

# 电子模拟计算装置及其应用

朱培基編著

科学出版社

73.871  
222

# 电子模拟计算装置及其应用

朱培基 编著



## 内 容 简 介

电子模拟計算装置是一种应用广泛的电子装备，它是科学的研究及工程設計的重要工具。

本书对电子模拟計算装置及其应用作了較全面的闡述。全书共分十四章，前八章对部件及裝置的原理和結構作了詳細的介紹和討論，并引述了近年来的新成就。第九章以后是以模拟方法为重点，除了討論微分方程、代数方程和偏微分方程的模拟外，还介绍了实物系統的模拟及数字模拟方法。

本书可供从事研究、設計及应用电子模拟計算装置的科学工作者和工程技术人员的参考，也可作为高等学校的自动化、計算技术及其他有关专业的高年级学生参考用。

## 电子模拟計算裝置及其应用

朱培基編著

\*

科学出版社出版 (北京朝阳门大街 117 号)

北京市书刊出版业营业登记证字第 061 号

中国科学院印刷厂印刷 新华书店总經售

\*

1963年9月第一版

书号：2809

1963年9月第一次印刷

字数：408,000

(京) 精裝：1—2,100

开本：787×1092 1/16

平裝：1—1,500

印张：19 5/8 插頁：3

定价：精裝本 3.40 元  
平裝本 2.70 元

23830

## 前　　言

电子模拟計算装置是一种应用广泛的电子装备，由于这种装置具有的灵活性及适用性，近二十年来得到了迅速的进展。我国这方面的研究和应用虽然开始得較晚，也已經迅速地取得成就，并在不断的发展中。但是这方面的中文书籍还比較缺乏。編写本书的目的是为了在这方面起到补缺和介紹新技术的作用。

模拟的技术方法是多种多样的，在这本书中显然不能全部包容。这里所提供的，主要是以函数部件为基础、以类比物理量为訊号形式的函数式計算装置及其模拟方法。这种类型的模拟(类比)計算装置是目前应用最广泛、通用性最强的一种。全书共分十四章，第八章以前是部件及装置部分；第九章起以模拟方法的論述为重点。

部件和装置部分，按照綫性和非綫性部件的次序來論述。綫性函数部件是模拟計算的基础，因此在概論之后，接着在第二章里对它的构成原理及方法，作了一般的概述。非綫性函数部件的类别及技术方法是繁多的，这里用了三个章节來討論。其中第五和第六章是电子式函数轉換部件，第七章是机电式函数部件。

电子式函数轉換器部件的一般构成原理在第五章里进行了介紹，重点是二极管函数轉換器，因为它的应用是很普遍的。乘法器是函数轉換器的特殊形式，在模拟計算裝置中，占有特別重要的位置，因此划分在第六章里作为專門問題來討論。在这一章里，除了对目前应用最广的四分之一平方和脉冲調制两类乘法器作了較多的介紹外，其他类型的乘法器，如正弦調制、光电示波管、阶级式、霍尔效应等也作了适当的介紹；为了全面起見，最后还引述了苏联学者提出的乘法組合裝置。这种裝置是由几个乘法器組合起来的，可以提高单个乘法器的靜态准确度和动态响应。

第七章的內容是隨动系統組成的机电函数部件，包括乘、除及其它非綫性部件。組成部件的主体——隨动系統，这里也作了一些介紹，但只是从实际出发結合計算机的需要來介紹的，它的理論則不属本书范围。

运算放大器是函数部件的重要組成部分，为了使讀者对它有一个清楚的概念，本书用了两章(第三和第四章)來討論。漂移和反饋稳定是运算放大器的两个重要問題，也在这两章里着重进行了論述，并介紹了一些构成运算放大器的新方法：象晶体管調制器、直饋原理和分頻通道原理的应用等。

函数式模拟計算装置是函数部件的組合体，但并不是部件简单地累加，而是統一的系統。因此在裝置中必須有各种控制、配線以及为保証系統可靠运算和方便工作等种种設備和机构，才能使零散的部件組成整个裝置。这方面的問題，我們在第八章“直流电子模拟計算裝置的系統組合”这一标题下來討論。由于这方面的問題比較分散，很难作全面而

詳尽的介紹。

用模拟計算裝置來構成數學模型，主要有三種類型：即常微分方程、代數方程和偏微分方程模型。它們的結構方法分別在第九、第十及第十一章內敘述。模型結構是以直流通數模擬計算裝置為主要的解算工具，電網絡則在偏微分方程模型中應用。

传递函数的形式是复变函数  $S$  的分式。以微分方程表示时，方程中含有输出和輸入变量的各阶导数項。这类方程的模拟，比第九章里介紹的一般常微分方程要麻煩些，特別是当前者具有初始条件的情况下，这方面的問題在第十二章作了較詳細地論述。

实物系統的模拟和方程的解算是不同的。方程的解算是仅仅是为了求得方程中某几个变量的解，而实物系統的模拟则是为了了解和研究系統的特性。在第九章里通过一些实例，說明实物系統模拟的具体方法，包括系統模拟、特性測量等。由于被模拟的对象是多种多样的，在一个簡短的章节里是不可能全面談到的，我們的目的仅仅是使讀者对此有一概略的認識而已。

第十四章也就是最后一章，內容为数字方法的应用。包括数字計算机运算原則在类比計算裝置中的应用、数字混合模拟等。这些方法可以認為是模拟技术的进一步发展。在有些情况下，可大大节省函数部件的数量；在另一些情况下，可提高运算的准确度。这些方法的应用将扩大模拟計算裝置的适用范围。

