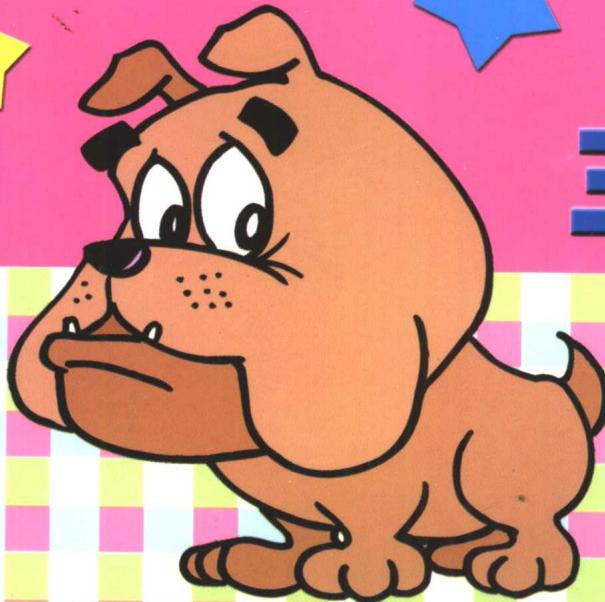


三年级



小学数学

思维训练综合

小学数学思维训练

三年级



周建松 主编

郑静 张洁萍 编写



浙江少年儿童出版社

图书在版编目(CIP)数据

小学数学思维训练. 三年级 / 周建松主编; 郑静, 张洁萍编写. —杭州: 浙江少年儿童出版社, 2003. 1
ISBN 7-5342-2662-7

I. 小… II. ①周… ②郑… ③张… III. 数学课-小学-习题 IV. G624. 505

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2002) 第 042444 号

责任编辑 陈业欣

责任印制 阙 云

装帧设计 赵 路

小学数学思维训练

三 年 级

周建松主编 郑静 张洁萍编写

浙江少年儿童出版社出版发行

(杭州体育场路 347 号)

千岛湖环球印务有限公司印刷 全国各地新华书店经销

开本 850×1168 1/32 印张 5.375 字数 100000 印数 1—12350

2003 年 1 月第 1 版 2003 年 1 月第 1 次印刷

ISBN 7-5342-2662-7/G · 1471 定价：7.50 元

编者的话

数学是人们生活、劳动和学习必不可少的工具。从小学好数学,对提高人的推理能力、逻辑分析能力、想象力和创造力有着举足轻重的作用。因此,可以毫不夸张地说:“学好数学能使人更聪明。”

想学好数学,除了对数学要有浓厚的兴趣外,还要多进行适当的训练。这套丛书根据教育部制订的《全日制义务教育数学课程标准》新理念,力求以浅显易懂的内容,活泼多样的形式,培养学生的数感、符号感、空间概念以及应用意识。

这套丛书共分为六册,每个年级一册。每册都设置了“数与代数”、“空间与图形”、“统计与概率”、“综合应用”四个学习领域。每个学习领域又分若干小节,每小节分为“知识教练场”和“思维训练营”两部分。“知识教练场”除归纳总结了本节学习的要点外,还安排了一定数量的由浅入深的例题,这些例题的思考过程剖析详尽,具有启发性;“思维训练营”中则编制了富有探究性的训练题,学生通过数学练习,可以提高解决问题的能力。每道练习题下都留有空白,学生可以在书上演算。四个学习领域的划分,目的在于明确知识重点,但在使用本书时,学生可根据实际情况,调整前后的学习顺序。每册书后都附有参考答案,供学生独立思考解题之后,作为自我评价的参考依据。

这套丛书“源于基础,高于课本”,在适当提高知识点的同时,通过数学思维训练的形式,帮助学生掌握更多的数学方法,因此对提高学生的数学基本功十分有益。

2002年10月

目 录

数与代数

- 一、加减法的巧算 (1)
- 二、乘法的巧算 (10)
- 三、填符号组算式 (18)
- 四、等量代换 (25)
- 五、算式谜 (32)

空间与图形

- 一、一笔画 (44)
- 二、找图形的变化规律 (52)
- 三、图形的分与合 (61)
- 四、巧求周长 (76)

