

網 路 分 析

Fundamentals of
Network Analysis

1980 第一版

原著者：Gene H. Hostetter

譯述者 葉 穗 源

科技圖書股份有限公司

目 次

原 序

前 言

第一部份 源-電阻器網路

第一章 基本觀念與方法

1.1	前言	5
1.2	電流與參考方向	6
1.2.1	導體中電流的流動	6
1.2.2	電流的定義	7
1.2.3	電流的說明	7
1.3	克希荷夫電流定律	8
1.4	電壓與參考極性	10
1.4.1	網路中的電位	10
1.4.2	電壓的說明	10
1.5	克希荷夫電壓定律	11
1.6	網路圖形	14
1.6.1	網路圖與變端元件	14
1.6.2	理想的導體	15

1.6.3 節點	15
1.6.4 嶼路	16
1.7 電功率的流量	17
1.7.1 淚參考與源參考間的關係	17
1.7.2 功率流量的關係	17
1.8 基本源電阻器網路的元件	20
1.8.1 電壓源	20
1.8.2 電流源	21
1.8.3 電阻器	21
1.9 電阻器的功率關係	24
1.10 並聯網路的解	25
1.10.1 介於節點間電壓源的情形	25
1.10.2 平凡的雙節點網路	26
1.11 分流法則	29
1.12 串聯網路解法	31
1.12.1 一個電流源於迴路中的情形	31
1.12.2 平凡的單迴路網路	31
1.13 分壓定理	34
第一章 習題	36

第二章 用等效電路法解源電阻器網路

2.1 前言	48
2.2 簡單的等效法	49
2.2.1 雙端元件等效的意義	49
2.2.2 並聯電流源	49
2.2.3 串聯電壓源	49
2.2.4 與任意元件串聯的電流源	49
2.2.5 與任意元件並聯的電壓源	50
2.2.6 串聯與並聯的等效電路	51
2.3 等效電阻	53
2.3.1 串聯電阻	53
2.3.2 並聯電阻	54
2.3.3 電導	55
2.3.4 雙端組合的電阻器	55
2.4 戴維寧 諾頓等效電路	57

2.5 已知電壓與電流的源的替代	60
2.6 用等效電路解答網路	62
2.6.1 近似法	62
2.6.2 第一例題	62
2.6.3 第二例題	63
2.6.4 第三例題	63
第二章 習題	65

第三章 有系統的聯立方程式

3.1 前言	75
3.2 克拉滿法則	76
3.2.1 行列式的解法	76
3.2.2 餘因子與及拉普拉斯的展開式	77
3.2.3 例題	78
3.2.4 高階的困難	79
3.3 有系統的節點方程式	80
3.3.1 節點對節點的電壓與符號	80
3.3.2 各個獨立節點的方程式	81
3.3.3 一般形式的方程式	82
3.3.4 例題	83
3.4 包含電壓源的網路節點方程式	86
3.5 控制源與節點方程式	88
3.6 有系統的聯立網目方程式	90
3.6.1 平面網路之網目電流	90
3.6.2 網目的方程式	91
3.6.3 方程式的一般形式	92
3.6.4 例題	93
3.7 含有電流源網路的網目方程式	96
3.8 含有控制源網路的網目方程式	97
3.9 非平面網路的迴路方程式	98
3.9.1 繞路電流的選擇	99
3.9.2 平面網路的例題	99
3.9.3 非平面網路例題	100
第三章 習題	103

第四章 源-電阻器網路的性質

4.1 前言	116
4.2 等效電阻值	117
4.2.1 使用節點方程式的等效電阻值	117
4.2.2 使用網目方程式的等效電阻值	118
4.2.3 包含控制源網路的等效電阻值	119
4.3 源的重疊	123
4.3.1 由個別源所產生的信號元件	123
4.3.2 源的重疊法	124
4.3.3 源部份的重疊	125
4.3.4 含有控制源的源之重疊	125
4.4 戴維寧等效	127
4.4.1 戴維寧等效的由來	127
4.4.2 無控制源網路的計算	129
4.4.3 有控制源的網路	131
4.5 諾頓等效	133
4.6 在網路解中，戴維寧與諾頓等效的應用	136
4.7 最大功率轉移的理論	138
4.8 電阻網路的轉移比	141
4.9 Δ - Y 形的轉換	143
4.9.1 Δ - Y 的等效值	143
4.9.2 Δ 對 Y 的轉換	144
4.9.3 Y 對 Δ 的轉換	146
第四章 習題	149

