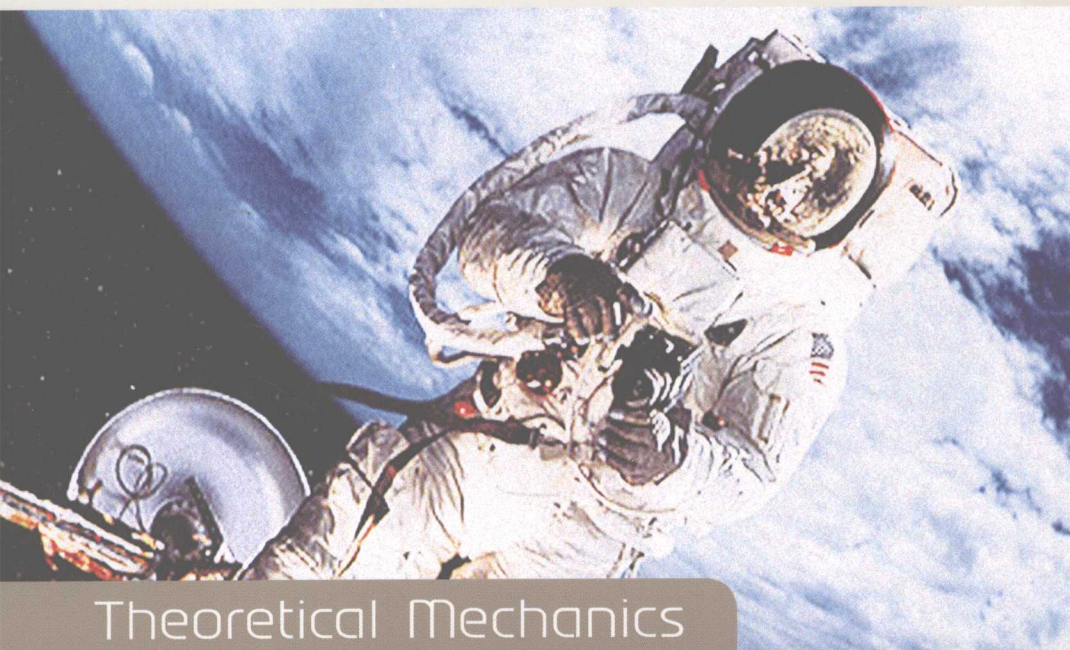




面向21世纪课程教材
Textbook Series for 21st Century



Theoretical Mechanics

理论力学

第3版

刘延柱 朱本华 杨海兴 编著

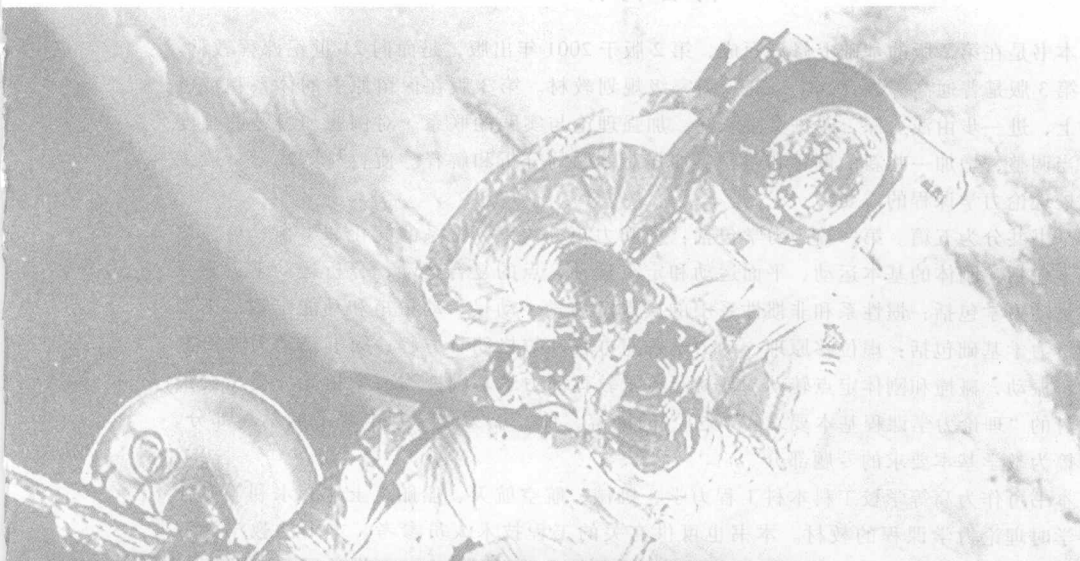


高等教育出版社
Higher Education Press



面向 21 世纪 课程 教材
Textbook Series for 21st Century

介 简 容 内



Theoretical Mechanics

理论力学

第3版

刘延柱 朱本华 杨海兴 编著



高等教育出版社
Higher Education Press

郑重声明

图书在版编目(CIP)数据

理论力学/刘延柱,朱本华,杨海兴编著. —3版. —北京:高等教育出版社,2009.1
ISBN 978-7-04-024877-7

I. 理… II. ①刘…②朱…③杨… III. 理论力学-高等学校-教材 IV. O31

中国版本图书馆CIP数据核字(2008)第181368号

策划编辑 杨倩 责任编辑 孙成奇 张玉海 封面设计 赵阳
责任绘图 尹莉 版式设计 马敬茹 责任校对 俞声佳
责任印制 朱学忠

出版发行	高等教育出版社	购书热线	010-58581118
社址	北京市西城区德外大街4号	免费咨询	800-810-0598
邮政编码	100120	网址	http://www.hep.edu.cn
总机	010-58581000		http://www.hep.com.cn
经销	蓝色畅想图书发行有限公司	网上订购	http://www.landrace.com
印刷	北京新丰印刷厂		http://www.landrace.com.cn
		畅想教育	http://www.widedu.com
开本	787×960 1/16	版次	1991年4月第1版
印张	31		2009年1月第3版
字数	570 000	印次	2009年1月第1次印刷
		定价	36.90元