统计与概率

- 一、最多与最少 (85)
- 二、奇数与偶数 (91)

综合应用

- 一、重叠问题 (99)
- 二、还原问题 (108)

三、和倍问题.....	(114)
四、植树问题.....	(125)
参考答案.....	(135)

数与代数

一、加减法的巧算



在进行加减运算时,为了又快又准确,除了要熟练地掌握计算法则外,还需要掌握一些巧算方法。加减法的巧算主要是“凑整”,就是将算式中的数分成若干组,使每组的运算结果尽量得到整十、整百、整千的数,最后比较方便地算出得数。这种“化零为整”的方法是加减法巧算的基础。

如果是几个数相加,可以利用加法交换律和加法结合律,使一些加法计算得到简化。

1. 加法交换律:两个数相加,交换加数的位置,它们的和不变。即 $a+b=b+a$ (其中 a,b 各表示任意一数)。多个数相加,任意改变相加的次序,其和也不变。

2. 加法结合律:三个数相加,先把前两个数相加,再加第三个数,或者先把后两个数相加,再与第一个数相加,它们的和不变。即 $a+b+c=(a+b)+c=a+(b+c)$ (其中 a,b,c 各表示任意一数)。三个以上的数相加,可先对其中几个数相加,再与其他数相加。

有些题目直观上凑整不明显,这时可以把稍小于整十、整百、整千的数凑成整十、整百、整千的数,先加起来,再减去多加的数;把稍大于整十、整百、整千的数拆成“整”与“零头数”,先加“整”,再加“零头数”。计算减法时,减数稍小于整十、整百、整千的数,可以先减去整十、整百、整千的数,再加上它们多减的数;减数稍大于整十、整百、整千的数,可以先把它拆成“整”与“零头数”两部分,再分别减。

在连减或加减混合运算中,一般使用改变原题的运算顺序巧算,经常运用的方法有去括号、加括号、带运算符号交换位置等。

(1) 在连减或加减混合运算中,如果算式中没有括号,那么计算可以带着运算符号“搬家”。如:

$$a - b - c = a - c - b$$

$$a - b + c = a + c - b$$

(2) 在加减混合运算中,去括号时,如果括号前是“+”,那么去掉括号后,括号内数前面的运算符号不变,如果括号前面是“-”,那么去掉括号后,括号内数前面的运算符号“+”变为“-”,“-”变为“+”。如:

$$a + (b - c) = a + b - c$$

$$a - (b + c) = a - b - c$$

$$a - (b - c) = a - b + c$$

(3) 在加减混合运算中,添括号时,如果添加的括号前面是“+”,那么括号内数前面的运算符号不变,如果添加的括号前面是“-”,那么括号内数前面的原符号“+”

变为“-”，“-”变为“+”。如：

$$a+b-c=a+(b-c)$$

$$a-b+c=a-(b-c)$$

$$a-b-c=a-(b+c)$$

例 1 计算： $47+61+24+39+53$

分析：运用加法交换律和结合律进行凑整计算。 47 与 53 结合和为 100 , 61 与 39 结合和为 100 ,这样就可以很快算出结果。

$$\begin{aligned} \text{解: } & 47+61+24+39+53 \\ & =(47+53)+(61+39)+24 \\ & =100+100+24 \\ & =224 \end{aligned}$$

例 2 计算：(1) $965+498$

(2) $3475+503$

(3) $2461-295$

(4) $2723-202-404$

分析：把接近整十、整百、整千的数看成所接近的数进行简算。第(1)题把 498 当做 500 ,这样就多加了 2 ,为了得到正确的和,再减去 2 。第(2)题把 3475 先加上 503 的整百数,再加上少加的零头数 3 。第(3)题把减数 295 当做 300 减,这样就多减了 5 ,再补上多减的数。第(4)题先从被减数 2723 中减去两个减数的整百数,然后再减少减的“零头数”。

