



中学知识表解丛书

北京市海淀区、西城、东城、宣武、崇文等区特、高级教师集体编写



高中知识表解

数 学



总 主 编 / 张德政

中央民族大学出版社

中学知识表解丛书

北京市海淀区、西城、东城、宣武、崇文等区特级、高级教师集体编写

总主编 张德政

副主编 程 迟 杨惠娟

高中知识表解

数 学

编 著 黄绪励

中央民族大学出版社

责任编辑:白立元 邓佑玲 宝玉柱 杨 玉 黄修义

封面设计:杨艳君

图书在版编目(CIP)数据

高中知识表解/张德政主编. —北京:中央民族大学出版社,2002.1

ISBN 7-81056-598-2

I. 高... II. 张... III. 课程-高中-教学参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2001)第 093998 号

高中知识表解

出版者:中央民族大学出版社

北京市中关村南大街 27 号 邮编:100081

电话:68472815

传真:68932447

印刷者:北京密云红光印刷厂

发行者:新华书店

开 本:787×1092(毫米) 1/16 印张:51.25

字 数:1247 千字

版 次:2002 年 1 月第 1 版 2002 年 3 月第 2 次印刷

书 号:ISBN 7-81056-598-2/G·133

印 数:5001—8000

定 价:67.50 元(共 5 册)

版权所有 翻印必究

前 言

上世纪50年代初,我在上中学时,父亲从旧书店里给我买了一本《表解的英文法》(OUTLINES AND SCHEMES OF ENGLISH GRAMMAR,梁铭东编著,北平文化学社1932年版,原为括号式表解。)书中对英语语法知识进行了形象性的整理,形式新颖,引起我很大兴趣。后来我在从教过程中也常用这种形式传授知识,感觉学生接受起来效果较好,从而萌发了编写一套中学各科知识表解的想法。

90年代初,我因病在同仁医院住院,来探视的一位出版界的朋友委托我编一套知识表解丛书,勾起了我几十年的宿愿,欣然答应下来。我们共同商定了书的体例、篇幅、内容,邀请了北京市二十几位特级、高级教师,开会商议此事。为了编写方便,甚至还特意设计并印制了一种专用的四开稿纸。奋斗数月,终于编写出了《中学知识表解丛书》,1993年出版。用这种形式整理、编写中学各科知识,当时在全国范围内还是比较早的。出版后受到读者欢迎,相当畅销。此书初次出版至今已有九年,其中有过一次修订。但长长九年,教学大纲及教材,比之以前有了很大的变化。为了使丛书更加完善,更符合新的要求,从书进行了第三次“修订”——其实,说是改写还更为确切:因为很多篇章都已由作者反复推敲,根据新的情况进行重写,丝毫看不到从前的痕迹了。

《中学知识表解丛书》包括初中和高中两个系列。每个系列各有语文、数学、英语、物理、化学5个分册,共10册。每个分册几乎涵盖了该学科初中三个学年或高中三个学年的全部知识。

用简明清晰的图表形式对知识进行表解是对知识的一种高度概括,为学生提供了生动、直观、鲜明的形象识记,是记忆掌握的基础。利用此法进行教学及复习,有增进理解、相互联系、加深记忆、强化学习效果的作用,比之一般的死记硬背,更能事半功倍。

丛书根据各学科的特性,对知识进行系统整理、分类列表,令知识形象化、图表化、系统化。通过综合概括、突出要点,使知识的内在关系一目了然,加强学生对知识整体结构的认知,从而巩固学到知识,提高逻辑思维及分析解题的能力。

丛书的内容紧扣有关教学大纲的要求以及最新版教材,可做为学生课堂学习的辅导读物和复习资料;特别是每个分册都对该学科三年来的知识做了全面系统的整理,尤其对毕业班学生进行总复习,有提纲挈领、融会贯通、易查易记的作用,可有效地提高应试能力。各科教师也可用来作为教学参考。

参加本丛书具体编写工作的老师,是北京市一些参与新教学方法试验的、有丰富经验及著述的特级、高级教师。他们是:(按姓氏笔画为序)

