

分子光谱导论

郑一善 编著

上海科学技术出版社

分子光譜導論

鄭一善 編著

上海科學技術出版社

內 容 提 要

本書內容包括分子光譜的基本概念，雙原子分子的轉動和振動，紅外光譜的解釋，電子態和電子跃迁，多原子分子的光譜，聯合散射效应，群論對分子光譜與分子結構的应用等。

本書可作為綜合大學及高等師範院校物理專業光学專門組“分子光譜”課程的教材。也可作為光譜分析工作者參考之用。

分子光譜導論

鄭一善 編著

上海科學技術出版社出版 (上海瑞金二路450號)
上海市書刊出版業營業許可證出093號

上海新华印刷厂印刷 新华书店上海发行所发行

开本 850×1168 1/32 印张 10 16/32 版页 5 印版字数 257,000
1963年12月第1版 1963年12月第1次印刷 印数 1—3,500

统一书号 13119·143 定价(十四) 1.95 元

Sketch

序　　言

紅外和聯合散射光譜能深刻地反映分子內部所進行的各種物理過程以及分子結構方面的各種特徵，因而分子的轉動、振動和電子光譜的研究，對於解決分子結構與化學分析中的各種問題極為有效。

近三十年來，人們對雙原子分子光譜進行了系統的研究，在豐富而正確的實驗基礎上，已建立起一套完整可靠的理論。在多原子分子光譜方面，也有了一定的基礎，但由於這種分子類型的繁複，目前所能進行的理論與實驗工作仍然沒有止境。與多原子分子的電子態相關聯的問題則更為複雜，近年來已成為光譜學家討論的中心。

分子光譜方面的外文書籍為數甚多，但中文著作則尚付缺如。本書系根據作者先前講授分子光譜時所編的講義經修改補充而成，主要內容系介紹分子光譜的基本概念、雙原子及多原子分子的紅外光譜和電子態與電子跃遷等。

书中对联合散射光谱着重于介绍它与红外光谱之间的关系，指出这两种光谱在分子光谱研究中能提供相互补充的知识，从而推动我们用理论方法去建立分子结构方面的学说。由于近年来联合散射效应的重心已逐渐向化学领域转移，目前它在物理学方面似乎已没有化学方面来得重要，因而在本书中所占篇幅亦较少。在另一方面，鉴于群论对分子光谱与分子结构的应用的重要性，它几乎已成为从事这种科学的研究必不可少的工具，因而本书在这一方面的介绍占有一定的篇幅，冀能为读者要求进一步深入理解做好准备。

讨论分子光谱时一定会用到量子力学，为了适应一般读者的

(2) 序 言

物理及数学基础，书中对一些简单的典型例子作了詳細的討論，而对較繁复的問題則仅介紹量子力学結論，指出其参考文献，由讀者自行钻研。

晚近，由于紅外光譜分析的迅速发展，紅外綫技术的应用已不仅限于科学技术方面，它将成为文化生活以及国防軍事中不可缺少的工具。有关这一方面的內容，近年来已陸續有专著报导，且限于本书篇幅，故未予介紹。

本书匆促写成，限于作者的学識水平，书中不无缺点、遗漏或錯誤之处，甚望讀者不吝指正，以便及时修改。

郑一善 1962年12月

目 录

序言

第一章 引言	1
1.1 原子和分子的能量	1
1.2 譜帶系的一般結構	6
1.3 譜帶的精細結構	9
1.4 紅外帶光譜	14
参考文献	18
第二章 双原子分子的轉動和振动 紅外光譜的解釋	19
一、用剛性轉子和綫諧振子解釋紅外光譜的主要特征	19
2.1 剛性平面轉子	19
2.2 轉軸自由的剛性轉子	29
2.3 双原子分子作为一个綫諧振子	47
二、紅外光譜的細節的解釋	59
2.4 双原子分子作为一个非諧振子	59
2.5 非剛性轉子	71
2.6 振动轉子	74
2.7 双原子分子作为对称陀螺	86
2.8 量子状态的热分布 轉動振动光譜中譜綫的强度	92
2.9 同位素效应	98
2.10 双原子分子波函数的对称性和它們对光譜的轉動結構所产生的影响	100
参考文献	118
第三章 电子态和电子跃迁	120
3.1 电子能量和分子的总能量	120
3.2 电子跃迁的振动结构	125
3.3 电子譜帶的轉動結構	128
3.4 电子譜帶中振动及轉動結構的强度分布	131
3.5 电子态和电子跃迁的細节	140
参考文献	155

