



新起点

备战 **MBA**

全国联考系列丛书

数学模拟考试

试题 10 套必练

总策划 / 张合功

编 者 / 北京新起点学校 MBA 全国联考命题研究组

中国建材工业出版社

新起点备战 MBA 全国联考系列丛书

数学模拟考试试题 10 套必练

北京新起点学校 MBA 全国联考命题研究组 编

中国建材工业出版社

图书在版编目 (CIP) 数据

数学模拟考试试题10套必练/北京新起点学校MBA
全国联考命题研究组 编. —北京:中国建材工业出版社,
2001.12

(新起点备战 MBA 全国联考系列丛书)

ISBN 7-80159-218-2

I. 数… II. 新… III. 高等数学—研究生—入学考
试—试题 IV. 013-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2001) 第 090284 号

15-A3-108

新起点备战 MBA 全国联考系列丛书

数学模拟考试试题 10 套必练

北京新起点学校 MBA 全国联考命题研究组 编

*

中国建材工业出版社出版

(北京海淀区三里河路 11 号 100831)

新华书店北京发行所发行 各地新华书店经销

北京丽源印刷厂印刷

*

开本: 787mm×960mm 1/16 印张: 6 字数: 107 千字

2002 年 1 月第一版 2002 年 1 月第一次印刷

印数: 1~5 000 册 定价: 11.80 元

ISBN 7-80159-218-2/G·036

序

MBA 是工商管理硕士 (Master of Business Administration) 的英文缩写。在美国。MBA 教育已有近一个世纪的历史, 它每年培养数以万计的学生, 毕业后许多人已成为出类拔萃的工商管理人才, 领导着美国企业称雄于世。MBA 因此成为全社会、企业界以及青年人心目中颇具吸引力和荣誉感的学位之一。

目前, 我国的企业, 正由传统型企业向现代化企业过渡和转型, 亟需一大批优秀的企业家。工商管理学院就是造就现代企业家的摇篮, 工商管理硕士就是新一代企业家的苗子, 中国企业的持续发展和竞争力的增强, 不但需要学术型、思辨型、知识型的学者或管理硕士, 而且需要技术型、行动型、能力型的 MBA。MBA 教育追求的目标就是培养和造就这种综合型的高级管理人才的。

我国的 MBA 教育发展很快, 从 1997 年实行全国联考以来, 招生人数逐年增加。1997 年招收 2000 多人; 1998 年招收 6000 多人; 1999 年招收 8000 多人; 2000 年 MBA 招收 10000 多人; 2001 年全国招生 12000 人左右, 报考人数达 38000 多人; 2002 年全国 MBA 招生院校将增加到 66 所, 预计招生人数将达到 15000 多人, 报考人数将达 45000 左右。

2002 年 MBA 报考硬件方面的条件为 40 岁以下, 研究生要求具有两年以上工作经验 (2000 年 7 月以前毕业), 本科生要求具有三年以上工作经验 (1999 年 7 月以前毕业); 专科生要求具有五年以上工作经验 (1997 年 7 月以前毕业)。毕业时间以毕业证上的日期为准。

MBA 全国联考为笔试, 包括英语、数学、管理、语文与逻辑、政治五科。其中英语、数学、管理、语文与逻辑四科由全国 MBA 考试指导委员会统一命题, 统一考试, 统一阅卷。考试时间每年分两次, 10 月份一次, 1 月份一次 (10 月份仅招收在职 MBA, 即通常所说的 EMBA)。1999 年、2000 年教委的录取分数线均为四门联考 260 分, 单科成绩 50 分 (西部院校录取分数线 245 分, 单科成绩 45 分)。2001 年教委的录取分数线为四门联考 265 分, 单科成绩 55 分 (西部院校录取分数线 255 分, 单科成绩 45 分)。政治理论课由各校自行命题, 不计入总分, 及格即不影响录取。

北京新起点学校自 1999 年 7 月首次招生以来, 积极探索 MBA 考前培训的新方法, 将整个培训活动当作一个系统工程来进行, 逐步奠定了自己的办学特色。为把学员成功地输送到北大、清华等名校。学校采取“高中升大学”的教学管理模式。每门课除了授课的教授外, 另外配备专职班主任、辅导员 (北

