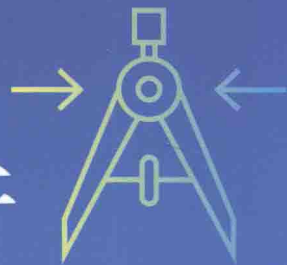


直击招聘

程序员面试笔试 算法设计深度解析



◎ 李春葆 李筱驰 编著

定位准确 面向企业应聘人才，面向编程技术提高者。

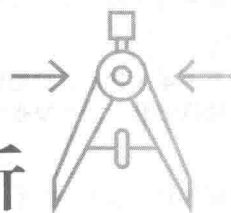
答疑解惑 解析相关课程中难点、疑点和热点，涉及目前各大网站上热门讨论的话题。

实战性强 收集近些年笔试和面试题目，涵盖常见考点。

 直击招聘

直击招聘

程序员面试笔试
算法设计深度解析



◎ 李春葆 李筱驰 编著

清华大学出版社
北京

内 容 简 介

本书以常见的算法策略为中心,以 STL 为工具,汇总国内外众多著名 IT 企业近几年的算法面试笔试真题并予以透彻解析,从中提炼和归纳出求解问题的基本方法,并提供了一定数量的自测题以便于读者自我检验。

全书逻辑清晰、通俗易懂,适合参加 IT 企业校园招聘和面试笔试环节的同学复习使用,也适合算法设计编程爱好者与在校学生阅读和提高。

本书封面贴有清华大学出版社防伪标签,无标签者不得销售。

版权所有,侵权必究。侵权举报电话:010-62782989 13701121933

图书在版编目(CIP)数据

直击招聘:程序员面试笔试算法设计深度解析/李春葆,李筱驰编著. —北京:清华大学出版社,2018
(直击招聘)

ISBN 978-7-302-48796-8

I. ①直… II. ①李… ②李… III. ①电子计算机-算法设计-资格考试-自学参考资料

IV. ①TP301.6

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2017)第 272571 号

责任编辑:魏江江 王冰飞

封面设计:杨 兮

责任校对:时翠兰

责任印制:丛怀宇

出版发行:清华大学出版社

网 址: <http://www.tup.com.cn>, <http://www.wqbook.com>

地 址:北京清华大学学研大厦 A 座 邮 编:100084

社总机:010-62770175 邮 购:010-62786544

投稿与读者服务:010-62776969, c-service@tup.tsinghua.edu.cn

质量反馈:010-62772015, zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn

课 件 下 载: <http://www.tup.com.cn>, 010-62795954

印 刷 者:北京富博印刷有限公司

装 订 者:北京市密云县京文制本装订厂

经 销:全国新华书店

开 本:185mm×240mm 印 张:24.5 字 数:535 千字

版 次:2018 年 7 月第 1 版 印 次:2018 年 7 月第 1 次印刷

印 数:1~2000

定 价:79.80 元

产品编号:077559-01

出版说明

国内外许多著名的 IT 企业都采用“企业网申→测评→笔试→面试→发放录用意向书”的招聘流程,如阿里巴巴校园招聘网站“<https://campus.alibaba.com/process.htm>”发布了详细的招聘信息,申报各种技术类岗位(如研发工程师、算法工程师、前端开发工程师和测试开发工程师等)的同学必须经过笔试和面试环节。

尽管不同 IT 公司的笔试和面试方式存在差异,但考查点基本相同,除了语言表达能力、自我控制能力、人际关系处理能力和生活情趣等非工作技能外,从专业角度看,无非就是如下几点:

① 基本知识点掌握情况。面试者至少需要熟练掌握一门计算机语言,常用的有 C/C++、Java 等,这是作为程序员的基本功。所谓“熟练掌握”,就是不仅限于基本语法,还要理解语言的实现与运行时情况,如 C 语言中的指针、变量存储类别和函数执行过程等。

② 基本程序设计情况。考查面试者是否具有编程能力,包含编写代码、调试代码和测试代码的整个过程,能够做到“让代码说话”,不能只会夸夸其谈,却不会编程。

③ 算法设计能力。考查面试者求解问题的算法设计和实现能力,采用的算法策略是否合适,算法是否涵盖所有的测试用例。

④ 计算逻辑思维能力。考查面试者是否具有一定的分析问题和解决问题的能力,用计算机求解问题时思维是否缜密,能否抓住问题的本质,采用的思路是否得当,条理是否清晰。

本丛书是面向参加笔试和面试的同学编写的,不仅对接大学计算机课程体系,而且结合 IT 企业招聘人才的基本行规,涵盖的内容如下:

