



“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材

# 结构力学 上册

李廉银 主编

# 力学(第6版)



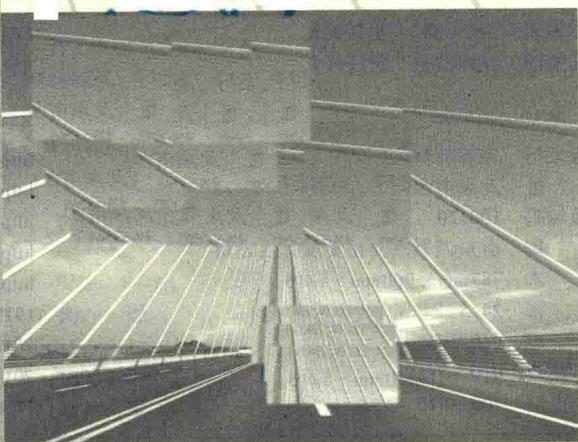
高等教育出版社

“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材

结构力学  
上册

第6版

李廉锟 主编



高等教育出版社·北京

## 内容提要

本书是“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材,是在第5版的基础上根据教育部高等学校力学教学指导委员会力学基础课程教学指导分委员会最新制订的《结构力学课程教学基本要求(A类)》并结合近年教学改革成果修订而成。新版教材保持了原书内容系统、理论联系实际和深入浅出的风格,采用双色印刷,并通过二维码引入了结构力学数字化教学资源。

全书分上下两册,共15章。上册包括绪论、平面体系的机动分析、静定梁与静定刚架、静定拱、静定平面桁架、结构位移计算、力法、位移法、渐近法、矩阵位移法和影响线及其应用等11章及附录;下册包括结构动力学、结构弹性稳定、结构的极限荷载和悬索计算等4章及附录。全书各章均附有复习思考题和习题及部分答案;上下册各附有自测题两套供测试参考。

本书可作为高等学校土建、水利、力学等专业的教材,也可供有关工程技术人员参考。

## 图书在版编目(CIP)数据

结构力学·上册 / 李廉锟主编. --6版. --北京:  
高等教育出版社, 2017. 7

ISBN 978 - 7 - 04 - 047973 - 7

I. ①结… II. ①李… III. ①结构力学—高等学校—  
教材 IV. ①O342

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2017)第 152874 号

策划编辑 水渊 责任编辑 水渊 封面设计 李卫青 版式设计 徐艳妮  
责任绘图 杜晓丹 责任校对 陈杨 责任印制 刘思涵

出版发行	高等教育出版社	网    址	http://www.hep.edu.cn
社    址	北京市西城区德外大街4号		http://www.hep.com.cn
邮政编码	100120	网上订购	http://www.hepmall.com.cn
印    刷	山东鸿君杰文化发展有限公司		http://www.hepmall.com
开    本	787mm×960mm 1/16		http://www.hepmall.cn
印    张	24.5	版    次	1979年7月第1版
字    数	440千字		2017年7月第6版
购书热线	010-58581118	印    次	2017年7月第1次印刷
咨询电话	400-810-0598	定    价	47.60元

本书如有缺页、倒页、脱页等质量问题,请到所购图书销售部门联系调换

版权所有 侵权必究

物料号 47973-00

# 与本书配套的数字课程资源使用说明

与本书配套的数字课程资源发布在高等教育出版社易课程网站，请登录网站后开始课程学习。

## 一、网站登录

1. 访问 <http://abook.hep.com.cn/1254011>，点击“注册”。在注册页面输入用户名、密码及常用的邮箱进行注册。已注册的用户直接输入用户名和密码登录即可进入“我的课程”界面。

2. 点击“我的课程”页面右上方“绑定课程”，按网站提示输入教材封底防伪标签上的数字，点击“确定”完成课程绑定。

3. 在“正在学习”列表中选择已绑定的课程，点击“进入课程”即可浏览或下载与本书配套的课程资源。刚绑定的课程请在“申请学习”列表中选择相应课程并点击“进入课程”。

账号自登录之日起一年内有效，过期作废。

## 二、资源使用

本书配套了结构力学课程教学的数字资源。数字资源包括各章学习要点、一些重点、难点、扩大知识面的参考知识点和工程实例，以图片、动画、文字等形式提供给读者，可供教师上课和学生学习之用。这些资源以二维码的形式在书中出现，扫描后即可观看。