王卫东 北京海淀区八一中学高级教师

王钦虞 高级教师,北京海淀区八一中学原学科教研室主任,海淀区语文学科带头人

方立风 高级教师,北京五十中数学教研组组长

田富春 北京海淀区八一中学高级教师,海淀区语文学科带头人

冯士腾 特级教师，北京宣武区数学会理事长，宣武区教育学会副会长
吕立人 高级教师，北京十四中语文教研组组长，宣武区语文学科带头人
许俊岐 高级教师，北京五十中数学教研组组长
孙曾国 北师大二附中高级教师
李 英 北京十四中高级教师
李 文 北京市海淀区首都师大附中高级教师，北京市教研员
杨惠娟 北京教育学院崇文分院高级教师
邱德泉 高级教师，北京教育学院崇文分院物理教研室主任，崇文区物理学科带头人
何秦石 北京工商干部管理学校高级教师
何淑敏 北京十四中高级教师
张小梅 北京海淀区八一中学高级教师
张德政 高级教师，北京教育学院宣武分院原教科研究室主任
陈友琦 高级教师，北京海淀区清华附中物理教研组组长，海淀区物理学科带头人
林家骥 北京三十一中高级教师
黄绪励 北京教育学院宣武分院高级教师
薛继达 北京十四中高级教师
霍玉良 北师大附中高级教师，北京市中青年骨干教师

张德政

2001 年冬

知识表解目录

第一编 代 数

第一章 集合与函数	(1)
一、集合与映射	(2)
表 1 集合的概念	(2)
表 2 集合之间的关系	(2)
表 3 映射的概念	(4)
二、函数	(5)
表 4 函数的有关概念	(5)
表 5 函数的性质	(7)
三、初等函数	(9)
表 6 一次函数、正比例函数、反比例函数的图像与性质	(9)
表 7 二次函数的图像与性质	(11)
表 8 指数函数与对数函数的图像与性质	(12)
表 9 幂函数的图像与性质	(13)
表 10 简单的指数方程、对数方程的解法	(13)
四、集合与函数应用举例	(15)
表 11 集合与函数例题精选	(15)
第二章 数列与数学归纳法	(26)
一、数列	(26)
表 12 数列的一般概念	(26)
表 13 数列的简单分类	(27)
表 14 等差数列与等比数列的比较	(28)
二、数列的极限	(29)
表 15 数列的极限	(29)
三、数学归纳法	(30)
表 16 数学归纳法	(30)
四、数列与数学归纳法应用举例	(31)
表 17 数列与数学归纳法例题精选	(31)
第三章 不等式	(44)
一、不等式的概念与性质	(44)
表 18 不等式的概念与性质	(44)
二、不等式的解法	(46)
表 19 代数不等式的解法	(46)
表 20 最简指数、对数不等式的解法	(48)

三、不等式的证明	(49)
表 21 不等式的证明方法	(49)
四、不等式应用举例	(50)
表 22 不等式例题精选	(50)
第四章 复数	(59)
一、复数的概念	(59)
表 23 复数的概念	(59)
二、复数的运算	(60)
表 24 复数的运算	(60)
三、复数应用举例	(61)
表 25 复数例题精选	(61)
第五章 排列组合和二项式定理	(67)
一、排列、组合	(67)
表 26 计数原理和排列组合	(67)
二、二项式定理	(68)
表 27 二项式展开定理及性质	(68)
三、排列组合和二项式定理应用举例	(69)
表 28 排列组合和二项式定理例题精选	(69)

第二编 三 角

第一章 三角函数及有关概念	(73)
一、角的概念与度量	(73)
表 29 角的概念与度量	(73)
二、任意角的三角函数	(74)
表 30 任意角三角函数	(74)
三、三角函数应用举例	(76)
表 31 三角函数例题精选	(76)
第二章 三角函数式的变换	(78)
一、三角函数的基本公式	(78)
表 32 同角三角函数的基本关系	(78)
二、三角函数的诱导公式	(79)
表 33 三角函数的诱导公式及规律	(79)
三、两角和与两角差的三角函数公式及其推论	(80)
表 34 两角和与两角差的三角公式及其推论	(80)
四、三角函数式变换应用举例	(81)
表 35 三角函数式变换例题精选	(81)
第三章 三角函数的图像和性质	(86)
一、正弦、余弦、正切、余切函数的图像和性质	(86)
表 36 正弦、余弦、正切、余切函数的图像和性质	(86)
二、三角函数图像性质应用举例	(88)
— 2 —	