(2) 目 录

第四章 多原子分子的光譜	156
4.1 概說	156
4.2 多原子分子的振动	158
4.3 線形 XY_2 型分子的价力势函数	180
4.4 線形 XY_2 型分子簡并振动方式 ν_2 的振动角动量	183
4.5 線形 XY_2 型分子作为非諧振子时的能量	184
4.6 線形 XY_2 型分子的零級轉动能量	187
4.7 轉振相互作用对線形分子的能級所产生的影响	189
4.8 轉振相互作用对線形 XY_2 型分子的轉动能量所产生的效应	191
4.9 两个互成正交的振动方式間的相互作用	192
4.10 線形 XY_2 型分子的全部轉動哈密頓函数	194
4.11 線形分子的轉振光譜	195
4.12 多原子分子作为剛性轉子	202
参考文献	213
第五章 聯合散射效应(喇曼效应)	215
5.1 概說	215
5.2 聯合散射效应的經典理論	218
5.3 聯合散射效应的量子理論	222
5.4 線諧振子的聯合散射光譜	224
5.5 剛性轉子的聯合散射光譜	226
5.6 聯合散射譜帶的轉動精細結構	229
5.7 CO_2 , OCS , NH_3 , H_2O 等分子的聯合散射光譜	232
参考文献	236
第六章 群論对分子光譜与分子結構的应用	238
6.1 群及其基本特征	238
6.2 对称性及对称点群	245
6.3 描繪分子中原子位置的坐标系	262
6.4 对称运算对原子坐标所产生的影响	264
6.5 矩阵简介	266
6.6 对平面 XY_3 型分子所作几何运算的矩阵表象	271
6.7 迹的特征	277
6.8 物理量的类别	278
6.9 展开定理	279

目 录 [3]

6.10 在复盖运算的作用下物理观察量的迹.....	281
6.11 振动坐标的可约表象的迹.....	288
6.12 应用群論測定分子的某些物理性质的方法.....	290
6.13 应用群論測定分子的定性特性的例子.....	292
6.14 弯曲 $X Y_2$ 型或 H_2O 型分子的振动問題.....	295
参考文献.....	307
附录一 物理常数表	309
附录二 一些双原子分子的常数	311
习題	313
附图	327

第一 章

引 言^[1]

1·1 原子和分子的能量

要理解分子結構，我們必須先對較簡單的原子結構具备一定的基礎知識。懂得了原子光譜的原理以後，分子光譜的理解也就比較容易。因而讀者在進修本課程之前應對原子光譜作必要的复习^[2]。

如果我們通過一具直視分光鏡去觀察加入了一些鹽類的本生燈焰或尋常的氮放電管所發射的光，那麼我們將看到原子光譜所具有的特徵，就是在黑暗的背景上有許多條明銳的亮譜線出現。這裡，每一條亮譜線和一定的頻率 ν 相當，是由某一元素的原子中某一電子躍遷所造成。這些亮譜線的來源，可由著名的玻爾頻率條件加以說明：

$$E' - E'' = h\nu$$

式中 E' 和 E'' 分別表示電子在躍遷前後的總能量。許多年以來，在原子光譜學的範疇里，我們已對每一個元素進行了分析工作，並且正確地記錄了電子激發所發射出來的每一個可能發生的頻率（這種工作從大體上講來，現在幾乎已抵於完成）。這些數據已經整理後表為數學公式，根據這些公式，我們導出了原子能級的概念。上式中的 E' 和 E'' 就是原子最外層的電子在躍遷前後所可能占有的能級。對於單電離、雙電離和高度電離的原子來說，也同