第二部份 電感與電容性網路

第五章 網路的微分方程式

5.1 前言	161
5.2 電容器的電壓、電流、功率與能量的關係	162
5.2.1 關係的說明	162
5.2.2 電容器的功率與能量	166
5.2.3 雙端組合的電容器	167
5.3 電感器的電壓、電流、功率與能量的關係	169

5.3.1 定義其間關係	169
5.3.2 電感器的功率與能量	172
5.3.3 變端組合電感器	172
5.4 電感的耦合	175
5.4.1 電壓 - 電流的關係與繞線方式	175
5.4.2 功率與能量	178
5.4.3 幾種耦合的電感器	178
5.5 有系統的聯立網目方程式	180
5.5.1 無電感耦合的網路方程式	180
5.5.2 耦合電感器的等效控制電壓源	181
5.5.3 電感耦合的網路方程式	182
5.6 有系統的聯立節點方程式	184
5.6.1 無電感耦合的網路方程式	184
5.6.2 耦合電感器的等效控制源	185
5.6.3 電感耦合的網路方程式	186
5.7 線性與時間無關的微分方程式	188
5.7.1 方程式形式與分類	188
5.7.2 一階齊次方程式的解答	189
5.7.3 高階齊次方程式的解答	190
5.7.4 重根	192
5.7.5 複根	192
5.8 驅動方程式的一般解	194
5.8.1 強制與自然組件解	194
5.8.2 強制常數的響應	195
5.8.3 其他的強制響應與疊力	197
5.9 特殊解與邊界條件	198
5.9.1 一般解的涵義	198
5.9.2 邊界條件	199
5.10 指數函數	202
第五章 習題	205

第六章 開關網路

6.1 前言	218
6.2 含開關的一階電感耦路	218

6.2.1	電感器電流的微分方程式	219
6.2.2	方程式的解與強制常數的響應	219
6.2.3	開關網路與連續的電感交流	221
6.2.4	求解其他的網路信號	223
6.2.5	有系統的解答	224
6.3	單位步級函數	230
6.3.1	函數與步級源	230
6.3.2	電感網路的例題	230
6.4	含開關的一階電容網路	233
6.4.1	電容器電壓的微分方程式	233
6.4.2	方程式的解與強制常數響應	234
6.4.3	開關網路與連續的電容器電壓	235
6.4.4	有系統解	235
6.5	串聯的RLC網路	241
6.5.1	電容器電壓的微分方程式	241
6.5.2	實數特性根的解答	242
6.5.3	複數根與振盪響應	244
6.6	並聯的RLC網路	250
6.6.1	電感器電流的微分方程式	250
6.6.2	解法	252
	第六章 習題	256

第七章 阻抗觀念

7.1	前言	266
7.2	用指數驅動函數求解微分方程式法	267
7.3	阻抗	269
7.3.1	阻抗觀念	269
7.3.2	基本元件的阻抗值	270
7.4	強制指數響應的解	272
7.4.1	等效阻抗值	272
7.4.2	常數源的情形	274
7.4.3	負的元件阻抗值	274
7.4.4	特殊情形	276
7.5	源的重疊法	279
7.6	且指數源的開關網路	281

7.7	轉移函數	283
7.8	用阻抗法求解自然狀態	286
7.8.1	迴路阻抗法	286
7.8.2	自然狀態的特性根	288
7.8.3	自然狀態根的數目	289
7.8.4	端對的阻抗法	292
7.8.5	阻抗的極與零	292
7.8.6	迴路中不顯的根	294
	第七章 習題	297