表 37 三角函数图像性质例题精选	(88)
第四章 反三角函数与简单的三角方程	(93)
一、反三角函数的概念与性质	(93)
表 38 反三角函数的概念与性质	(93)
二、简单的三角方程	(94)
表 39 最简标准型三角方程	(95)
三、三角形解法	(95)
表 40 三角形解法	(95)
四、反三角函数与简单的三角方程应用举例	(96)
表 41 反三角函数与简单的三角方程例题精选	(96)

第三编 立体几何

第一章 直线和平面	(103)
一、平面的基本性质	(103)
表 42 平面的基本性质	(103)
二、空间的直线与直线	(104)
表 43 空间两条直线的位置关系	(104)
表 44 平行公理及推论	(105)
表 45 重要概念与定理	(105)
三、空间的直线与平面	(106)
表 46 空间直线与平面的位置关系	(106)
四、空间平面与平面	(108)
表 47 空间平面与平面的位置关系	(108)
表 48 重要概念与定理	(109)
五、直线和平面应用举例	(112)
表 49 直线和平面例题精选	(112)
第二章 多面体和旋转体	(119)
一、柱	(120)
表 50 柱的定义、性质，面积与体积公式	(120)
二、锥	(121)
表 51 锥的定义、性质、面积与体积公式	(121)
三、台与球	(123)
表 52 台与球的定义、性质，面积与体积公式	(123)
表 53 侧面积、表面积、体积公式	(125)
四、多面体和旋转体应用举例	(126)
表 54 多面体和旋转体例题精选	(126)

第四编 平面解析几何

第一章 直线	(129)
一、基本公式	(129)

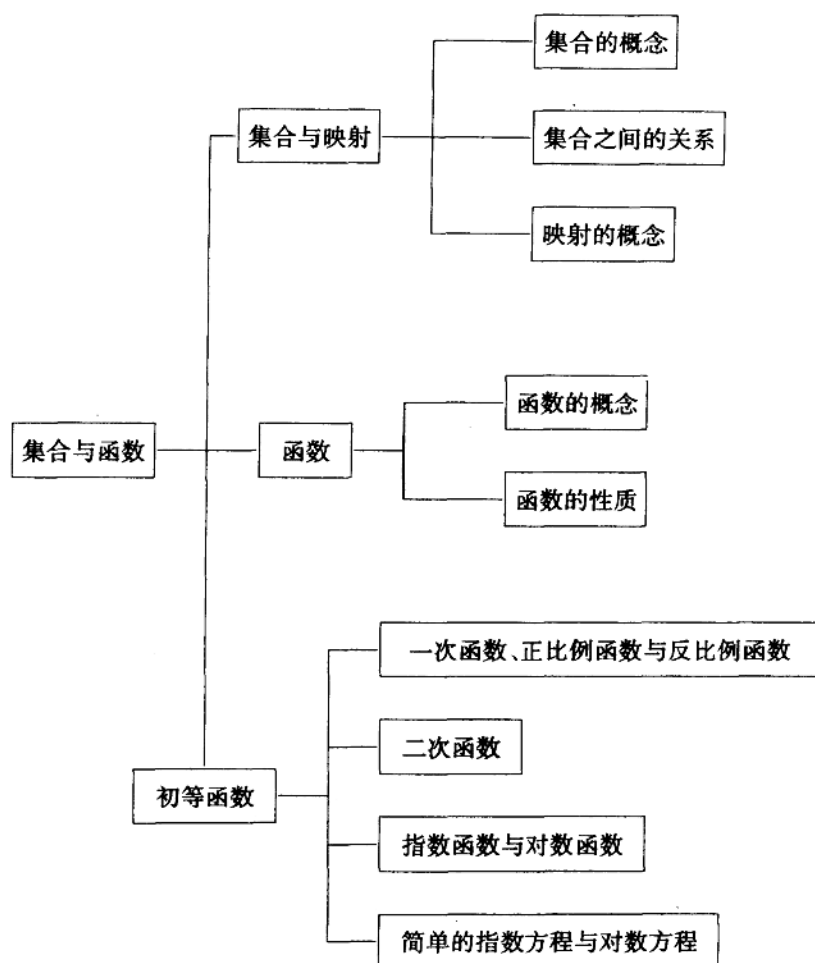
表 55 基本公式	(129)
二、直线的方程.....	(130)
表 56 直线方程的几种形式	(130)
表 57 特殊直线方程	(131)
三、有关直线的几个公式.....	(131)
表 58 有关直线的几个公式	(131)
四、两条直线的位置关系.....	(132)
表 59 两条直线的位置关系	(132)
五、直线应用举例.....	(132)
表 60 直线例题精选	(132)
第二章 圆锥曲线	(137)
一、曲线与方程.....	(137)
表 61 曲线与方程的定义和求解方法	(137)
二、圆、椭圆、双曲线、抛物线的定义与性质.....	(138)
表 62 圆的定义与方程	(138)
表 63 椭圆的定义、标准方程、几何性质	(139)
表 64 双曲线的定义、标准方程、几何性质	(140)
表 65 抛物线的定义、标准方程、几何性质	(141)
三、坐标轴的平移.....	(142)
表 66 坐标轴的平移	(142)
四、圆锥曲线应用举例.....	(143)
表 67 圆锥曲线例题精选	(143)
第三章 参数方程、极坐标	(147)
一、参数方程.....	(147)
表 68 参数方程的定义	(147)
表 69 常见曲线的参数方程	(148)
二、极坐标.....	(149)
表 70 极坐标系	(149)
表 71 常见曲线的极坐标方程	(150)
三、参数方程、极坐标应用举例.....	(151)
表 72 参数方程、极坐标例题精选	(151)

