



# 2018 注册电气工程师 执业资格考试 **公共基础**

# 辅导教程

主 编 王 佳

副主编 陈志新



## 注电考试 · 轻松备考

- 品牌图书，网友和各大培训机构强烈推荐的考试用书。
- 权威专家编写，对考试命题趋势把握精准到位。
- 内容系统全面，突出讲述考生需要掌握的核心内容。
- 精选例题，详细讲解，使考生快速掌握答题技巧。
- 名师在线答疑解惑，为考生顺利通关保驾护航。



要 点 客 内

2018 年注册电气工程师执业资格考试教材  
公共基础教材

# 2018 注册电气工程师 执业资格考试 公共基础

## 辅导教程

主 编 王 佳

副主编 陈志新

参 编 刘长河 宫瑞婷 汪长征 任艳荣 石 萍  
牛润萍 刘辛国 姜 军 王建宾 张 宏

常州大学图书馆

藏书章



中国电力出版社

CHINA ELECTRIC POWER PRESS

## 内 容 提 要

本书是根据全国勘察设计注册工程师管理委员会 2009 年公布的最新考试大纲，结合考试特点，组织曾多次参与注册电气工程师执业资格考试培训和教材编写，具有丰富专业基础知识和教学经验的专家、教授编写的。

本书覆盖了注册电气工程师执业资格考试所要求的基础部分内容，结合历年考题，突出讲述了需掌握的考试核心内容，帮助读者全面了解考试的内容和要求。每章的例题和复习题都来自于 2005~2017 年（2015 年未考）考试真题，便于读者检验自己的复习效果。

本书内容全面，难度适宜，提纲挈领，精炼实用，特别适合广大考生进行考前复习使用，是参加注册电气工程师执业资格考试人员的必备参考书。

### 图书在版编目（CIP）数据

2018 注册电气工程师执业资格考试公共基础辅导教程 / 王佳主编. —北京：中国电力出版社，2018.3  
ISBN 978-7-5198-1755-8

I. ①2… II. ①王… III. ①电气工程—资格考试—自学参考资料 IV. ①TM

中国版本图书馆 CIP 数据核字（2018）第 033263 号

主 编 王 佳  
副 主 编 蒋志刚  
参 考 书 宋 晓 光  
参 考 书 姜 国 辛  
参 考 书 王 红 柳  
参 考 书 杨 淑 玲

---

出版发行：中国电力出版社

地 址：北京市东城区北京站西街 19 号（邮政编码 100005）

网 址：<http://www.cepp.sgcc.com.cn>

责任编辑：杨淑玲

责任校对：太兴华

装帧设计：王红柳

责任印制：杨晓东

---

印 刷：北京大学印刷厂

版 次：2018 年 3 月第 1 版

印 次：2018 年 3 月北京第 1 次印刷

开 本：787mm×1092mm 16 开本

印 张：31.75

字 数：782 千字

定 价：88.00 元

---

版 权 专 有 侵 权 必 究

本书如有印装质量问题，我社发行部负责退换

# 言一前

## 编写人员名单

主编 王 佳

副主编 陈志新

参编 (以编写章节为序)

刘长河 宫瑞婷 汪长征 任艳荣

石 萍 牛润萍 刘辛国 姜 军

王建宾 张 宏

各章编写人员名单如下:

第1章 数学 刘长河

第2章 物理学 宫瑞婷

第3章 化学 汪长征

第4章 理论力学 任艳荣

第5章 材料力学 石 萍

第6章 流体力学 牛润萍

第7章 电气与信息 王 佳 刘辛国 陈志新

第8章 法律法规 姜 军 王建宾

第9章 工程经济 张 宏

## 前　　言

注册工程师执业资格考试是建设部和人事部从 2005 年开始组织实施的，它对加强工程设计人员的从业管理，保证工程质量，维护社会公共利益和人民生命财产安全提供了重要保障。注册电气工程师执业资格考试由基础考试和专业考试两个部分组成，基础考试又分为公共基础（上午卷）和专业基础（下午卷）。本书是针对公共基础（上午卷）部分编写的复习参考指导书。

