

21世纪 最新版

同步典型题

全析全解 强化训练

清華園



中国名校特级教师精编 高一数学



何舟 总主编

1000例

欢迎关注
并参与本丛书
“纠错臻优”
20万元大行动

 与新大纲、新教材同步

  基础题  能力题  竞赛题

 读题与解题的完美结合

吉林教育出版社

21世纪 最新版

同步典型题

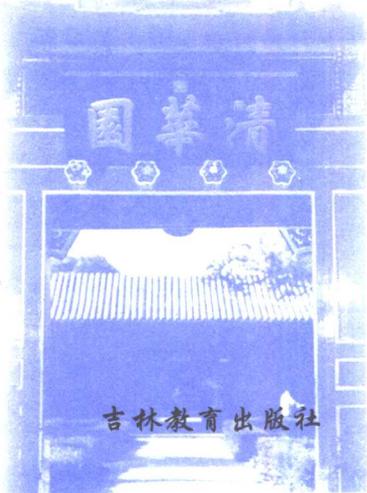


全析全解
强化训练

中国名校特级教师精编 高一数学

总主编 何舟
本册主编 张俊松

1000例



吉林教育出版社

(吉)新登字 02 号

封面设计:周建明

责任编辑:王世斌

21 世纪最新版

中国名校特级教师精编

周步典型题金桥金解与强化训练 1000 例

高一数学

新大纲·新教材

总主编 何舟

本册主编 张俊松

★
吉林教育出版社 出版 发行

山东临沭县华艺印务有限公司印刷 新华书店经销

★
开本:850×1168 毫米 1/32 印张:16.125 字数:498 千字

2000 年 9 月吉林第 1 版 2000 年 9 月山东第 1 次印刷

印数:1~15000 册

ISBN 7-5383-3727-X/G·3365

定价:16.80 元

凡有印装问题,可向承印厂调换

减负之年,一套真正的“减负型”教辅终于问世

——关于《同步典型题全析全解与强化训练》
《星级典型题完全解题与强化训练》的专家报告

以题、以练为主——这是培养学生的创新意识与实践能力的必经之路吗?

在贯彻“减负令”、倡导素质教育的今天,本丛书以精选的同步典型题为台阶,充分发挥学生的主体性,以基础性与开放性相结合的典型题的解与练,导引学生走向创新意识与实践能力的养成。北京、天津、华东六省与辽宁、吉林等 10 省市一线名师在精心设计、编写中,完成了一次积极的富有拓荒意义的探索。

读题与解题并重——权威诠释并巧妙落实“减负”精神

本丛书从“题”的角度,强化课堂素质教育目标的达成,无论是对题的“全析全解”还是“完全解题”,都意在导引学生在读题中参悟玄机,领略奥妙,为正确、快速解题铺平道路。读题是观摩,这就要求解题过程具有示范性、权威性;解题是由仿效走向创新的动手尝试,这就要求所设计的类型题不是对例题的简单重复。因此,“解题思路”“规范解”“得分点”“误点剖析”等栏目的精彩演示无疑使本丛书具有了浓郁的“减负”特色。

减负之年,一套真正的
“减负型”教辅终于问世



同步性与典型性——引导学生告别“题海”,找寻登山捷径

本丛书以章节或单元、课文为序,突出随堂特点,紧扣新大纲,按新教材编写,便于同步学习;以“☆”号显示难易,以基础训练题、能力提高题、竞赛(奥林匹克)题为序循序渐进,题量科学,选题梯度合理,与学生的能力发展同步;百题选一,命题方式时代感强。

欢迎关注并参与“有奖纠错”20万元大行动

本书策划、编撰历时三年,可谓“三年磨一剑”。

适逢教育转型,大纲与教材作了重大调整。作者们的教育教学观念亟待在社会不断变化着的环境中得以提升,以期在不断的摸索中获取超前的意识与姿态。

希望在“有奖纠错”大行动中,丛书一切的差错都能得以改正,一切的不足都能得以弥补。



全国第一套“减负型”教辅 特色何在？

以题、以练为主

——培养学生创新意识
发展综合与实践能力和

读题与解题并重

——荟萃天下名题
名师无敌指点



典型题 1000 例

目 录

代数部分

第一章 幂函数、指数函数与对数函数	
一、选择题	(1)
二、填空题	(36)
三、解答题	(55)
第二章 三角函数	
一、选择题	(108)
二、填空题	(140)
三、解答题	(164)
第三章 两角和与差的三角函数	
解斜三角形	
一、选择题	(211)
二、填空题	(238)
三、解答题	(243)
第四章 反三角函数和简单三角方程	
一、选择题	(275)
二、填空题	(286)
三、解答题	(295)