大硕士研究生)。每堂课都留有作业,并对作业全批全改,有效地促使学生积极学习;平时不定期地举行小测验,以便随时了解学生的学习状况和学习效果;针对大多数学生数学基础较差的情况,还开设了数学辅导小班。这些措施,在两年来的教学实践中,发挥了巨大的作用,并取得了骄人的成绩。

从 MBA 全国联考的考试结构、考生的实际情况及近几年的考试实践来看,能否取得联考的胜利,主要取决于两点:一是考生原来的基础;二是是否具备足够的复习时间。两点皆具备的考生,顺利通过考试一般是没有问题的;仅具备一点,若发挥得好的话也有可能通过考试;两点皆不具备,要想取得好的成绩就困难了。为了帮助考生系统地复习联考要求的知识,北京新起点学校组织专家编写了这套《新起点备战 MBA 全国联考系列丛书》,整套书共十五本,主要特色如下:

1. 这套丛书是全国唯一一套由 MBA 专业辅导学校组织编写的。新起点学校作为专门从事 MBA 考前辅导的机构组织,拥有一个由一批具有丰富经验的 MBA 辅导专家和历届 MBA 联考高分获得者组成的 MBA 全国联考命题研究小组。学校根据几年来的办学经验,历经一年的准备,推出了这套丛书。这套书的出版将极大地方便考生、特别是没有时间上辅导班的考生复习备考。

2. 严格按照《2002 年工商管理硕士(MBA)入学考试大纲》的要求编写,既照顾考试重点又兼顾应有的知识面。

3. 本丛书的编者中既有辅导专家又有联考高分的获得者,他们将从教与学两个角度来审视 MBA 全国联考,使得本丛书极具实用性。

4. 本丛书自成系列,从辅导教材、习题精解到模拟题库一应俱全。再也不用为选辅导教材浪费太多的时间,也无需买许多重复的参考书。

5. 新起点网站(www.newstartmba.com; www.newstart.com.cn;)将随时提供各种配套资料作为这套丛书的补充,使考生能及时获取各种考试信息,不走或少走弯路,节约宝贵的复习时间。

该书是本丛书最后一组,即模拟考试 10 套必练中的《数学模拟考试试题 10 套必练》分册。模拟考试一直都是新起点的秘密武器,在备考中起着举足轻重的作用。很多考生之所以能在联考中取得理想的成绩,主要是得益于模拟考试中科学、严格的训练。

新起点的模考题过去一直秘不示众,很多考生通过各种渠道寻找它们。现在,我们将精选出的 10 套题公之于众,以饕读者。相信必将会对应试者提高联考成绩有一定的帮助。

编者

2001 年 12 月



北京新起点学校校长 张合功

北京新起点学校简介

北京新起点学校是张合功校长创立，经教育部门批准的从事MBA考前辅导的专业学校。学校凭借其雄厚的师资，严格、科学的教学管理得到了广大学员的认可，成为京城最具实力、口碑最好的MBA考前辅导学校。

2000年MBA全国联考，新起点共有192名学员参加考试，人均258.77分，上线（260分以上）106人，上线率达55.2%，所有单科平均成绩均居全国MBA考前辅导学校首位，2000年GRK联考状元亦出自新起点。

2001年MBA全国联考，新起点共有466名学员参加考试，人均262分，上线（265分以上）246人，上线率达52.8%，北大总分第一名、第二名皆出自新起点，北大总分前50名免面试人员中，出自新起点的就有13人。

新起点真正成为了中国MBA的摇篮！

新起点竭诚欢迎有志报考MBA的人士加入！

咨询电话：

62763777 62763773

64261772 64261773

学校网址：

www.newstartmba.com

www.newstart.com.cn

目 录

数学 (一)	(1)
数学 (一) 答案	(5)
数学 (二)	(10)
数学 (二) 答案	(14)
数学 (三)	(19)
数学 (三) 答案	(23)
数学 (四)	(27)
数学 (四) 答案	(31)
数学 (五)	(35)
数学 (五) 答案	(39)
数学 (六)	(43)
数学 (六) 答案	(47)
数学 (七)	(52)
数学 (七) 答案	(56)
数学 (八)	(61)
数学 (八) 答案	(65)
数学 (九)	(70)
数学 (九) 答案	(74)
数学 (十)	(79)
数学 (十) 答案	(84)

新起点学校备战 MBA 全国联考模拟考试

数 学(一)