本书如有缺页、倒页、脱页等质量问题,请到所购图书销售部门联系调换。

版权所有 侵权必究

物料号 24877-00



内 容 简 介

本书是在第 2 版的基础上修订而成,第 2 版于 2001 年出版,是面向 21 世纪课程教材。本书第 3 版是普通高等教育“十一五”国家级规划教材。第 3 版在保留原书的体系和特色基础上,进一步由浅入深,改进文字叙述,加强理论与实践的联系。对例题和习题的难度作适当调整,增加一些新的例题和习题,加强对例题的分析和解释。使教材更适合一般工科院校理论力学课程的需要。

全书共分为五篇。第一篇静力学包括:力和力矩,约束,力系的简化和平衡;第二篇运动学包括:刚体的基本运动、平面运动和定点运动,点的复合运动,分析运动学;第三篇矢量动力学包括:惯性系和非惯性系中的质点动力学,动量、动量矩和动能定理;第四篇分析力学基础包括:虚位移原理,动力学普遍方程和拉格朗日方程;第五篇动力学专题包括:振动,碰撞和刚体定点转动。教材涵盖了教育部力学基础课程教学指导分委员会最新制订的“理论力学课程基本要求(A类)”的内容,前三篇为教学基本要求的基本部分,后两篇为教学基本要求的专题部分。

本书可作为高等学校工科本科工程力学、机械、航空航天、船舶、土建和水利等专业的多学时理论力学课程的教材。本书也可供有关的工程技术人员参考。本书的教学资源(电子教案、教学视频等)在上海交通大学理论力学精品课程网站上,可供学习者使用。

第3版序言

本书第2版是教育部“高等教育面向21世纪教学内容和课程体系改革计划”项目的成果，是面向21世纪课程教材。本书第3版是普通高等教育“十一五”国家级规划教材。

第2版对原教材作了较大的修改，在保持教材原有特点的同时，使教材的适用面扩大到一般工科专业本科生的理论力学课程。在教材多年来的使用过程中，对该课程进行了数字化教学资源建设，开发了基于PowerPoint技术的教案和基于数据库技术的习题题解系统；研发了集助教、助学、管理和对外服务功能的教学网站，网站里包含丰富的教学资源，可为教师和学生提供一个个性化的教学平台；还录制了教师全程上课视频，使学生可以不受时间限制地获得教师生动的授课。上述资源建设为提高该课程的教学质量营造了一个全方位的教学环境。