几何部分

第五章 直线和平面

一、选择题	(306)
二、填空题	(348)
三、解答题	(371)

第六章 多面体和旋转体

一、选择题	(410)
二、填空题	(450)
三、解答题	(470)



星级 典型题

代数部分

第一章 幂函数、指数函数 与对数函数

一、选择题

☆1. 0 和 \emptyset 的关系, 应是以下的 ()

A. $0 \in \emptyset$ B. $0 \notin \emptyset$ C. $0 = \emptyset$ D. $0 \subset \emptyset$

►分析 0 是一个元素, \emptyset 表示空集是一个集合, 元素与集合之间的关系只有属于 (\in) 和不属于 (\notin), 而空集 \emptyset 不包含任何元素, 故 0 不属于 \emptyset .

►答案 B.

☆2. 如果 $I = \{a, b, c, d, e\}$, $M = \{a, c, d\}$, $N = \{b, d, e\}$, 那么 $\overline{M} \cap \overline{N} =$ ()

A. \emptyset B. $\{d\}$ C. $\{a, c\}$ D. $\{b, e\}$

►分析 根据补集的定义, 可以求出集合 M 的补集 $\overline{M} = \{b, e\}$, 集合 N 的补集 $\overline{N} = \{a, c\}$, 再根据交集的定义可知集合 \overline{M} 与 \overline{N} 没有公共元素, 可知 $\overline{M} \cap \overline{N} = \emptyset$. 本题另外还有一种做法, 即利用公式

$$\overline{M} \cap \overline{N} = \overline{M \cup N}$$

来解, 通过求 M 与 N 的并集 $M \cup N = \{a, b, c, d, e\} = I$, 得出 $\overline{M \cup N} = \overline{I} = \emptyset$, 可得 $\overline{M} \cap \overline{N} = \overline{M \cup N} = \emptyset$.

典型题
1000
例

①

高一数学全析全解



→答案 A.

☆3. 已知全集 $I = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$, $A = \{3, 4, 5\}$, $B = \{1, 3, 6\}$, 那么集合 $\{2, 7, 8\}$ 是以下各式中的 ()

A. $A \cup B$ B. $A \cap B$ C. $\bar{A} \cup \bar{B}$ D. $\bar{A} \cap \bar{B}$

→分析 本题可以用验证法解, $A \cup B = \{1, 3, 4, 5, 6\} \neq \{2, 7, 8\}$, 故不能选择 A 项. 同理, $A \cap B = \{3\}$, $\bar{A} \cup \bar{B} = \{1, 2, 6, 7, 8\} \cup \{2, 4, 5, 7, 8\} = \{1, 2, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 都不与集合 $\{2, 7, 8\}$ 相等, 而选择项 D 中 $\bar{A} \cap \bar{B} = \{2, 7, 8\}$ 与题意恰好相符. 本题还有另一种做法, 利用公式

$$\overline{A \cap B} = \bar{A} \cup \bar{B}$$

$$\overline{A \cup B} = \bar{A} \cap \bar{B}$$

来解, 可知 $\{2, 7, 8\}$ 是 $\{1, 3, 4, 5, 6\}$ 在全集 I 下的补集, 即 $\{2, 7, 8\} = \overline{A \cup B} = \bar{A} \cap \bar{B}$.

→答案 D.

☆4. 设全集 $I = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, 集合 $A = \{1, 3, 5, 7\}$, $B = \{3, 5\}$, 则 ().

A. $I = A \cup B$ B. $I = \bar{A} \cup \bar{B}$ C. $I = A \cup \bar{B}$ D. $I = \bar{A} \cup \bar{B}$

→分析 本题是 1996 年全国高考题. $\bar{B} = \{1, 2, 4, 6, 7\}$, 则 $A \cup \bar{B} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} = I$.

→答案 C.