样地做了这种分析工作。根据所有的这些数据，我們几乎已能对全部化学元素确定出它們的結構图象。

如果用直視分光鏡去观察本生灯焰中的藍色錐形部分或在空气中燃燒的炭弧之間白熾蒸汽所发射的光，那么我們就会見到另一种类型不同的光譜。前者系由 C_2 分子所发射，通常称为斯簧 (J. W. Swan) 光譜；而后者来自 ON 分子，它使电弧两极間的蒸汽发射出紫色光。如果仔細地把本书后面附图 I 的斯簧光譜加以观察，我們可以发现許多帶状或襞褶形的花样代替了明銳的线条，这种花样称为光譜带或譜带，它就是分子光譜的特征。在附图 I 中还可見到每一个光譜带的强度在紅色光（或折射率比較小一些的光）一端——称为譜带头，非常明銳，但它們都向紫色光（或折射率比較大一些的光）一端逐漸衰減。简单地說，光譜带的强度向紫色一端递降——因而这种光譜带也称为递降譜带。其他分子的光譜带强度也能向相反方向递降。有时，并无譜带头形成（其中原因随后才能理解），因而递降方向不甚显著。附图 I 的另一个特征也非常显著，就是譜带分成許多个自然的群：与原子綫光譜不易識別的情形不同，其間明显地有一定的关系或規律。誠然，有时这些譜带的規律性并不显著，只有当我们對帶头頻率作恰当的数学分析后才能决定（參看附图 IV 及 V）。

分子光譜与原子光譜在外表上截然不同的原因何在，怎样解釋，這是我們要进一步加以說明的。正象一个原子那样，一个双原子分子也有电子云环繞着它。在这两种情况下，当束縛得最松的电子从一个可能的軌道跃迁到另一个可能的軌道时，都和輻射的发射或吸收相关联。然而，分子还有原子所沒有的两种能量：振动能量和轉动能量。对这两种能量进行分析时，我們必須引用量子論或量子力学。振动能量的变化經常和分子中的电子跃迁同时发生，要是分子所具有的振动能量减小，那么就和能量的发射相当；要是增大，那么就和能量的吸收相当。此外，所有的分子几乎都在

轉動。在气体分子中，正和不同的分子具有不同的綫速度分布相类似，同时也有不同的角速度分布存在，而且这两种分布都受温度的影响。和振动能量一样，轉动能量也是量子化的，因而与电子的和振动的跃迁发生的同时，轉动量子数也可能发生变化，如果轉动量子数减小，这就是說有能量发射出来。相反地，如果它增大，便有能量被吸收。

所以，对于任何一个分子来讲，在任一瞬时，我們可以近似地写出它的总量子化能量如下：

$$E = E_{el} + E_v + E_r. \quad (1 \cdot 1)$$

如果 E' 和 E'' 分別表示跃迁产生时較高和較低激发状态的能量，那么由于 $E' - E'' = hc\nu$ ，我們可写出

$$E' - E'' = (E'_{el} - E''_{el}) + (E'_v - E''_v) + (E'_r - E''_r),$$

而相应的頻率是

$$\nu = \nu_{el} + \nu_v + \nu_r. \quad (1 \cdot 2)$$

这些項的数量級是 $\nu_{el} > \nu_v > \nu_r$ 。誠然，如果只是轉动能量发生变化，頻率 ν_r 是一个很小的数值，这样，分子所发射的輻射的頻率将位在远紅外区 [400 厘米⁻¹ (25.0μ) ~ 16.7 厘米⁻¹ (600μ)] ①。如果振动和轉动能量同时发生变化，那么頻率 $\nu_r + \nu_v$ 将增大到近紅外区 [也称为基本轉(动)-振(动)区，4000 厘米⁻¹ (2.5μ) ~ 400 厘米⁻¹ (25μ)] ②。如果，在这些变化的同时还有电子跃迁发生，那么 ν_{el} 的数值一般将升高到可見区或紫外交区。

讓我們把这些基本原理引用到附图 I 上去說明这个典型的光譜带是怎样形成的。这是一个电子的、振动的和轉动的变化同时发生的光譜。頻率 ν_{el} 称为譜帶系的“基綫”，虽則今后我們會見到它并不完全和任一特殊譜帶的“譜綫”或譜帶的“基綫”相符合，但它

① 作为光來测量的上限，現已展延到 7 厘米⁻¹ (1400μ) 附近。

② 整个紅外区尚有极近紅外区 [也称为泛頻区，13300 厘米⁻¹ (0.75μ) ~ 4000 厘米⁻¹ (2.5μ)] 及微波区 [16.7 厘米⁻¹ (600μ) ~ 10^{-2} 厘米⁻¹ ($10^6\mu$)]。