第3版保留了原有的特点，除在个别地方改动外。主要作了如下的变化：(1)加强了与工程实际的联系。增加了许多工程图片及与工程有联系的例题，有助于提高学生学习兴趣、培养工程意识。(2)增加了约30个例题。既有传统的基本类型，也有灵活的应用类型。从而使全书例题类型更加齐全、覆盖面更广，有利于培养和提高学生应用理论知识解决问题的能力。(3)对思考题、习题作了一些小的调整，以更适合与教学内容的融合。

本书五篇内容分为两大部分。为配合教育部力学基础课程教学指导分委员会最新制订的“理论力学课程教学基本要求(A类)”，前三篇可作为教学基本内容。根据课程计划学时的不同，可选取后两篇中的内容作为教学的专题部分。

编者感谢教材编写和修订过程中来自各方面的支持和帮助。感谢参与教材各个版本审稿的各位专家、教授。清华大学贾书惠教授为本版修订本作了详细的审阅，提出许多宝贵意见，编者谨表示衷心的感谢。

本版修订由朱本华执笔。限于水平，错误与不妥之处望读者不吝指正。

编著者

2008年7月于上海交通大学

第2版序言

本书为面向21世纪课程教材，是教育部“普通高等教育面向21世纪教学内容和课程体系改革计划”项目的研究成果。

本书为理论力学课程的教材，适用于工程力学专业和一般工科专业。理论力学是工科专业本科生必修的专业基础课程，是各门后续力学课程的理论基础，也是一门体系完整的独立学科。随着科学技术日新月异的发展，作为基础学科的理论力学，其体系和内容也必须相应地进行调整。从这个愿望出发，在编写本教材时著者力图在以下几个方面作一些改进：

(1) 提高起点，删减与物理学的某些重复部分。对基本概念的叙述力求简练和准确。

(2) 考虑到计算机应用的普及，注意使用矢量、张量、矩阵等数学工具以适应计算机的使用要求。

(3) 针对工程中求解动力学问题的实际要求，重视对运动过程的分析，而不仅限于分析特定瞬时或特定位置的运动。因此，适当加强建立和处理运动微分方程的训练。

(4) 由于分析力学方法在近代计算力学中日益显示出重要性，因此增加分析力学方法在教材中的比重，以训练学生综合运用矢量力学和分析力学两种方法解决问题的能力。

(5) 适当增加一些加深和扩展内容，作为本课程与现代科技的接口。这部分内容可供教师选讲，也可供学生利用教材自学提高，扩充知识面。

本书的初稿于1987年完成，1988年7月国家教委工程力学专业教材委员会推荐为工程力学专业的理论力学教材，初版本于1991年6月出版。根据几年来使用初版本的教学经验和改进意见，在修订再版过程中对教材内容作了较大修改。即在保持教材原有特点的同时，进一步使内容更为精练，增加了例题和思考题，对习题也作了一些调整，以加强启发性和独立思考能力的培养，有利于自学和课堂讨论。著者希望修订本不仅适合于工程力学专业，而且也能满足一般工科专业本科生多学时理论力学课程的教学要求。

本书包括静力学、运动学、矢量动力学、分析力学基础，以及若干动力学专题，如振动、碰撞和刚体定点运动等。本教材的续编《高等动力学》为理论力学的继续、补充和提高，另册出版。内容包括分析力学、运动稳定性、有心

力场中的运动、刚体动力学及多体系统动力学等。两本教材相对独立。一般工科多学时理论力学课程可只使用本教材。工程力学专业本科生可在后续的高等动力学课程中了解和掌握更深入的理论知识。少学时理论力学课程可只选讲本教材的前三篇内容。

书中使用的物理量的名称和符号均遵照国家标准的规定。重点内容和首次出现的名词术语用黑体表示,思考题用楷体表示。

本书在教材编写和修订过程中得到了各方面的鼓励和支持。在此谨向参加教材初审的童秉纲和周恒院士、张锡成、赵经文和王宏钰教授,为初版本审稿的程迺巽和贾书惠教授,为修订本审稿的贾书惠和梅凤翔教授,以及参加研讨会的各兄弟院校的理论力学前辈和同行表示衷心的感谢。戈新生教授和薛纭副教授协助书稿的校对工作,在此也一并致谢。