☆5. 设全集 $I = \{(x, y) | x, y \in \mathbb{R}\}$, 集合 $M = \{(x, y) \mid \frac{y-3}{x-2} = 1\}$, $N = \{(x, y) \mid y \neq x+1\}$, 那么 $\bar{M} \cap \bar{N}$ 等于 ()

A. \emptyset B. $\{(2, 3)\}$

C. $\{(x, y) \mid y = x+1\}$ D. $(2, 3)$

→分析 本题中全集 I 表示平面直角坐标系中所有的点, 集合 N 表示在平面直角坐标系中除直线 $y = x+1$ 以外所有点组成的集合. 那么 $\bar{N} = \{(x, y) \mid y = x+1\}$, 也就是直线 $y = x+1$ 上所有点组成的集合, 而集合 M 是直线 $y = x+1$ 上除点 $(2, 3)$ 外所有点的集合, \bar{M} 表示直



线 $y=x+1$ 以外的点再加上点 $(2,3)$, 那么 $\overline{M} \cap \overline{N}$ 中的元素就是点 $(2,3)$, 由于 $\overline{M} \cap \overline{N}$ 是一个集合, 所以 $\overline{M} \cap \overline{N} = \{(2,3)\}$.

→答案 B.

☆6. 在下面 4 个命题中:

(1) $a \in A \Leftrightarrow a \in A \cup B$

(2) $a \in A \Leftrightarrow a \in A \cap B$

(3) $A \subseteq B \Leftrightarrow A \cup B = B$

(4) $A \subseteq B \Leftrightarrow \overline{A} \supseteq \overline{B}$

其中正确命题的个数是()

A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

→分析 由 $a \in A$, 可推出 $a \in A \cup B$, 但反之不真, \therefore 命题(1)不正确. 由 $a \in A \cap B$ 可推出 $a \in A$, 但反之不真, \therefore 命题(2)也不正确. 由并集、子集和补集的定义可知命题(3)、(4)都是正确的.

→答案 B.

☆7. 已知 I 为全集, 集合 $M, N \subseteq I$, 且 $M \cap N = N$, 则有()

A. $\overline{M} \supseteq \overline{N}$ B. $M \subseteq \overline{N}$ C. $\overline{M} \subseteq \overline{N}$ D. $M \supseteq \overline{N}$

→分析 由子集、交集的定义可以得到以下结论

$$A \cap B = A \Leftrightarrow A \subseteq B$$

因而从题中 $M \cap N = N$ 可推出 $N \subseteq M$, 再由补集定义可推出 $\overline{M} \subseteq \overline{N}$.

→答案 C.

☆8. 设全集 $I = \{2, 3, 5\}$, $A = \{2, |a-5|\}$, $\overline{A} = \{5\}$, 则 a 的值是()

A. 2 B. 8 C. 2 或 8 D. -2 或 8

→分析 根据补集的定义可知 $A = \overline{A} = \{2, 3\}$, 可知 $a-5$ 的绝对值为 3, $a-5$ 的值为 ± 3 , 得到 a 值是 8 或 2.

→答案 C.

☆9. 设集合 $P = \{x | x = 2n, n \in N\}$, $Q = \{x | x = 3n, n \in N\}$, 则 $P \cap Q$



= ()

A. $\{x|x=n, n \in \mathbb{N}\}$

B. $\{x|x=5n, n \in \mathbb{N}\}$

C. $\{x|x=12n, n \in \mathbb{N}\}$

D. $\{x|x=6n, n \in \mathbb{N}\}$

→分析 由题意可知,集合 P 是 2 的正整数倍,即正偶数集.集合 Q 是 3 的正整数倍.根据交集的定义可知 $P \cap Q$ 是由 P 和 Q 的公共元素组成,亦即 $P \cap Q$ 中的元素既是 2 的正整数倍,又是 3 的正整数倍,也就是 6 的正整数倍.即 $6n$,其中 $n \in \mathbb{N}$.

→答案 D.

☆10. 已知方程 $x^2 - px + 15 = 0$ 与 $x^2 - 5x + q = 0$ 的解集分别为 S 与 M ,且 $S \cap M = \{3\}$,则 $p + q$ 的值是 ()

A. 2 B. 7 C. 11 D. 14

→分析 由交集定义可知,3 既是集合 S 中的元素,也是集合 M 中的元素.亦既是方程 $x^2 - px + 15 = 0$ 与 $x^2 - 5x + q = 0$ 的公共解,通过韦达定理,可知 $p = 8, q = 6$ 则 $p + q$ 的值为 14.