- 程序员面试笔试 C 语言深度解析;
- 程序员面试笔试 C++ 语言深度解析;
- 程序员面试笔试数据结构深度解析;
- 程序员面试笔试算法设计深度解析。

本丛书以 C/C++语言为工具、数据结构为基础、算法设计为目标,其中《直击招聘——程序员面试笔试 C 语言深度解析》和《直击招聘——程序员面试笔试 C++语言深度解析》侧重 C/C++语言的核心概念和深层次用法,《直击招聘——程序员面试笔试数据结构深度解析》侧重以常用数据结构为核心的算法设计,《直击招聘——程序员面试笔试算法设计深度解析》侧重通用的算法设计。本丛书具有如下特点。

- ① 定位准确。面向企业应聘人才,面向编程技术提高者。
- ② 答疑解惑。解析相关课程中的难点、疑点和热点,包括目前各大网站上热门讨论的话题。
- ③ 实战性强。收集近些年的笔试和面试题目,涵盖常见考点。

前言

算法是计算机科学的核心主题之一，有一个好的算法设计功底是从事 IT 工作的坚实基础，也是 IT 领域研究工作中必需的技能。传统的数据结构课程中的算法设计是围绕数据结构展开的，而算法设计课程主要讨论通用的算法设计策略，在面试笔试的编程中具有更好的实用性。

常用的通用算法设计策略有暴力法、回溯法、分枝限界法、分治法、动态规划和贪心法等，本书以此为主线，汇总国内外众多著名 IT 企业近几年的算法面试笔试真题并予以解析，透彻剖析了难点和疑点，突出了算法设计的思想和分析的基本原则，为面试者提供了清晰的、整体的思路和方法。

比起算法设计和分析课程，本书更侧重算法设计思路，而不是算法复杂度分析和算法正确性证明的赘述。另外，算法的实现采用 C++ 标准模板库 (STL)，STL 不仅功能强大、简洁和实用，提供的数据结构（如栈、队列、优先队列等）和算法（如排序等）效率高，而且使面试者有很多的时间专注算法策略的实现，而不用将大量时间浪费在程序细节上。面试题编号后面的星号个数表示本题的难度，其中一星难度最低，五星难度最高。

书中程序除了个别外其他都在 Visual C++ 6.0 环境下调试通过（采用较低版本编译器的目的是让代码具有更好的兼容性）。在本书的编写过程中参考了众多网站和博客，无法一一列出，编者在此表示衷心感谢。

限于编者水平，书中难免存在遗漏，恳请读者批评指正，编者的联系邮箱是 licb1964@126.com。

编者
2018 年 3 月

目 录

第1章	算法设计库——STL	1
常见考点		1
1.1 STL 要点归纳		1
1.1.1 STL 概述		1
1.1.2 STL 中的常用容器		2
1.1.3 迭代器和迭代器适配器		20
1.1.4 通用算法		23
1.1.5 string 类型		28
1.2 面试题解析		31
1.3 自测题和参考答案		45
1.3.1 自测题		45
1.3.2 参考答案		46
第2章	暴力法	48
常见考点		48
2.1 暴力法要点归纳		48
2.1.1 暴力法概述		48
2.1.2 常用的搜索策略		52
2.2 面试题解析		54
2.3 自测题和参考答案		114
2.3.1 自测题		114
2.3.2 参考答案		115
第3章	回溯法	122
常见考点		122
3.1 回溯法要点归纳		122
3.1.1 回溯法概述		122
3.1.2 回溯法算法设计		123
3.1.3 回溯法算法的时间性能分析		128

3.2 面试题解析	128
3.3 自测题和参考答案	164
3.3.1 自测题	164
3.3.2 参考答案	165

第4章 分枝限界法

常见考点	174
4.1 分枝限界法要点归纳	174
4.1.1 分枝限界法概述	174
4.1.2 分枝限界法的时间性能	175
4.2 面试题解析	175
4.3 自测题和参考答案	213
4.3.1 自测题	213
4.3.2 参考答案	213

第5章 分治法

常见考点	216
5.1 分治法要点归纳	216
5.1.1 分治法概述	216
5.1.2 分治法算法设计	218
5.2 面试题解析	220
5.3 自测题和参考答案	251
5.3.1 自测题	251
5.3.2 参考答案	252