(4) 第一章 引言

与中央的强譜帶(相当于 $v'=0$ 到 $v''=0$ 的跃迁)相接近，我們在光譜圖的下面画出了两群振动能級，上面的一群与較高的电子激发态相联属，下面的一群与較低的电子激发态相联属。每一群中各别的能級則各与分子所具有的不同的振动能量相当。較高和較低电子态的振动量子数則分別用 v' 和 v'' 表出。如果跃迁从較高电子态中的一个較高振动能級(与分子具有較大的振动能相当)跃迁到較低电子态中的一个較低振动能級(与分子具有較小的振动能相当)，那么方程(1·2)中的 ν_v 显然是正的，因而所产生的辐射的頻率 $\nu = \nu_{el} + \nu_v$ 将位在譜帶系基綫 ν_{el} 的高頻率一端。如果振动能量在較高电子态比較低电子态的为低，那么 ν_v 将是負的，而相应的辐射頻率 $\nu = \nu_{el} + \nu_v$ 将位在 ν_{el} 的低頻率一端。这样，用单独的电子跃迁就能解釋光譜中所出現的整个譜帶列。在不同的分子中，这样产生的跃迁可以和許多可能的振动变化中的任一个相联属。不同的譜帶基綫由可能的 ν_v 值所引起的譜綫頻率 $\nu = \nu_{el} + \nu_v = \nu_0$ 来决定，因而每一譜帶由两个振动量子数所确定：較高电子态的 v' 和較低电子态的 v'' ，通常我們称它为 $(v' \rightarrow v'')$ 譜帶，或簡称为 (v', v'') 譜帶。这个譜帶系基綫兩旁所有譜帶的綜合，则称为該譜帶系的粗結構。

如果就是这么样简单，那末每一譜帶将仅由一条单独的譜綫所組成。然而，当我们仔細观察每一个单独的譜帶时，发现它們都是由一群复杂的細譜綫所組成，这些細譜綫是由于分子轉动能量的变化所造成的，它們称为譜帶系的精細結構。这些細譜綫群集于每一譜帶基綫的两侧。它們不能从附图 I 那样的照相中圓滿地进行分析，因为摄取那样的照相时所用的摄譜仪的色散本領和分辨本領是不够大的。然而附图 II [CO 的埃斯通 (A. J. Ångström) 系中的 (0, 3) 譜帶，位在 $\lambda 5610$ 处] 和附图 III [CN 的 (13, 13) 譜帶，位在 $\lambda 3991.11$ 处] 中的照相分別說明了一个单独譜帶的精細結構，这是詹金斯 (F. A. Jenkins) 用大型光棚摄譜仪摄到的。用

了这种高色散和高分辨本领的仪器，我们知道，在小型仪器中谱带之所以形成襞褶形，即光强在一端非常明锐而向另一端衰减的原因，完全是由于这些精细谱线的特殊分布情况所造成。事实上，我们可以想象在附图 I 中的每一个振动能级上都叠置着一堆转动能级，且每一个这样的能级各有一个转动量子数和它相联属。由电子的和振动的变化所确定的一个特殊谱带，一般也有一个转动能量的变化与之相联属。如果在跃迁中转动能量减小——即由较高的转动能级跃迁到较低的转动能级，那么相应的精细谱线将位在谱带基线的高频率一端，反之，如果能量增大，则位在低频率一端。从方程(1·2)看来，这是很明显的。很侥幸的是转动量子数不能随意变化，通常它只能变更一个单位——即 ± 1 。因而，象附图 III 中所示谱带的精细结构就是由两系谱线所组成的，它们各组成一个光谱支，并分别称为 P 光谱支和 R 光谱支。在附图 II 中所示谱带的精细结构里则有另一第三光谱支存在，这个光谱支称为 Q 光谱支，它与转动量子数不发生变化的情况相当（这里虽然转动量子数不变，但由于分子大小的变化，转动能量仍然有变化，否则这个光谱支将出现为一条单独的谱线）。

象附图 I 那样的全部谱带系，系由与一单独电子跃迁相联属的所有可能的振动的和转动的能量变化所造成。在任何光的发射过程中，有千千万万个原子参予着，每一个可能的跃迁组合，将按照一定的统计规律得到一定的权重，而在原子光谱中，和这样一个谱带系相对应的却只有由电子跃迁所产生的一个单独的频率。

