

珍

庫

藏

烏里室鑄正

樂律全書

(六)

朱載堉著

商務印書館發行

樂 律 全 書

(六)

朱載堉 著

國 學 基 本叢書

算學新說

鄭世子臣 輓靖謹撰

臣所撰新說凡四種一曰律學二曰樂學三曰算學四曰韻學前二者其書之本原後二者其書之支派所以羽翼其書者也夫算學之有書其亦舊矣謂之新說何也且如周經累積相求之類舊則疎而新則密平方不用商除立方不顯廉法之類舊則繁而新則簡舊以勾股爲末專明九章新以勾股爲首專明律曆此其異也餘則文雖小異要亦殊途同歸者也

初學凡例

臣謹按內則曰六年教之數與方名十年出就外傳居宿於外學書計所謂數卽一二三四五六七八九十乃至百千萬等項之名也所謂計卽一一退位一乃至逢九進一十等項之術也

中庸曰辟如行遠必自邇辟如登高必自卑此之謂也

常數

子生六歲時教之者此也

一	二	三	四	五	六	七	八	九	十
十一	十二	十三	十四	十五	十六	十七	十八	十九	二十
二十一	二十二	二十三	二十四	二十五	二十六	二十七	二十八	二十九	三十
三十一	三十二	三十三	三十四	三十五	三十六	三十七	三十八	三十九	四十
四十一	四十二	四十三	四十四	四十五	四十六	四十七	四十八	四十九	五十
五十一	五十二	五十三	五十四	五十五	五十六	五十七	五十八	五十九	六十
六十一	六十二	六十三	六十四	六十五	六十六	六十七	六十八	六十九	七十
七十一	七十二	七十三	七十四	七十五	七十六	七十七	七十八	七十九	八十
八十一	八十二	八十三	八十四	八十五	八十六	八十七	八十八	八十九	九十
九十一	九十二	九十三	九十四	九十五	九十六	九十七	九十八	九十九	一百

大數 名色雖多自京已上初學者難曉算家亦不常用故略之

一十百千萬十萬百萬千萬萬萬爲億

一億十億百億千億萬億十萬億百萬億千萬億萬萬億爲兆

一兆十兆百兆千兆萬兆十萬兆百萬兆千萬兆萬萬兆爲京

大數有三等下等者十萬爲億十億爲兆十兆爲京之類是也
中等者萬萬爲億萬萬億爲兆萬萬兆爲京之類是也上等者
萬萬爲億億億爲兆兆兆兆爲京之類是也大抵儒書中所載者
下等也算書中所載者中等也其上等者未詳所載而佛經中
則又與此三等不同今所用者特依算書用中等之數耳

