

北京市华罗庚学校  奥林匹克系列丛书

华罗庚学校

数学课本

• 修订版 •

北京市华罗庚学校
四年级 编



中国大百科全书出版社

北京市华罗庚学校奥林匹克系列丛书

- 华罗庚学校数学课本（12册）
- 华罗庚学校数学试题解析（7册）
- 华罗庚学校数学竞赛试题精选精解·小学部·（2册）
- 华罗庚学校物理课本（3册）
- 华罗庚学校物理试题解析（3册）
- 华罗庚学校物理实验（2册）
- 最新数理化常用手册（2册）
- 奥林匹克图解英语（4册）

ISBN 7-5000-5661-3



9 787500 056614 >

ISBN7-5000-5661-3/G · 137

定 价：10.00 元

北京市华罗庚学校奥林匹克系列丛书

华罗庚学校 数学课本

四年级

(修订版)

北京市华罗庚学校编

主编：刘彭芝

中国大百科全书出版社

北京·2000

图书在版编目(CIP)数据

华罗庚学校数学课本:四年级/刘彭芝主编.北京:
中国大百科全书出版社,2000.1

(北京市华罗庚学校奥林匹克系列丛书)

ISBN 7-5000-5661-3

I. 华...

II. 刘...

III. 数学—小学—教材

IV. G624.501

中国版本图书馆CIP数据核字(1999)第64098号

华
罗
庚
学
校
数
学
课
本
(
四
年
级
·
修
订
版
)

编 者:北京市华罗庚学校

主 编:刘彭芝

责任编辑:简菊玲

封面设计:童行侃

版式设计:樊文瑛

责任印制:任其忻

出版发行:中国大百科全书出版社

(北京阜成门北大街17号 100037 68315606)

排 版:北京中文天地文化艺术有限公司

印 刷:北京市海日印刷厂

经 销:新华书店总店北京发行所

版 次:2000年1月第3版

印 次:2002年1月第13次印刷

印 张:10

开 本:850×1168 1/32

字 数:210千字

印 数:65001~70000册

ISBN 7-5000-5661-3/G·137

定 价:10.00元



著名数学家华罗庚教授（1910～1985）

2025/08

苦战猛攻埋头干，
熟能生出百巧来。
勤能补拙是良训，
一分辛劳一分材。

华子庚教授
请一首书赠

华子庚教授名位

墨梅图卷题词以书

王元
九七。

顾 问：王 元 裘宗沪
冯克勤 陈德泉

主 编：刘彭芝

副主编：马 毅 吴其明

编 委：童 欣 莫颂清 彭建平
杨骅飞 胡先蕙 刘治平

郭丽军 梁丽萍

编 撰：郭丽军 梁丽萍 刘治平

顾秀文 刘景华 陶晓勇

薄云程 田利英 焦 峰

邓文虹

前 言

北京市华罗庚学校是由中国科学院华罗庚实验室、中国科技大学和中国人民大学附中联合创办的，是中国人民大学附中超常教育体系的重要组成部分。其办学目标是为国家大面积早期发现与培养现代杰出科技人才开辟一条切实可行的途径，为我国教育事业面向现代化、面向世界、面向未来的战略方针探索一项行之有效的举措，在这里，一大批高级教师、大学教授和研究员精心执教，一批批数理超常儿童茁壮成长。华校全体师生缅怀我国著名数学家华罗庚教授，崇尚他为国为民鞠躬尽瘁的高贵品质，决心沿着他的路继续走下去，在教育改革的时代大潮中争做弄潮儿，为实现中华民族重振雄风的宏图大业甘当马前卒。

超常教育与早期教育，为当今各国教育家、心理学家所重视。超常教育研究得到了各国政府以及有远见卓识的社会各界人士的支持和赞助。他们认为，早期教育一旦在世界范围内推广成功，给世界带来的巨大影响，远比世界上任何一次科技革命和产业革命更深刻、更广泛。在前苏联，国家开办有各类天才学校，用于培养科技文体方面的超常儿童。在美国，控制论的创立者、“神童”维纳就是家庭和学校共同精心培育成功的典型。