第6章 动态规划

常见考点	254
6.1 动态规划要点归纳	254
6.1.1 动态规划概述	254
6.1.2 动态规划算法设计	256
6.2 面试题解析	259
6.3 自测题和参考答案	318
6.3.1 自测题	318
6.3.2 参考答案	319

第 7 章 贪心法 329

 常见考点 329

 7.1 贪心法要点归纳 329

 7.1.1 贪心法概述 329

 7.1.2 贪心法设计 330

 7.2 面试题解析 333

 7.3 自测题和参考答案 371

 7.3.1 自测题 371

 7.3.2 参考答案 371

附录 A 程序练习环境 373

附录 B 算法索引 377

· 第 1 章 ·

算法设计库——STL

常见 考点

- STL 的组成。
- STL 中各个容器的特点和应用。
- 迭代器类型、迭代器适配器及其应用。
- 各个通用算法的使用。
- 灵活应用 STL 的各种数据结构和算法解决一些较复杂的应用问题。

1.1

STL 要点归纳

1.1.1 STL 概述

在算法设计中经常用到某些数据结构，为了提高设计效率，应尽可能使用现成的数据结构来实现。C++ 的 STL (Standard Template Library, 标准模板类库) 就是一个非常好的算法设计库，其具有如下特点：

- STL 提供了常用的数据结构模板类和丰富的操作函数。
- STL 的所有组件都是用模板方式定义的，全面支持泛型，强调的是让数据的结构和算法独立于其类型。
- STL 所追求的是在尽量小的框架内实现最大的弹性。

STL 从广义上讲分为 3 类，即 container (容器)、algorithm (算法) 和 iterator (迭代器)，容器用于存放数据对象 (元素)，算法用于操作容器中的数据对象。尽管各种容器的内部结构各异，但其外部常常给人的感觉都是相似的，即将对容器数据的操作设计成通用算法，也就是将算法和容器分离开来。算法和容器之间的中介就是迭代器。容器、算法和迭代器称为 STL 的三大件，它们之间的关系如图 1.1 所示。



说明：在 VC++ 6.0 中使用 STL 时编译程序经常会出现大量的有关 STL 的警告信息，可以使用 `#pragma warning(disable:4786)` 预编译指令屏蔽这些警告信息。

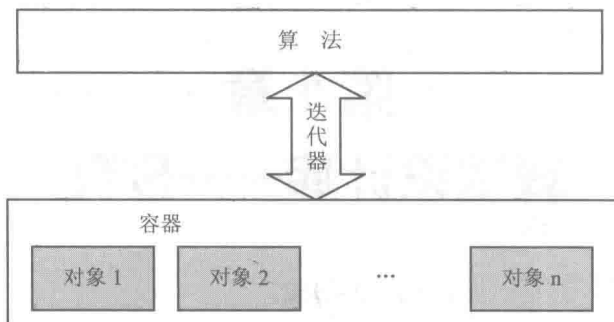


图 1.1 容器、算法和迭代器之间的关系

1.1.2 STL 中的常用容器

STL 容器是 STL 的核心部分，包含各种数据类型的数据结构，如链表、栈和队列等。STL 容器主要分为顺序容器、关联容器、适配器容器和哈希容器（其中，哈希容器不是 STL 标准容器）。表 1.1 列出了 STL 容器的类别、对应的数据结构和相应头文件。

表 1.1 数据结构和相应头文件的对应关系

容器类别	数 据 结 构	说 明	实现头文件
顺序容器	vector (向量)	连续存储元素	vector
	list (链表)	由结点组成的双向链表, 每个结点包含一个元素	list
	deque (双端队列)	连续存储的指向不同元素的指针所组成的数组	deque
关联容器	set (集合) /multiset (多重集合)	由结点组成的红黑树, 每个结点都包含一个元素。在 set 中没有相同关键字的元素, 而 multiset 中允许存在两个相同关键字的元素	set
	map (映射) /multimap (多重映射)	由 (关键字, 值) 对组成的集合。在 map 中没有相同关键字的元素, 而 multimap 中允许存在两个相同关键字的元素	map
适配器容器	stack (栈)	后进先出的序列	stack
	queue (队列)	先进先出的序列	queue
	priority_queue (优先队列)	元素的出队次序由指定的某种谓词决定的一种队列	queue
哈希容器	hash_map (hash_multimap, hash_set, hash_multiset)	哈希表, VC++ 6.0 不支持	hash_map
	unordered_map	无序哈希表, 替代 hash_map, 仅在 VC++ 11 或者更高版本中支持	unordered_map

