

高等学校教学用书

电子光学

DIANZI QUANGXUE

E. A. 范利白著
B. H. 米督金译
沈庆庚 陈俊美译

人民教育出版社

高等学校教学用书



电 子 光 学

DIANZI QUANGXUE

E. A. 范利白著

B. H. 采留金

沈庆垓 陈俊美譯

人民教育出版社

本书系根据苏联国立动力出版社 (Государственное энергетическое издательство) 出版的范利白 (Е. А. Вайкириб)、米留金 (В. И. Милютин) 所著的“电子光学”(Электронная оптика) 1951 年版译出的。

本书概述几何电子光学的基础。卷首给出了简短的光学知识，随后详细地研讨了电子在电场和磁场中运动的定律以及各种类型的电子透镜，卷末叙述应用最广的电子光学仪器的作用原理和构造。

本书系供与电子束仪器和电子光学仪器有关的工程技术人员之用，也可供电工学院和综合大学有关专业参考。

电 子 光 学

E.A.范利白, B.I.米留金著

沈庆垓 陈俊美译

北京市书刊出版业营业登记证字第 2 号

人民教育出版社出版(北京景山东街)

上海大东集成联合印刷厂印装

新华书店上海发行所发行

各地新华书店经售

统一书号 13010·401 开本 350×1163 1/32 印张 6 13/16
字数 160,000 印数 13,201-18,200 单价(元) 0.05
1959年1月第1版 1962年2月上海第7次印刷

目 录

緒論	1
第一章 几何光学的一些知識	4
1-1 光的傳播定律	4
1-2 光像和它的获得	10
1-3 光学仪器的像差和分辨率	18
第二章 电子在电場中	23
2-1 电子发射	24
2-2 电子在电場中的运动方程式	27
2-3 电場的电位分布	30
2-4 电子在均匀电場中的轨迹	33
2-5 电子在双曲面电場中的运动	38
第三章 电子在磁場中	44
3-1 磁場对运动电子的作用	44
3-2 电子在均匀磁場中的运动	45
3-3 电子在互相垂直的均匀电場和磁場中的运动	53
第四章 光学和力学的类似性	56
4-1 力学和几何光学之間的类似性	56
4-2 电子的波动性質	58
第五章 軸对称电場和磁場——同軸光学系統的类似物	63
5-1 軸对称电場	63
5-2 电子在軸对称电場中的运动	69
5-3 电子在軸对称磁場中的运动	81
第六章 静电透鏡	86
6-1 短弱静电透鏡的焦距	83
6-2 电子光学系統的基本点	91
6-3 静电透鏡的类型	92
6-4 圆孔膜片——最簡單的透鏡	94

(3)

06016

6-5 望远镜	99
6-6 浸没透镜和浸没物镜	105
6-7 电子镜	112
第七章 磁透镜	115
7-1 短磁透镜	115
7-2 复合磁电透镜	125
第八章 电子光学系统的像差和分辨率	123
8-1 几何像差	129
8-2 色差	140
8-3 电子光学系统的分辨率	147
第九章 实用电子光学	149
9-1 电子射线管	150
9-2 电子倍增器和电子管	175
9-3 放大仪	184
9-4 变像管	190
9-5 电子显微镜	197
参考文献	214

緒論

本書對電子光学基礎作簡短的敘述。光的傳播規律和電子在電場和磁場中運動的規律之間有類似性，電子光学就是建立在這種類似性的基礎上。光在空間傳播的規律是在光学中立論的。質點在力的作用下運動的規律是在力學中研究的。但是，二者之間有着許多共同之處。由於發現這些共同之處，才出現了電子光学，成為物理学的一個部門。