$$\begin{aligned} \text{解: (1) } & 965+498 \\ & =965+500-2 \end{aligned}$$

$$= 1465 - 2$$

$$= 1463$$

$$(2) \quad 3475 + 503$$

$$= 3475 + 500 + 3$$

$$= 3975 + 3$$

$$= 3978$$

$$(3) \quad 2461 - 295$$

$$= 2461 - 300 + 5$$

$$= 2161 + 5$$

$$= 2166$$

$$(4) \quad 2723 - 202 - 404$$

$$= 2723 - 200 - 400 - (2 + 4)$$

$$= 2123 - 6$$

$$= 2117$$

例 3 计算：743 + 542 - 143 + 58

分析：题中的 743 可以先减去 143，因为这两个数的尾数相同，先算可以得到整百数。542 与 58 也可以凑成整百数，可以通过带符号“搬家”的方法移位进行凑整。要注意的是每个数前面的运算符号就是这个数的符号，如 +542, -143, +58; 743 前面虽然没有符号，但应看做 +743。

解：743 + 542 - 143 + 58

$$= (743 - 143) + (542 + 58)$$

$$= 600 + 600$$

$$= 1200$$

例 4 计算：(1) $1329 + (472 - 329)$

$$(2) \quad 874 - (375 - 126)$$

$$(3) \quad 4580 - (863 + 580)$$

分析：第(1)题和(3)题中 1329 与 329, 4580 与 580 的尾数相同, 可以先去括号再移位, 相减后得到整千、整百数。第(2)题中去括号转化成 $874 - 375 + 126$, 这里的 874 与 126 正好可以凑成整千数, 移位后可以简化计算。

解：(1) $1329 + (472 - 329)$

$$= 1329 - 329 + 472$$

$$= 1000 + 472$$

$$= 1472$$

(2) $874 - (375 - 126)$

$$= 874 + 126 - 375$$

$$= 1000 - 375$$

$$= 625$$

(3) $4580 - (863 + 580)$

$$= 4580 - 580 - 863$$

$$= 4000 - 863$$

$$= 3137$$

例 5 计算：(1) $2374 + 78 - 77 + 65 - 64$

$$(2) \quad 2846 - 1782 + 682 - 875 - 125$$

分析：这两题如果按运算顺序来算较麻烦, 可以添上括号, 利用减法性质把算式变形。第(1)题可以先算 78 与 77 的差, 再加上 65 与 64 的差。第(2)题可以先从 1782 里减去 682 得到整百数, 而另两个减数 875 与 125

正好可以凑成整百数，根据减法性质，可以先加起来再一起减去。

$$\text{解：(1)} \quad 2374 + 78 - 77 + 65 - 64$$

$$= 2374 + (78 - 77) + (65 - 64)$$

$$= 2374 + 1 + 1$$

$$= 2376$$

$$\text{(2)} \quad 2846 - 1782 + 682 - 875 - 125$$

$$= 2846 - (1782 - 682) - (875 + 125)$$

$$= 2846 - 1100 - 1000$$

$$= 746$$

1. 填空(在□里填上合适的数，在○里填上合适的符号)。



$$(1) \quad 9375 - (2103 + 5375)$$

$$= 9375 - \square \bigcirc \square = \square$$

$$(2) \quad 858 - 597 = 858 - \square \bigcirc \square = \square$$

$$(3) \quad 745 + 314 - 245$$

$$= 745 \bigcirc \square \bigcirc \square = \square$$

$$(4) 389 - 498 + 211$$

$$= \boxed{\quad} + \boxed{\quad} \bigcirc \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

$$(5) 300 - 57 - 20 - 23$$

$$= \boxed{\quad} - (\boxed{\quad} \bigcirc \boxed{\quad} \bigcirc \boxed{\quad}) \\ = \boxed{\quad}$$

$$(6) 999 + 9999 = \boxed{\quad} + \boxed{\quad} - \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