C++中引入命名空间的概念，在不同命名空间中可以存在相同名字的标识符。程序员可能在自己的程序中定义了 `sort()` 函数，而 STL 中也有这样的算法，为了避免二者混淆和

冲突, STL 的 `sort()` 以及其标识符都封装在命名空间 `std` 中。STL 的 `sort()` 算法编译为 `std::sort()`, 从而避免了名字冲突。为此, 在使用 STL 时必须将下面的语句插入到源代码文件开头:

```
using namespace std;
```

这样直接把程序代码定位到 `std` 命名空间中。

1. vector (向量容器)

`vector` 相当于动态数组, 它存储具有相同数据类型的一组元素, 可以从尾部快速插入与删除元素, 快速随机访问元素, 但是在序列中间插入、删除元素较慢, 因为需要移动插入或删除处后面的所有元素。

如果初始分配的空间不够, 当超过空间大小时会重新分配更大的空间 (通常按两倍大小扩展), 此时需要进行大量的元素复制, 从而增加了性能开销。

定义 `vector` 向量的几种方式如下:

```
vector<int> v1;           //定义元素为 int 的向量 v1
vector<int> v2(10);       //指定向量 v2 的初始大小为 10 个 int 元素
vector<double> v3(10,1.23); //指定 v3 的 10 个初始元素的初值为 1.23
vector<int> v4(a,a+5);    //用数组 a[0..4] 共 5 个元素初始化 v4
```

`vector` 主要的成员函数如下。

- `max_size()`: `vector` 容器中能保存的最大元素个数。
- `size()`: 当前 `vector` 容器中的实际元素个数。
- `[]`: 返回指定下标的元素, 表明 `vector` 的元素可以随机访问。
- `reserve(n)`: 为 `vector` 容器预分配 `n` 个元素的存储空间。
- `capacity()`: 返回当前 `vector` 容器在重新进行内存分配以前所能容纳的元素个数。
- `resize(n)`: 调整 `vector` 容器的容器大小, 使其能容纳 `n` 个元素。
- `empty()`: 判断 `vector` 是否为空。
- `at()`: 返回指定位置的元素。
- `front()`: 获取 `vector` 的第 1 个元素。
- `back()`: 获取 `vector` 的最后一个元素。
- `assign()`: 给 `vector` 中的元素赋值。
- `insert()`: 它需要两个参数, 一个是位置迭代器, 一个是待插入的元素。该函数将元素插入到迭代器指定元素之前。
- `push_back()`: 在 `vector` 的尾部添加一个元素。
- `pop_back()`: 删除 `vector` 的尾部元素。
- `erase()`: 删除某个 `iterator` 或者 `iterator` 区间指定的元素。

- `clear()`: 删除 `vector` 中的所有元素。
- `begin()`: 用于正向迭代, 返回 `vector` 中第 1 个元素的位置。
- `end()`: 用于正向迭代, 返回 `vector` 中最后一个元素后面的一个位置。
- `rbegin()`: 用于反向迭代, 返回 `vector` 中最后一个元素的位置。
- `rend()`: 用于反向迭代, 返回 `vector` 中第 1 个元素前面的一个位置。



注意: `resize()` 与 `reserve()` 的说明如下。

① `reserve()` 是为容器预留空间, 但并不真正创建元素对象, 在创建对象之前不能引用容器内的元素, 因此当加入新的元素时需要用 `push_back()/insert()` 函数。

② `resize()` 是改变容器的大小, 并且创建对象, 因此在调用这个函数之后就可以引用容器内的对象了, 故加入新的元素时用 `operator[]` 操作符或者用迭代器来引用元素对象。

③ `reserve()` 函数需要一个参数指出要预留的容器的大小; `resize()` 函数可以有两个参数, 第 1 个参数是容器的新的尺寸, 第 2 个参数是要加入容器中的新元素, 如果这个参数被省略, 那么就调用元素对象的默认构造函数。