限于水平,错误与不妥之处望读者不吝指正。

编著者

2000年岁末于上海交通大学

第 1 版序言

本教材为工程力学专业以及对力学知识要求较高的一般工科专业的学生编写。

理论力学课程是各门后续力学课程的理论基础，也是一门体系完整的独立学科。随着科学技术日新月异的发展，作为基础学科的理论力学，其体系和内容也必须相应地进行调整。从这个愿望出发，在编写本教材时，我们力图在以下几个方面作一些改进：

(1) 提高起点，删减与物理学的某些重复部分。

(2) 考虑到计算机应用的普及，尽量使用矢量、张量、矩阵等数学工具以适应计算技术的发展，并适当增加分析法的内容。

(3) 针对工程中求解动力学问题的实际要求，重视对运动过程的分析，而不只限于分析特定瞬时或特定位置的运动。因此适当加强建立和处理运动微分方程的训练。

(4) 由于分析力学方法在近代计算力学中日益显示出重要性，所以在教材中力图使分析力学方法和矢量力学方法并重，以培养综合运用这两种方法分析、解决具体问题的能力。

(5) 适当拓宽基础理论知识，可供教师选讲，也使读者有可能利用教材自学提高，扩充知识面。

本教材为理论力学基础部分，包括静力学、运动学、矢量力学基础、分析力学基础，以及若干基本动力学问题，如振动、碰撞和刚体动力学。本教材的续编高等动力学为理论力学专题部分，另册出版，内容包括分析力学专题、非线性振动和运动稳定性、中心引力场中的运动、刚体以及多体系统动力学等。两本教材具有相对独立性。一般工科多学时理论力学课程可只使用本教材，高等动力学可作为独立课程讲授。少学时理论力学课程可只选讲本教材的前三篇内容。

本教材的初稿于 1987 年完成后，在上海交通大学工程力学系进行了多次教学实践，并在 1988 年 7 月国家教委工程力学专业教材委员会的理论力学教材评选会上中选。1989 年 1 月在上海交通大学举行的工程力学专业理论力学教材研讨会以及 1990 年 1 月的审稿会上，我们广泛听取了各方面的意见，对初稿作了较大的修改和提高。在此谨向参加评选会的童秉纲、周恒、张锡成、

赵经文和王宏钰教授，参加审稿会的程迺巽和贾书惠教授，以及参加研讨会的各兄弟院校的理论力学前辈和同行表示衷心的感谢。本教材中部分习题选自吴镇教授编写的《理论力学》，在此也向吴镇教授一并致谢。

限于水平，且编写时间短促，错误与不妥之处在所难免，望读者不吝指正。

本书由上海交通大学工程力学系刘延柱、杨海兴、顾本

一九九〇年五月于上海交通大学

主要符号表

a	加速度	J_z	刚体对 z 轴的转动惯量
a_n	法向加速度	J_{xy}	刚体对 x, y 轴的惯性积
a_t	切向加速度	J_o	刚体对点 O 的惯量张量
a_a	绝对加速度	$J_o^{(0)}$	刚体对点 O 的惯量矩阵
a_r	相对加速度	J_c	刚体对质心的惯量张量
a_e	牵连加速度	k	弹簧刚度系数
a_c	科氏加速度	k	z 轴的基矢量
A	面积, 主转动惯量, 自由振动振幅	K	刚度矩阵
A_{pq}	方向余弦矩阵	l	长度
B	主转动惯量	L	拉格朗日函数
C	质心, 主转动惯量, 积分路径	L_o	刚体对点 O 的动量矩
e	恢复因数	L_c	刚体对质心的动量矩
e_t	切线基矢量	m	质量
e_n	法线基矢量	M_z	对 z 轴的矩
e_b	副法线基矢量	M	力偶矩, 主矩, 质量矩阵
E	总机械能	M_o	对点 O 的矩
f	自由度数目, 动摩擦因数	M_o^*	惯性力的主矩, 陀螺力矩
f_s	静摩擦因数	n	质点数目, 阻尼系数, 自旋角速度
F	力, 主矢	O	参考坐标系的原点
F_P	主动力, 反推力	O_e	地球中心
F_N	法向约束力	p	转动瞬轴基矢量, 动量
F_c^*	牵连惯性力	P	质点, 功率
F_c^*	科氏惯性力	q	载荷集度, 广义坐标
F^*	达朗贝尔惯性力, 惯性力主矢	Q	广义力, 品质因数
$F^{(0)}$	力的坐标列阵	r	半径
g	重力加速度	r	矢径
h	高度	$r^{(0)}$	矢径的坐标列阵
i	x 轴的基矢量	$\bar{r}^{(0)}$	矢径的反对称坐标方阵
I	冲量	r_o	点 O 的矢径
\tilde{I}	广义冲量	r_c	质心的矢径
j	y 轴的基矢量	R	半径
		s	弧坐标, 频率比