本书主编自 2005 年开始，一直从事注册电气工程师的培训工作，积累了丰富的教学经验，得到了历届培训学生的认可，具有较高的知名度和威望。参编人员也都是历年参加培训的骨干教师，经验丰富，年富力强。本书严格遵循全国勘察设计注册工程师管理委员会 2009 年 3 月公布的考试大纲，涵盖了考试大纲所要求的全部内容，但根据 2005~2017 年（2015 年未考）考试的重点和难点，本着抓重点、讲精髓的理念，突出讲述了考生需要掌握的核心内容，同时以 2005~2017 年考试真题作为例题，帮助读者全面了解考试的内容和要求，准确把握考试的重点、难点，有效直击考试命题精髓。

本书分为三大部分，共 9 章，完全按照新考试大纲的考核点设置，各章的绝大部分例题都是近十年考试的真题，通过详细的讲解使读者更明确地理解考试大纲的要求，更清楚考试的重点，便于理清解题的思路，找到解题的实用方法。每章后面都附有一定数量的复习题和答案。复习题大多来自历年考题，非常适合读者考前练习，以检验知识的掌握情况。

有计划地复习和有重点地准备是考生从容应对考试的法宝。只要牢牢抓住考试的核心知识点，并用真题来训练自己的考试能力，同时根据自己的特点，合理地分配好时间、精力和体力，为实战做好全方位的准备，本书是广大读者应试的必备教材，相信各位考生一定能顺利通过考试。

欢迎加入 QQ 群（537653022）或扫描封底二维码进行交流。

预祝大家考试成功！

学大林　　编　　者

2018 年 1 月

# 目 录

前言	1
第一部分 工程科学基础	1
第1章 数学	1
1.1 空间解析几何	1
1.2 微分学	9
1.3 积分学	27
1.4 无穷级数	41
1.5 常微分方程	49
1.6 线性代数	53
1.7 概率与数理统计	69
数学复习题	84
数学复习题答案及提示	91
第2章 物理学	96
2.1 热学	96
2.2 波动学	109
2.3 光学	116
物理学复习题	128
物理学复习题答案及提示	133
第3章 化学	138
3.1 物质结构与物质状态	138
3.2 分子结构	149
3.3 溶液	154
3.4 化学反应方程式、化学反应速率与化学平衡	161
3.5 氧化还原反应与电化学	174
3.6 有机化学	180
化学复习题	189
化学复习题答案及提示	192
第4章 理论力学	194
4.1 静力学	194
4.2 运动学	205
4.3 动力学	209
理论力学复习题	219
理论力学复习题答案及提示	226

第5章 材料力学	230
5.1 材料在拉伸、压缩时的力学性能	230
5.2 拉伸和压缩	231
5.3 剪切和挤压	235
5.4 扭转	239
5.5 截面几何性质	243
5.6 弯曲	247
5.7 应力状态	256
5.8 组合变形	261
5.9 压杆稳定	266
材料力学复习题	270
材料力学复习题答案及提示	277
第6章 流体力学	282
6.1 流体的主要物性与流体静力学	282
6.2 流体动力学基础	285
6.3 流动阻力和能量损失	290
6.4 孔口管嘴管道流动	294
6.5 明渠恒定流	298
6.6 渗流、井和集水廊道	301
6.7 相似原理和量纲分析	303
流体力学复习题	307
流体力学复习题答案及提示	309
第二部分 现代技术基础	311
第7章 电气与信息	311
7.1 电磁学概念	311
7.2 电路知识	315
7.3 电动机与变压器	344
7.4 信号与信息	352
7.5 模拟电子技术	356
7.6 数字电子技术	375
7.7 计算机系统	383
7.8 信息表示	386
7.9 常用操作系统	389
7.10 计算机网络	391
电气与信息复习题	395
电气与信息复习题答案及提示	408
第三部分 工程管理基础	413
第8章 法律法规	413
8.1 中华人民共和国建筑法	413

8.2 中华人民共和国安全生产法	419
8.3 中华人民共和国招标投标法	424
8.4 中华人民共和国合同法	427
8.5 中华人民共和国行政许可法	435
8.6 中华人民共和国节约能源法	438
8.7 中华人民共和国环境保护法	441
8.8 建设工程勘察设计管理条例	446
8.9 建设工程质量管理条例	449
8.10 建设工程安全生产管理条例	453
法律法规复习题	457
法律法规复习题答案及提示	459
<b>第9章 工程经济</b>	<b>461</b>
9.1 资金的时间价值	461
9.2 财务效益与费用估算	464
9.3 资金来源与筹资方案	468
9.4 财务分析	470
9.5 经济费用效益分析	477
9.6 不确定性分析	480
9.7 方案经济比选	482
9.8 改扩建项目经济评价特点	485
9.9 价值工程	486
工程经济复习题	488
工程经济复习题答案及提示	490
<b>附录</b>	<b>492</b>
附录 A 2009年勘察设计注册工程师资格考试基础考试大纲	492
附录 B 勘察设计注册工程师资格考试公共基础试题配置说明	499
<b>参考文献</b>	<b>500</b>