電子光学是在本世紀的二十年代才創立起來的。但是在很早的時候，大約一百年前，就有了創立的前提。這項前提只有到了最近，由於歷史形成的客觀條件，才有了利用的可能。這項前提是：一百年前，哈密頓就注意到幾何光学定律和力學定律之間的驚人的類似性。這個類似性的確很有趣。事實上，早在十七世紀，費瑪已經確定：在兩點間傳播的光線，選擇這樣的路徑，在這路徑中所用的時間不是極小便是極大；後來，在力學中歐勒創立了所謂最小作用量原理，根據這個原理，質點在位場力的作用下沿着這樣的軌迹運動，這時作用量的數值是最小。在這兩種情況中，表征光的傳播或質點運動的某些量都是極端值（“極端”是指極大或極小）。這一件事，對於光学和力學類似性的發展曾經起過一番推動的作用。按照這個類似性來說，位場中的質點的運動路線，和波長為 $\frac{h}{mv}$ 的光線的傳播路線一樣，其中 h 是常數， m 是質點的質量， v 是質點的速度。

在另一方面，從同一理論推出這樣的結論，光必須是這樣一種

質点流，它的能量与頻率成正比。因此，光学和力学就导出了一个在那时候还不理解的結論：質点——实质上是連續的客体——与波長为 $\frac{h}{mv}$ 的某种波动过程相联系，而上是連續的客体——則与具有能量 $h\nu$ 的某种質点流相联系 (h 是常数， ν 是光的頻率)。

这样一来，光学和力学的类似性就統一了同一个現象的兩個方面。虽然那时有了这个非常新穎的概念，但是光学和力学的类似性还不过停留在类似性上而已，并沒有变成新的力学方法。这是因为那时还没有實驗基础，來把光看作某种質点流，更談不上把运动的質点看作与某种波动过程相联系。因此，仅仅局限于力学方程式（最小作用量原理）和几何光学方程式（費瑪原理）的相比拟而已。

一直到光的量子論發展起来以后，光学力学的类似性才增添了深入一層的意义，这就引导出嶄新的結果——建立新的波动力学。按照光的量子論，在一定的条件下，光表現为某种質点——量子——的流动，它的能量事实上等于 $h\nu$ 。

實驗輝煌地証實了光的量子論，量子概念已經在科学界中巩固地建立起来。光的量子論使人回想起光学和力学的类似性，并且为运动質点与波長为 $\lambda = \frac{h}{mv}$ 的某种波动过程之間的联系奠定了理論基础。結果使波动力学——运动質点的波动光学——能够建立起来。

电子光学分为几何电子光学和波动电子光学兩种。在几何电子光学上，应用着一百年前就已發現的几何光学与普通力学之間的类似性。

現在，在几何电子光学和波动电子光学上，已經获得了一系列出色的理論的和实践的結果。

最近，在許多电子器件的制造中成功地应用了几何电子光学

的定律。在一系列器件的制造中，粗致大略的經驗主義現在已經被有意識的应用电子光学的規律性所代替。电子光学器件已經在各种技术部門得到广泛的应用。例如，电子射綫管被广泛地应用在示波器，电视，雷达，以及其他一些技术部門。电子束的聚焦被应用在 X 射綫管，各种加速器，以及質譜仪等等之中。

在电子光学的發展中，最卓越的成就是电子显微鏡的發明。这种惊人的器件，現在已經使我們能够看見比普通光学显微鏡所能看見的小一百倍的質点。在苏联已經制造出各种类型的电子显微鏡。

电子光学器件进一步的發展和应用，要求凡是接触到这种器件的工程技术人员，都能具备电子光学的基本知識。

本書的目的是对几何电子光学基础作簡短的介紹。

卷首給出了一些几何光学的知識，在以后的闡述中，是要用到这些几何光学的基本定理的。在全書中，广泛地利用了电子光学与光学之間的类似性。

接着对电子在电場和磁场中的运动規律作了簡短的叙述。証明了电子在場中的运动，和光在具有可变折射率的光学媒質中的傳播相类似。証明了軸对称場的光学性質。

随后，叙述了静电透鏡和磁透鏡，它們的性質和像差。末了，在最后一章中，用若干实例指出电子光学在技术上的应用，并且对各种器件的电子光学元件作了簡單的叙述。

第一章 几何光学的一些知識

既然几何电子光学是建立在几何光学与力学之間的类似性上，我們就必須首先回溯到几何光学的一些基本原理。我們从光的傳播定律开始來叙述这个問題。

1-1. 光的傳播定律

射綫的概念 波动過程在空間的傳播可以从兩方面來研究，要看波动過程傳播的条件如何而定。

我們来进行兩個實驗。

在盛有液体的槽中，放入一塊具有孔穴 O 的屏板 S (圖 1-1)。

假設波沿着液体表面傳播。選擇振盪頻率，使波峰之間的距離——波長——比屏板上孔穴的尺寸來得小。在圖 1-1 上，用圓心在 P 点的許多同心圓代表我們所產生的波。我們觀察到，經過孔穴 O 以後，波的傳播不再向各个方向