姓名:_____

学号:_____

(请将答案写在答题纸和答题卡上,写在本试卷上一律不给分)

本试卷满分为 100 分,考试时间 180 分钟

一、选择题:

1. 某校教师平均年龄 40 岁,其中男教师平均年龄 50 岁,女教师平均年龄 35 岁,那么男、女教师人数之比为().
A. 3:2 B. 3:1 C. 2:3 D. 1:2
2. 从 11 起至 1111 为止的所有整数中,各个数位上的数字都相同的整数共有().
A. 16 个 B. 18 个 C. 19 个 D. 20 个
3. 加工一批螺丝帽,原来 10 分钟做一个,做了一半,改进工作方法,4 分钟就能做一个,这样就提早了 2 小时 12 分钟完成任务,这批螺丝帽共有().
A. 30 个 B. 35 个 C. 40 个 D. 44 个
4. $a^2 - 4ab + 4b^2 + \sqrt{3 - a - b} = 0$, 则 $a - b =$ ().
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3
5. 若方程 $(a - 1)x^2 - 2ax + 2a = 0$ 有两个相异实根,则 a 的取值范围是().
A. $a > 0$ B. $0 < a < 0$ C. $0 < a \leq 2$ D. $a > 2$
6. 解不等式 $|x^2 + 3x - 8| < 10$ 所得解集是().
A. $(-6, 3)$ B. $(-3, 6)$
C. $(-6, -3)$ D. $(-6, -2) \cup (-1, 3)$
7. 设 $\left(\sqrt[3]{2} + \frac{1}{\sqrt[3]{3}}\right)^n$ 的展开式的第 7 项与倒数第 7 项的比是 1:6, 则展开式的第 7 项是().
A. $\frac{56}{3}$ B. $\frac{56}{9}$ C. $\frac{28}{9}\sqrt[3]{3}$ D. $\frac{28}{3}\sqrt[3]{2}$

8. $\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt[3]{x}}\right)^n$ 展开式的各项系数和为 64, 则正确的结论是().

- A. 这个二项式展开式有 6 项
- B. 当 $x = 64$ 时, 展开式的中间项数值最大
- C. 当 $x = 5$ 时, 展开式共有两个是有理数的项
- D. 展开式中一定有常数项

9. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_{10} = 210$, $a_{30} = -230$, 则前几项和 S_n 取到最大值时, n 为().

- A. 16
- B. 17
- C. 18
- D. 19

10. 已知 $\{a_n\}$ 为正项等比数列, 且 $a_1 \cdot a_{10} = 81$, 则 $\log_3 a_1 + \log_3 a_2 + \cdots + \log_3 a_9 + \log_3 a_{10}$ 的值为().

- A. 5
- B. 10
- C. 20
- D. 40

11. 已知 $C_{x+2}^x + C_x^{x-2} = C_6^3 + 1$, 则 x 为().

- A. 3
- B. 4
- C. 5
- D. 6

12. 在 $\left(\frac{1}{4} - \frac{1}{2}x\right)^7$ 的展开式中, 系数的绝对值最大的项是().

- A. 第四项
- B. 第五项
- C. 第六项
- D. 第七项

13. 若 $f(x)$ 在 $[a, b]$ 上连续, 无零点, 但有使 $f(x)$ 取正值的点, 则 $f(x)$ 在 $[a, b]$ 上().

- A. 可取正值, 也可取负值
- B. 恒为正值
- C. 恒为负值
- D. 非负值

14. 设随机变量 X 服从二项分布 $B(2, p)$, 随机变量 Y 服从二项分布 $B(2, p)$, 若 $p(X \geq 1) = \frac{5}{9}$, 则 $p(Y \geq 1) = ()$.

- A. $\frac{19}{27}$
- B. $\frac{8}{27}$
- C. $\frac{7}{27}$
- D. $\frac{5}{27}$

15. 掷两个骰子, 则最小点是 2 的概率是().

- A. $1/4$
- B. $1/6$
- C. $2/5$
- D. $4/7$

16. 曲线 $x + y = x^y$, 在点 $(2, 2)$ 处的法线斜率为().

- A. $\frac{4\ln 2 - 1}{3}$
- B. $-\frac{1}{3}$
- C. $-\frac{3}{4\ln 2 - 1}$
- D. 3

17. 不等式 $2^x < 1 + x \ln 2 + \frac{(\ln 2)^2}{2} x^2$ 的解集是().