高中数学 知识表解

第一编 代 数

第一章 集合与函数

本章知识结构



一、集合与映射

表 1

集合的概念

项目	内容	定义或说明	记 号
集合的意义	集合与元素	把一些确定的对象看成一个整体就形成了一个集合, 集合常用大写字母表示; 集合里的各个对象叫做集合的元素, 通常用小写字母表示.	集合 $A, B, C, \dots$; 元素 $a, b, c, \dots$;
	集合与元素的关系	当某元素 a 是集合 A 中的元素时, 说 a 属于 A ; 元素 a 不是 A 中的元素时, 说 a 不属于 A .	a 属于 A , 记为 $a \in A$, a 不属于 A , 记为 $a \notin A$. 对于一个元素 a 和一个集合 A , 以上两种关系有且仅有一种成立.
集合的表示方法	列举法	把集合中的元素一一列举出来写在大括号内表示集合的方法叫列举法.	大于 0 小于 10 的全体偶数的集合可表为: $A = \{2, 4, 6, 8\}$
	描述法	把集合中元素的共同属性以文字或数学表达式写在大括号内表示集合的方法叫描述法.	$A = \{\text{大于 0 小于 10 的偶数}\}$ 或 $A = \{x x = 2n, 0 < n < 5, n \text{ 是整数}\}$.
集合的分类	空集	不含任何元素的集合叫空集.	Φ
	有限集	元素的个数是有限的集合叫有限集.	例如 $\{a\}, \{1, 2, 3\}, \{1, 2, 3, 4, \dots, n\}$ 等 $\{a\}$ 称为单元素集.
	无限集	元素的个数是无限的集合, 叫无限集.	例如 $\{1, 2, 3, \dots, n, \dots\}$
常用数集		自然数集 N , 整数集 Z (或 J), 有理数集 Q , 实数集 R , 复数集 C . Z^+ 表示正整数的集合, Z^- 表示负整数的集合, 类似地可规定 Q^+, Q^-, R^+, R^- 等.	

表 2

集合之间的关系

项目	定 义	记 号	性 质
子集	对于两个集合 A 与 B , 如果 A 的任何一个元素都是 B 的元素, 那么集合 A 叫做集合 B 的子集.	$A \subseteq B$ (或 $B \supseteq A$)	(1) $A \subseteq A$; (2) $\Phi \subseteq A$; (3) 若 $A \subseteq B, B \subseteq C$, 则 $A \subseteq C$.
	若集合 A 是集合 B 的子集, 且 B 中至少有一个元素不属于 A , 那么集合 A 叫做集合 B 的真子集.	$A \subset B$ (或 $B \supset A$)	(1) 若 $A \subset B, B \subset C$, 则 $A \subset C$; (2) $\Phi \subset A$ (A 为非空集合).