# 第一部分 工程科学基础

## 第1章 数学

### 1.1 空间解析几何

#### 考试大纲

向量的线性运算；向量的数量积、向量积及混合积；两向量垂直、平行的条件；直线方程；平面方程；平面与平面、直线与直线、平面与直线之间的位置关系；点到平面、直线的距离；球面、母线平行于坐标轴的柱面、旋转轴为坐标轴的旋转曲面方程；常用的二次曲面方程；空间曲线在坐标面上的投影曲线方程。

##### 1.1.1 向量代数

###### 1. 向量的概念

向量  $\alpha$  的模记为  $|\alpha|$ ，向量  $\alpha$  的单位向量记为  $\alpha^0$ 。

设  $\alpha = xi + yj + zk = \{x, y, z\}$ ，则  $|\alpha| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$ ， $\alpha^0 = \frac{\alpha}{|\alpha|}$ 。

方向余弦  $\{\cos \alpha, \cos \beta, \cos \gamma\}$ ，其中， $\alpha, \beta, \gamma$  为向量  $\alpha$  的三个方向角。

$$\alpha^0 = \{\cos \alpha, \cos \beta, \cos \gamma\}$$

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$$

$$\cos \alpha = \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}, \quad \cos \beta = \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}, \quad \cos \gamma = \frac{z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$$

设  $A(x_1, y_1, z_1)$ ， $B(x_2, y_2, z_2)$  是空间两点，则  $AB = \{x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1\}$ 。

###### 2. 向量的运算

设向量  $\alpha = \{x_1, y_1, z_1\}$ ， $\beta = \{x_2, y_2, z_2\}$ ， $\gamma = \{x_3, y_3, z_3\}$ ， $\lambda \in R$ 。

###### (1) 向量的线性运算。

$$\alpha \pm \beta = \{x_1 \pm x_2, y_1 \pm y_2, z_1 \pm z_2\}$$

$$\lambda \alpha = \{\lambda x_1, \lambda y_2, \lambda z_3\}$$

###### (2) 数量积。

$$\alpha \cdot \beta = |\alpha| \cdot |\beta| \cos \varphi \quad (\text{其中 } \varphi \text{ 为 } \alpha \text{ 与 } \beta \text{ 的夹角})$$

$$\alpha \cdot \beta = x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2$$

$$\cos \varphi = \frac{x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$$

运算律:

1) 交换律

$$\alpha \cdot \beta = \beta \cdot \alpha$$

2) 分配率

$$\alpha \cdot (\beta + \gamma) = \alpha \cdot \beta + \alpha \cdot \gamma$$

3) 结合律

$$\lambda(\alpha \cdot \beta) = (\lambda\alpha) \cdot \beta = \alpha \cdot (\lambda\beta)$$

(3) 向量积。向量积  $\alpha \times \beta$  是一个向量, 满足:

1)  $|\alpha \times \beta| = |\alpha| \cdot |\beta| \sin \varphi$ , 其中  $\varphi$  为  $\alpha$  与  $\beta$  的夹角。

2)  $(\alpha \times \beta) \perp \alpha$ ,  $(\alpha \times \beta) \perp \beta$ , 且  $\alpha, \beta, \alpha \times \beta$  构成右手系。

$$\alpha \times \beta = \begin{vmatrix} i & j & k \\ x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} y_1 & z_1 \\ y_2 & z_2 \end{vmatrix} i - \begin{vmatrix} x_1 & z_1 \\ x_2 & z_2 \end{vmatrix} j + \begin{vmatrix} x_1 & y_1 \\ x_2 & y_2 \end{vmatrix} k$$

运算律:

1) 反交换律

$$\alpha \times \beta = -\beta \times \alpha$$

2) 与数乘运算的结合律

$$\lambda(\alpha \times \beta) = (\lambda\alpha) \times \beta = \alpha \times (\lambda\beta)$$

3) 分配律

$$\alpha \times (\beta + \gamma) = \alpha \times \beta + \alpha \times \gamma$$

(4) 混合积

$$(\alpha, \beta, \gamma) = (\alpha \times \beta) \cdot \gamma = \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \\ x_3 & y_3 & z_3 \end{vmatrix}$$

几何意义:  $|(\alpha, \beta, \gamma)|$  表示以  $\alpha, \beta, \gamma$  为棱的平行六面体体积。

运算律:

1)  $(\alpha, \beta, \gamma) = (\beta, \gamma, \alpha) = (\gamma, \alpha, \beta)$ 。

2)  $(\alpha, \beta, \gamma) = -(\alpha, \gamma, \beta) = -(\gamma, \beta, \alpha) = -(\beta, \alpha, \gamma)$ 。

3. 向量间相互关系的判定

(1)  $\alpha \perp \beta \Leftrightarrow \alpha \cdot \beta = 0 \Leftrightarrow x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2 = 0$ 。

(2)  $\alpha \parallel \beta \Leftrightarrow \alpha \times \beta = 0 \Leftrightarrow \frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2}$ 。

(3)  $\alpha, \beta, \gamma$  共面  $\Leftrightarrow (\alpha, \beta, \gamma) = 0$ 。

【例 1-1】(2017) 设  $\alpha$ 、 $\beta$  均为非零向量, 则下列结论正确的是 ( )。

- A.  $\alpha \times \beta = 0$  是  $\alpha$  与  $\beta$  垂直的充要条件  
 B.  $\alpha \cdot \beta = 0$  是  $\alpha$  与  $\beta$  平行的充要条件  
 C.  $\alpha \times \beta = 0$  是  $\alpha$  与  $\beta$  平行的充要条件  
 D. 若  $\alpha = \lambda\beta$  ( $\lambda$  是常数), 则  $\alpha \cdot \beta = 0$

【解】 $\alpha \cdot \beta$  是数,  $\alpha \cdot \beta = |\alpha| \cdot |\beta| \cos(\alpha, \beta)$ ,  $\alpha \cdot \beta = 0 \Leftrightarrow \alpha \perp \beta$ ;  $\alpha \times \beta$  是向量,  $|\alpha \times \beta| = |\alpha| \cdot |\beta| \sin(\alpha, \beta)$ ,  $\alpha \times \beta = 0 \Leftrightarrow \alpha \parallel \beta$ .

【答案】C

【例 1-2】(2016) 若向量  $\alpha, \beta$  满足  $|\alpha| = 2$ ,  $|\beta| = \sqrt{2}$ , 且  $\alpha \cdot \beta = 2$ , 则  $|\alpha \times \beta|$  等于 ( )。  
 A. 2      B.  $2\sqrt{2}$       C.  $2 + \sqrt{2}$       D. 不能确定

【解】先计算两向量的夹角  $\theta$ 。因为  $\cos \theta = \frac{\alpha \cdot \beta}{|\alpha||\beta|} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ , 所以  $\theta = \frac{\pi}{4}$ ; 则  $|\alpha \times \beta| =$

$$|\alpha||\beta| \sin \theta = 2.$$

【答案】A

### 1.1.2 平面与直线

#### 1. 平面

##### (1) 平面的方程。

1) 点法式方程: 设平面  $\pi$  过点  $M(x_0, y_0, z_0)$ , 法向量  $n = \{A, B, C\}$ , 则平面  $\pi$  的点法式方程为

$$A(x - x_0) + B(y - y_0) + C(z - z_0) = 0$$

2) 截距式方程: 设平面  $\pi$  在三个坐标轴上的截距分别是  $a, b, c$  (全不为 0), 则其方程为

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$$

##### 3) 一般方程

$$Ax + By + Cz + D = 0 \quad (A, B, C \text{ 不全为零})$$

平面一般方程的特殊情形见表 1-1。

表 1-1

平面一般方程的特殊情形

情 形	方 程	特 点
常数项为 0	$D = 0$	$Ax + By + Cz = 0$ 平面过原点
一个系数为 0	$A = 0$	$By + Cz + D = 0$ 平面 $\parallel x$ 轴
	$B = 0$	$Ax + Cz + D = 0$ 平面 $\parallel y$ 轴
	$C = 0$	$Ax + By + D = 0$ 平面 $\parallel z$ 轴
两个系数为 0	$B = C = 0$	$Ax + D = 0$ 平面 $\parallel yOz$ 平面
	$A = C = 0$	$By + D = 0$ 平面 $\parallel zOx$ 平面
	$A = B = 0$	$Cz + D = 0$ 平面 $\parallel xOy$ 平面

