

桁架解析学

陈维新编著

桁架解析学

莫

1.212

7

01203

建筑工程出版社

桁 架 解 析 学

陈 维 新 编 著

建筑工 程 出 版 社 出 版

桁架解析学

陈维新 编著

*

建筑工程出版社出版 (北京市阜成门外肖家胡同)

(北京市通用出版营业登记证字第052号)

建筑工程出版社印刷厂印刷·新华书店发行

书名524 字数140千字 870×1092 1/30 印数 11/15

1957年9月第1版 1957年9月第1次印刷

印数: 1—1,750册 定价 (1) 1.60元

目 录

本書的先決條件 9

上篇 平面桁架

第一章 桁架的種類及其所需杆數的推算法	10
(一) 有支承的桁架杆數推算法	10
(二) 無支承的桁架杆數推算法	12
(三) 片的互相連接及其所需連杆數的推算法	13
第二章 靜定桁架的杆力解析法	17
(四) 片的平衡	17
(五) 片的支承法及各支點的反力推算法	17
1. 靜定式的支承	18
2. 超靜定式的支承	19
3. 使超靜定式的支承變成靜定式	20
(六) 普通靜定桁架的杆力解析法	21
1. 节点斷切法	21
2. 李特爾(桁架片斷切)法	26
3. 結構成對稱的桁架	28
4. 桁架無力杆的檢查法	30
(七) 特別靜定桁架的杆力解析法	31
1. 斷切法	31
2. 調換法	37
第三章 桁架的彈性變形	41
(八) 桁架彈性變形的起源	41
(九) 桁架節點的位移求法	43
1. 圖解法	43
2. 計算法	49

(十) 桁架彈性變形時，其作用節點的互相位移關係	52
第四章 超靜定桁架的杆力解析法	54
(十一) 一次超靜定的桁架杆力求解法	54
1. 圖解法	54
2. 計算法	56
(十二) 二次或多次超靜定的桁架杆力求解法	58
(十三) 結構成對稱的超靜定桁架杆力的求解法	61
(十四) 有初應力作用的超靜定桁架杆力的求解法	65
第五章 關於桁架的各點	68
(十五) 采用各種超靜定結構的理由	68
1. 減輕結構本身的重量，增加結構的剛性	68
2. 因荷重變動方向	69
3. 使安全因數增加	69
4. 成對稱的結構	70
5. 結構上的需要	70
(十六) 桁架的功及其應變能	71
(十七) 桁架的剛性	72
1. 剛性的標準數	72
2. 剛性與桁架杆的重量關係	73
(十八) 關於最小功的理論	77

下篇 空間桁架

第六章 空間桁架所需杆數的推算法	79
(十九) 有支承的空間桁架所需杆數推算法	79
(二十) 桁架體所需杆數的推算法	80
(二十一) 物體的互相連接法及其所需連杆數推算法	81
(二十二) 辦式桁架	83
第七章 普通靜定空間桁架的杆力推求法	86
(二十三) 空間同作用點的各力分合法	86
1. 合力法	86
2. 分力法	87
(二十四) 空間桁架支杆力的推求法——一個力分子六個方向法	88
1. 解析法	88

2. 力矩法.....	89
(二十五) 普通靜定空間桁架的杆力推求法.....	93
第八章 特別靜定空間桁架的杆力求解法.....	97
(二十六) 特別靜定空間桁架杆力的普通求解法.....	97
1. 荷重作用于桁架的任何一表面內.....	97
2. 桁架的各表面有几根連成曲摺狀的中間杆,荷重作用于桁架各角点.....	97
3. 荷重非作用于桁架的各角点和各表面內.....	98
4. 荷重作用于有四根以上的連杆的桁架各角点.....	100
(二十七) 縱杆力投影法.....	102
1. 作用于前后表面的荷重均系扭力偶.....	103
2. 作用于前表面的荷重是一个單獨的橫力.....	113
3. 荷重及反力均为力偶,但均作用于桁架体的側面	114
(二十八) 希梵勒架.....	115
1. 承受對称荷重的正形希梵勒架.....	116
2. 承受單獨荷重的正形希梵勒架.....	117
3. 各側面有二根中間杆的希梵勒架.....	119
4. 希梵勒架的应用.....	121
(二十九) 網形架.....	133
1. 單級網形架.....	133
2. 多級網形架.....	137
(三十) 調換法.....	141
第九章 空間桁架的位移.....	149
(三十一) 空間桁架的节点位移.....	149
1. 一个單獨荷重.....	149
2. 荷重为一个扭力偶.....	152
(三十二) 純粹的正形辦式桁架体的橫面凹凸变形.....	154
1. 正形薄壁体的橫面凹凸变形.....	154
2. 純粹的正形辦式桁架体的橫面凹凸变形.....	161
第十章 超靜定空間桁架的杆力解析法.....	164
(三十三) 超靜定空間桁架杆力的一般計算法.....	164
(三十四) 有支承而非純粹的辦式桁架杆力的求解法.....	165
(三十五) 側面缺少对角杆的辦式桁架杆力求法.....	176