(续上表)

项目	定 义	记 号	性 质
相等	两个集合 A, B , 如果: $A \subseteq B$, 同时 $B \subseteq A$. 则称 A, B 是相等的两个集合.	$A = B$	若 $A = B$, 则 A, B 两个集合中的元素完全相同.
全集	在研究集合与集合的关系时, 如果所有被研究的集合都是某个给定集合的子集, 那么, 这个给定的集合叫做全集.	I	若 A 是任一被研究的集合, 则 $A \subseteq I$. $A \cap I = A, A \cup I = I$.
集合的运算	交集 由集合 A 与集合 B 的所有公共元素所组成的集合, 叫做 A 与 B 的交集 (简称交).	$A \cap B = \{x x \in A \text{ 且 } x \in B\}$	$A \cap A = A$; $A \cap \Phi = \Phi$; $A \cap B = B \cap A$; $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$; $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap (A \cap C)$; $\overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$ (De Morgan 法则).
	并集 由集合 A 和集合 B 的所有元素组成的集合, 叫做 A 与 B 的并集 (简称并).	$A \cup B = \{x x \in A \text{ 且 } x \in B\}$	$A \cup A = A$; $A \cup \Phi = A$; $A \cup B = B \cup A$; $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$; $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cup (A \cup C)$; $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ (De Morgan 法则).
	补集 若 I 是全集, $A \subseteq I$, 则由 I 中不属于 A 的所有元素组成的集合, 叫做 A 在 I 中的补集.	$\overline{A} = \{x x \in I \text{ 且 } x \notin A\}$	$A \cup \overline{A} = I$; $A \cap \overline{A} = \Phi$; $\overline{\overline{A}} = A$; $\overline{\Phi} = I$; $\overline{I} = \Phi$; - 若 $A \subset B$, 则 $\overline{B} \subset \overline{A}$.
对偶原理	集合论中成立的任一定理, 如果将其中的 $\cup$ 与 $\cap$, A 与 $\overline{A}$, $\subseteq$ 与 $\supseteq$ 互换, I 与 Φ 互换, 则该定理仍然成立.		

表 3

映 射 的 概 念

项 目	定 义	表 示
映射	一般映射 设 A, B 是两个集合, 如果按照某种对应法则 f, 对于集合 A 中的每一个元素, 在集合 B 中都有惟一确定的元素和它对应, 这样的对应 (包括集合 A, B 及对应法则 f), 叫做从集合 A 到集合 B 的映射. 记作: $f: A \rightarrow B$. 若给定了集合 A 到集合 B 的映射 $f: A \rightarrow B$, 那么与 A 中的元素 a 对应的 B 中的元素 b, 叫做 a 的像; a 叫做 b 的原像. 像与原像的关系记作, $f: a \rightarrow b$, 或 $b = f(a)$. A 称为映射 f 的定义域, $f(A) = \{f(a) \mid a \in A\}$ 称为 f 的值域.	$f: A \rightarrow B$ 或 $A \xrightarrow{f} B; f: a \rightarrow b$ 或 $f(a) = b$.
	满射 若 $f: A \rightarrow B$, 当 $f(A) = B$ 时, f 称为从 A 到 B 上的满射. 此时, B 中每个元素, 在 A 中都有原像.	若 $f: A \rightarrow B$, 且 $B = f(A) \Leftrightarrow$, f 是满射.
	单射 若 $f: A \rightarrow B$, 且对于 A 中任意两个不同元素 a_1, a_2, 都有 $f(a_1) \neq f(a_2)$; 这时称 f 为从 A 到 B 的单射; 即在单射下, 不同元素的像不同.	若 $f: A \rightarrow B$, $a, b \in A$ 且 $a \neq b$ 时, $f(a) \neq f(b) \Leftrightarrow f$ 是单射.
	一一映射 若 $f: A \rightarrow B$, 既是满射又是单射, 则称 f 为 A 到 B 上的一一映射 (或双射).	$f: A \rightarrow B$, 既是 单射又是满射 $\Leftrightarrow$, f 是一一映射.
	逆映射 设 $f: A \rightarrow B$ 是 A 到 B 上的一一映射; 如果对于 B 中的每一个元素 b, 使 b 在 A 中的原像 a 和它对应, 这样得到的映射叫做映射 $f: A \rightarrow B$ 的逆映射, 记为: $f^{-1}: B \rightarrow A$. 显然, $f: A \rightarrow B$ 也是 $f^{-1}: B \rightarrow A$ 的逆映射.	若 $a \in A$, 且 $f(a) = b \in B$, 则 $f^{-1}(b) = a$. 一般地有 $f^{-1}[f(a)] = a$, $f[f^{-1}(b)] = b$.
常见映射	常值映射 若 $f: A \rightarrow B$, 对于 A 中的任一元素 a, 均有 $f(a) = b_0$ (某固定元素), 则 f 称为值为 b_0 的常值映射.	设 $f: A \rightarrow B$, 若 $f(A)$ 是单元 素集 $\{b_0\}$, 则 f 是值为 b_0 的常值 映射.
	恒等映射 若 $f: A \rightarrow B$, 且 $f(A) = A$, 对任何的元素 $a \in A$, 均有 $f(a) = a$, 则称 f 为恒等映射, 记为 I_A.	若 $f: A \rightarrow B$ 且 $f(A) = A$. 若 $a \in A$ 均有 $f(a) = a$ 则 $f = I_A$.