2. 速算下面各题。

$$(1) 189 + 294 =$$

$$(2) 708 - 598 =$$

$$(3) 364 + 205 =$$

$$(4) 6948 - 5998 =$$

$$(5) 6948 + 5998 =$$

$$(6) 1999 - 437 - 563 =$$

$$(7) 1435 - (435 - 46) =$$

$$(8) 672 - 298 + 28 =$$

3. 巧算下面各题(写出过程)。

$$(1) 1 - 2 + 3 - 4 + 5 - 6 + 7 - 8 + 9$$

$$(2) 2954 - (854 + 180)$$

$$(3) 2177 - (1432 - 3123)$$

$$(4) 1361 + 972 + 639 + 28$$

$$(5) 1712 - (712 + 14 - 514)$$

$$(6) 3842 - 1567 - 433 - 842$$

$$(7) 3466 + 2587 + 6534 - 2547$$

$$(8) 203 + 204 + 205 + 206 + 207$$

$$(9) 278 - 35 - 35 - 35 - 35 - 35$$

$$(10) 1348 - 234 - 76 + 2234 - 48 - 24$$

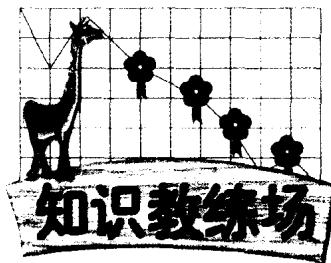
$$(11) 536 + 541 + 464 + 459 + 374$$

$$(12) 4250 - 294 + 94 + (328 - 250) - 995$$

$$(13) 995 + 996 + 997 + 998 + 999$$

$$(14) 462 + 480 + 443 + 420 + 473 + 429 + 468
+ 439 + 475 + 461$$

二、乘法的巧算



在乘法中,依据数字的特征,我们可以应用乘法运算定律使一些乘法计算得到简化。

1. 乘法交换律:两个数相乘,交换两个数的位置,其积不变。即 $a \times b = b \times a$ (其中

a, b 为任意数)。

2. 乘法结合律:三个数相乘,可以先把前两个数相乘,再乘以后一个数,或先把后两个数相乘,再乘以前一个数,其积不变。即 $a \times b \times c = (a \times b) \times c = a \times (b \times c)$ 。

注意:

(1) 这两个运算定律中数的个数可以推广到更多个数的情形,即多个数连乘中,可以任意交换各个数的位置,其积不变;多个数连乘中,可以把其中任意几个数先相乘,再乘以其他数,其积不变。

(2) 这两个运算定律常常并用。例如: $a \times b \times c = b \times (a \times c)$ 。

3. 乘法分配律:两个数之和(或差)与一数相乘,可用此数先分别乘和(或差)中的各数,然后把两个得数相加(或相减)。如:

$$(a+b) \times c = a \times c + b \times c$$

$$(a-b) \times c = a \times c - b \times c$$

还有一些利用特殊因数相乘的巧算。例如，一个数乘 10 时，只要在这个数后添 1 个 0，乘 100 时，只要在这个数后添 2 个 0。一个数乘 5、25、125 时，因为 $5 \times 2 = 10$, $25 \times 4 = 100$, $125 \times 8 = 1000$ ，所以可以利用“乘一个数再除以同一个数，数值不变”及乘法结合律，得到以下算式：

$$a \times 5 = a \times (5 \times 2 \div 2) = a \times (5 \times 2) \div 2 = 10a \div 2$$

$$\begin{aligned}a \times 25 &= a \times (25 \times 4 \div 4) = a \times (25 \times 4) \div 4 \\&= 100a \div 4\end{aligned}$$

$$a \times 125 = a \times (125 \times 8 \div 8) = 1000a \div 8$$

例如： $6 \times 5 = 6 \div 2 \times 10 = 30$

$$76 \times 25 = 76 \div 4 \times 100 = 1900$$

例 1 计算： $43 \times 125 \times 4 \times 8 \times 25$

分析：由于 $25 \times 4 = 100$, $125 \times 8 = 1000$ ，运用乘法交换律和结合律，在计算中尽量先把 25 与 4、125 与 8 结合起来相乘后，再与其他数相乘，以简化计算。

$$\begin{aligned}\text{解： } 43 \times 125 \times 4 \times 8 \times 25 \\&= 43 \times (125 \times 8) \times (25 \times 4) \\&= 43 \times 1000 \times 100 \\&= 4300000\end{aligned}$$

例 2 计算： $125 \times 5 \times 32 \times 5$

分析：两个因数 5 相乘正好可以得到 25，而 25×4 , 125×8 能凑整，因数 32 正好可以分解成 8×4 ，这样就可利用乘法结合律和交换律简算了。

$$\text{解： } 125 \times 5 \times 32 \times 5$$