(2) 两个平面的位置关系。

两个平面  $\pi_1: A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$ ,  $\pi_2: A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0$  的夹角余弦

$$\cos \theta = \frac{A_1A_2 + B_1B_2 + C_1C_2}{\sqrt{A_1^2 + B_1^2 + C_1^2} \cdot \sqrt{A_2^2 + B_2^2 + C_2^2}}$$

两个平面的位置关系见表 1-2。

表 1-2

两个平面的位置关系

关 系	条 件	条件的坐标表示
$\pi_1 \perp \pi_2$	$\mathbf{n}_1 \cdot \mathbf{n}_2 = 0$	$A_1A_2 + B_1B_2 + C_1C_2 = 0$
$\pi_1 \parallel \pi_2$	$\mathbf{n}_1 \times \mathbf{n}_2 = 0$ 无公共点	$\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2} \left( \neq \frac{D_1}{D_2} \right)$
$\pi_1, \pi_2$ 重合	$\mathbf{n}_1 \times \mathbf{n}_2 = 0$ 有公共点	$\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2} = \frac{D_1}{D_2}$

(3) 点到平面的距离。点  $M(x_0, y_0, z_0)$  到平面  $\pi: Ax + By + Cz + D = 0$  的距离为

$$d = \frac{|Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

## 2. 空间直线

(1) 空间直线的方程。

1) 一般方程: 将直线  $L$  看作两个平面  $\pi_1: A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$ ,  $\pi_2: A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0$  的交线, 其一般方程为

$$\begin{cases} A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0 \\ A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0 \end{cases}$$

$L$  的方向向量为

$$\mathbf{s} = \mathbf{n}_1 \times \mathbf{n}_2 = \begin{vmatrix} i & j & k \\ A_1 & B_1 & C_1 \\ A_2 & B_2 & C_2 \end{vmatrix}$$

2) 对称式方程: 已知直线  $L$  过点  $M(x_0, y_0, z_0)$ , 方向向量  $\mathbf{s} = \{m, n, p\}$ , 其对称式方程为

$$\frac{x - x_0}{m} = \frac{y - y_0}{n} = \frac{z - z_0}{p}$$

3) 参数方程: 已知直线  $L$  过点  $M(x_0, y_0, z_0)$ , 方向向量  $\mathbf{s} = \{m, n, p\}$ , 其参数方程为

$$\begin{cases} x = x_0 + mt \\ y = y_0 + nt \\ z = z_0 + pt \end{cases} \quad (-\infty < t < +\infty)$$

(2) 两条直线的位置关系。

直线  $L_1: \frac{x-x_1}{m_1} = \frac{y-y_1}{n_1} = \frac{z-z_1}{p_1}$  和  $L_2: \frac{x-x_2}{m_2} = \frac{y-y_2}{n_2} = \frac{z-z_2}{p_2}$  的夹角的余弦

$$\cos \theta = \frac{m_1 m_2 + n_1 n_2 + p_1 p_2}{\sqrt{m_1^2 + n_1^2 + p_1^2} \cdot \sqrt{m_2^2 + n_2^2 + p_2^2}}$$

两条直线的位置关系见表 1-3。

表 1-3

两条直线的位置关系

关 系	条 件	条件的坐标表示
$L_1 \perp L_2$	$s_1 \cdot s_2 = 0$	$m_1 m_2 + n_1 n_2 + p_1 p_2 = 0$
$L_1 \parallel L_2$	$s_1 \times s_2 = 0$	$\frac{m_1}{m_2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{p_1}{p_2}$

(3) 点到直线的距离。求  $M_1(x_1, y_1, z_1)$  到直线  $L: \frac{x-x_0}{m} = \frac{y-y_0}{n} = \frac{z-z_0}{p}$  的距离可采用如下步骤：