通常我们用来表示原子及分子中能量变化的单位是波数或电子伏特。波数 $(\frac{1}{\lambda})$ 是一厘米内的波长数，一般系用 ν 表示，频率， $\tilde{\nu} = c\nu$ ，的单位比它要大得多，但在实用上很不方便。如果采用波数作为能量的量度单位，那么能量，也就是相应的辐射能量子的能量，和频率之间的关系是

$$E_{\text{辐射}} = hc\nu \text{ 厘米}^{-1}.$$

从这里我們得出

$$1 \text{ 个波数单位(厘米}^{-1}\text{)} = 1.986 \times 10^{-16} \text{ 尔格。}$$

如果我們采用电子伏特作为能量的单位，那么这就是指电子經由一定的电压 V 加速后所取得的能量，而 ν (厘米 $^{-1}$) 和 V (伏特) 之間的关系由下式表出

$$h\nu = eV \times 10^8 / c.$$

这就是說，1 电子伏特 = 8066 波数单位。

1·2 譜帶系的一般結構

在我們研究譜帶系的粗結構時，如果把附圖 I 中的斯簧譜帶系仔細地分析一下，將是一個很好的开端。這幅照相是用中型重火石玻璃稜鏡攝譜儀所攝得的光譜的放大象。這個著名的光譜是 O_2 分子所發射的，它可從焰光、本生燈焰的藍色錐形部分、氬中燃燒的炭弧和碳氫化合物的放電中觀察到。如果在具有炭電極的放電管中充有壓力為 $20\sim30$ 毫米汞柱高的氬，并不時引入少量的氬，則將見到譜帶特別明亮。在附圖 I 中所畫的兩條粗的能級代表無振動的 O_2 分子的電子能級（嚴格地講，它們含有剩餘的 $\frac{1}{2}$ -量子的零點振動能量在內）。較低的能級， $v''=0$ ，與分子中電子的基態相聯；較高的能級， $v'=0$ ，表明分子的外電子處於激發狀態。我們已講過，每一電子態可與振動能量的各種量子能級相聯屬，這些能級的一部分有如附圖 I 中諸橫綫所示。

因譜帶系中每一譜帶具有兩個振動量子數而與從一個振動能級過渡到另一振動能級時的躍遷 $v' \rightarrow v''$ 相當，所以各譜帶基綫的波數，在經測定後可以排列在表 I·2·1① 所示的表格中。

如果分子都是簡諧振子，那麼按照理論計算的結果，振動量子數只能變化 ± 1 或 0。事實上沒有一個分子能滿足這樣的條件，

① 这个表称为德斯兰特表(Deslandres table)。

因而有許多 $v' \sim v''$ 的數值出現。在表 I.2.1 中，相鄰各行(橫的)的波數差與附圖 I 中相鄰的 v' 能級間的間隔相同，而相鄰各列(豎的)的波數差則與該圖中相鄰的 v'' 能級間的間隔相同。

表 I.2.1 斯賓譜帶系基線的波數

波數下括弧內的數字(1~10)表示相對強度(估計數字)的大小

v''	0 (1618.21)	1 (1594.87)	2 (1571.53)	3 (1548.19)	4 (1524.85)	5 (1501.51)	6
0	19393.9	17755.7	16160.8	14589.3			
(1754.07)	(10)	(7)	(3)				
1	21127.9	19509.7	17914.0	16343.3	14795.1		
(1715.37)	(9)	(6)	(6)	(4)			
2	22843.3	21225.1	19630.2	18058.7	16510.5	14985.7	
(1676.67)	(2)	(8)	(1)	(5)	(3)	(1)	
3		22901.8	21306.9	19735.4	18187.2	16662.2	15160.8
(1637.97)		(4)	(7)		(4)	(3)	(1)
4			22944.9	21373.3	19825.1	18300.3	16798.8
(1599.27)			(5)	(4)	(2)	(2)	(2)

如果我們能够把譜帶波數象上表那样完全列出来，那么我們就能找到用以表征全部譜帶的表式。在上述例子中，以下的式子是一个很好的近似表式

$$\nu = 19373.9 + (1773.42v' - 19.35v'') - (1629.88v'' - 11.67v''').$$

我們在前文中已讲过，上式中的二次項是由于分子振动的非諧振性所引起的。如果 C_2 分子是一个真正的簡諧振子，那么只有三序譜帶存在，这三个譜帶序各与 $v' - v'' = \pm 1, 0$ 相当，而可用下式表出

$$\nu = 19373.9 + 1773.42v' - 1629.88v''.$$

在附圖 I 中，和 ν 的一个特殊变化值(即 $v' - v''$ 的一个特殊数值)相当的譜帶形成一个自然的譜帶群，这些群在光譜學的术语中称为“譜帶序”或簡称为“序”(sequences)。从同一初能級出发的許多譜帶称为 v'' -級譜帶列 (v'' -progression)，而終止于同一能級的譜帶則称为 v' -級譜帶列 (v' -progression)。因而在附圖 I 中有星