1. 桁架的結構本為靜定.....	176
2. 桁架的結構本為超靜定.....	178
第十一章 动力荷重.....	180
(三十六) 动力荷重的种类.....	180
(三十七) 撞击荷重.....	181
1. 物体与彈性体系的撞击.....	181
2. 彈性体系和不动平面的撞击.....	184
(三十八) 突加荷重.....	185
1. 荷重停留在彈性体系上.....	185
2. 瞬时荷重.....	185
(三十九) 强迫振动荷重.....	186
第十二章 桁架的稳定性.....	189
(四十) 平面杆件系統中的一杆,在承受經過杆的軸心綫的 定值压缩荷重時的临界荷重求法.....	191
1. 兩端鉸支承和其中一端有水平向彈性控制的杆件.....	191
2. 一端自由和另一端彈性固連的杆件.....	194
(四十一) 平面杆件系統中的一杆,在承受压缩和弯曲荷重時的 临界荷重求法.....	195
1. 兩端鉸支承和具有中間彈性支座的杆件.....	195
2. 一端鉸接和另一端彈性固連的或二端都彈性固連的杆件.....	198

桁 架 解 析 学

陈 维 新 编 著

建筑~~工程~~出版社出版

桁架解析学

陈维新 编著

*

建筑工程出版社出版 (北京市阜成门外西直门内大街)

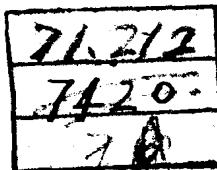
(北京市书刊出版营业登记证字第052号)

建筑工程出版社印刷厂印刷·新华书店发行

查印524 字数 140 千字 870×1092 1/30 印数 5 11/15

1957年9月第1版 1957年9月第1次印刷

印数：1—1,750册 定价（元）1.60元



作者自序

桁架在建築工業方面和機械工業方面的應用範圍都非常廣泛，例如安裝大型鋼結構厂房、製造飛機、行車結構和各種機器支架，都是离不开桁架的。

我國偉大的社會主義建設，正以驚人的速度前進，國民經濟的各个方面都有了空前的成就，特別是機械工業方面的成就，更为顯著。這是我們國家一向堅持優先發展重工業政策的結果。在劉少奇同志代表中國共產黨中央委員會向中國共產黨第八次全國代表大會所作的政治報告和第八次黨代表大會關於政治報告的決議中，都着重指出優先發展機械工業的重大意義。

但是，目前我國不僅機械工業遠遠不能滿足擴大再生產的需要，就是機械理論、特別是闡述桁架學的理論，還很少見；即或有，也都偏重在建築工程方面，又僅述及平面桁架，偶然提到空間桁架，論述也不詳盡。而且，荷重在建築工程或機械工程的作用情形，是不完全一樣的。因此這些書籍，還不能滿足從事機械工程的人員的需要。我這本書，就是為滿足這種需要而創作的。

為了深入淺出地系統地闡述桁架的理論和實用，本書分平面桁架和空間桁架二部分：平面桁架部分，講述桁架的基本理論，作為進一步研究空間桁架的基礎；空間桁架部分，則以幾個主要的基本式桁架作為討論對象，因為它們不僅包括了一般空間桁架的結構和原理，而且一般空間桁架也是由它們變化而成的。由此可見：掌握了本書的理論，就可以解決一般空間桁架問題；偶遇特殊桁架，也可以找到解決途徑。此外，本書力求達到下述各點：

1. 应用簡便的方法，解決複雜的桁架問題。
2. 采用捷徑，求解多次超靜定問題。

- 3. 開述“桁架的結構愈輕，其剛性愈大”的理論，從而達到節約。
- 4. 內容包括桁架的主要問題，并加以扼要地敘述，以节省讀者時間。
- 5. 理論與實際相結合。