1) 求出过  $M_1$  和法向量  $n = \{m, n, p\}$  的平面  $\pi$  的方程。

2) 求出平面  $\pi$  与直线  $L$  的交点  $M_2(x_2, y_2, z_2)$ 。

3) 所求距离  $d = |M_1 M_2|$ 。

### 3. 直线与平面的位置关系

直线  $L: \frac{x-x_0}{m} = \frac{y-y_0}{n} = \frac{z-z_0}{p}$  和平面  $\pi: Ax + By + Cz + D = 0$  的夹角正弦

$$\sin \theta = \frac{Am + Bn + Cp}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2} \cdot \sqrt{m^2 + n^2 + p^2}}$$

直线与平面的位置关系见表 1-4。

表 1-4

直线与平面的位置关系

关 系	条 件	条件的坐标表示
$L \parallel \pi$	$s \cdot n = 0$	$Am + Bn + Cp = 0$
$L \perp \pi$	$s \times n = 0$	$\frac{m}{A} = \frac{n}{B} = \frac{p}{C}$

【例 1-3】(2014) 设有直线  $L_1: \frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+5}{1}$  与  $L_2: \begin{cases} x = 3-t \\ y = 1-t \\ z = 1+2t \end{cases}$ ，则  $L_1$  与  $L_2$  的夹角  $\theta$  等于 ( )。

- A.  $\frac{\pi}{2}$       B.  $\frac{\pi}{3}$       C.  $\frac{\pi}{4}$       D.  $\frac{\pi}{6}$

【解】直线  $L_1, L_2$  的方向向量分别为  $s_1 = \{1, -2, 1\}$ ,  $s_2 = \{-1, -1, 2\}$ , 则

$$\cos \theta = \frac{\mathbf{s}_1 \cdot \mathbf{s}_2}{|\mathbf{s}_1| |\mathbf{s}_2|} = \frac{1 \times (-1) + (-2) \times (-1) + 1 \times 2}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + 1^2} \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2 + 2^2}} = \frac{1}{2}$$

**【答案】B**

**【例 1-4】(2013)** 已知直线  $L: \frac{x}{3} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{2}$ , 平面  $\pi: -2x + 2y + z - 1 = 0$ 。则 ( )。

- A.  $L$  与  $\pi$  垂直相交
- B.  $L$  平行于  $\pi$  但  $L$  不在  $\pi$  上
- C.  $L$  与  $\pi$  非垂直相交
- D.  $L$  在  $\pi$  上

**【解】** 直线  $L$  的方向向量:  $\mathbf{s} = \{3, -1, 2\}$ ; 平面  $\pi$  的法向量:  $\mathbf{n} = \{-2, 2, 1\}$ 。 $\mathbf{s} \cdot \mathbf{n} \neq 0$ , 所以直线和平面不平行; 因为  $\mathbf{s}$  和  $\mathbf{n}$  的分量不成比例, 所以直线和平面不垂直。

**【答案】C**

**【例 1-5】(2017)** 过点  $(1, -2, 3)$  且平行于  $z$  轴的直线的对称式方程是 ( )。

- A.  $\begin{cases} x=1 \\ y=-2 \\ z=3t \end{cases}$
- B.  $\frac{x-1}{0} = \frac{y+2}{0} = \frac{z-3}{1}$
- C.  $z=3$
- D.  $\frac{x+1}{0} = \frac{y-2}{0} = \frac{z+3}{1}$

**【解】** 过点  $P_0(x_0, y_0, z_0)$  且方向向量为  $\mathbf{s} = \{l, m, n\}$  的直线的对称式方程是

$$\frac{x-x_0}{l} = \frac{y-y_0}{m} = \frac{z-z_0}{n}。这里, z 轴的方向向量为 \mathbf{s} = \{0, 0, 1\}。$$

**【答案】B**

**【例 1-6】(2011)** 设直线方程为  $x=y-1=z$ , 平面方程为  $x-2y+z=0$ , 则直线和平面

( )。

- A. 重合
- B. 平行不重合
- C. 垂直相交
- D. 相交不垂直

**【解】** 平面的法向量  $\mathbf{n} = (1, -2, 1)$ , 直线的方向向量  $\mathbf{s} = (1, 1, 1)$ ,  $\mathbf{s} \cdot \mathbf{n} = 0$ , 所以直线和平面平行。在直线上取一点  $(0, 1, 0)$ , 其坐标不满足平面方程, 即该点不在平面上。