# 第6版序

本书是“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材,是在第5版的基础上,结合近年教学改革成果修订而成。新版教材保持了原书内容系统、理论联系实际和深入浅出的风格,对个别章节内容进行了适当加强或删减,修正了一些错误,融入了当今“互联网+”的表现形式,体现了课程的发展规律。

本次修订内容主要有:

1. 第一章增加了《§1-2 结构力学的发展历史》,以使读者对结构力学这门学科的发展历程有一个完整的认识。对虚功原理作了更详细的介绍,第六章增加了《§6-2 刚体体系的虚功原理及应用》,有助于读者对刚体、变形体虚功原理(包括虚力原理和虚位移原理)的理解和运用。我国是世界高铁大国和强国,结构力学教材迫切需要反映高铁工程实际。因此,本书在第十一章《§11-8 铁路和公路的标准荷载制》中增加了我国高速铁路设计活载—ZK活载内容。第十三章《§13-1 概述》中增加了既不属于第一类失稳,又不属于第二类失稳的第三类失稳形式(跃越失稳)的介绍。

2. 为适应“互联网+”发展,对本书中各章学习要点、一些重点、难点、扩大知识面的参考知识点和工程实例,采取二维码(包含图片、动画、文字等)的形式提供给读者。

3. 删去原书《附录I平面刚架静力分析程序》,增加了《附录I 基于MATLAB GUI开发的平面刚架静力分析程序》,该程序具有人机图形交互和自动绘制内力图功能,操作简单,使用方便。

4. 对书中某些文字叙述和数学公式推导作了修改。如第九章“劲度系数”改为“转动刚度”。为与有关新规范一致,将第十一章§11-12节中“(1+ $\mu$ )冲击系数”改为“(1+ $\mu$ )动力系数”, $\mu$ 称为冲击系数。第十二章中“阻力系数”改为“阻尼系数”,“归准化”改为“归一化”,“干扰力”改为“激振力”,§12-4节式(12-21)改为欧拉公式推导更简洁明了,等等。

5. 章节标题、重点内容及重要概念、图号、表头等均以蓝色标示,增加可读性。

本书第6版的修订工作由黄方林教授主持。参加具体修订工作的是周德(第一章,第三章,第五章),殷勇(第二章,第八章),鲁四平(第四章,第六章),侯文崎(第七章,第十一章),张晔芝(第九章,第十章),肖方红(第十二章),黄方林(第十三章至第十五章,上、下册附录),罗如登参加了第五章、第七章前期修订工作。

试读结束: 需要全本请在线购买: [www.ertongbook.com](http://www.ertongbook.com)

· II · 第 6 版 序

本书第 6 版原稿承蒙许多兄弟院校教师同仁提出不少宝贵建议，在此一并表示衷心感谢。

限于编者水平，书中难免存在不足之处，欢迎读者批评指正。

编 者

2017 年 3 月

## 第 5 版 序

本书第 5 版是“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材,是在第 4 版的基础上,根据教育部高等学校力学基础课程教学指导分委员会制订的最新“结构力学课程教学基本要求”和教学改革的新成果修订而成。修订后的新版教材仍保持原书内容取材适宜,叙述精练,由浅入深,联系实际,符合课程的认知和发展规律等特点,同时注意按照教材市场需求和教材发展的需要进行适当的创新。

本次修订的内容主要有:

1. 在章节内容方面进行了两处微调。一是在第十一章影响线及其应用中增加了影响线与内力图的区别部分内容,以提升影响线概念的教学力度。二是在第十二章结构动力学中增加了“多自由度结构在任意荷载作用下的受迫振动”和“地震作用计算”两节,增加前一节的目的是希望有助于本章论述内容趋于完整,同时也为后一节的介绍提供部分支撑;而增加后一节的动机则是希望在结构动力学的学习中铺垫台阶,以利转入后续抗震专业课程的学习。尽管本书中“地震作用计算”一节的内容完全限于传统的结构动力学基本理论范畴,但仍加了\*号,建议作为选学章节。
2. 为了适应教学实际情况和需要,将第 4 版中的十二章与十四章的位置和序号作了对调。
3. 增补了部分复习思考题、例题和习题。

本书第 5 版的修订由李廉锟主持;参加具体修订工作的是陆铁坚(第一章至第六章,上册附录 I、II),陈玉骥(第七章至第十一章)和杨仕德(第十二章至第十五章,上册附录 III 和下册附录 I、II);缪加玉、钟桂岳和卢同立参加了修订前期工作,缪加玉并为修订方案提供了系统的书面意见。