号的譜帶形成了來自 $v'=0$ 的 v'' -級譜帶列；有三角號的譜帶形成了終止於 $v''=0$ 的 v' -級譜帶列，上述兩群譜帶列分別由表 I·2·1 中的行與列表出，而“序”由對角綫表出。從譜帶系基綫沿行向右展开時我們見到波數逐漸減小；沿列向下展开時波數逐漸增大。從以上表征斯簧譜帶系的公式來看，這是必然的結果。通常我們可以找到這種類型的經驗公式

$$\nu_{v'v''} = \nu_{00} + (\omega' v' - \omega' x' v'') - (\omega'' v'' - \omega'' x'' v''), \quad (1 \cdot 3)$$

它在一定的正確程度上表出了大多數譜帶系中的譜帶。這裡，式中 ω' 和 x' 表較高的一一起始的電子態的常數，而 ω'' 和 x'' 則表較低的一終了的電子態的常數。

值得注意的是，當我們從譜帶系基綫向外展开時，譜綫強度一般都有下降的趨勢。雖則說這個趨向並不是永恆不變的，但在我們試圖對新譜帶系給予它以恰當的振動量子數時，却常常是一個可以利用的特徵。

象附圖 I 那樣的譜帶系，分析起來是很簡單的（這就是說，對於這種譜帶系來講，通常我們不難去排列出象表 I·2·1 那樣的 $v' \sim v''$ 表來）。但這並不是說分析所有的譜帶系都這樣容易。有時不同的序並不各自展开，而往往會相互重迭。我們只要稍微回憶一下，就不難從方程(1·3)看出，如果 $\omega' - \omega''$ 比 ω' 或 ω'' 來得小，各序將不相互重迭而各自展开。在上述 C_2 分子的斯簧譜帶中， $1773.4 - 1629.9 = 143.5$ 與 1773.4 或 1629.9 相比是一個相當小的量，顯然，它是滿足這個條件的。

如果把原子和分子的輻射作一對比，我們將見到原子光譜中的每一条譜綫和分子光譜中的一系列的精致譜帶相對應。當我們想起一個典型的原子由於各種電子躍遷會產生千百條光譜綫時，自然而然會聯想到是否一個典型分子的光譜也含有千百個這樣複雜而難於處理的譜帶系呢？很僥幸，事實上我們在分子中發現只有很少幾個電子躍遷存在。即使以氮分子為例，它和氰分子一樣，

电子跃迁比一般分子算是最多的，但我們所找得的光譜帶系也只有一、二十个或至多三、四十个而已。一般分子通常只有三、四个譜帶系。下面我們會了解到，这是因为电子跃迁往往产生很大的振动能量，使分子离解，結果把組成分子的原子完全扯开了。

1·3 譜帶的精細結構

即使在附图 I 中，也可以在离譜帶头相当距离处看到精細結構所形成的痕迹。然而，一般地讲，當我們研究精細結構时，采用一架色散率大的光棚摄譜仪是必要的。例如附图 II 和附图 III 就是这种摄譜仪对两个很简单的譜帶所摄取的相片。具有附图 II 中所示精細結構的譜帶也在附图 IV 中表出，但后者系用玻璃稜鏡摄譜仪摄取的。把这两幅相片作一对比后，讀者可以看到两种仪器的分辨本領是截然不同的。

現在讓我們先用近似的定性方法来解釋精細結構是怎样形成的，这里只談一些基本原理，以后在第二章中还要詳細討論。附图 I 中的振动能級可以看做是属于非轉动分子的，实际上我們可以想象还各有一堆轉动能級与每一个这种能級相联属。为了使我們便于明了各种——电子的、振动的和轉动的——能級的相对大小起見，我們在图 1·3·1 中对一个特殊的譜帶系作出了这样的一个比例图。

當我們把分子的全部能量計入时，它的能态应被这些“精細”轉动能級之一所表征，而譜帶(v' , v'')的精細結構的形成，则可由較高的 v' 能态中的一个轉动能級跃迁到較低的 v'' 能态中的另一个轉动能級加以說明。每一轉动能級为一轉动量子数 J 所表征，这个量子数量度分子所具有的角动量（单位为 $\frac{\hbar}{2\pi}$ ）的数值。幸而，理論結果指出，对轉动能量的变化来讲，量子数 J 只能变化 ± 1 或沒有变化（以后将見到，在分子問題中，这种选择原理对我们所討論的許多量子数几乎都是适合的）。因此，一个简单的譜帶可以有三