→答案 D.

☆11. 已知 $P = \{7, 10, m^2 - 2m - 9\}, Q = \{0, 2m, 6\}, P \cap Q = \{6\}$,则 m 的值为 ()

A. -3 B. 5 C. -3, 5 D. 6

→分析 由 $P \cap Q = 6$,可知 6 也是 P 中元素,可得 $m^2 - 2m - 9 = 6$,即 $m = -3$ 或 5,但当 $m = 5$ 时,集合 Q 中的 $2m = 10$,而集合 P 中也含有 10,即 $P \cap Q = \{6, 10\}$.这与原题中 $P \cap Q = \{6\}$ 不符,所以 m 只能取 -3,而不能取 5.

→答案 A.

☆12. 已知 S, T 是两个非空集合,且 $T \not\subseteq S, S \not\subseteq T$,若 $S \cap T = P$,则 $S \cup P =$ ()

A. P B. T C. S D. \emptyset

→分析 由 $S \cap T = P$ 可知 $P \subseteq S$,再由公式 $A \cap B = A \Rightarrow A \subseteq B \Rightarrow A \cup B = B$



可知, $S \cup P = S$

→答案 C.

☆13. 集合{能被3或7整除的100以内的自然数}的元素个数是()

A. 43个 B. 44个 C. 45个 D. 47个

→分析 能被3整除的100以内的自然数有33个,能被7整除的100以内的自然数有14个,二者之和有47个,在二者中有公共元素,即又是3的倍数,又是7的倍数,换言之是21的倍数,这样的数在100以内的自然数中共有4个,在计算元素个数时,这4个元素曾重复计算一次,所以要减去4,得 $33 + 14 - 4 = 43$. 本题还有另一种解法,设 $A = \{\text{能被3整除的100以内自然数}\}$, $B = \{\text{能被7整除的100以内自然数}\}$,并规定用 $n(A)$, $n(B)$ 表示集合 A, B 中元素的个数. 则题干中要求的是 $n(A \cup B)$ 的值,根据公式

$$n(A) + n(B) = n(A \cup B) + n(A \cap B)$$

可知 $33 + 14 - 4 = 43$.

→答案 A.

☆14. 设全集为 R , $A = R \cap \overline{Q^-}$, 则 \overline{A} 等于()

A. Q^- B. Q^+ C. Q^+ D. $\overline{Q^-}$

→分析 $R \supset \overline{Q^-}$, $\therefore A = R \cap \overline{Q^-} = \overline{Q^-}$, $\overline{A} = \overline{\overline{Q^-}} = Q^-$.

→答案 A.

☆15. 若非空集合 A, B 存在 $A \subset B$, I 是全集, 下列集合中的空集是()

A. $A \cap B$ B. $\overline{A} \cap \overline{B}$

C. $\overline{A} \cap B$ D. $A \cap \overline{B}$

→分析 如图 1-1 中所示, $A \cap B = A \neq \emptyset$, $\overline{A} \cap \overline{B} = \overline{A \cup B} = \overline{B} \neq \emptyset$, $\overline{A} \cap B$ 是图中的阴影部分也不是空集, 所以 A, B, C 都不是本题正确答案.

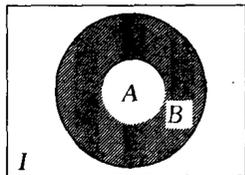


图 1-1



→答案 D.

☆16. 已知集合 P 满足 $P \cap \{4, 6\} = \{4\}$, $P \cap \{8, 10\} = \{10\}$, $P \cap \{2, 12\} = \{2\}$, $P \subseteq \{2, 4, 6, 8, 10, 12\}$, 则 P 等于()

- A. $\{2, 4\}$ B. $\{2, 4, 10\}$
C. $\{6, 8, 12\}$ D. $\{2, 4, 6, 8, 10, 12\}$

→分析 由题中条件可以看出集合 P 中含有元素 2, 4, 10, 而不含有 6, 8, 12.

→答案 B.

☆17. 记 $M = \{\text{等腰三角形}\}$, $P = \{\text{一边为 1, 一内角为 } 36^\circ \text{ 的三角形}\}$, 则 $M \cap P$ 的元素个数是()

- A. 2 个 B. 3 个 C. 4 个 D. 多于 4 个

→分析 $M \cap P = \{\text{一边为 1, 一内角为 } 36^\circ \text{ 的等腰三角形}\}$, 由于边长为 1 的边可以是底, 也可以是腰; 36° 的角可以是底角, 也可以是顶角, 所以根据条件, 这样的三角形共有 4 个.