本书第 5 版原稿承北京建筑工程学院刘世奎教授审阅,提出了不少宝贵的建设性意见;使用本书第 4 版的许多院校教师同仁也对本书的改善和提高提出了不少有益的建议。所有这些意见和建议均对本书第 5 版的定稿提供了重要的支持和帮助,我们在此一并表示衷心感谢。

限于作者能力和水平,书中难免存在不足之处,欢迎读者批评指正。

编 者

2009 年 9 月

## 第4版序

本书(第4版)为普通高等教育“十五”国家级规划教材,是在第三版的基础上根据近年来课程改革发展需要修订而成的。修订时保持了原书取材精练、简明流畅的风格,注意扩大专业适应面,内容符合教育部审定的“结构力学课程教学基本要求”。本书可作为土木工程类、水利工程类各专业及工程力学等专业的教材,也可供有关工程技术人员参考。

本次修订的内容主要有以下几个方面:

(1) 按照国家标准 GB 3100~3102—93《量和单位》修改了原书的符号,其中最主要的是集中荷载、反力和内力用  $F$  作为主符号,其特性用下标(不够时再添上标)表示,例如剪力和轴力分别以  $F_s$  和  $F_n$  表示,而在不致引起混淆的前提下尽量不添下标;同时依据全国自然科学名词审定委员会 1993 年公布的《力学名词》统一了书中的名词术语。

(2) 在内容调整方面,将影响线及其应用一章挪到上册的最后,这使其前面的内容衔接更为顺当一些;考虑到力法的实际应用日渐减少,删去了力法应用一章,其中仍需保留的部分作如下处理:超静定拱并入力法一章并只简述其计算原理,超静定影响线则放到影响线及其应用一章中。

(3) 对少数章节作了不同程度的改写,在原来坡度略陡的地方补充了少量论述或例题,此外增添了一些适合建筑工程的内容和例子。在渐近法一章中,删去了冗繁的力矩分配法与位移法的联合应用一节,而增加了适合房屋刚架简便计算的剪力分配法。原平面刚架静力分析程序一章改作附录,增加了处理铰结点的功能,输入数据的项目和格式则保持不变;删去了用以解释源程序的大部篇幅,而只着重介绍程序的功能、结构和使用。书中带星号\*的部分仍是供选学的内容。

第4版修订工作由主编李廉锟主持进行;参加修订的有缪加玉(第一至六章,附录 I 平面刚架静力分析程序,自测题),陈玉骥(第七至十一章),杨仕德(第十二至十五章);钟桂岳、卢同立参加了修订方案的研讨并校阅了修订初稿。

本书第4版书稿承西安建筑科技大学刘铮教授审阅,审阅中对书稿提出了不少宝贵的意见。此外,多年来使用本书的许多院校的教师们,先后提出过许多建议。所有这些,使本次修订工作和最后定稿获益匪浅,在此向他们致以衷心的感谢。

限于编者水平,书中不足处,欢迎继续批评指正。

编 者

2004年1月

## 第3版序

本书第二版曾获国家教委优秀教材二等奖，第三版是在其基础上，根据国家教委审定的《结构力学课程教学基本要求》和十余年来教学改革的情况修订而成的，本书可作为道桥类专业教材，亦可作土建、水利类专业教材。

在第三版中，删去了三铰拱和桁架内力的图解法、位移计算中的弹性荷载法以及用此法绘制超静定桁架和无铰拱的影响线等内容；将第二版中的超静定梁及超静定桁架和超静定拱两章，精简合并为一章——力法应用；新增了平面刚架静力分析程序、结构的极限荷载及悬索计算等三章；其余章节亦有不同程度的改写；各章（除第一章外）均增设了复习思考题；对习题也作了少量调整和补充；带\*和\*\*的章节属选学内容，可根据具体情况取舍；带\*的习题则是配合选学内容的或是较难的。此外，上、下册各附有两组自测题（取材于编者历年自命题），供教学参考。

第三版仍由李廉锟教授主编，参加修订工作的有缪加玉（第一至七章、十二章、十三章、附录），钟桂岳（第八至十章），卢同立（第十四至十六章），杨仕德（第十一、十七章），陆铁坚（部分思考题及习题）。