- A. $x < -1$
- B. $x < 0$
- C. $x < 1$
- D. $x < \ln 2$

18. 设 A 与 B 为对立事件, 且 $P(A) > 0$, $P(B) > 0$, 则下列各论断中错误的是().

- A. $P(AB) = 0$ B. $P(A+B) = 1$
 C. $P(A|B) = 0$ D. $P(\bar{B}|A) = 0$

19. 设 $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$, 则 2 阶矩阵 B 和 A 可交换 $\Leftrightarrow B$ 是() 矩阵.

- A. 对角 B. 对称 C. 单位 D. 数量

20. 若 $A \subset B$, (A 是 B 的真子集 $P(B) > P(A) > 0$), 则下列各式中不正确的是 ()

- A. $P(A+B) = P(B)$ B. $P(AB) = P(A)$
 C. $P(B|A) = 1$ D. $P(A-B) = P(A) - P(B)$

二、填空题(本大题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分)

21. 设 $a_k > 0$ ($k = 1, 2, \dots, m$) 且 $A = \max \{a_1, a_2, \dots, a_m\}$, 则

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_1^n + a_2^n + \dots + a_m^n} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

22. 曲线 $y = \int_1^x e^{(t-x)\sqrt{2}} dt$ 的拐点坐标为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

23. 设函数 $f(x)$ 可导且满足 $\int_0^x e^t f(t) dt = e^x f(x) + x^2 + x + 1$, 则 $f(0) = \underline{\hspace{2cm}}$, $f'(x) = \underline{\hspace{2cm}}$, $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$.

24. 设 A 是 n 阶矩阵, 其伴随矩阵 $A^* \neq 0$, 如果线性方程组 $A\vec{x} = \vec{b}$ 有两个不同的解向量 γ_1, γ_2 , 则它的通解是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

25. 10 件产品中有 5 件正品和 5 件次品, 现从中任取 2 件, 每次取 1 件, 取后即放回, 则已知抽出的 2 件产品中有 1 件是次品时, 恰有 1 件是正品的概率为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

26. 设 $X \sim U_{[2,6]}$, 则当 $a < 2 < b < 6$ 时, $P(a \leq X \leq b) = \underline{\hspace{2cm}}$.

三、计算题(本大题共 7 小题, 每小题 6 分, 共 42 分)

27. 设有函数 $f(x) = \begin{cases} \sqrt{1+\sqrt{x}}, & x > 0, \\ 1 + \ln(1-x), & x \leq 0, \end{cases}$ 试求函数 $F(x) = \int_{-1}^x f(t) dt, x \in [-2, 1]$.

28. 求 $y = 3^x$ 与它在 $x=0$ 点的切线及 x 轴所围成的图形的面积.

29. 一抛物线的轴平行于 x 轴, 开口向左, 且通过原点与点 $(2, 1)$, 求当它与 y 轴之间的面积为最小时的抛物线方程.

30. 设 $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, P = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -3 \end{pmatrix}$, 矩阵 B 满足 $BP = PA$, 求 B^5 .

31. 当 a, b 取何值时, 方程组
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ x_2 - x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + (a+2)x_3 + 4x_4 = b+3 \\ 3x_1 + 5x_2 + x_3 + (a+8)x_4 = 5 \end{cases}$$
 有唯一解, 无

解或无穷多解? 并于有解时, 求其解.

32. 某种成箱出售的商品, 每箱 24 件, 其中恰有 0、1、2 件次品的概率为 0.98, 0.015 和 0.005, 一顾客随机挑选一箱, 从中任意查验两件, 结果未发现不合格品, 于是买下此箱, 试求此箱中确实无次品的概率.

33. 有四个球, 四只盒子, 盒子的编号分别是 1, 2, 3, 4. 现将球随机地放入盒中, 用 X 表示装有球的盒子的最小号码. 试求 X 的数学期望.