小數 名色雖多自纖已下初學者難曉算家亦不常用故略之

幾尺幾寸幾分幾釐幾毫幾絲幾忽幾微幾纖

此乃常人所曉次載平立二積與常不同初學者宜習之

平方積

此所謂計術也
十歲然後教之

平方百纖爲一微百微爲一忽百忽爲一絲百絲爲一毫百毫爲一釐百釐爲一分百分爲一寸百寸爲一尺故曰

幾十幾尺

幾十幾寸

幾十幾分

幾十幾釐

幾十幾毫

幾十幾絲

幾十幾忽

幾十幾微

立方積

平立二積相學
難曉故表出之

立方千纖爲一微千微爲一忽千忽爲一絲千絲爲一毫千毫爲一釐千釐爲一分千分爲一寸千寸爲一尺故曰

幾百幾十幾尺

幾百幾十幾寸

幾百幾十幾分

幾百幾十幾毫

幾百幾十幾絲

幾百幾十幾忽

幾百幾十幾微

幾百幾十幾纖

又平積一	<small>一自乘 所得也</small>	四	<small>二自乘 所得也</small>	九	<small>三自乘 所得也</small>
一十六	<small>四自乘 所得也</small>	二十五	<small>五自乘 所得也</small>	三十六	<small>六自乘 所得也</small>
四十九	<small>七自乘 所得也</small>	六十四	<small>八自乘 所得也</small>	八十一	<small>九自乘 所得也</small>
一已上開一	四已上開二	九已上開三			
一十六已上開四	二十五已上開五	三十六已上開六			
四十九已上開七	六十四已上開八	八十一已上開九			
一百已上開十	四百已上開二十	九百已上開三十			
一千六百已上開四十	二千五百已上開五十	三千六百已上開六十			
四千九百已上開七十	六千四百已上開八十	八千一百已上開九十			
一萬已上開一百	四萬已上開二百	九萬已上開三百			
一十六萬已上開四百	二十五萬已上開五百	三十六萬已上開六百			
四十九萬已上開七百	六十四萬已上開八百	八十一萬已上開九百			

又立積一

一再乘
所得也

八

二再乘
所得也

二十七

三再乘
所得也

六十四

四再乘
所得也

一百二十五

五再乘
所得也

二百一十六

六再乘
所得也

三百四十二

七再乘
所得也

五百一十二

八再乘
所得也

七百二十九

九再乘
所得也

一巴上開一

八巴上開二

二十七巴上開三

六十四巴上開四

一百二十五巴上開五

二百一十六巴上開六

三百四十三巴上開七

五百一十二巴上開八

七百二十九巴上開九

一千巴上開十

八千巴上開二十

二萬七千巴上開三十

六萬四千巴上開四十

十二萬五千巴上開五十

二十萬六千巴上開六十

三十四萬三千巴上開七十

五十一萬三千巴上開八十

七十一萬九千巴上開九十

一百萬巴上開一百

八百萬巴上開二百

三千七百萬巴上開三百

六千四百萬巴上開四百

一億一千五百萬巴上開五百

一億一千六百萬巴上開六百

三億四千三百萬巴上開七百

五億一千三百萬巴上開八百

七億一千九百萬巴上開九百

已上凡例初學須知凡學開方須造大算盤長九九八十一位
共五百六十七子方可算也不然只用尋常算盤四五箇接連
在一處算之亦無不可也其算盤梁上帖紙一長條上寫第一
位第二位等項字樣使初學易曉也

第一問曰古云黃鍾長九寸今云黃鍾長十寸何也

荅曰所謂九寸者度法之名也度生於律者也非律生於度也
古之神瞽考中聲而製律當此之時律尚未成度尚未有則何
以知黃鍾乃九寸哉及律成後遂將黃鍾之管命爲一尺故先
儒謂度本起於黃鍾之長是知黃鍾之長卽度法一尺也若謂
黃鍾止長九寸外加一寸而後成尺則非所謂度本起於黃鍾
之長蓋九寸者算率云耳率也者假如之法也穿四壞五堅三
句三股四弦五之類是也假如黃鍾長九寸則林鍾長六寸假

如林鍾長六寸則太簇長八寸創此率者主意不過專爲三分
損益而設今既察知三分損益其率疎舛不用三分損益則彼
黃鍾九寸之說亦不可宗矣今則取法河圖之數詳列於左

五與十居中央爲土爲宮爲君

鍾之宮長十寸
十寸至尊故黃

四與九居西方爲金爲商爲臣

鍾之商長九寸
九寸次之故黃

三與八居東方爲木爲角爲民

鍾之角長八寸
八寸之故黃

二與七居南方爲火爲徵爲事

鍾之徵長七寸
七寸次之故黃

一與六居北方爲水爲羽爲物

鍾之羽長六寸
六寸次之故黃

第二問律家先求黃鍾猶曆家先求冬至也次求蕤賓猶夏至也
又次求夾鍾猶春分也又次求南呂猶秋分也然後求大呂除黃
鍾外諸律呂之首也其次求應鍾諸律呂之終也亦猶曆家所謂
復端舉正歸餘也黃鍾履端於始蕤賓舉正於中應鍾歸餘於終