→答案 C.

☆18. 满足 $\{1, 2\} \subset X \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 的集合 X 的个数是()

- A. 4 个 B. 6 个 C. 7 个 D. 8 个

→分析 集合 X 中一定包含 1 和 2 这两个数, 又由于 $\{1, 2\} \subset X$, 则 X 中至少还应有一个既不是 1, 又不是 2 的元素, 又从题干可知这些元素只能在 $\{3, 4, 5\}$ 中挑选, 综上所述, 满足条件的集合 X 有 $\{1, 2, 3\}$, $\{1, 2, 4\}$, $\{1, 2, 5\}$, $\{1, 2, 3, 4\}$, $\{1, 2, 3, 5\}$, $\{1, 2, 4, 5\}$ 和 $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ 共 7 个.

→答案 C.

☆19. 如图 1-2 所示, I 是全集, M, P, S 是 I 的 3 个子集, 则阴影部分所表示的集合是()

- A. $(M \cap N) \cap S$



B. $(M \cap P) \cup S$

C. $(M \cap P) \cap \bar{S}$

D. $(M \cap P) \cup \bar{S}$

►分析 本题是 1999 年全国高考试题,从图 1-2 不难看出 C 的正确性.

►答案 C.

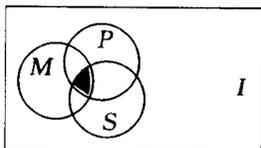


图 1-2

☆20. 若两个非空集合 P, Q 满足 $P \cup Q = P$, 且满足 $P \cap Q = P$, 则 P 与 Q 之间的关系式应该是 ()

- A. $P \subset Q$ B. $P \supset Q$
C. $P = Q$ D. 不可确定

►分析 利用公式

$$A \cup B = A \Leftrightarrow A \supseteq B \quad A \cap B = A \Leftrightarrow A \subseteq B$$

可知 $Q \subseteq P$ 且 $P \subseteq Q$, 即 $P = Q$.

►答案 C.

☆21. 设集合 $M = \{x | 0 \leq x < 2\}$, 集合 $N = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\}$, 集合 $M \cap N = ()$.

- A. $\{x | -1 \leq x < 2\}$ B. $\{x | -1 \leq x \leq 3\}$
C. $\{x | x \leq 3\}$ D. $\{x | x \geq -1\}$

►分析 本题是 1997 年全国高考试题. 解集合 N 中的一元二次不等式, 可得 $N = \{x | -1 < x < 3\}$, 根据交集定义 $M \cap N = \{x | 0 \leq x < 2\}$.

►答案 B.

☆22. 设集合 $A = \{x | -5 \leq x < 1\}$, $B = \{x | |x| \leq 4\}$, 则 $A \cup B$ 等于 ()

- A. $\{x | -5 \leq x \leq 4\}$ B. $\{x | -4 \leq x \leq 4\}$
C. $\{x | -4 \leq x \leq 1\}$ D. $\{x | 1 \leq x \leq 4\}$

►分析 根据绝对值不等式

$|x| \leq a$, 其中 $a > 0 \Rightarrow -a \leq x \leq a$ 这一公式, 得出集合 $B = \{x | -4 \leq x \leq 4\}$, 通过画数轴解题, 可得 $A \cup B = \{x | -5 \leq x \leq 4\}$.



→答案 A.

☆23. 若 $A = \{x | |x-1| < 2\}$, $B = \{x | \frac{x-2}{x} > 0\}$, 则 $A \cap B = (\quad)$

- A. $\{x | -1 < x < 3\}$
- B. $\{x | x < 0 \text{ 或 } x > 2\}$
- C. $\{x | -1 < x < 0 \text{ 或 } 2 < x < 3\}$
- D. $\{x | -1 < x < 0\}$

→分析 通过解绝对值不等式, 解得集合 $A = \{x | -1 < x < 3\}$, 而集合 B 中的分子与分母之商为正, 说明它们是同号的, 它们之积也是正的. 即 $B = \{x | x(x-2) > 0\}$, 解得 $B = \{x | x < 0 \text{ 或 } x > 2\}$, 最后求得 $A \cap B = \{x | -1 < x < 0 \text{ 或 } 2 < x < 3\}$.

