森县, 秋田县, 山形县}\}$,
 $B = \{x \mid x \text{ 是东北地方的县}\}$
- ③ $A = \{x \mid x \text{ 是比 } 10 \text{ 小的奇数}\}$,
 $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$

$B \subset A$ 是指 “ $B \subseteq A$, 但不是 $B = A$ ”, 此时, 把集合 B 叫做集合 A 的真子集。

问 3 在问 2 的①~③里, 哪个 B 是 A 的真子集? 又哪个 A 是 B 的真子集?

★山田家族中所有在家的人的集合 B , 是山田全体家庭成员集合 A 的子集。山田家族全体成员外出时, B 是什么样的集合?

空集, 也可以认为是任何集合的子集。

例 3 集合 $\{1, 2\}$, 具有下列四个子集:

$$\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\}$$

问 4 在集合 $\{1, 2\}$ 的四个子集里, $\{1, 2\}$ 的真子集是哪一个和哪一个?

问 5 试举出集合 $\{0, 2, 4\}$ 的全部子集, 再从其中指出 $\{0, 2, 4\}$ 的真子集。

如果设12的全部约数的集合为 A , 则