本书第三版由清华大学包世华教授和北方交通大学赵如骝副教授审阅，并请同济大学李明昭教授和长沙铁道学院曾庆元教授审阅了悬索计算内容。审阅人对原稿提出了很多宝贵的意见；兰州铁道学院、北方交通大学等单位的教师们，对本书第二版及这次修订工作提出了不少中肯的建议。所有这些，对第三版的定稿起了重要作用，在此一并致以诚挚的感谢！

限于编者水平，书中难免有疏漏和不妥之处，恳望读者指正。

编 者

一九九四年九月

## 第2版序

本书是在湖南大学、西南交通大学、长沙铁道学院合编、李廉锟主编的第一版的基础上,根据一九八〇年五月教育部高等学校工科力学教材编审委员会结构力学编审小组审订的《结构力学教学大纲(草案)》修订的,适用于铁道工程、公路工程、桥梁及隧道等专业,亦可供土建、水利类专业参考。

本书与第一版比较,删去了矩阵力法原理及有限单元法基础两章,其他章节大部分作了增删或改写。书中带星号的部分是供选学的内容,可按不同专业和学时取舍。带星号的习题是配合选学内容的或是较难的。大部分习题附有答案,可供查对。

本次修订工作由长沙铁道学院担任,李廉锟任主编,执笔的有李廉锟(第十三、十五章)、缪加玉(第一至七章、第十二章)、钟桂岳(第八至十一章、第十四章),欧阳炎、卢同立分别参加了第十三、十四章的部分修订工作,杨仕德校阅了部分书稿及习题答案。

本书第二版由北方交通大学陈英俊、王道堂同志和同济大学李明昭同志担任主审,清华大学龙驭球同志复审,同济大学、西南交通大学、西安公路学院、长沙交通学院等院校的代表参加了审稿会,审阅者对第二版原稿提出了很多宝贵的意见,此外,兰州铁道学院等兄弟院校的教师亦提出了不少中肯的建议,在此一并表示衷心的感谢。

由于编者水平所限,书中一定还有许多不当之处,恳望读者指正。

编 者

一九八三年十月

# 第1版序

本书是根据一九七七年十一月高等学校工科基础课力学教材会议上讨论的铁道工程、公路工程、桥梁与隧道等专业用结构力学教材编写大纲，由湖南大学、西南交通大学、长沙铁道学院联合编写的。

本书注意了吸取以往有关教材的长处和多年来的教学经验，力图保持结构力学基本理论的系统性和贯彻“少而精”、理论联系实际及由浅入深等原则；同时，考虑到现代科学技术的发展，适当介绍了一部分新内容。

书中带有星号的部分及小字排印的内容在教学过程中根据具体情况可以考虑删去。此外，使用本书的教师们还可按各专业的不同需要和情况的发展变化，删去和补充若干内容。

参加本书编写工作的有西南交通大学唐昌荣、杜正国、区锐容（第一~六章），长沙铁道学院李廉锟、缪加玉（第七~十二章和第十四章），湖南大学刘光栋（第十五~十七章）、李存权（第十三章）等同志，由李廉锟同志担任主编。

编写过程是先分工执笔并经教研室讨论修改而写出初稿，然后经审稿会议审议，再由各编写单位共同讨论后分头修改，最后由主编定稿。

担任本书主审的北方交通大学陈英俊、西安公路学院何福照等同志，以及上海铁道学院、兰州铁道学院、同济大学、哈尔滨建筑工程学院、重庆建筑工程学院、南京工学院等兄弟院校的代表，参加了审稿会议，提出了许多宝贵意见，郑州工学院寿楠椿同志也寄来了很好的意见。对此，我们表示衷心的感谢！