近年来，我国众多有识之士在改革开放、建设有中国特色社会主义的宏图大业感召下，投身超常教育事业，辛勤耕

耘，刻苦研究，已经取得可喜的成果。超常教育是人类教育史上的一大进步。然而，不言而喻，超常教育又是一个异常复杂的新的教育课题。不论是历史上还是现实生活中，少年出众，而成年寻常的人比比皆是。究其原因，往往在于成长环境不佳，而主要则是未能在超常教育理论指导下施以特殊教育的结果。因此，我们必须更新教育观念，采取新的教育理论和方法，把大批聪慧儿童培养成为高科技时代的栋梁之材。创办华罗庚学校的主旨，就在于探索一条使那些天资优异的孩子们，既不脱离群体，以免身心畸形发展，又使他们的才华得以充分开发的可行之路。

七百多年前，英国思想家、现代实验科学的先驱罗吉尔·培根曾说：“数学是科学的大门和钥匙。”时至今日，人们更加清楚地看到了数学在现代教育中占据着永恒的地位。当今世界，自然科学、社会科学和数学等学科都在蓬勃发展，而数学更是各门科学发展的基础；科学和技术的迅猛、巨大的进步，主要就是得益于数学的现代发展，特别是数学在物理学、生物学以及社会科学中的纵深渗透。因此，华校在以数学为带头学科的施教前提下，同时还鼓励学生们在自己感兴趣的其它课程，如物理、化学、生物、外语、计算机等学科中开拓进取，施展才华。这样，近而言之，希望他们在运用中体验数学的思维模式和神奇魔力；远而图之，则是为他们日后发展的多价值取向打下全面的科学文化素质的坚实基础。

华校采取科学的教学方法，进行开放式教学，努力开发学生的潜在能力，对学生实行超前教育。除由人大附中选派经验丰富的优秀教师任教外，还聘请中国科学院、中国科技

大学、北京大学、清华大学、中国人民大学以及北京师范大学等高校的专家、教授来校讲学。用最新的科技知识丰富学生的头脑，开阔他们的视野。

华校小学部属校外培训性质，从小学二年级选拔招生。入学后每周学习一次，寒暑假进行集中培训。招生时间定于每年10月份，招生范围以北京市为主，面向全国。届时小学各年级同时进行考试。录取时每个年级的前50名编为A班。几年来，华校小学部六年级A班的学生几乎百分之百被保送进入人大附中学习。初、高中部每个年级一个华校班，又称实验班。每年暑期，华校高中部聘请高等学校中的学科奥林匹克的高级教练来校讲授奥林匹克数学、物理、化学等知识，进行较强的针对性学习与训练，培养学生的独立思考、观察、分析和解决问题的能力，为他们参加区、市、全国乃至世界级的学科竞赛准备条件。

实践证明，华罗庚学校对超常儿童的培养方略是可取的。近十年来，华校为高一级学校输送了大量的学业优异的人才。以第一、二、三届试验班为例，三届毕业生总数为136人。其中，直接保送到国家第一流重点大学35人，占25.7%。参加高考的101人中，考入清华大学42人，占30.8%；北京大学41人，占30.1%；中国科技大学10人，占7%，总计考入上述三校为93人，加保送35人，总计为128人。第四届实验班又进一步：全班44人，保送9人，参加高考35人，高考平均分数为610.83分，数学平均分数为137分；总分数超过600分的有25人。不仅如此，还有数以千计的学生在区、市、国家乃至世界级的数理学科的竞赛中获奖夺魁，位居北京市重点中学之首。上述大量事实证明，一种新的教育理论和实践，