t	时间	ζ	阻尼比
T	动能, 周期	η	减缩系数
T_r	相对运动动能	ϑ	角度坐标
U	势力函数	κ	曲率
v	速度	λ	本征值, 转动惯量比
v_a	绝对速度	Λ	对数减缩
v_r	相对速度	ν	进动角速度, 陀螺的章动频率
v_e	牵连速度	Π	平面
v_c	质心速度	ρ	密度, 曲率半径
V	势能, 体积	ρ	相对矢径
V^*	离心力场势能	ρ_c	质心的相对矢径
W	力的功	φ	角度坐标
W	重力	ϕ	摩擦角, 纬度角
x, y, z	直角坐标	ψ	角度坐标
α	角度坐标	ω_0	固有角频率
α	角加速度	ω	角速度
β	角度坐标, 放大因子	ω_a	绝对角速度
δ	滚阻系数	ω_r	相对角速度
δ	变分符号	ω_e	牵连角速度
Δ	变更符号		

目 录

绪论	(1)
§ 0.1 理论力学的研究对象	(1)
§ 0.2 理论力学的研究方法	(2)
§ 0.3 经典力学的基本概念	(4)
第一篇 静力学	
第一章 力和力矩	(9)
§ 1.1 力的性质	(9)
§ 1.2 力矢量的坐标表示	(12)
§ 1.3 力对点的矩	(12)
§ 1.4 力对轴的矩	(15)
习题	(17)
第二章 力系的简化	(20)
§ 2.1 汇交力系	(20)
§ 2.2 平行力系	(22)
§ 2.3 力偶及力偶系	(27)
§ 2.4 空间一般力系	(30)
习题	(37)
第三章 约束	(41)
§ 3.1 约束、约束力和主动力	(41)
§ 3.2 约束的基本类型	(43)
§ 3.3 受约束物体的受力分析	(47)
习题	(49)
第四章 力系的平衡	(52)
§ 4.1 力系的平衡方程	(52)
§ 4.2 静定和超静定	(62)
§ 4.3 刚体系的平衡问题	(66)
§ 4.4 考虑摩擦的平衡问题	(77)
习题	(90)
第二篇 运动学	
第五章 点的运动	(107)

§ 5.1	点的位置	(107)
§ 5.2	点的速度	(111)
§ 5.3	点的加速度	(113)
	习题	(119)
第六章	刚体的基本运动和点的复合运动	(121)
§ 6.1	刚体的平移和定轴转动	(121)
§ 6.2	点在平移参考系中运动的合成	(127)
§ 6.3	点在转动参考系中运动的合成	(130)
	习题	(137)
第七章	刚体的平面运动	(143)
§ 7.1	刚体平面运动的分解	(143)
§ 7.2	刚性截面内点的速度和加速度	(146)
§ 7.3	刚体绕平行轴转动的合成	(156)
§ 7.4	点在平面运动参考系中的复合运动	(159)
	习题	(162)
第八章	刚体的定点运动	(169)
§ 8.1	刚体的有限转动	(169)
§ 8.2	刚体的瞬时转动	(173)
§ 8.3	刚体绕汇交轴转动的合成	(175)
§ 8.4	刚体的一般运动	(180)
	习题	(183)
第九章	分析运动学	(186)
§ 9.1	质点系的约束和自由度	(186)
§ 9.2	刚体系统的约束和自由度	(189)
§ 9.3	解决运动学问题的分析法	(191)
	习题	(195)
第三篇 矢量动力学		
第十章	质点动力学	(201)
§ 10.1	惯性参考系中的质点动力学	(201)
§ 10.2	非惯性参考系中的质点动力学	(207)
§ 10.3	质点系的运动微分方程	(211)
	习题	(212)
第十一章	动量定理	(217)
§ 11.1	动量定理	(217)
§ 11.2	质心运动定理	(221)
§ 11.3	变质量系统的质心运动定理	(224)
	习题	(229)