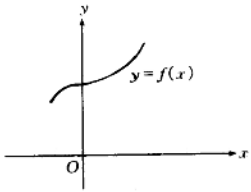
(续上表)

项 目		定 义	表 示
常见映射	复合映射	对于两个映射, $g: A \rightarrow B$, $f: B \rightarrow C$, 由 $h(a) = f[g(a)]$ 所确定的映射 $h: A \rightarrow C$ 称为 g 和 f 的复合, 记为 $h = f \cdot g$, h 称为 g 和 f 的复合映射.	$f \cdot f^{-1} = f^{-1} \cdot f = I_A$.
说 明		1. 从集合 A 到集合 B 的映射, 与从集合 B 到集合 A 的映射是不同的. 2. 集合 A 中每个元素在映射 f 作用下, 在集合 B 中有且只有惟一的像, 但 A 中不同的元素可以在 B 中有同一个像. 3. 不要求集合 B 中每一个元素都在 A 中有原像. 4. 两个映射 f, g 相等, 是指 f, g 的定义域相同, 且对所有的 $a \in A$, $f(a) = g(a)$.	

二、函数

表 4

函数的有关概念

概念	定 义 和 说 明	表 示
函数	如果在某变化过程中有两个变量 x, y, 并且对于 x 在某个范围内的一个确定的值, 按照某个对应法则, y 都是惟一确定的值和它对应, 那么变量 y 就叫做变量 x 的函数, x 叫做自变量. 常用 $y = f(x)$ 表示 x 与 y 的函数关系. 自变量 x 的取值范围叫做函数的定义域, 和 x 值对应的 y 值叫做函数值, 全体函数值的集合叫做函数的值域. 函数 $y = f(x)$ 是一类特殊的映射, $f: X \rightarrow Y$, 其中 X, Y 是非空的数集, 且 Y 中的每一元素都在 X 中有原像. 此时, X 是定义域, Y 是值域.	定义域 X , 值域 Y $Y = \{y \mid y = f(x), x \in X\}$
函数图像	如果把函数中的变量 x 和 y 看做平面上点的直角坐标, 那么坐标平面上的点集: $\{(x, y) \mid y = f(x), x \in X\}$ 称为 $y = f(x)$ 的图像.	 图 1

(续上表)