限于编者水平，书中缺点错误必定不少，希望读者多加指正。

编 者

一九七九年二月

# 目 录

## 主要符号表

第一章 绪论 .....	1
§ 1-1 结构力学的研究对象和任务 .....	1
§ 1-2 结构力学的发展历史 .....	1
§ 1-3 荷载的分类 .....	2
§ 1-4 结构的计算简图 .....	3
§ 1-5 支座和结点的类型 .....	4
§ 1-6 结构的分类 .....	7
复习思考题 .....	9
第二章 平面体系的机动分析 .....	10
§ 2-1 概述 .....	10
§ 2-2 平面体系的计算自由度 .....	10
§ 2-3 几何不变体系的基本组成规则 .....	13
§ 2-4 瞬变体系 .....	17
§ 2-5 机动分析示例 .....	18
§ 2-6 三刚片体系中虚铰在无穷远处的情况 .....	21
§ 2-7 几何构造与静定性的关系 .....	22
复习思考题 .....	24
习题 .....	24
答案 .....	26
第三章 静定梁与静定刚架 .....	27
§ 3-1 单跨静定梁 .....	27
§ 3-2 多跨静定梁 .....	32
§ 3-3 静定平面刚架 .....	38
§ 3-4 少求或不求反力绘制弯矩图 .....	43
§ 3-5 静定结构的特性 .....	45
* § 3-6 静定空间刚架 .....	47
复习思考题 .....	49
习题 .....	49
答案 .....	54

· II · 目 录

<b>第四章 静定拱</b> .....	56
§ 4-1 概述 .....	56
§ 4-2 三铰拱的计算 .....	57
§ 4-3 三铰拱的合理拱轴线 .....	63
复习思考题 .....	66
习题 .....	66
答案 .....	67
<b>第五章 静定平面桁架</b> .....	68
§ 5-1 平面桁架的计算简图 .....	68
§ 5-2 结点法 .....	71
§ 5-3 截面法 .....	74
§ 5-4 截面法和结点法的联合应用 .....	77
§ 5-5 常用梁式桁架的比较 .....	79
§ 5-6 组合结构的计算 .....	80
§ 5-7 用零载法分析体系的几何构造 .....	82
复习思考题 .....	84
习题 .....	85
答案 .....	89
<b>第六章 结构位移计算</b> .....	90
§ 6-1 概述 .....	90
§ 6-2 刚体体系的虚功原理及应用 .....	91
§ 6-3 变形体系的虚功原理 .....	95
§ 6-4 位移计算的一般公式 单位荷载法 .....	98
§ 6-5 静定结构在荷载作用下的位移计算 .....	101
§ 6-6 图乘法 .....	107
§ 6-7 静定结构温度变化时的位移计算 .....	113
§ 6-8 静定结构支座移动时的位移计算 .....	115
§ 6-9 线弹性结构的互等定理 .....	116
* § 6-10 空间刚架的位移计算公式 .....	119
复习思考题 .....	120
习题 .....	121
答案 .....	126
<b>第七章 力法</b> .....	128
§ 7-1 概述 .....	128
§ 7-2 超静定次数的确定 .....	129

§ 7-3 力法的基本概念 .....	132
§ 7-4 力法的典型方程 .....	134
§ 7-5 力法的计算步骤和示例 .....	136
§ 7-6 对称性的利用 .....	145
§ 7-7 超静定结构的位移计算 .....	152
§ 7-8 最后内力图的校核 .....	154
§ 7-9 温度变化时超静定结构的计算 .....	156
§ 7-10 支座位移时超静定结构的计算 .....	158
§ 7-11 用弹性中心法计算无铰拱 .....	163
§ 7-12 两铰拱及系杆拱 .....	168
§ 7-13 超静定结构的特性 .....	172
复习思考题 .....	173
习题 .....	174
答案 .....	180
<b>第八章 位移法 .....</b>	<b>182</b>
§ 8-1 概述 .....	182
§ 8-2 等截面直杆的转角位移方程 .....	183
§ 8-3 位移法的基本未知量和基本结构 .....	188
§ 8-4 位移法的典型方程及计算步骤 .....	190
§ 8-5 直接由平衡条件建立位移法基本方程 .....	199
§ 8-6 对称性的利用 .....	200
§ 8-7 有侧移的斜柱刚架 .....	204
* § 8-8 温度变化时的计算 .....	206
复习思考题 .....	209
习题 .....	209
答案 .....	211
<b>第九章 漐近法 .....</b>	<b>213</b>
§ 9-1 概述 .....	213
§ 9-2 力矩分配法的基本原理 .....	213
§ 9-3 用力矩分配法计算连续梁和无侧移刚架 .....	217
§ 9-4 无剪力分配法 .....	222
§ 9-5 剪力分配法 .....	228
复习思考题 .....	232
习题 .....	232
答案 .....	236