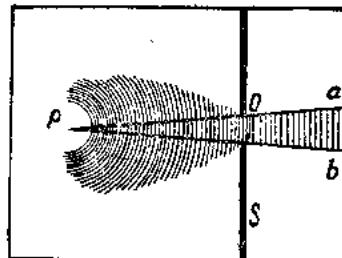


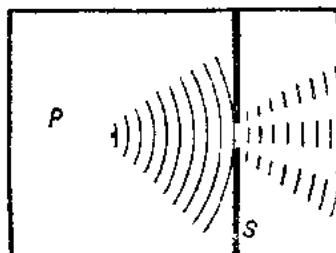
圖 1-1. 波通過大孔。

進行，而仅仅局限在扇形 aPb 中。使我們得到这样的印象：波动過程的能量是从 P 点 (波源) 出發，沿着直線——射綫——傳播的，例如，沿着射綫 Pa 和 Pb 而傳播。在上述的情況中，我們可以把波动過程在空間的傳播作為從 P 点出發的射綫來研究。

現在我們來產生這樣的振盪，使波長可以與孔穴的尺寸相比拟，或者比它還要大。我們就不再看到上述的景象了。長波輕妙

地繞過孔穴的邊緣，進入第一個實驗中的陰影區域，——發生了衍

射現象（圖1-2）。



這裡已經不可能把波的傳播作為從P點出發的射線來來描述。任何波動，包括光波在內，都會發生類似的景象。

於是，如果光的波長比它所經過的孔穴的尺寸小，或者比受光的物体小（在後面一種情況，光和影的地位互換），那麼，波動過程在空間的傳播可以用幾何直線——射線——來描述。在幾何光学中，就是這樣做的。

折射率 同一時間內，波在較密的媒質中傳播的距離要比在較疏的媒質中來得短，儘管振盪頻率是一樣的。這就是說，第一，振盪傳播的速度隨着媒質密度的增加而減少，第二，振盪傳播速度減小多少倍，振盪的波長也就減小多少倍。在光波的情況下，如果光波通過光密度不同的媒質，我們也會觀察到這種現象。當光從一種光密度的媒質進入另一種光密度的媒質時，波長和光速都要改變。真空所具有的光密度最小，光在其中傳播的速度等於 $c_0 \approx 300000$ 仟米/秒。在其他媒質中，光速 $c < c_0$ 。光從真空進入某一種媒質時，速度的改變由折射率

$$n = \frac{c_0}{c} \quad (1-1)$$

來表征。

我們可以舉出許多折射率突變的例子，所謂折射率突變的意思，就是指相鄰兩種媒質的折射率相差很大。例如，空氣的折射率 $n \approx 1$ ，而玻璃的折射率 $n' = 1.42$ 。因此，在空氣和玻璃的交界處，折射率和光速發生突變。但是，我們也可以舉出這樣的媒質的例

子，它的光密度，从而光速和折射率，都連續地和緩地变化。

可以举地球上的大气作为这种媒質的例子。大气中空气的密度随高度的增加而連續地减少。光密度，从而折射率，也随高度的增加而减少。这种情況造成了各种光效应，例如，造成了天文折射，地平綫上星球的位置显得比它的实在位置要高些。在酷热的国家，温度对于地球表面附近的空气的光密度会發生种种影响，造成了光的幻覺——海市蜃樓。