但作者限于理論水平與實際經驗都很不够，不妥之處在所難免，謹希讀者指正。

1956年底于华东化工学院

目 录

本書的先決條件 9

上篇 平面桁架

第一章 桁架的種類及其所需杆數的推算法	10
(一) 有支承的桁架杆數推算法	10
(二) 無支承的桁架杆數推算法	12
(三) 片的互相連接及其所需連杆數的推算法	13
第二章 靜定桁架的杆力解析法	17
(四) 片的平衡	17
(五) 片的支承法及各支点的反力推算法	17
1. 靜定式的支承	18
2. 超靜定式的支承	19
3. 使超靜定式的支承變成靜定式	20
(六) 普通靜定桁架的杆力解析法	21
1. 节点斷切法	21
2. 李特爾(桁架片斷切)法	26
3. 結構成對稱的桁架	28
4. 桁架無力杆的檢查法	30
(七) 特別靜定桁架的杆力解析法	31
1. 斷切法	31
2. 調換法	37
第三章 桁架的彈性變形	41
(八) 桁架彈性變形的起源	41
(九) 桁架节点的位移求法	43
1. 圖解法	43
2. 計算法	49

(十) 桁架彈性变形时,其作用节点的互相位移关系	52
第四章 超靜定桁架的杆力解析法.....	54
(十一) 一次超靜定的桁架杆力求解法.....	54
1. 圖解法.....	54
2. 計算法.....	56
(十二) 二次或多次超靜定的桁架杆力求解法.....	58
(十三) 結構成对称的超靜定桁架杆力的求解法.....	61
(十四) 有初应力作用的超靜定桁架杆力的求解法.....	65
第五章 关于桁架的各点.....	68
(十五) 采用各种超靜定結構的理由.....	68
1. 減輕結構本身的重量,增加結構的剛性	68
2. 因荷重变动方向.....	69
3. 使安全因数增加.....	69
4. 成对称的結構.....	70
5. 結構上的需要.....	70
(十六) 桁架的功及其应变能.....	71
(十七) 桁架的剛性.....	72
1. 剛性的标准数.....	72
2. 剛性与桁架杆的重量关系.....	73
(十八) 关于最小功的理輪.....	77

下篇 空間桁架

第六章 空間桁架所需杆数的推算法.....	79
(十九) 有支承的空間桁架所需杆数推算法.....	79
(二十) 桁架体所需杆数的推算法.....	80
(二十一) 物体的互相連接法及其所需連杆数推算法.....	81
(二十二) 辊式桁架.....	83
第七章 普通靜定空間桁架的杆力推求法.....	86
(二十三) 空間同作用点的各力分合法.....	86
1. 合力法.....	86
2. 分力法.....	87
(二十四) 空間桁架支杆力的推求法——一个力分子六个方向法.....	88
1. 解析法.....	88

2. 力矩法.....	89
(二十五) 普通靜定空間桁架的杆力推求法.....	93
第八章 特別靜定空間桁架的杆力求解法.....	97
(二十六) 特別靜定空間桁架杆力的普通求解法.....	97
1. 荷重作用于桁架的任何一表面內.....	97
2. 桁架的各表面有几根連成曲摺狀的中間杆,荷重作用于桁架各角点.....	97
3. 荷重非作用于桁架的各角点和各表面內.....	98
4. 荷重作用于有四根以上的連杆的桁架各角点.....	100
(二十七) 縱杆力投影法.....	102
1. 作用于前后表面的荷重均系扭力偶.....	103
2. 作用于前表面的荷重是一个單獨的橫力.....	113
3. 荷重及反力均为力偶,但均作用于桁架体的側面	114
(二十八) 希梵勒架.....	115
1. 承受對稱荷重的正形希梵勒架.....	116
2. 承受單獨荷重的正形希梵勒架.....	117
3. 各側面有二根中間杆的希梵勒架.....	119
4. 希梵勒架的应用.....	121
(二十九) 網形架.....	133
1. 單級網形架.....	133
2. 多級網形架.....	137
(三十) 調換法.....	141
第九章 空間桁架的位移.....	149
(三十一) 空間桁架的节点位移.....	149
1. 一个單獨荷重.....	149
2. 荷重为一个扭力偶.....	152
(三十二) 純粹的正形辦式桁架体的橫面凹凸变形.....	154
1. 正形薄壁体的橫面凹凸变形.....	154
2. 純粹的正形辦式桁架体的橫面凹凸变形.....	161
第十章 超靜定空間桁架的杆力解析法.....	164
(三十三) 超靜定空間桁架杆力的一般計算法.....	164
(三十四) 有支承而非純粹的辦式桁架杆力的求解法.....	165
(三十五) 側面缺少对角杆的辦式桁架杆力求法.....	176