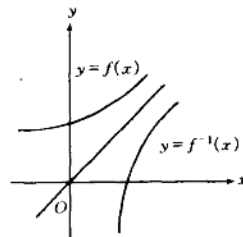
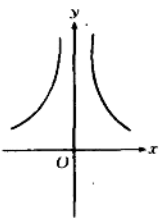
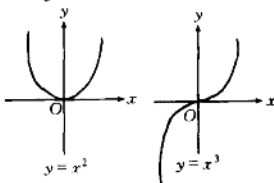
概念		定义和说明	表示
区 间	闭区间	设 $a, b \in \mathbb{R}$, 且 $a < b$, 把满足 $a \leq x \leq b$ 的实数 x 的集合, 叫做闭区间, 记为 $[a, b]$.	$[a, b] = \{x a \leq x \leq b, a, b \in \mathbb{R} \text{ 且 } a < b\}$
	开区间	设 $a, b \in \mathbb{R}$, 且 $a < b$, 把满足 $a < x < b$ 的实数 x 的集合叫做开区间, 记为 (a, b) .	$(a, b) = \{x a < x < b, a, b \in \mathbb{R}, \text{ 且 } a < b\}$
	半开 半闭 区间	设 $a, b \in \mathbb{R}$, $a < b$, 把满足 $a \leq x < b$, 或 $a < x \leq b$ 的实数 x 的集合叫做半开半闭区间, 分别记为 $[a, b)$, 或 $(a, b]$.	$[a, b) = \{x a \leq x < b\}$ $(a, b] = \{x a < x \leq b\}$ $a, b \in \mathbb{R}, \text{ 且 } a < b$
	无穷 区间	设 $a, b \in \mathbb{R}$, 且 $a < b$, 分别把满足 $x \geq a, x > a, x \leq b, x < b$ 的实数 x 的集合称为无穷区间; 分别记为 $[a, +\infty), (a, +\infty), (-\infty, b], (-\infty, b)$; 特别是全体实数记为 $(-\infty, +\infty)$.	$[a, +\infty) = \{x a \leq x\}$ $(a, +\infty) = \{x a < x\}$ $(-\infty, b] = \{x x \leq b\}$ $(-\infty, b) = \{x x < b\}$ $(-\infty, +\infty) = \{x x \in \mathbb{R}\}$
函数的 三个要素		定义域值域和对应法则.	
反 函 数	定义	如果确定函数 $y = f(x)$ 的映射 $f: X \rightarrow Y$ 是从 $f(x)$ 的定义域 X 到值域 Y 上的一一映射. 那么, 这个映射的逆射 $f^{-1}: y \rightarrow x$ 所确定的函数 $x = f^{-1}(y)$ 叫做 $y = f(x)$ 的反函数, 习惯上, $y = f(x)$ 的反函数, 记为 $y = f^{-1}(x)$. 函数 $y = f(x)$ 的定义域, 值域分别是函数 $y = f^{-1}(x)$ 的值域和定义域.	
	求法	方法一: 首先判断确定 $y = f(x)$ 的映射 $f: X \rightarrow Y$ 是否为从 X 到 Y 上的一一映射; 如果是一一映射, 可把 $y = f(x)$ 看做 x 为未知数的方程, 从中解出 $x = f^{-1}(y)$, 再改写成 $y = f^{-1}(x)$. 方法二: 根据 $y = f(x)$ 的图像与 $y = f^{-1}(x)$ 的图像关于直线 $y = x$ 对称来求 $Y = f^{-1}(x)$.	

图 2

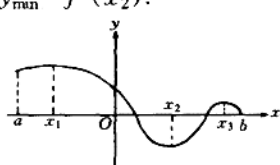
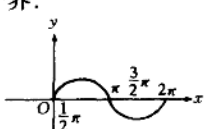
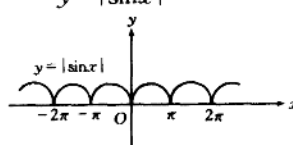
(续上表)

概念	定义和说明	表示																
解析法	用一个或几个数学式子来表示函数关系的方法叫解析法.	例: $y = 3x + 5$, $y = \log_2 x^2 + 1$																
函数的表示方法	把自变量 x 的一系列可取值和函数 y 的对应值列成一个表格, 这种表示函数的方法为列表法.	例: <table><tr><td>x</td><td>-3</td><td>-2</td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>y</td><td>-6</td><td>-4</td><td>-2</td><td>0</td><td>2</td><td>4</td><td>6</td></tr></table>	x	-3	-2	-1	0	1	2	3	y	-6	-4	-2	0	2	4	6
x	-3	-2	-1	0	1	2	3											
y	-6	-4	-2	0	2	4	6											
图像法	把自变量 x 的值和对应的函数值 $y = f(x)$ 分别作为平面直角坐标系中点的横、纵坐标, 由这些点连成的曲线就是函数 $y = f(x)$ 的图像, 这种表示函数的方法叫做图像法.	例见图 1 所示.																