光綫从一种媒質进入另一种媒質时發生什么現象呢？

在圖 1-1 上，我們所涉及的媒質，它的密度是处处相同的（折射率是相同的）。倘若我們能使兩种密度不同的媒質相鄰接，那末，我們就会看到，在媒質的交界处，光綫改变方向，而在每一种媒質中，光綫沿着直綫傳播。因此，当折射率突变时，光綫的方向也突然改变，这就是說，改变了一定的角度。如果折射率連續地变化，那末，光綫的方向也連續地变化，这就是說，光綫將和緩地弯曲。正因为如此，所以在大气中产生了各种光效应，因为人自習慣于光的直綫性傳播，在人看来，光源好像处在实际光綫的切綫方向上。

在电子光学中，我們要处理折射率連續变化的媒質。

光的反射和折射定律 不管光綫所通过的媒質的折射率如何变化，光綫方向的一切改变都可以化为光的反射和折射。

光的反射和折射定律是在實驗中發現的。在圖 1-3 上，如果 P_0O 是入射綫，而 OP_1 是反射綫，那末，按照反射定律，這兩条射綫和入射点上的垂綫 AO 位于同一平面上，而且入射角和反射角的大小相等。既然入射綫和反射綫都处在折射率不变的媒質中，所以它們都是直綫。

如果光綫轉入折射率不同的媒質中，如圖 1-4 所示，那末，按照折射定律，入射綫 P_0O ，折射綫 OP_1 以及入射点上的垂綫 AOB

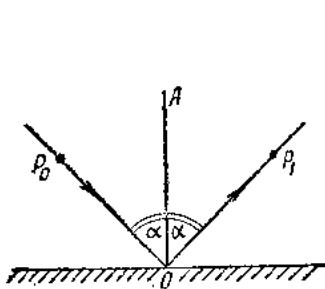


圖 1-3. 平面上光的反射。

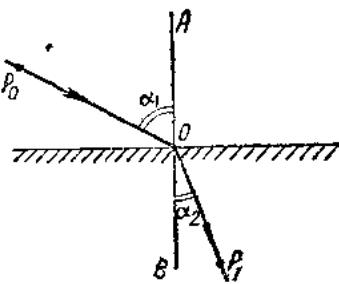


圖 1-4. 兩種媒質分界面上光的折射。

三者位于同一平面上。按照同一定律，入射角 α_1 和折射角 α_2 之間存在着下列的关系：

$$\frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = \frac{n_2}{n_1}, \quad (1-2)$$

式中 n_1 和 n_2 是对应媒質的折射率。

費瑪原理 如果已知入射点 O ，就可以利用光的反射和折射定律确定光線的路徑。但是，如果条件是这样：我們仅仅知道光出發的一点和光必須到达的一点，那末，就不可能利用方程式 (1-2)，因为其中有兩個未知数： α_1 和 α_2 。因此，它將給出無穷多的解答。如果沒有采取特殊措施的話，兩點之間的空間在同一時間內只能通過一條光線。这种特殊措施下面就要討論到。为了找出光線在一般情况下的路徑，我們來分析光在兩種特殊情況下的傳播特性。

在圖 1-5 上描繪出反射的情况。 P'_1 点是 P_1 点的鏡像， $CC' \perp AB$ 。 $P_0P'_1$ 是直線。由于 P_1 和 P'_1 是对称点， $\angle P_1OC = \angle P'_1OC' = \alpha$ 。此外， $\angle P_0OC = \angle P'_1OC' = \alpha$ 。于是，等式 $\angle P_0OC = \angle P_1OC = \alpha$ 便成立，这就是說， P_0O 和 OP_1 是入射線和反射線。为了求出在反射情况下光的入射点，必须作出 P_1 点的鏡像，就是說，作出 P'_1 点，并用直綫連接 P_0 点和 P'_1 点。于是，直綫 $P_0P'_1$ 与分界面 AB 的交点就是光的入射点，但是，从上面所叙述的，也可以引出另外的結論。因为 P_1 和 P'_1 点对称于 AB 表面，所以 OP_1 等于 OP'_1 。而这就是說，光經過路徑 P_0OP_1 所需的时间，將和沒有反射面时它經過路徑 $P_0OP'_1$ 所需的时间一样。因为 $P_0OP'_1$ 是直線，所以这是 P_0 点和 P'_1 点之間最短的距离。同时路徑 P_0OP_1 是反射之际 P_0 点和 P_1 点之間最短的距离。