→答案 C.

☆24. 当 $a < 0$ 时, 关于 x 不等式 $x^2 - 4ax - 5a^2 > 0$ 的解集是()

- A. $\{x | x > 5a \text{ 或 } x < -a\}$
- B. $\{x | x > -a \text{ 或 } x < 5a\}$
- C. $\{x | -a < x < 5a\}$
- D. $\{x | 5a < x < -a\}$

→分析 形如 $ax^2 + bx + c > 0$, 其中 $a > 0$ 的不等式, 当 $\Delta > 0$ 时, 解集应是方程 $ax^2 + bx + c = 0$ 的两根两侧, 即所谓“比大根大, 比小根小”, 而不是两个根的中间部分. 所以选项 C, D 都是错误的. 方程 $x^2 - 4ax - 5a^2 = 0$ 的根分别是 $5a$ 和 $-a$. 由于 $a < 0$, $\therefore 5a < -a$, 不等式的解集应是 $\{x | x < 5a \text{ 或 } x > -a\}$.

→答案 B.

☆25. 设 $A = \{x | x^2 - 3x + 2 < 0\}$, $B = \{x | |x-a| < 0\}$, 若 $A \subset B$, 则 a 的取值范围是()

- A. $a \geq 2$
- B. $a \leq 1$
- C. $a \geq 1$
- D. $a \leq 2$

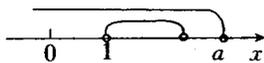


图 1-3

→分析 集合 $A = \{x | 1 < x < 2\}$, 在数轴上表示如图 1-3 所示, $B = \{x | |x-a| < 0\}$, 若 $A \subset B$, 则 A 当中的所有元素都应是 B 中元素, 则集合 A 中的最大元素应不大于 a , 即 $a \geq 2$.



→答案 A.

☆26. 设 $I = \mathbb{R}$, 集合 $M = \{x | x \geq 1\}$, 集合 $N = \{x | \frac{x}{x-5} \leq 0\}$, 则 $\overline{M \cup N}$ 是 ()

- A. $\{x | 1 \leq x < 5\}$ B. $\{x | x < 1 \text{ 或 } x \geq 5\}$
 C. $\{x | x < 1\}$ D. $\{x | x \geq 5\}$

→分析 集合 $N = \{x | x(x-5) \leq 0 \text{ 且 } x-5 \neq 0\}$, 得 $N = \{x | 0 \leq x < 5\}$,
 $\overline{M \cup N} = \overline{M \cap N}$, $M \cap N = \{x | 1 \leq x < 5\}$, 则 $\overline{M \cup N} = \overline{M \cap N} = \{x | x < 1 \text{ 或 } x \geq 5\}$.

→答案 B.

☆27. 已知一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$ 的判别式 $\Delta > 0$, 两根分别为 A, B , 且 $A < B$, 一元二次不等式 $ax^2 + bx + c \geq 0$ 的解集为 $M = \{x | A \leq x \leq B\}$, 则 ()

- A. $a > 0$ B. $a \geq 0$ C. $a < 0$ D. $a \leq 0$

→分析 根据一元二次不等式的定义, 可知二次项系数 $a \neq 0$, 则选项 B, D 都不正确. 根据一元二次不等式的解法可知, 解集在两根之间的是中间用“ $<$ ”连接的二次项系数为正数的不等式, 即 $-ax^2 - bx - c \leq 0$, 可知 $-a > 0$, 得 $a < 0$.

→答案 C.

☆28. 已知映射 $f: A \rightarrow B$, 其中, 集合 $A = \{-3, -2, -1, 1, 2, 3, 4\}$, 集合 B 中的元素都是 A 中元素在映射 f 下的象, 且对任意的 $a \in A$, 在 B 中和它对应的元素是 $|a|$, 则集合 B 中元素的个数是 ()

- A. 4 B. 5 C. 6 D. 7

→分析 本题是 1999 年全国高考试题. 映射的对应法则是取绝对值, 由绝对值的定义和集合的概念知 B 中的元素有 1, 2, 3, 4 共 4 个元素.

→答案 A.

□误点剖析 本题易错选 D, 其原因是不清楚集合中的元素的互异性.