**【答案】B**

### 1.1.3 曲面

在空间直角坐标系中, 三元方程  $F(x, y, z)=0$  表示空间曲面。

#### 1. 球面方程

球心在  $M(x_0, y_0, z_0)$ 、半径为  $R$  的球面方程为  $(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2 + (z-z_0)^2 = R^2$ 。特别地, 球心在  $O(0, 0, 0)$ 、半径为  $R$  的球面方程为  $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$ 。

#### 2. 柱面方程

沿定曲线  $C$  并平行于定直线移动的直线  $L$  形成的曲面叫作柱面, 曲线  $C$  叫作柱面的准线, 直线  $L$  叫作柱面的母线。

$F(x, y)=0$ : 准线为  $\begin{cases} F(x, y)=0 \\ z=0 \end{cases}$ , 母线平行于  $z$  轴的柱面。

类似可给出柱面  $G(y, z) = 0$  及  $H(x, z) = 0$  的准线方程和母线方向。常见的柱面及其方程见表 1-5。

表 1-5

常见的柱面及其方程

名 称	方 程
圆柱面	$x^2 + y^2 = R^2$
椭圆柱面	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$
双曲柱面	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$
抛物柱面	$x^2 = 2py (p > 0)$

### 3. 旋转曲面

一条平面曲线，绕该平面内一条定直线旋转一周而形成的曲面叫作旋转曲面，这条定直线叫作旋转曲面的旋转轴。

$yOz$  平面上的曲线  $\begin{cases} f(y, z) = 0 \\ x = 0 \end{cases}$  绕  $y$  轴旋转一周所得的旋转曲面的方程为  $f(y, \pm\sqrt{x^2 + z^2}) = 0$ ，绕  $z$  轴旋转一周所得的旋转曲面的方程为  $f(\pm\sqrt{x^2 + y^2}, z) = 0$ 。

类似地可给出  $xOy$ ,  $zOx$  平面上的曲线绕相应的坐标轴旋转所得的旋转曲面的方程。

### 4. 二次曲面

由三元二次方程表示的曲面，统称为二次曲面，常见的二次曲面见表 1-6。

表 1-6

常见的 二 次 曲 面

名 称	方 程
椭球面	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$
单叶双曲面	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{c^2} = 1$
双叶双曲面	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$
椭圆抛物面	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 2pz (p > 0)$
双曲抛物面（马鞍面）	$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 2pz (p > 0)$
二次锥面	$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{c^2} = 0$

【例 1-7】(2016)  $yOz$  坐标面上的曲线  $\begin{cases} y^2 + z = 1 \\ x = 0 \end{cases}$  绕  $Oz$  轴旋转一周所生成的旋转曲面方程是 ( )。

【答案】

- A.  $x^2 + y^2 + z = 1$   
 B.  $x^2 - y^2 + z = 1$   
 C.  $y^2 + \sqrt{x^2 + z^2} = 1$   
 D.  $y^2 - \sqrt{x^2 + z^2} = 1$

【解】在方程  $y^2 + z = 1$  中， $z$  保持不变，将  $y$  变成  $\pm\sqrt{x^2 + z^2}$ ，可得出所求旋转曲面的方程。

### 【答案】A

【例 1-8】(2011) 在三维空间中，方程  $y^2 - z^2 = 1$  所代表的图形是（ ）。

- A. 母线平行  $x$  轴的双曲柱面  
 B. 母线平行  $y$  轴的双曲柱面  
 C. 母线平行  $z$  轴的双曲柱面  
 D. 双曲线

【解】由母线平行  $z$  轴的双曲柱面方程  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ，可以推出方程  $y^2 - z^2 = 1$  所代表的图形是母线平行  $x$  轴的双曲柱面。

### 【答案】A

#### 1.1.4 空间曲线

##### 1. 空间曲线方程的一般方程

$$\begin{cases} F_1(x, y, z) = 0 \\ F_2(x, y, z) = 0 \end{cases} \quad (1-1)$$

##### 2. 空间曲线在坐标面上的投影

曲线 (1-1) 在  $xOy$  平面上的投影方程求法：

(1) 从方程组 (1-1) 中消去  $z$ ，得到一个母线平行于  $z$  轴的柱面  $\varphi(x, y) = 0$ 。

(2) 将  $\varphi(x, y) = 0$  与  $z = 0$  联立，即得曲线  $C$  在  $xOy$  平面上的投影方程  $\begin{cases} \varphi(x, y) = 0 \\ z = 0 \end{cases}$ 。