④ 采用 `reserve()` 成员函数为 `vector` 预先分配需要的内存空间可以提高执行效率。

例如以下程序说明 `vector` 容器的应用:

```
#include <stdio.h>
#include <vector>
#include <algorithm>
using namespace std;
bool cmp(int &x,int &y)           //指定排序比较运算符
{   return x>y; }
int main()
{   int a[10]={2,5,8,6,3,7,1,9,4,10};
    vector<int> vec(a,a+10);      //用 a 的 10 个元素初始化 vec
    printf("size:%d\n",vec.size());
    printf("正向输出 vec:");
    vector<int>::iterator it,it1;
    for(it=vec.begin();it!=vec.end();++it)
        printf("%d ",*it);       //通过正向迭代器输出
    printf("\n");
    int x=6;
    it1=find(vec.begin(),vec.end(),x);
    if(it1!=vec.end())
        printf("查找到元素%d\n",*it1);
    else
        printf("没有找到元素%d\n",x);
```

```

printf("递减排序\n");
sort(vec.begin(),vec.end(),cmp);    //调用 sort 算法排序
vector<int>::reverse_iterator rit;
printf("反向输出 vec:");
for(rit=vec.rbegin();rit!=vec.rend();++rit)
    printf("%d ",*rit);              //通过反向迭代器输出
printf("\n");
return 0;
}

```

上述程序的执行结果如图 1.2 所示。

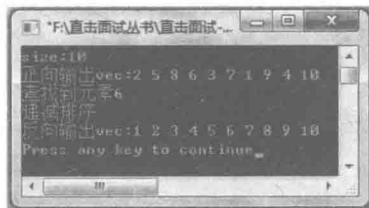


图 1.2 程序的执行结果

2. deque (双端队列容器)

它是一个双端队列类模板。双端队列容器可以从前面或后面快速插入与删除元素，并可以快速随机访问元素，但在中间插入和删除元素较慢。

deque 容器不像 vector 把所有的元素保存在一块连续的内存块，而是采用多个连续的存储块，即由一段一段的定量连续空间构成，随时可以增加一段新的空间并连接起来，因此 deque 没有 capacity 的概念。deque 通过一个中央管理器来管理这些空间并隐藏 deque 的这些底层细节，让用户感觉在使用一个整体连续的对象，并且提供了随机存取的接口。

deque 的空间的重新分配比 vector 快，在重新分配空间后原有的元素不需要全部复制。实际上，deque 是对 vector 和 list 优缺点的结合，它是处于两者之间的一种容器。

定义 deque 双端队列对象的几种方式如下：

```

deque<int> dq1;                                //定义元素为 int 的双端队列 dq1
deque<int> dq2(10);                             //指定双端队列 dq2 的初始大小为 10 个 int 元素
deque<double> dq3(10,1.23);                     //指定 dq3 的 10 个初始元素的初值为 1.23
deque<int> dq4(dq2.begin(),dq2.end());          //用 dq2 的所有元素初始化 dq4

```

deque 主要的成员函数如下。

- size(): 返回双端队列中元素的个数。
- []: 返回指定下标的元素。

- `empty()`: 判断双端队列是否为空队列。
- `at()`: 返回指定位置的元素。
- `front()`: 获取队头元素。
- `back()`: 获取队尾元素。
- `push_front()`: 在队头插入元素。
- `push_back()`: 在队尾插入元素。
- `pop_front()`: 删除队头的一个元素。
- `pop_back()`: 删除队尾的一个元素。
- `erase()`: 删除指定位置或者区间的元素。
- `clear()`: 删除所有的元素。
- `begin()`: 用于正向迭代, 返回 `deque` 中第 1 个元素的位置。
- `end()`: 用于正向迭代, 返回 `deque` 中最后一个元素后面的一个位置。
- `rbegin()`: 用于反向迭代, 返回 `deque` 中最后一个元素的位置。
- `rend()`: 用于反向迭代, 返回 `deque` 中第 1 个元素前面的一个位置。

例如有以下程序:

```
#include <stdio.h>
#include <deque>
using namespace std;

void DispDq(deque<int> &dq)    //输出双端队列中的元素
{
    deque<int>::iterator iter; //定义正向迭代器
    for(iter=dq.begin();iter!=dq.end();iter++)
        printf("%d ",*iter);
    printf("\n");
}

void main()
{
    deque<int> dq;                //建立一个双端队列 dq
    dq.push_front(1);             //队头插入 1
    dq.push_back(2);              //队尾插入 2
    dq.push_front(3);             //队头插入 3
    dq.push_back(4);              //队尾插入 4
    DispDq(dq);                   //从队头开始输出队列元素
    dq.pop_front();               //删除队头元素
    dq.pop_back();                //删除队尾元素
    DispDq(dq);                   //从队头开始输出队列元素
}
```