新起点学校备战 MBA 全国联考模拟考试

数学(一)答案

一、选择题:

1. 答案:D

解:男、女教师人数为 x 、 y 人

$$(x+y)40=50 \cdot x+35y$$

$$10x=5y \quad \frac{x}{y}=\frac{1}{2}$$

2. C 3. D 4. B 5. B 6. D 7. A

8. 答案:C

解: $(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt[3]{x}})^n$ 展开式第 $r+1$ 次

$$\text{为 } T_{r+1}(x) = C_n^r (\sqrt{x})^r \left(\frac{1}{\sqrt[3]{x}}\right)^{n-r}$$

各项系数为 64. $\therefore 2^n = 64 \quad n=6$

$$T_{r+1}(x) = C_n^r x^{\frac{r}{2}} x^{\frac{r-6}{3}} = C_n^r x^{\frac{5r-12}{6}}$$

结论:① $(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt[3]{x}})^6$ 展开式有 7 项

$$\text{② } T_4(64) = C_6^3 \cdot 64^{\frac{5 \cdot 3 - 12}{6}} = C_6^3 \cdot 2^3 = 160$$

$$T_5(64) = C_6^4 \cdot 2^8 = 15 \cdot 2^8 = 3840$$

$$T_5(64) > T_4$$

当 $x=64$ 时,中间项数值不是最大

$$\text{③ 若展开式有常数项,则 } 5r-12=0 \quad r=\frac{12}{5}$$

但 $r \in \mathbb{Z}^+$ $\therefore$ 展开式中无常数项④ 当展开式中 $x=5$ 时有理数项

$$\frac{5r-12}{6} \text{ 为整数} \quad \therefore r=0, r=6 \quad (0 \leq r \leq 6)$$

9. 答案:D

解:由 $a_{10} = a_1 + 9d$

$$a_{30} = a_1 + 29d$$

$$\text{则 } 210 = a_1 + 9d$$

$$-230 = a_1 + 29d$$

$$440 = -20d$$

$$d = -22$$

$$a_1 = 210 + 198 = 408$$

$$a_n = 408 - (n-1)22 \geq 0$$

$$408 - 22n + 22 \geq 0$$

$$430 \geq 22n$$

$$n \leq 19$$

10. C 11. B 12. C 13. B 14. A

15. 答案:A

解:基本事件总数 $= 6 \times 6 = 36$. 有利场合分为两个点数皆为 2 及一个点数是 2 另一个点大于 2 两种情况,相应的场合数为 1 和 $C_2^1 \cdot C_4^1 = 2 \times 4 =$

8,因此有利场合数 $= 8 + 1 = 9$. 因此所求概率 $= \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$,故正确的选择

是(A).

16. A 17. B 18. D 19. A 20. D

二、填空题

21. A 22. $(1, 0)$ 23. $-1, -(2x+1)e^{-x}, (2x+3)e^{-x} - 4$

24. $r_1 + k(r_2 - r_1)$, k 为任意实数.(因 $A^* \neq 0$, 故 $r(A) = n-1$, $r_2 - r_1$ 为 $A\vec{x} = \vec{0}$ 的一个基础解系.) 25. $\frac{2}{3}$ 26. $\frac{1}{4}(b-2)$

三、计算题

27. 解:当 $-2 \leq x \leq 0$ 时,

$$\begin{aligned} F(x) &= \int_{-1}^x f(t) dt = \int_{-1}^x [1 + \ln(1-t)] dt \\ &= (x+1) + t \ln(1-t) \Big|_{-1}^x + \int_{-1}^x \frac{t}{1-t} dt \\ &= (x+1) + x \ln(1-x) + \ln 2 - (x+1) + \int_{-1}^x \frac{dt}{1-t} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= x \ln(1-x) + \ln 2 - \ln(1-t) \Big|_{-1}^x \\
 &= x \ln(1-x) + \ln 2 - \ln(1-x) + \ln 2 \\
 &= (x-1) \ln(1-x) + 2 \ln 2
 \end{aligned}$$

当 $0 < x \leq 1$ 时,

$$\begin{aligned}
 F(x) &= \int_{-1}^x f(t) dt = \int_{-1}^0 f(t) dt + \int_0^x f(t) dt \\
 &= F(0) + \int_0^x \sqrt{1+\sqrt{t}} dt \stackrel{1+\sqrt{t}=u}{=} 2 \ln 2 + 2 \int_1^{1+\sqrt{x}} \sqrt{u} (u-1) du \\
 &= 2 \ln 2 + 2 \left[\frac{2}{5} u^{\frac{5}{2}} - \frac{2}{3} u^{\frac{3}{2}} \right] \Big|_1^{1+\sqrt{x}} \\
 &= 2 \ln 2 + \frac{4}{5} \sqrt{(1+\sqrt{x})^5} - \frac{4}{3} \sqrt{(1+\sqrt{x})^3} + \frac{8}{15}
 \end{aligned}$$