第三部份 弦式網路響應

第八章 弦式源的響應

8.1	前言	311
8.2	弦式函數	312
8.2.1	幅度、頻率與相位	312
8.2.2	正弦函數的表示法	314
8.2.3	正交的表示法	314
8.3	用弦式驅動函數去解微分方程式	318
8.4	複數代數	321
8.4.1	直角形式	321
8.4.2	極座標	323
8.4.3	尤拉的關係	326
8.4.4	極座標形式的乘法與除法	327
8.5	成份法	331
8.5.1	尤拉成份的重疊法	331
8.5.2	電壓源例題	333
8.5.3	電流源例題	335
8.6	弦量法	337
8.6.1	兩個重複成份的解	337
8.6.2	弦量解法	338
8.6.3	多重源	340
8.6.4	以正弦函數為項表示的源	341
8.7	相量法	343
8.7.1	弦量的“投影”	343

8.7.2	相量辦法	344
8.7.3	聯立方程式	346
8.7.4	以正弦函數為項表示的源	349
8.7.5	三種解答的透視	350
8.8	圖解相量法	354
8.8.1	圖解的相量加法	354
8.8.2	R、L與C間的圖示關係	356
8.8.3	不重要的網路解	357
8.8.4	嘗試源法	358
	第八章 習題	364

第九章 譜振與頻率響應

9.1	前言	373
9.2	串聯的RLC網路	374
9.2.1	串聯譜振	374
9.2.2	高於與低於譜振的狀態	375
9.2.3	相量關係	376
9.2.4	數值例題	376
9.3	並聯的RLC網路	378
9.3.1	並聯譜振	378
9.3.2	高於與低於譜振的狀態	379
9.3.3	相量關係	380
9.3.4	數字例題	381
9.4	頻率的響應	383
9.4.1	幅度比與相位移	383
9.4.2	串聯RLC網路的頻率響應	383
9.4.3	其他信號的頻率響應	384
9.4.4	並聯的RLC網路	386
9.5	頻寬	387
9.5.1	串聯網路的半功率頻率與頻寬	387
9.5.2	並聯網路的頻寬	389
9.6	一般性譜振	391
9.6.1	譜振頻率的定義	391
9.6.2	零相位角譜振範例	392
9.6.3	譜振與自然振盪的頻率	393

9.7	品質因數	394
9.8	電阻性與電抗性成份的阻抗	397
9.8.1	串聯電阻 - 電抗的等效	397
9.8.2	並聯電阻 - 電抗的等效	398
9.8.3	串聯諧振的達成	402
9.8.4	並聯諧振的達成	403
	第九章 習題	406

第十章 弦式驅動網路中的功率

10.1	前言	413
10.2	弦式功率	414
10.2.1	一般的弦式功率	414
10.2.2	電阻器上的弦式功率	414
10.2.3	電感器上的弦式功率	415
10.2.4	電容器上的弦式功率	416
10.2.5	能量的轉變	416
10.3	平均功率流動	420
10.3.1	一般性的平均功率	420
10.3.2	電阻器、電感器與電容器內的平均功率	420
10.3.3	不減的平均能量	421
10.4	最大的功率轉移	422
10.5	電抗功率與網路元件	425
10.5.1	電阻性與電抗性成份的瞬間功率	425
10.5.2	一般的電抗性功率	426
10.5.3	在電阻器、電容器與電感器中的電抗性功率	427
10.5.4	電抗性能量的轉換	427
10.6	複數功率	429
10.7	使用RMS值的功率計算	431
10.7.1	RMS值	431
10.7.2	RMS的相量	432
10.7.3	伏 - 安與功率因數	432
10.8	單相功率的傳送	436
10.8.1	功率系統模式	436
10.8.2	功率因數的修正	436
10.9	電源變頻器	440

10.9.1 一個變壓器的模式	440
10.9.2 理想變壓器	442
10.9.3 阻抗的反射	444
10.10 三相電力的傳送	447
10.10.1 三相電力流量的平衡	447
10.10.2 輸送效率	448
10.10.3 平衡的 Y型網路系統	449
10.10.4 相位的旋轉	451
10.11 平衡的 Δ - Y 的轉換	452
10.11.1 線路電壓	452
10.11.2 平衡的 Δ 型系統	453
10.11.3 Δ 型 - Y型源的轉換	454
10.11.4 Δ 型 - Y型負載的轉換	457
第十章 習題	460