<b>第十章 矩阵位移法</b> .....	237
§ 10-1 概述 .....	237
§ 10-2 单元刚度矩阵 .....	237
§ 10-3 单元刚度矩阵的坐标转换 .....	242
§ 10-4 结构的原始刚度矩阵 .....	246
§ 10-5 支承条件的引入 .....	254
§ 10-6 非结点荷载的处理 .....	255
§ 10-7 矩阵位移法的计算步骤及示例 .....	258
§ 10-8 几点补充说明 .....	270
复习思考题 .....	276
习题 .....	276
答案 .....	278
<b>第十一章 影响线及其应用</b> .....	279
§ 11-1 概述 .....	279
§ 11-2 用静力法作单跨静定梁的影响线 .....	280
§ 11-3 间接荷载作用下的影响线 .....	286
§ 11-4 用机动法作单跨静定梁的影响线 .....	287
§ 11-5 多跨静定梁的影响线 .....	290
§ 11-6 桁架的影响线 .....	291
§ 11-7 利用影响线求量值 .....	297
§ 11-8 铁路和公路的标准荷载制 .....	299
§ 11-9 最不利荷载位置 .....	301
§ 11-10 换算荷载 .....	308
§ 11-11 简支梁的绝对最大弯矩 .....	312
§ 11-12 简支梁的包络图 .....	314
§ 11-13 超静定结构影响线作法概述 .....	317
§ 11-14 连续梁的均布活载最不利位置及包络图 .....	321
复习思考题 .....	324
习题 .....	325
答案 .....	330
<b>附录 I 基于 MATLAB GUI 开发的平面刚架静力分析程序</b> .....	332
<b>附录 II 上册自测题</b> .....	350
<b>附录 III 索引</b> .....	357
<b>参考文献</b> .....	363
<b>主编简介</b>	

## 主要符号表

$A$	面积, 振幅
$\mathbf{A}$	振幅向量
$c$	支座广义位移, 阻尼系数
$C$	弯矩传递系数
$D$	侧移刚度
$E$	弹性模量
$E_p$	结构总势能
$F$	集中荷载
$F_{AH}, F_{AV}$	$A$ 支座沿水平, 垂直方向的反力
$F_{Ax}, F_{Ay}$	$A$ 支座沿 $x, y$ 方向的反力
$F_{cr}$	临界荷载
$\mathbf{F}$	结点荷载向量, 综合结点荷载向量
$\mathbf{F}_D$	直接结点荷载向量
$F_D$	黏滞阻尼力
$\mathbf{F}_E$	等效结点荷载向量
$F_E$	欧拉临界荷载, 弹性力
$F_H$	拱的水平推力, 悬索张力水平分量
$F_I$	惯性力
$F_N$	轴力
$F_R$	支座反力, 力系合力
$F_S$	剪力
$F_T$	悬索张力
$F_u$	极限荷载
$F_v$	悬索张力垂直分量
$\bar{\mathbf{F}}^e$	局部坐标系下的单元杆端力向量
$\mathbf{F}^e$	整体坐标系下的单元杆端力向量
$\bar{\mathbf{F}}^{Fe}$	局部坐标系下的单元固端力向量
$\mathbf{F}^{Fe}$	整体坐标系下的单元固端力向量
$G$	切变模量
$i$	线刚度
$I$	截面二次矩(惯性矩), 冲量

$I$	单位矩阵
$k$	刚度系数
$\bar{k}^e$	局部坐标系下的单元刚度矩阵
$k^e$	整体坐标系下的单元刚度矩阵
$K$	结构刚度矩阵
$m$	质量
$M$	力矩, 力偶矩, 弯矩
$M$	质量矩阵
$M_u$	极限弯矩
$M^F$	固端弯矩
$p$	均布荷载集度
$q$	均布荷载集度
$r$	单位位移引起的广义反力
$R$	广义反力
$S$	转动刚度, 截面静矩, 影响线量值
$t$	时间
$T$	周期, 动能
$T$	坐标转换矩阵
$u$	水平位移
$v$	竖向位移
$V$	外力势能
$V_e$	应变能
$W$	平面体系自由度, 功, 弯曲截面系数
$X$	广义未知力
$Z$	广义未知位移
$\alpha$	线(膨)胀系数
$\Delta$	广义位移
$\Delta$	结点位移向量
$\nu$	剪力分配系数
$\delta$	单位力引起的广义位移, 阻尼系数
$\xi$	阻尼比
$\theta$	激振力频率
$\mu$	力矩分配系数, 冲击系数, 长度系数
$\sigma_b$	强度极限
$\sigma_s$	屈服应力