故曰律曆一道今黃鍾正律長十寸蕤賓倍律正律各長幾何

荅曰黃鍾長十寸是爲平方面其兩隅斜弦卽蕤賓倍律倍律折半卽蕤賓正律也若以蕤賓正爲平方面而其斜弦卽黃正也

周禮桌氏爲量內方尺而圓其外筭法求方之斜卽圓之徑得

斜弦一尺四寸一分四釐二毫一絲三忽五微六纖二三七三

○九五○四八八○一六八九卽蕤賓倍律也折半得七寸○

七釐一毫○六忽七微八纖一一八六五四七五二四四○○

八四四五卽蕤賓正律也纖已下數不立
名色餘皆放此

法曰依句股求弦等置方面自南至北自乘得一爲股累別置方面

自東至西一十寸自乘得一爲句累相併共得二爲弦累就置弦累二百四十

爲實看前式內一百已上該開一爲下法用開方歸除法除之

於實首位歸實呼逢一進一有歸不除餘實一百倍下法一十改

作二十寸
只得命作二歸
自此已後有歸有除於實第一位歸實呼二一添作四寸
於實第二位除實呼逢二進一
下法亦置四寸倍下法四寸改作八寸於實第三位歸實呼逢二進一
餘實四寸倍下法四寸改作八寸於實第三位歸實呼逢二進一
下法亦置一分於二十八寸之下於實第三位歸實呼一八退
於第四位除實呼一一退餘實一十一倍下法一分改作二分
於實第三位歸實呼二一添作五起下法亦置四釐於二十二
分於實第三位歸實一還二只得四釐
下共得二十八於實第四位除實呼四八除
下共得二十八於實第五位歸實呼四八除
四退位於第六位除實呼四四除餘實六分○倍下法四釐改
除八於第六位除實呼逢四進二
共得二十八於實第五位歸實呼逢四進二
才二分八釐之二十六於第六位除實呼二毫於
十八寸二分八釐二毫於實第五位除實呼二八除
位除實呼二二退於第七位除實呼二八除
位除四於第七位除實呼二八除於第八位除實呼
二退位餘實三十八釐倍下法二毫改作四毫共得二
除四十六毫倍下法十八寸二分八釐四毫於實第

六位歸實	呼逢二進一 十得一絲	下法亦置	一絲於二十八寸二分八釐
毫一絲	分八釐四毫一絲	四毫之下共得二十八寸二毫	一八退於第七位除實
於第八位除實	呼一八退 位除八	於第七位除實	呼一二退位除
於第六位除實	呼一八退 位除八	於第九位除實	呼一四退
位除實	呼一一退 位除一	餘實	一十釐○○七倍下法
於實第六位歸實	呼二添作五起一絲改作二絲	毫五十九絲	一絲改作二絲
於實第六位歸實	呼二添作五起一絲改作二絲	二還四只得三忽下法亦置	二十八寸二分八釐四毫二絲之二還四只得三忽下法亦置
於實第七位除實	於二十八寸二分八釐四毫二絲三忽	於實第七位除實	於二十八寸二分八釐四毫二絲三忽
於第八位除實	呼二三退 位除六	於第九位除實	呼三八除
十位除實	呼三四除 位除九	於第十二位	於第十二位
除實	呼三三退 位除九	於第十一位除實	呼二三退
於實第七位歸實	一釐五十九毫○倍下法	於第十二位	於第十二位
於實第七位歸實	呼二添作三忽改作六忽	於實第八位除實	五微於
於實第七位歸實	呼二添作三忽改作六忽	於實第八位除實	五微於
於第九位除實	呼二五於第十位除實	於第十一	於第十一