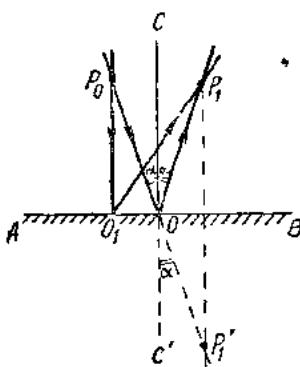


圖 1-5. 反射面上光的入射点的决定。

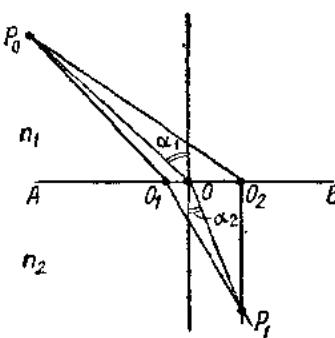


圖 1-6. 折射面上光的入射点的决定。

当發生反射时，光一直在折射率相同的媒質中傳播。因此，沿着路徑 P_0OP_1 ，光的速度不变。所以，光將在最短時間內通過最短的距離。

光不可能沿路徑 $P_0O_1P_1$ 行進，因為經過這條路徑所需的时间要比經過 P_0OP_1 的長。

所以，在反射的情況下，光在兩點之間沿着這樣的路徑傳播，經過這條路徑所需的时间是最短。

光在兩種媒質的分界面上折暉時，情況也是一樣的。我們在圖 1-6 上說明這一點，在該圖上， AB 是折暉率等於 n_1 和 n_2 的兩種媒質的分界面。光線怎樣從 P_0 点向 P_1 点射去呢？用並不複雜的計算就能證明：在 P_0OP_1 ， $P_0O_1P_1$ ， $P_0O_2P_1$ 等路徑之間，光將沿着這樣的一條路徑行進，經過這條路徑所需的时间是最短。滿足折暉定律(1-2)的路徑也正是這一條。如果 P_0OP_1 是這條實際路徑，那末 $\frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = \frac{n_2}{n_1}$ 。

當媒質中的折暉率連續改變時，那末我們可以把這種媒質劃分為許多極薄的層，我們可以認為，在同一薄層之中的折暉率到處一樣。於是，在這種媒質中，光線的路徑可以用折線來表示。對於每一段媒質來講，上述原理仍然成立。所以對整個媒質來講，這原理也是成立的。

但是，也有這樣的情況：就是，如果媒質的邊界是某種形狀的曲面，那末，光在這個曲面上被打射或反射而從空間的一點傳播到另外一點時，所需的时间可能是最长的(與其他路徑比較)。在每一种个别的情况，研究媒質界面的

形狀，就能確定，光經過空間兩點之間的路徑所需的时间是最短还是最長。

總之，光在空間沿着這樣的路徑傳播；經過這條路徑所需的时间不是最短便是最長。

這個原理叫做費瑪原理，是幾何光學的基本定律。它的物理意義很簡單：如果光線只能沿着一條路徑從空間的一點射到另一點，那末，在幾何上可能的一切路徑中，這條路徑必須具備特殊的條件。所需時間最短或最長（極端）的路徑正好具備這種特殊條件。所以，有時費瑪原理也叫做“關於光線的特殊路徑的假定”。

為了能夠應用費瑪原理解決幾何光學上的問題，現在我們來給出費瑪原理的數學式子。

我們來研究在折射率連續改變的媒質中傳播的彎曲光線。將整條光線劃分為許多極小的部分，使每一部分小到可以用長 Δl_i 的直線段來代替，同時在每一部分上，光的速度可認為不變，等於 c_i 。