结果有

$$F(x) = \begin{cases} (x-1) \ln(1-x) + 2 \ln 2, & -2 \leq x \leq 0 \\ \frac{4}{5} \sqrt{(1+\sqrt{x})^5} - \frac{4}{3} \sqrt{(1+\sqrt{x})^3} + 2 \ln 2 + \frac{8}{15}, & 0 < x \leq 1 \end{cases}$$

28. 解: $y = 3^x$ 在 $x=0$ 的切线方程为

$$y = x \ln 3 + 1 \quad 2 \text{ 分}$$

$$\text{它与 } x \text{ 轴交点的横坐标为 } x = -\frac{1}{\ln 3} \quad 3 \text{ 分}$$

因此所求的面积为

$$\begin{aligned}
 S &= \int_{-\infty}^{-\frac{1}{\ln 3}} 3^x dx + \int_{-\frac{1}{\ln 3}}^0 (3^x - x \ln 3 - 1) dx \quad 4 \text{ 分} \\
 &= \frac{1}{2 \ln 3} \quad 6 \text{ 分}
 \end{aligned}$$

29. 由抛物线的轴平行于 x 轴, 知抛物线方程可设为 $x = ay^2 + by + c$ 1 分

又由抛物线开口向左, 且通过原点与点 $(2, 1)$, 可依次知

$$a < 0 \text{ 且 } c = 0, 2 = a + b,$$

$$\text{所以 } x = ay^2 + (2-a)y, (a < 0) \quad 2 \text{ 分}$$

进而, 该抛物线与 y 轴的交点为 $(0, 0)$ 及 $\left(0, \frac{a-2}{a}\right)$, 抛物线与 y 轴所围面积为

$$A = \int_0^{\frac{a-2}{a}} [ay^2 + (2-a)y] dy = \frac{(2-a)^3}{6a^2}, (a < 0) \quad 4 \text{ 分}$$

$$\text{由 } A'(a) = -\frac{(2-a)^2(a+4)}{6a^3} \begin{cases} < 0, a < -4 \\ = 0, a = -4, \\ > 0, -4 < a < 0 \end{cases} \quad 5 \text{ 分}$$

知 $a = -4$ 是唯一极值点, 且为极小点, 故 $a = -4$ 是 $A(a)$ 的最小值点, 于是所求抛物线为 $x = -4y^2 + 6y$. 6 分

$$30. \text{解: 由于矩阵 } P \text{ 可逆, 且 } P^{-1} = \begin{bmatrix} -3 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & -1 \end{bmatrix} \quad 2 \text{ 分}$$

由 $BP = PA$ 知道

$$B = PAP^{-1} \quad 3 \text{ 分}$$

$$\text{因此 } B^5 = PA^5P^{-1} \quad 4 \text{ 分}$$

$$\text{由于 } A^5 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 32 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \quad 5 \text{ 分}$$

$$\text{因此 } B^5 = PA^5P^{-1} = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 4 \\ 0 & 32 & 0 \\ -6 & 0 & -5 \end{bmatrix} \quad 6 \text{ 分}$$

$$31. \text{解: } (A : \vec{b}) \rightarrow \left(\begin{array}{cccc|c} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & a+1 & 0 & b \\ 0 & 0 & 0 & a+1 & 0 \end{array} \right)$$

(1) 若 $a \neq -1$, 则方程组有唯一解: $x_1 = \frac{-2b}{a+1}, x_2 = \frac{a+b+1}{a+1},$

$$x_3 = \frac{b}{a+1}, x_4 = 0$$

(2) 若 $a = -1$, 而 $b \neq 0$, 则方程组无解;

(3) 若 $a = -1$, 且 $b = 0$, 则方程组有无穷多解, 此时

$$(A : \vec{b}) \rightarrow \left(\begin{array}{cccc|c} 1 & 0 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right), \text{通解为 } \vec{x} = C_1 \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + C_2 \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} +$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \text{其中 } C_1, C_2 \in R$$