使得一批又一批英才脱颖而出，足以显示华罗庚学校的办学方向是正确的，教学是成功的。

更可喜的是：在探索办学的过程中，以华校为核心，造就并团结了校内外一大批具有新思想、新观念、肯吃苦、敢拼搏的优秀教师和教育专家。在这个来自平凡的教学科研岗位的不平凡的群体中，有多年工作在教学第一线的中小学高级教师，有近年来执着于数学、物理、化学、生物、计算机等学科奥林匹克活动的高级教练员，有中国科学院和各高等学校中教学科研上成绩卓著的专家教授。他们就像当年的华罗庚那样，做为人师，做为长者，着眼于祖国的未来，甘愿给下一代当人梯。狭义地说，他们是华校藉以成长、引以自豪的中流砥柱；广而言之，他们是推动中小学教育事业改革的一支特别劲旅；他们的教学经验和长期积累起来的教学资料更是我国中小学生在国内外学科奥林匹克赛场上争雄夺魁的无价“法宝”。

今天，在对华校创办十余年的经验进行总结时，我们可以说，在朝着自己的办学目标的不懈奋斗中，华校具有四大办学特色：

- 第一，从娃娃抓起的早期智力开发；
- 第二，必名师启蒙的成功教育传统；
- 第三，在全国发展时力求业有专精；
- 第四，处强手如林中敢于应接挑战。

教材是教学质量的基本保证，也是教学的基础建设。高质量的教材，是建立在高水平的学术研究成果和丰富的教学经验的基础上的。因此，华罗庚学校开创了荟萃专家编书的格局，愿将《华罗庚学校奥林匹克系列丛书》奉献给广大教

师、中小學生及學生家長同享。目前已出版和即將出版的有《華羅庚學校數學試題解析》（小學部一冊、中學部六冊）、《華羅庚學校數學課本》（小學部六冊、中學部六冊）、《奧林匹克中學數學講座》、《奧林匹克小學數學講座》、《華羅庚學校計算機教材》、《華羅庚學校奧林匹克圖解英語》、《華羅庚學校模範作文》、《華羅庚學校物理試題解析》、《華羅庚學校物理課本》、《華羅庚學校化學課本》、《華羅庚學校化學試題解析》。這套叢書的編選者都是華校的骨幹教師，他們為了共同的目标獻出了自己多年的教學經驗和最新的教學科研成果，因而使得這套叢書具有實用、新穎、通俗、嚴謹的特點。這些特點使全書別具一格，面目一新。我相信，它必將博得廣大師生與家長的喜愛。

俗云：“一花怒放誠可愛，萬紫千紅才是春。”華校在努力辦學、完善自身的同時，誠望對國內中小學教學水平的提高微盡綿薄，誠望與其他兄弟學校取長補短，攜手共進。“合抱之木，生于毫末，九層之台，起于坳土。”遙望未來，我們同呼志士之言：為中國在 21 世紀成為科技強國而獻身。

作為本教材的主編，我謹以一個超常教育的積極參與者與組織者的名義，向各位辛勤的編著者致以衷心的謝意；懇請教育戰線的前輩和同仁給予指導和推薦，也懇請廣大師生在使用過程中提出寶貴的意見。

劉彭芝



责任编辑

简菊玲

责任印制

任其忻

封面设计

童行侃

目 录

上 册

第一讲	速算与巧算 (三)		(1)
第二讲	速算与巧算 (四)		(10)
第三讲	定义新运算		(17)
第四讲	等差数列及其应用		(28)
第五讲	倒推法的妙用		(42)
第六讲	行程问题 (一)		(49)
第七讲	几何中的计数问题 (一)		(57)
第八讲	几何中的计数问题 (二)		(66)
第九讲	图形的剪拼 (一)		(79)
第十讲	图形的剪拼 (二)		(89)
第十一讲	格点与面积		(97)
第十二讲	数阵图		(108)
第十三讲	填横式 (一)		(119)
第十四讲	填横式 (二)		(128)
第十五讲	数学竞赛试题选讲		(140)