第十二章 动量矩定理	(234)
§ 12.1 矩心为定点的动量矩定理	(234)
§ 12.2 刚体的定轴转动微分方程	(237)
§ 12.3 矩心为质心的动量矩定理	(240)
§ 12.4 矩心为动点的动量矩定理	(245)
§ 12.5 刚体的平面运动微分方程	(251)
习题	(256)
第十三章 动能定理	(264)
§ 13.1 动能	(264)
§ 13.2 力的功	(266)
§ 13.3 势力场和势能	(271)
§ 13.4 动能定理	(273)
§ 13.5 非惯性参考系中的动能定理	(278)
§ 13.6 动力学普遍定理的综合应用	(280)
习题	(282)
第十四章 达朗贝尔原理	(288)
§ 14.1 达朗贝尔惯性力与达朗贝尔原理	(288)
§ 14.2 达朗贝尔惯性力系的简化	(289)
§ 14.3 动静法	(290)
习题	(296)
第四篇 分析力学基础	
第十五章 分析静力学	(303)
§ 15.1 虚位移和虚速度	(303)
§ 15.2 虚位移原理	(309)
§ 15.3 势力场中质点系的平衡条件及稳定性	(317)
习题	(322)
第十六章 分析动力学	(328)
§ 16.1 动力学普遍方程	(328)
§ 16.2 拉格朗日方程	(333)
§ 16.3 拉格朗日方程的初积分	(339)
习题	(344)
第五篇 动力学专题	
第十七章 振动	(351)
§ 17.1 平衡位置附近的微振动	(351)
§ 17.2 单自由度系统的自由振动	(353)

§ 17.3	相平面方法	(359)
§ 17.4	单自由度系统的受迫振动	(361)
§ 17.5	两自由度系统的振动	(367)
	习题	(372)
第十八章 碰撞		(378)
§ 18.1	碰撞的特征和基本假定	(378)
§ 18.2	研究碰撞的矢量力学方法	(380)
§ 18.3	研究碰撞的分析力学方法	(384)
§ 18.4	物体之间的相互碰撞	(388)
	习题	(396)
第十九章 刚体定点转动		(401)
§ 19.1	刚体的质量几何	(401)
§ 19.2	刚体的动力学方程	(407)
§ 19.3	转动刚体的动约束力	(412)
§ 19.4	轴对称刚体的定点转动	(417)
§ 19.5	陀螺近似理论	(421)
	习题	(424)
附录 A 矢量和并矢		(430)
附录 B 等时变分		(436)
附录 C 典型约束和约束力		(438)
附录 D 简单均质几何体的重心和转动惯量		(440)
主要参考书目		(443)
习题答案		(444)
索引		(463)
Synopsis		(469)
Contents		(470)
作者简介		(475)
章六十一第		
章五第		
章六十一第		
章五第		

绪 论

§ 0.1 理论力学的研究对象

力学是研究客观物质机械运动规律的科学。机械运动是指物质在空间和时间中的位置变化。固体的移动和变形、气体和液体的流动都属于机械运动。机械运动是自然界最普遍的运动。大至宇宙，小至基本粒子，无处不存在这种机械运动。即使是物质更高级的运动形态，如物理、化学、乃至生命活动，也含有机械运动在内。对各种不同形态的机械运动的研究产生了不同的力学分支学科。**理论力学**研究机械运动的最普遍和最基本的规律，它是各门力学学科的基础。近代工程技术，如土木工程、机械工程、航空航天工程等都是在力学理论指导下发展起来的，因此理论力学也是这些与机械运动密切相关的工程技术学科的基础。