前 言

寫給讀者們

此書是在抱有熱誠的希望下，提供有關電機工程方面，實際基礎為主題的教材，而寫成的。本書是一本注重觀念與分析的書。依照邏輯的，組織化的，與趣味性的方式介紹給你們的。

教與學

人們普遍有一種想法；大意是說：在傳授學問時，含有一種潛移默化的方式，與於滲透或細菌蔓延的情況類似，依此方式將知識，由某一人腦中發出傳授給別人。但相反的，在學習一種高度獨特的知識時，此種方式却是行不通的。一個優秀的教師與良好的教材，將其特有的計畫與施教步驟，使你較其他的學習方式，更為快速的去進行實施。身為一個學習者，在此學習過程中，你會明白以上所說的。

職業教育的目的之一，是使受教者以自己的能力，在某一主題上能有所進益，而不依靠老師與課堂。所以有朝一日，你們可不再需要老師，與教本的引導，而能從事一個全新主題的探討。

經驗與自信

你所學得的知識，並非能用你的腦力，有如錄音機般將它全部錄下。然後在下次考試，或要使用時，如放音機似的放出來。除理論能力以外，你所需要的是經驗與信心。這經驗與信心，將在你不斷努力下才可獲得。在努力進行中，含有求解一連串題目，根據理論以及所學的尋求正確的答案，然後再翻開書本，檢查所得的答案，如此將莫大獲益。但別浪費時間，誤用“試誤法 (trial and error) 的辦法來處理題目。

有效的研讀法

有許多學生，在學習過程中，花費無數時間，作了許多費神的思考，而毫無所獲。現在，下列若干原則，對你學習的成果將有所助益：

- (1) 有規律的去學習各個主題。
- (2) 全神貫注在所學的主題上。
- (3) 對每個可排除障礙的工作去努力。

- (4) 經常測驗你自己所學到究竟有多少。
- (5) 反覆溫習，溫故知新，摘要記下，並簡化例題。
- (6) 量度你所了解的程度：解釋主題給你同學聽，並回答任何可能出現的問題。用這種方式來進行，並對自己解釋該主題內涵，以增進你的程度。

致非主修的讀者

假如你的最初興趣是在另一部份，別擔心，我們是從頭開始的。這是一個測驗你的智力與分析技巧的好機會。這亦是一個擴展你的知識領域的好機會。主要的新視界與新發明，都是來自遙遠的思考領域，被應用來處理問題的思攷領域，那是屬於另一個範圍的。假如，你希望在所花費的時間中，將你的所得擴展到極大，那麼以上那些有關學習的建議，是相當重要的。

經過以上這些扼要的準備，我們將從電流與電壓概念開始講述。

本書的第一部份，僅討論只含源與電阻器的整個網路分析。所強調的是，所有求解源：電阻器網路的技巧。通常也都應用來求解網路的技巧。

有一章是討論用等效電路法求網路解，因為這個方法簡單，並提供對問題的解析能力，而且非常廣泛的用在實際問題上，諸如電子設計上。

第一部份

源：電阻器網路

致老師們：

在這四章中所討論的，是有關僅含源與電阻器的網路。通常，不能確定對網路知識，是否能超越一個人對代數學理解的程度。因此，用一個非常周詳的基礎建立在這些基本原理上。

根據筆者的經驗，沒有流連的盤桓在這些基本原理上的，要對更深一層資料的體驗是相當困難的，那是因為不熟悉基本原理之故。

參考的方式：要特別注意的，由開始進入例行情況時，有關克希荷夫定律中的正確符號與電壓 - 電流以及功率間的關係。學生們承認，在初期漠視參考方向的事實，以致對後來經常受困在書寫網路方程式，只有少數代數符號是正確的。顯然，這些結實的體系中，不能作無理由的漠視，務需作合理的接近問題，要多給學生們的信心。

等效電路：雖然網路原理，由網路問題轉變成數學問題而顯現的，但是，許多的理解與見識，則由等效電路解法所提供之。而且如用在功率與電子的領域中，等效電路法可說是最常用的網路解法，一種逐步接近法是重要的，它在等效網路解的各步中，具相同的軌跡。