下 册

第一讲	乘法原理	(153)
第二讲	加法原理	(162)
第三讲	排列	(171)
第四讲	组合	(179)
第五讲	排列组合	(188)
第六讲	排列组合的综合应用	(198)
第七讲	行程问题	(209)
第八讲	数学游戏	(217)
第九讲	有趣的数阵图 (一)	(227)
第十讲	有趣的数阵图 (二)	(238)
第十一讲	简单的幻方及其他数阵图	(251)
第十二讲	数字综合题选讲	(263)
第十三讲	三角形的等积变形	(273)
第十四讲	简单的统筹规划问题	(286)
第十五讲	数学竞赛试题选讲	(297)

上册

第一讲 速算与巧算（三）

例 1 计算 $9+99+999+9999+99999$

解：在涉及所有数字都是 9 的计算中，常使用凑整法。例如将 999 化成 $1000-1$ 去计算。这是小学数学中常用的一种技巧。

$$\begin{aligned}& 9+99+999+9999+99999 \\&= (10-1)+(100-1)+(1000-1)+(10000-1) \\&\quad + (100000-1) \\&= 10+100+1000+10000+100000-5 \\&= 111110-5 \\&= 111105.\end{aligned}$$

例 2 计算 $199999+19999+1999+199+19$

解：此题各数字中，除最高位是 1 外，其余都是 9，仍使用凑整法。不过这里是加 1 凑整。（如 $199+1=200$ ）

$$\begin{aligned}& 199999+19999+1999+199+19 \\&= (199999+1)+(19999+1)+(1999+1)+(199+1) \\&\quad + (19+1)-5 \\&= 200000+20000+2000+200+20-5 \\&= 222220-5 \\&= 222215.\end{aligned}$$

例 3 计算 $(1+3+5+\cdots+1989)-(2+4+6+\cdots+1988)$

解法 1: $(1+3+5+\cdots+1989)-(2+4+6+\cdots+1988)$

$$\begin{aligned}
 &= 1+3+5+\cdots+1989-2-4-6\cdots-1988 \\
 &= 1+(3-2)+(5-4)+\cdots+(1989-1988) \\
 &= 1+\underbrace{1+1+1+\cdots+1}_{\text{共有 } 1988 \div 2 = 994 \text{ 个 } 1} \\
 &= 995.
 \end{aligned}$$

解法 2: 先把两个括号内的数分别相加, 再相减. 第一个括号内的数相加的结果是:

$$\begin{array}{c}
 \overbrace{1+3+5+\cdots+993+995+997+\cdots+1985+1987+1989}^{1990} \\
 \overbrace{2+4+6+\cdots+992+994+996+\cdots+1984+1986+1988}^{1990} \\
 \overbrace{3+5+7+\cdots+991+993+995+\cdots+1983+1985+1987}^{1990} \\
 \overbrace{4+6+8+\cdots+990+992+994+\cdots+1982+1984+1986}^{1990}
 \end{array}$$

从 1 到 1989 共有 995 个奇数, 凑成 497 个 1990, 还剩下 995, 第二个括号内的数相加的结果是:

$$\begin{array}{c}
 \overbrace{2+4+6+\cdots+994+996+\cdots+1984+1986+1988}^{1990} \\
 \overbrace{3+5+7+\cdots+993+995+\cdots+1983+1985+1987}^{1990} \\
 \overbrace{4+6+8+\cdots+992+994+\cdots+1982+1984+1986}^{1990} \\
 \overbrace{5+7+9+\cdots+991+993+\cdots+1981+1983+1985}^{1990}
 \end{array}$$

从 2 到 1988 共有 994 个偶数, 凑成 497 个 1990.

$$1990 \times 497 + 995 - 1990 \times 497 = 995.$$

例 4 计算 $389+387+383+385+384+386+388$

解法 1: 认真观察每个加数, 发现它们都和整数 390 接近, 所以选 390 为基准数.

$$\begin{aligned}
 &389+387+383+385+384+386+388 \\
 &= 390 \times 7 - 1 - 3 - 7 - 5 - 6 - 4 - 2
 \end{aligned}$$