位除實呼五四於第十二位除實呼二十五於第十三位除實呼五

除二十一

除二十一

除二十一

六除三十於第十四位除實呼五十五除二十五

餘實一十七毫六十四絲

一十七忽七十五微倍

下法五微改作一忽○微共得二十八於實第八位歸實呼二

十寸二分八釐四毫二絲七忽○微於實第八位歸實呼二

一

作五逢二進十得六下法亦置六纏於二十八寸二分八釐四毫二絲七忽○微之下共得二十八寸二分八

釐四毫二絲七忽○六纏於實第九位除實呼六八除四十八於第十位除實呼二十一

一

於第十一位除實呼六八除四十八於第十二位除實呼四六除二十一

二

於第十三位除實呼二十六除二十一於第十四位除實呼六七除四十

一下法空至第十五位

微無除於第十六位除實呼六六除三十六餘實六十七絲一十二忽

三十六於第十六位除實呼六六除三十六餘實六十七絲一十二忽

自此已後開至二十五位其術同前但纏已下不立名色共得

斜弦一尺四寸一分四釐二毫一絲三忽五微六纏二三七三

○九五○四八八○一六八九卽蕤賓倍律也折半卽得蕤賓

正律與下條開方所得蕤賓正律數同

第三問黃正爲方面斜弦卽蕤倍前條旣明之矣黃正爲斜弦方面卽蕤正亦須明之今黃鍾正律長十寸其蕤賓正律長幾何

荅曰長七寸○七釐一毫○六忽七微八纖一一八六五四七

五二四四〇〇八四四五卽蕤賓正律也

法曰

依弦求股術等

置斜弦

卽黃正長十寸

自乘

得一百寸

爲弦累於內減去句累

五十寸

爲實看前式內

正方者句與股

四十九已上該開

餘

五十寸

爲股累就置股累

五十寸

爲實看前式內

四十九已上該開

七寸命作七歸

爲下法用開方歸除法除之於實首位歸實

七寸改作一十四寸命作一歸呼

呼七五七十

倍下法

七寸改作一十四寸命作一歸呼

逢七進七十雖進一位仍作七寸有歸不

一得七寸

呼七五七十

倍下法

七寸改作一十四寸命作一歸呼

逢七進七十雖進一位仍作七寸有歸不

一得七寸

除餘實

一自此已後有歸有除第一位

分得空

於第二位歸實

見呼

一無除作九一起

下法亦置

七釐於一十四寸○分之下

於實

共得一十四寸○分七釐

第三位除實

呼四七除二十八第

於第五位除實

呼七七除四十九

餘

實十一釐

倍下法

七釐改作一分四釐共

得一十四十一分四釐

於實第四位歸實

呼逢

一進一十
得一毫

下法亦置

一毫於一十四寸一分四釐之下

於實第

四位除實

呼一四退
位除四

於第七位除實

呼一四退
位除四

於第五位除實

呼一四退
位除四

於第六位除實

位除四

呼一四退
二毫共得一十四寸一分四釐

於第五位

得空

於第六位歸實

呼一四退
六毫

於第六位

法亦置

六忽於一十四寸一分四釐二毫○絲之下

於第六位

於第六位歸實

呼一四退
六毫

於第六位

位除實

呼一四退
六毫

於第七位除實

呼一四退
六毫

於第八位除實

六除二

於第九位除實

呼一四退
六毫

於第十一位除實

六除二

於第十位除實

呼一四退
六毫

於第十一位除實

四釐二毫

於實第六位歸實

呼一四退
六毫

於實第七位除

一絲二忽

於實第六位歸實

呼一四退
六毫

於實第七位除

一絲二忽

於實第六位歸實

呼一四退
六毫

於實第七位除

八

於第十位除實

呼一四退
六毫

於第十一位除實

十二位除實

呼二七除
一十四

於第十三位除實

呼七七除
四十九

餘實

一毫

第七位歸實

呼見一無除作九
一還一得八纖

下法亦置

八纖於一十四寸
一分四釐二毫一

絲三忽四微

之下共得一十四寸
一分四釐二毫一

於實第八位除實

呼四八除
三十二

於第九位除實

呼一八退
位除八

於第十位除實

呼四八除
三十二

於第十二位除實

呼一八退
一十六
位除八

於第十三位除實

除實

呼二八除
二十四
於第十四位除實

呼四八除
三十二

於第十五位除實

六十四

呼八八除
餘實
一三微一十六纖

自此已後開至二十五位其術同前但纖已下不立名色所得
方面七寸○七釐一毫○六忽七微八纖一一八六五四七五
二四四〇〇八四四五卽蕤賓正律也加倍卽得蕤賓倍律與
上條開方所得蕤賓倍律數同