类似地，可求出曲线 (1-1) 在  $xOz$  平面上的投影方程  $\begin{cases} \psi(x, z) = 0 \\ y = 0 \end{cases}$  和它在  $yOz$  平面上的投影方程  $\begin{cases} w(y, z) = 0 \\ x = 0 \end{cases}$ 。

【例 1-9】(2006) 球面  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  与平面  $x + z = 1$  的交线在  $xOy$  坐标面上的投影的方程是（ ）。

- A.  $x^2 + y^2 + (1-x)^2 = 9$   
 B.  $\begin{cases} x^2 + y^2 + (1-x)^2 = 9 \\ z = 0 \end{cases}$   
 C.  $(1-z)^2 + y^2 + z^2 = 9$   
 D.  $\begin{cases} (1-z)^2 + y^2 + z^2 = 9 \\ x = 0 \end{cases}$

【解】从方程组  $\begin{cases} x^2 + y^2 + z^2 = 9 \\ x + z = 1 \end{cases}$  中消去  $z$ ，得  $x^2 + y^2 + (1-x)^2 = 9$ ，从而交线在  $xOy$  坐标面上的投影的方程是  $\begin{cases} x^2 + y^2 + (1-x)^2 = 9 \\ z = 0 \end{cases}$ 。

### 【答案】B

## 1.2 微分学

### 考试大纲

函数的有界性、单调性、周期性和奇偶性；数列极限与函数极限的定义及其性质；无穷小和无穷大的概念及其关系；无穷小的性质及无穷小的比较；极限的四则运算；函数连续的概念；函数的间断点及其类型；导数与微分的概念；导数的物理意义和几何意义；平面曲线的切线和法线；导数和微分的四则运算；高阶导数；微分中值定理；洛必达法则；函数的切线和法线；函数单调性的判别；函数的极值；函数的凹凸性、拐点；多元函数；偏导数与全微分的概念；二阶偏导数；多元函数的极值和条件极值；多元函数的最大、最小值及其简单应用。

#### 1.2.1 极限

##### 1. 数列的极限

$$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \text{ 或 } x_n \rightarrow a (n \rightarrow \infty)$$

数列  $\{x_n\}$  可以看作是定义域为自然数集的函数  $x_n = f(n) (n=1,2,3,\dots)$ 。因此，数列的极限是函数极限的特殊情形。

- (1) 数列收敛的必要条件。收敛数列必有界（无界数列必发散）。
- (2) 数列收敛的充分条件。单调有界数列必收敛（单调增加且有上界的数列必收敛；单调减少且有下界的数列必收敛）。
- (3) 收敛数列的性质（保号性）。若  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$ ，且  $a > 0$ （或  $a < 0$ ），则存在正整数  $N$ ，只要  $n > N$ ，就有  $x_n > 0$ （或  $x_n < 0$ ）。

- (4) 数列极限的四则运算法则。设有数列  $\{x_n\}$ ,  $\{y_n\}$ , 若  $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$ ,  $\lim_{n \rightarrow \infty} y_n = b$ , 则
  - 1)  $\lim_{n \rightarrow \infty} (x_n \pm y_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} x_n \pm \lim_{n \rightarrow \infty} y_n = a \pm b$ 。
  - 2)  $\lim_{n \rightarrow \infty} (x_n y_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} x_n \cdot \lim_{n \rightarrow \infty} y_n = ab$ 。
  - 3)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x_n}{y_n} = \frac{\lim_{n \rightarrow \infty} x_n}{\lim_{n \rightarrow \infty} y_n} = \frac{a}{b} (b \neq 0)$ 。

##### 2. 函数的极限

###### (1) $x \rightarrow \infty$ 时函数的极限。

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = A \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = A$$

###### (2) $x \rightarrow x_0$ 时函数的极限。

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A \text{ 或 } f(x) \rightarrow A (x \rightarrow x_0)$$

左极限：

$$\lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = A \text{ 或 } f(x_0 - 0) = A$$

右极限：

$$\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = A \text{ 或 } f(x_0 + 0) = A$$