32. 解: 设 $A_i = \{\text{此箱中恰有 } i \text{ 件次品} \mid i=0,1,2\}$,

$B = \{\text{查验的两件都是合格品}\}$, 则

$$B = A_0 B + A_1 B + A_2 B \quad 1 \text{ 分}$$

$$P(B) = P(A_0) \cdot P(B|A_0) + P(A_1) \cdot P(B|A_1) + P(A_2) \cdot P(B|A_2)$$

$$\text{又 } P(A_0) = 0.98 \quad P(A_1) = 0.015 \quad P(A_2) = 0.005$$

$$P(B|A_0) = 1 \quad P(B|A_1) = \frac{C_{23}^2}{C_{24}^2} = \frac{11}{12}$$

$$P(B|A_2) = \frac{C_{22}^2}{C_{24}^4} = \frac{11}{12} \times \frac{21}{23} \quad 4 \text{ 分}$$

$$P(B) = 0.9979$$

$$\begin{aligned} P(A_0|B) &= \frac{P(A_0 B)}{P(B)} = \frac{P(A_0) \cdot P(B|A_0)}{P(B)} \\ &= \frac{0.98}{0.9974} \approx 0.982 \end{aligned} \quad 6 \text{ 分}$$

33. 解: X 的取值为 1, 2, 3, 4. 相应的概率为:

1 分

$$P(X=4) = \frac{1}{4^4} = \frac{1}{256}$$

$$P(X=3) = \frac{C_4^1 + C_4^2 + C_4^3 + C_4^4}{4^4} = \frac{15}{256}$$

$$P(X=2) = \frac{C_4^1 2^3 + C_4^2 2^2 + C_4^3 2 + C_4^4}{4^4} = \frac{65}{256}$$

$$P(X=1) = 1 - \frac{1}{256} - \frac{15}{256} - \frac{65}{256} = \frac{175}{256}$$

$$X \text{ 的分布律为: } X \sim \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ \frac{175}{256} & \frac{65}{256} & \frac{15}{256} & \frac{1}{256} \end{bmatrix}, \quad 4 \text{ 分}$$

$$\text{故 } E(X) = 1 \times \frac{175}{256} + 2 \times \frac{65}{256} + 3 \times \frac{15}{256} + 4 \times \frac{1}{256} = \frac{177}{128} = 1.38. \quad 6 \text{ 分}$$

新起点学校备战 MBA 全国联考模拟考试

数 学(二)

姓名:_____ 学号:_____

(请将答案写在答题纸和答题卡上,写在本试卷上一律不给分)

本试卷满分为 100 分,考试时间 180 分钟

一、选择题:

1. 甲、乙两辆汽车同时从两地相对开出,相遇时甲车超过两地中点 30 千米,这时甲车和乙车所行路程的比是 9:7,两地的路程是多少千米().
A. 360 千米 B. 480 千米 C. 520 千米 D. 640 千米
2. 某商品按定价 60% 出货,仍能获得 20% 的利润,问定价时期望利润百分数是().
A. 48% B. 50% C. 80% D. 100%
3. 有一铁条,如果围成长与宽的比是 2:1 的长方形则少 20 厘米,如果宽不变,围成长与宽的比是 1.5:1 长方形,则又多 10 厘米,求铁条长.()
A. 100 厘米 B. 120 厘米 C. 140 厘米 D. 160 厘米
4. 一个长方形,把它的长增加 10%,宽减少 10%,则它的面积().
A. 不改变 B. 比原来减少 10%
C. 比原来增加 10% D. 比原来减少 1%
5. 若 $\frac{1}{2} < x < 2$, 则 $\sqrt{4x^2 - 4x + 1} + 2|x - 2| =$ ()
A. 2 B. 3 C. 4 D. 5
6. 关于 x 的方程 $7x^2 - (k + 13)x + k^2 - k - 2 = 0$ 的两个实根 x_1, x_2 分别满足 $0 < x_1 < 1, 1 < x_2 < 2$, 则实数 k 的取值范围是().
A. $(-2, -1) \cup (3, 4)$ B. $(-\infty, 4)$
C. $(-2, 4)$ D. $(-2, 0) \cup (2, 4)$
7. 若不等式 $\frac{2x^2 + 2kx + k}{4x^2 + 6x + 3} < 1$ 对 x 取一切实数都成立,则 k 的取值范围为().