1. 桁架的結構本為靜定.....	176
2. 桁架的結構本為超靜定.....	178
第十一章 力荷重.....	180
(三十六) 力荷重的種類.....	180
(三十七) 撞擊荷重.....	181
1. 物體與彈性體系的撞擊.....	181
2. 彈性體系和不動平面的撞擊.....	184
(三十八) 突加荷重.....	185
1. 荷重停留在彈性體系上.....	185
2. 瞬時荷重.....	185
(三十九) 強迫振動荷重.....	186
第十二章 桁架的穩定性.....	189
(四十) 平面杆件系統中的一杆，在承受經過杆的軸心線的 定值壓縮荷重時的臨界荷重求法.....	191
1. 兩端鉸支承和其中一端有水平向彈性控制的杆件.....	191
2. 一端自由和另一端彈性固連的杆件.....	194
(四十一) 平面杆件系統中的一杆，在承受壓縮和彎曲荷重時的 臨界荷重求法.....	195
1. 兩端鉸支承和具有中間彈性支座的杆件.....	195
2. 一端鉸接和另一端彈性固連的或二端都彈性固連的杆件.....	198

本書的先決條件

在許多杆的二端連接起來而成的結構，能夠承受荷重而不變其幾何形狀者，稱為桁架。變形微小不影響計算結果的，可以假定不變形。桁架各杆的接頭，稱為節點。

桁架的所有杆都在同一平面的，稱為平面桁架。平面桁架只能承受和它同面的荷重。桁架的所有杆不在同一平面的，稱為空間桁架。空間桁架能承受空間任何方向的荷重。

作圖時，桁架的所有杆以線表示；桁架的節點以點表示。

本書計算桁架時，預先假定：

1. 桁架的所有杆，都是直的；
2. 桁架各杆的接頭，都是鉸鏈接頭，在鉸鏈內無摩擦；也就是各杆的接頭都是剛接（銷接），按鉸鏈接頭計算，錯誤一般不大；
3. 桁架的荷重，都作用在桁架的節點上；
4. 桁架各杆的本身重量，要比桁架的荷重小得多，因而求杆力時，各杆的重量可以不計。

分析桁架的杆力和變形時，假定桁架在承受預知的荷重時成穩定平衡。

上篇 平面桁架

第一章 桁架的种类及其所需杆数的推算法

(一) 有支承的桁架杆数推算法

平面上任何一点 A , 以一杆和一物体連接, 如圖一甲, 連点 B 是一个鉸鏈, 故 A 点在承受荷重 P 时, 荷重的作用方向, 須与連杆

的方向相同, 即 $\alpha=\beta$ 。荷重的作用方向, 稍与連杆的方向不同, 連杆就会繞 B 点轉动, 这样的桁架結構, 仅能承受作用于一定方向的荷重, 故为不稳式。

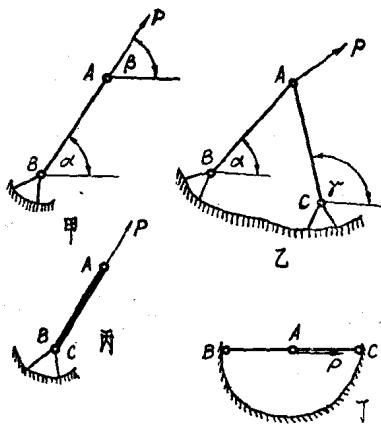


圖 1

架的結構是稳定的。由此可見:一个平面点和一个物体連接, 最少需要二杆。 A 点承受荷重时, 二連杆的杆力能用普通分力法求得, 这种桁架的結構为靜定式。

若 A 点的二連杆方向相同, 即 $\alpha=\gamma$, 如圖一丙及丁, 則荷重 P 的作用方向受到限制, 桁架的結構成不稳式, 須避免之。