上述程序的执行结果如图 1.3 所示。



图 1.3 程序的执行结果

3. list (链表容器)

它是一个双链表类模板，可以从任何地方快速插入与删除。它的每个元素间用指针链接。与 `vector` 相比，`list` 不支持随机访问（没有提供 `operator[]` 运算符和 `at()` 成员函数），为了访问链表容器中特定的元素，必须从第 1 个位置（表头）开始，随着指针从一个元素到下一个元素，直到找到满足条件的元素。

`list` 中插入元素的速度比 `vector` 快。由于 `list` 对每个元素单独分配空间，所以不存在空间不够、重新分配空间的情况。

定义 `list` 链表对象的几种方式如下：

```
list<int> l1;           //定义元素为 int 的链表 l1
list<int> l2(10);       //指定链表 l2 的初始大小为 10 个 int 元素
list<double> l3(10,1.23); //指定 l3 的 10 个初始元素的初值为 1.23
list<int> l4(a,a+5);    //用数组 a[0..4] 共 5 个元素初始化 l4
```

`list` 的主要成员函数如下。

- `size()`: 返回 `list` 中实际元素的个数。
- `empty()`: 判断 `list` 是否为空。
- `push_back()`: 在 `list` 表的尾部插入元素。
- `pop_back()`: 删除 `list` 表尾元素。
- `push_front()`: 在 `list` 表的头部插入元素。
- `pop_front()`: 删除 `list` 表头元素。
- `insert(pos,num)`: 在 `pos` 位置插入元素 `num`。
- `insert(pos,n,num)`: 在 `pos` 位置插入 `n` 个元素 `num`。
- `insert(pos,beg,end)`: 在 `pos` 位置插入区间为 `[beg,end)` 的元素。
- `remove()`: 删除 `list` 中所有指定值的元素。
- `remove_if(cmp)`: 删除条件满足的元素。
- `erase()`: 从 `list` 容器删除一个或几个元素。
- `clear()`: 删除 `list` 中所有的元素。
- `unique()`: 删除相邻的重复元素。
- `reverse()`: 反转链表。

- `sort()`: 对 `list` 容器中的元素排序。
- `c1.merge(c2)`: 合并两个有序的链表并使之有序, 重新放到 `c1` 中, 且释放 `c2`。
- `c1.merge(c2,comp)`: 合并两个有序的链表并使之按照自定义规则排序之后重新放到 `c1` 中, 且释放 `c2`。
- `c1.splice(c1.beg,c2)`: 将 `c2` 连接在 `c1` 的 `beg` 位置, 并释放 `c2`。
- `begin()`: 用于正向迭代, 返回 `list` 中第 1 个元素的位置。
- `end()`: 用于正向迭代, 返回 `list` 中最后一个元素后面的一个位置。
- `rbegin()`: 用于反向迭代, 返回 `list` 中最后一个元素的位置。
- `rend()`: 用于反向迭代, 返回 `list` 中第 1 个元素前面的一个位置。

例如, 以下程序通过 `list.remove_if()` 函数删除链表中的部分元素, 然后调用 `unique()` 函数删除链表中相邻的重复元素:

```
#include <iostream>
#include <list>
using namespace std;
bool cmp(int n) //自定义谓词
{ return n<3; }
void Disp(list<int> &mylist) //输出 mylist 链表
{ list<int>::iterator it;
  for(it=mylist.begin();it!=mylist.end();it++)
    cout<<*it<<" ";
  cout<<endl;
}
int main()
{ int a[]={1,2,3,3,3,4,5,4,4,5};
  int n=sizeof(a)/sizeof(a[0]);
  list<int> mylist(a,a+n);
  mylist.remove_if(cmp);
  cout<<"remove_if: ";Disp(mylist); //输出:3 3 3 4 5 4 4 5
  mylist.unique();
  cout<<"unique: ";Disp(mylist); //输出:3 4 5 4 5
  return 0;
}
```



说明: 上述程序在 Dev C++ 5.11 中调试通过。

由于 STL 算法中的排序算法 `sort()` 只能用于顺序容器, 不能用于 `list` 容器, 所以 `list` 提供了自己的 `sort` 成员函数。在使用 `list.sort()` 时, 默认情况下使用底层元素类型的小于运算