表 5 函数的性质

概念	定义	例子
单调性	设 $y = f(x)$ 是定义在 X 上的函数. 若对于任意 $x_1, x_2 \in (a, b) \subseteq X$ 且 $x_1 < x_2$, 都有: (1) $f(x_1) < f(x_2)$, 则称 $f(x)$ 在 (a, b) 上是增函数. (2) $f(x_1) > f(x_2)$, 则称 $f(x)$ 在 (a, b) 上是减函数. 区间 (a, b) 上的增函数或减函数统称为 (a, b) 上的单调函数. [或者说函数在区间 (a, b) 上具有单调性]. 区间 (a, b) 称为 $f(x)$ 的单调区间.	函数 $y = \frac{1}{x^2}$ 在 $(-\infty, 0)$ 上是增函数, 在 $(0, +\infty)$ 上是减函数.  图 3
奇偶性	设 $y = f(x)$ 的定义域是 X, 且 $x \in X$ 时 $-x \in X$. 若: (1) 对于任何 $x \in X$, 都有 $f(-x) = f(x)$, 则称 $y = f(x)$ 是 X 上的偶函数. (2) 对于任何 $x \in X$, 都有 $f(-x) = -f(x)$, 则称 $y = f(x)$ 是 X 上的奇函数. 偶函数的图像关于 y 轴对称. 奇函数的图像关于原点对称.	$y = x^2$ 是偶函数. $y = x^3$ 是奇函数.  图 4

(续上表)

概念	定 义	例 子
极 值 性	如果函数 $y=f(x)$ 在 x_0 的附近有意义, 并且 $f(x_0)$ 比 x_0 附近所有各点的函数值都大 (或都小), 则称 $f(x_0)$ 是 $f(x)$ 的一个极大值 (或极小值), 极大值与极小值统称为极值. 如果 $y=f(x)$ 在 x_0 处的值 $f(x_0)$ 不小于 (或不大于) 定义域中其他各点的对应函数值; 则称 $f(x_0)$ 是 $f(x)$ 的最大值 (或最小值). 记为 $y_{\max}$ (或 $y_{\min}$).	$y_{\max} = f(x_1)$, $f(x_3)$ 是一个极大值 $y_{\min} = f(x_2)$.  图 5
有 界 性	若存在一个正数 M, 使得对于任何 $x \in X$, 都有 $f(x) \leq M$, 则称 $f(x)$ 在 X 上有界. M 称为 $f(x)$ 的一个界. 注意: 函数有界时, 界不是惟一的, 若 M 是一个界, 那么 $M+1$ 也是一个界. 不是有界的函数, 称为无界函数.	当 $x \in [0, 2\pi]$, $\sin x \leq 1$, $y = \sin x$. 在 $[0, 2\pi]$ 上有界, 1 是它的一个界.  图 6
周 期 性	若存在常数 $T \neq 0$, 使得对于定义域中任何 x 都有 $f(x+T) = f(x)$, 则称 $f(x)$ 是周期函数; T 称为 $f(x)$ 的一个周期. 而使 $f(x+T) = f(x)$ 成立的最小正数 T, 称为函数 $f(x)$ 的最小正周期. 若 T 是 $f(x)$ 的一个周期, 则 nT ($n \in \mathbb{N}$) 也是 $f(x)$ 的周期; 注意, 存在着没有最小正周期的函数, 例如狄里赫莱函数: $D(x) = \begin{cases} 0, & x \text{ 为有理数.} \\ 1, & x \text{ 为无理数.} \end{cases}$	$y = \sin x$ $= \sin(x+\pi) = -\sin x$ $= \sin x$ $\therefore \pi$ 是 $\sin x$ 的一个周期. $y = \sin x$  图 7
连 续 性	若函数 $y=f(x)$ 在 x_0 点及其附近有定义, 且 $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$, 则称 $f(x)$ 在 x_0 点连续. 若 $y=f(x)$ 在其定义域 X 内每一点都连续, 则称 $y=f(x)$ 是 X 上的连续函数.	初等函数是定义域上的连续函数.