於是，經過第 i 段的時間等於 $\tau_i = \frac{\Delta l_i}{c_i}$ ，而經過全部折線的時間是

$$\tau = \sum_i \frac{\Delta l_i}{c_i} \quad (1-3)$$

如果在 $\Delta l_i \rightarrow 0$ 的條件下，使式 (1-3) 趋近於極限，那末，折線就變成實際的彎曲光線，而時間 τ 就變成 t ——光沿着 P_0 点與 P_1 点之間的實際路徑所需的时间：

$$t = \lim \tau = \lim \sum_i \frac{\Delta l_i}{c_i} = \int_{P_0}^{P_1} \frac{dl}{c}, \quad (1-4)$$

式中 c 是坐标的函數。根據上面已經證明的理論，對於實際光線，時間 t 必須是極端值。

我們必須從所有路徑之中選擇這樣的一條，它將使式 (1-4) 中的 t 等於極端值。這條路徑的選擇過程叫做變分。對於實際光線來講，式 (1-4) 的變分等於 0。因為變分和微分相類似，變分用字母 δ 來表示。

因此，對於實際光線來講

$$\delta t = \delta \int_{P_0}^{P_1} \frac{dl}{c} = 0. \quad (1-5)$$

從式 (1-5) 我們就能求得光在 P_0 点和 P_1 点之間的實際路徑的方程式。

我們以最簡單的例子——平面上光的反射——來說明費瑪原理的應用。在這種情況下，光在全部時間內都在折射率相同的媒質中傳播。因而光速 c 沿途不變。所以，從式 (1-5) 就得到：

$$\delta t = \frac{1}{c} \delta L = 0, \quad (1-6)$$

式中 L 是 P_0 点和 P_1 点之間的路徑的長度。

式 (1-6) 的意思是：在这种情況下，光在 P_0 点和 P_1 点之間的实际路徑是这样的一条，它的 L 等于最小值。因此，在反射的情况下，光在最短時間內經過最短的路徑，这条最短的路徑由兩個直線段 P_0O 和 OP_1 所組成（圖 1-5），它們的長度之和等于直線 P_0P_1 的長度。

我們來添上費瑪原理的其他几个数学式子。按照式 (1-1)， $c = \frac{c_0}{n}$ ，式中 c_0 是光在真空中的速度。將 c 的数值代入式 (1-5)。于是就得到：

$$\delta t = \frac{1}{c_0} \delta \int_{P_0}^{P_1} n dl = 0$$

或

$$\delta W = \delta \int_{P_0}^{P_1} n dl = 0, \quad (1-7)$$

式中 $W = c_0 t = \int_{P_0}^{P_1} n dl$ 叫做光程。

按照式 (1-7)，对于实际光綫，光程將等于極端值。

下面我們將要看到，在电子光学中有一条和費瑪原理相类似的原理——最小作用量原理。从这两条原理的比較，使我們能够建立电子光学媒質的折射率的概念，并且能够構成几何电子光学。

1-2. 光像和它的获得

上一节中我們研究了光綫从空間一点到另外一点的路徑。現在設想有一束从 P_0 点發出的光綫。我們知道，选择 P_0 点和 P_1 点之間折射率的分布，可以使从 P_0 点出發的光綫，至少有一部分重新会聚在 P_1 点。換句話說，选择特殊的折射媒質，就能造成 P_0 点的光像。这是否与費瑪原理抵触呢？費瑪原理說明的是，在几何上可能的許多路徑之中，实际路徑应具有特殊条件。可是这里却說許多光綫同样可能射到。但是，这里并沒有矛盾——所有造成 P_0 点的光像的光綫在同一時間內，都由 P_0 点起，循着各自的路徑射到 P_1 点，而沿着所有这些光綫的光程都是一样的。对于用

来造成光像的光学媒質(光学系統)的基本要求，就是造成光像的所有光線的光程要一一相等。

从实用的观点来看，我們感兴趣的是建立这样的光学系統，它們不仅給出物体中个别点的像，而且能造成整个物体的像。虽然整个物体的像是由它各个点的像組成的，但是二者之間具有根本的区别。問題在于像的几何形狀應該和物体本身相似。原則上可以用任意寬度的光束來描映一点的像，只要这个光束中的一切光線都滿足光程相等的要求就行。但是，当我们使物体上每一点分別成像而構成几何形狀相似的像时，就必须局限于采用無限狹窄的光束，而且，被描映的物体的尺寸，与光線通过的路程相比應該是很小。如果上述要求有一項不被滿足，就不能获得几何形狀相似的像。为了闡明这些条件，我們需要确定那些性質是理想光像所应具有的，以及那些要求是产生这种光像的光学系統所应满足的。