理论力学起源于物理学的一个独立分支，但它的内容已大大超过了物理学的内容。理论力学不仅要求建立与力学有关的各种基本概念和理论，而且要求能运用理论知识对于从实际问题中抽象出来的力学模型进行分析和计算。所谓力学模型就是对自然界和工程技术中复杂的实际研究对象的合理简化。当所研究物体的运动范围远远超过它本身的几何尺度时，它的形状对运动的影响极微小，可以将物体简化为只有质量而没有体积的几何点，称为**质点**。一般情况下任何物体都可以看作是由许多质点组成的系统，称为**质点系**。对于那些在运动中变形极小，或虽有变形但不影响其整体运动的物体，可以完全不考虑其变形而认为组成物体的各个质点之间保持距离不变。这种不变形的特殊质点系称为**刚体**。由许多刚体组成的系统称为**刚体系**。理论力学的研究对象仅限于离散的质点、质点系、刚体和刚体系，统称为**离散系统**。在分析固体的变形或流体的流动规律时，必须建立另一种力学模型，即物质在空间连续分布的**连续介质**。虽然对连续介质的研究属于后续的其他力学课程的任务，但理论力学所研究的普遍性规律也适用于连续介质。

对实际物体抽象为何种力学模型，取决于问题的性质。如计算人造卫星绕地球运行的轨道运动时，由于卫星的尺度远远小于轨道半径，可以将卫星简化

为质点。但在讨论卫星绕质心转动的姿态运动时，必须将卫星抽象为刚体。对于带有挠性太阳帆板的卫星，还必须抽象为刚体和弹性体组成的更复杂的模型。

理论力学所研究的力学规律仅限于经典力学范畴。它的研究对象被限制为由大量分子组成，且运动速度远远小于光速(3×10^8 m/s)的宏观物体。绝大多数工程实际问题都属于这个范畴。一般认为，经典力学是以牛顿定律为基础建立起来的力学理论，它的结论不适用于原子、电子等微观粒子的运动，或速度接近于光速的物体运动。后两种运动属于量子力学和相对论的研究对象。

理论力学的内容由三部分组成：静力学、运动学和动力学。静力学研究力系的简化，以及物体在力系作用下的平衡规律。运动学从几何学的观点研究物体的运动。动力学则研究物体的运动与作用于物体的力之间的关系。静力学中所讨论的静止和平衡是运动的一种特殊形态。因此，也可以认为静力学是动力学的一种特殊情形。不过由于工程技术发展的需要，静力学已积累了丰富的内容而成为一个相对独立的组成部分。

§ 0.2 理论力学的研究方法

与一切科学相同，对力学基本规律的研究起源于对实际现象的观察和归纳。人类在生产活动中很早就开始积累经验并逐渐形成初步的力学知识。我国的墨翟(前 465—376)在《墨经》中已经对力和重心的概念作了最早的解释。古希腊的亚里士多德(Aristotel, 前 384—322)和阿基米德(Arhimed, 前 287—212)总结了杠杆原理和浮力原理。经过人类对力学的认识不断深化的漫长过程，伽利略(Galileo G, 1564—1642)正确地认识了物体的惯性和加速度概念，提出了运动相对性原理。开普勒(Kepler J, 1571—1630)在对大量天文观测资料的分析中总结出行星的运动规律。在他们的认识基础上，1687年牛顿(Newton I, 1642—1727)在《自然哲学的数学原理》一书中提出了制约物质宏观机械运动的基本规律，即万有引力定律和动力学基本定律，从而奠定了后人称为牛顿力学的基础。1670年牛顿和莱布尼茨(Leibniz G W, 1646—1716)创立了研究力学规律的数学方法——微积分。此后力学的研究才有可能从归纳性科学转变为演绎性，即以牛顿定律为基本出发点，利用数学推理得出结论以解释或预测实际现象，并经受实践的检验。因此力学和数学之间有着密切的联系。人类在实践活动中对牛顿力学基本原理的无数次检验证实，对于速度远远小于光速的宏观物体的运动，牛顿定律具有高度正确性。1846年根据牛顿定律推算结果的预测而发现海王星实际存在的事实，不仅有力地证实牛顿定律的正确性，而且展