網路方程式：在研究有系統的方程式寫法之前，線性代數方程式是討論的重點，且 Cramer 法則也是重點。

隨後介紹節點方程式，其次再介紹網目方程式。電壓源是可附在節點方程式中，其源電流則作為未知；反過來說，節點對節點的電壓為已知。同樣，電流源則需用在網目方程式中。

引用控制信號的控制源，可簡單的寫在方程式中。如若需要，對節點或網目的變化，則是與控制信號相關的。

因此，有系統的節點方程式，即是解決網路的一般法，對於非平面網路，可能是最容易的解法，對於非平面網路，其網目方程式的討論也列為重點。

網路的特性：由於電子設計上的重要性，故在第四章最先的一節中，提出求解等效電阻值的主題，特別對於含有控制源的網路。其他幾節，是講源的重疊法以及源元件的重疊法。

戴維寧與諾頓的等效，是出於使用克拉滿法則，以及有系統的網路方程式而來的。隨後，介紹求解源函數與電阻值，那是在含有控制源雙端網路的情形下。

第一章 基本觀念與方法

1.1 前 言

在本章中包括許多專有名詞，連同兩個基本定律，用以掌握網路的功能：那就是，克希荷夫 (Kirchhoff's) 電流定律，與克希荷夫電壓定律。

對於網路的所有基本關係，可很簡單的用半頁書的說明即可表達無遺。但在此，我們要作更多的了解。對工程師與科學工作者間的溝通，需要熟悉更多技術上的專有名詞，而有系統的與有效率的解答方法，也是必需的。用那些方法，可發出適切的回答。對衆多不同種類的問題，有一點應該知道，不用再去花費很多時間以尋找那些基本的網路特性。且在解決網路中的大量經驗，是非常有幫助的，而在獲得改革與發明方面的見識也是重要的。

當你讀完本章以後，你就可知道

- (1) 什麼是電壓與電流？
- (2) 什麼是克希荷夫電流與電壓定律，以及如何去應用它們。
- (3) 什麼是網路圖，以及元件、導體、節點、與迴路的意義。
- (4) 功率對元件的電壓與電流間的關係如何。
- (5) 什麼是電壓源，電流源以及電阻器。
- (6) 電阻器的功率，對電阻器的電流以及對電阻器電壓間的關係如何。
- (7) 在所有的元件為串聯，或是所有的元件為並聯情形時，如何能迅速而且容易解答網路問題。
- (8) 分壓定理與分流定理是什麼，以及如何去應用它們。

國際制單位或“SI單位”，是專門用在網路分析的。除特殊情形外，此世界一致的單位，均被採用，而此單位將不再在本文中重述。

1.2 電流與參考方向

1.2.1 導體中電流的流動

電流 (electric current)，是一個流動的電荷。在網路中，任何人都感到興趣在導線中或是導體中電荷的流動。導體，通常是用金屬所做成，諸如銅；但導體並非全用金屬做的。

在一金屬導體內，其分子的外部電子，是由鄰近分子共同佔用的，以致引起一個相關的自由電子“海”(sea)，遍佈在材料中。電子海 (electron sea) 是有規則的分佈在導體中；離化分子 (ionized molecules) 對附近電子的吸引力，與鄰近電子間的相斥力，對平均電子海中電子的密度極有幫助。

雖然，導體內的自由電子可以亂轉，但只有極少數的自由電子有足夠的能量來衝破自由的導體表面，除非在非常高的溫度，或有相當大的電子，垂直於導體表面時方會。電子海，也因此而被限制在導體中，像水管中的水一樣。導體，通常是用絕緣材料 (insulating material) 包裹着，完全阻擋住電荷的移動，以保持導體（及其自由電子）不與其他的導體相互接觸。

在金屬導體內其電子海的電子，可用外力所產生的電力使之流動。在一網路 (network) 中，傳導時間中的任意擾動是可忽略的，介於材料中分子間力量的作用，導致電流通過每個相交的導體。所以說“電流”兩字，是合理的，電流是沿着導體而到處流動的。