同軸光学系統 光束具有自然的对称性。因此，如果光束構成光像，它的一切光線应对某一条軸对称。在圖 1-7 中， P_0 点是光源，从这里向各个方向發出光線。 P_1 点是 P_0 点的像。在 P_1

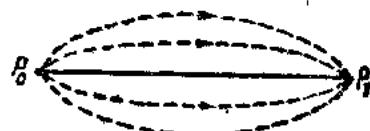


圖 1-7. 光束的对称性。

点構成光像的那些光線用虛線表示。所有这些光線都对直線 P_0P_1 对称。由于光学系統的作用，使得从 P_0 点發出的光線通过这样的路徑，重新会聚在 P_1 点。为了使对称的光束对称地弯曲，光学系統也應該对这条直線——軸——对称。因此，成像的光学系統應該对某一条軸对称，也就是說，用来成像的光学媒質折射面也應該对这条軸对称，这条軸叫做系統的光軸。

平的折射面对和它垂直的任何直線对称。但是平的折射面不适宜于成像，这可以从圖 1-8 明显地看出来，圖中 A 是平板，它的

折射率和附近空間的不同。从式 (1-2) 可知, 光線 Oa 和 bc 互相

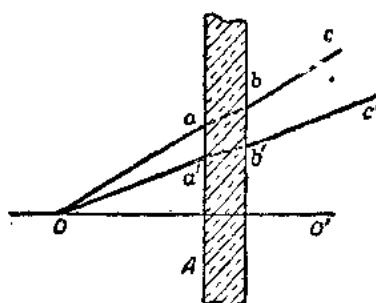


圖 1-8. 光線通過平板。

平行, 光線 Oa' 和 $b'c'$ 也互相平行。这就表明, 虽則直線 OO' 可充当对称軸, 但是 bc , $b'c'$ 等等光線永远不会再会聚在一点。因此, 折射面應該是对某一条軸对称的曲面, 也就是说, 它們應該是繞对称軸而轉成的物

體的表面。如果光学系統是由許多折射面組成的, 那末, 所有这些折射面都應該对公共軸(光軸)对称。这种光学系統叫做同軸光学系統。

透鏡 最簡單的同軸光学系統就是透鏡。它們是由以兩個折射面为界的轉成体所構成的, 例如圖 1-9, a, b, c 所示。为了說明

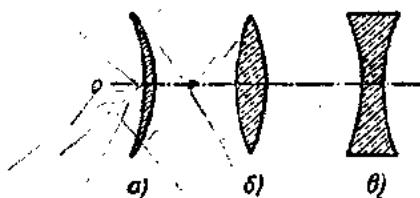


圖 1-9. 透鏡的类型。

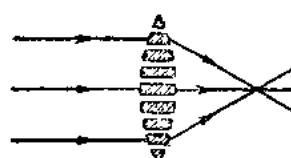


圖 1-10. 透鏡对光線的作用。

透鏡对光線的作用, 設想透鏡是由許多棱鏡組成 (圖 1-10)。大家知道, 每一个棱鏡都使光線向自己的底面偏折, 这就表明, 圖 1-9, b 的透鏡將使光線会聚, 而圖 1-9, c 的透鏡則將使光線發散。

近軸光線的行程 大家知道, 我們能够利用透鏡得到一点的像; 利用双凸透鏡 (圖 1-9, b) 得到实像, 而利用双凹透鏡 (圖 1-9, c) 則得到虛像。但是, 这种可能性仅仅局限于采用离軸很近的細小光束, 这种光線叫做近軸光線。为什么只是这种光線才适宜于構成光像呢? 为了回答这个問題, 讓我們來察看光線如何通过球面