本书的初稿，大部分曾作为教材試用过，現經修改补充后編寫而成。由于時間仓促，未及詳細审訂，并且限于水平，錯誤和不足之处一定很多，誠懇地希望广大讀者不吝指正，随时提出宝贵意見，以便有可能在下一版中得到糾正和补充。

本书能够在較短期間編寫出版，主要是由于有关組織的支持和鼓励，在此表示衷心感謝。胡忠恕、李景湘、徐茂泰、趙季純等同志在本书編寫过程中，給予了很大帮助，特別是胡忠恕同志，在这里也一并表示感謝。

編著者

1963年5月

21(473/1)

(三) 3/52)

## 目 录

<b>前言</b>	vii
<b>第一章 概論</b>	1
§1.1. 計算机的发展	1
§1.2. 模拟計算机的类比关系和模拟計算机的分类	2
§1.3. 模拟計算机的应用和作用	6
参考文献	7
<b>第二章 線性函数部件</b>	9
§2.1. 用无源网络組成的線性函数部件	9
§2.2. 用运算放大器和无源网络組成的基本函数部件	13
§2.3. 积分电容漏电及对地絕緣和电容器吸收效应及其影响	19
§2.4. 复合函数部件	23
§2.5. 基本函数部件的动态誤差	30
参考文献	40
<b>第三章 漂移的影响和运算放大器</b>	41
§3.1. 漂移的来源及其影响	41
§3.2. 电子管放大器第一級的等效电压漂移和补偿	44
§3.3. 放大器的輸出級	51
§3.4. 自动稳定零点的运算放大器	56
§3.5. 电流漂移的影响及克制方法	63
§3.6. 利用分频通道組成的运算放大器	65
§3.7. 运算放大器線路	66
参考文献	72
<b>第四章 运算放大器的設計和分析</b>	74
§4.1. 运算放大器系统的等效方框图	74
§4.2. 传递函数的形式	76
§4.3. 放大器的頻带及稳定补偿	81
§4.4. 带有自动稳定零点漂移線路的放大器系統	86
§4.5. 改善放大器的一些途径	88
参考文献	92
<b>第五章 函数轉換器</b>	93
§5.1. 用非線性阻抗构成的函数轉換器的一般方法	94
§5.2. 二极管非線性单元特性	97
§5.3. 用二极管复制函数的方法	101
§5.4. 通用二极管函数轉換器	107
§5.5. 典型非線性和邏輯开关	109

§5.6. 基利特非綫性电阻.....	112
§5.7. 函数轉換器的誤差.....	115
§5.8. 增加函数的分段和曲綫插值的方法.....	119
§5.9. 阴极射綫管式函数轉換器.....	121
§5.10. 多变量函数轉換器 .....	123
参考文献.....	125
<b>第六章 乘法部件.....</b>	<b>126</b>
§6.1. 按照間接相乘关系构成的乘法器.....	127
§6.2. 調制式乘法器.....	134
§6.3. 变系数乘法器.....	146
§6.4. 乘法器組合裝置.....	151
参考文献.....	154
<b>第七章 隨動系統式机电函数部件.....</b>	<b>156</b>
§7.1. 計算机隨動系統的环节的传递函数和系統的动态特性.....	156
§7.2. 隨動系統的速度和加速度限制及齒輪比选择.....	161
§7.3. 放大器綫路和稳定网络.....	163
§7.4. 隨動系統函数部件及其負載消除方法.....	166
§7.5. 用隨動系統組成的除法运算.....	169
§7.6. 隨動系統組成的函数轉換器.....	172
参考文献.....	176
<b>第八章 直流电子模拟計算装置的系統組合.....</b>	<b>177</b>
§8.1. 裝置中的部件配比和配綫方法.....	177
§8.2. 传递函数的設置和电位器.....	180
§8.3. 初始条件的建立.....	183
§8.4. 电源、运算和校驗的控制.....	184
§8.5. 自动設置和自动选择机构.....	191
§8.6. 程序和交替运算的控制.....	193
§8.7. 記录和觀察設備.....	195
参考文献.....	196
<b>第九章 模拟計算装置解算綫性及非綫性常微分方程.....</b>	<b>197</b>
§9.1. 結構图使用的符号.....	197
§9.2. 綫性常系数微分方程的結構方法.....	197
§9.3. 幅值与時間尺度的选定.....	201
§9.4. 綫性变系数常微分方程的模拟.....	206
§9.5. 变系数部件和時間函数产生器.....	209
§9.6. 非綫性方程的模拟.....	212
§9.7. 断續系統的模拟.....	213
<b>第十章 綫性联立代数方程的求解.....</b>	<b>218</b>
§10.1. 联立代数方程的矩阵表示.....	218
§10.2. 綫性联立代数方程組的直接解法.....	221
§10.3. 放大器頻响特性与系統的稳定关系.....	223
§10.4. 綫性代数方程的普遍結構方法.....	226

§10.5. 用迭代方法提高准确度.....	227
§10.6. 联立代数方程组的系数为复数时的解法.....	228
§10.7. 固有值問題及多项式.....	228
参考文献.....	229
<b>第十一章 求解偏微分方程.....</b>	<b>230</b>
§11.1. 直角坐标定差方程的近似式.....	230
§11.2. 圆柱及球坐标的差分表示式.....	233
§11.3. 电阻网解算場的問題.....	235
§11.4. 用阻抗网解算具有时间导数的偏微分方程.....	237
§11.5. 用函数计算机来模拟偏微分方程.....	239
参考文献.....	241
<b>第十二章 传递函数、迟延函数和一些时间函数的模拟.....</b>	<b>242</b>
§12.1. 传递函数的模拟——連續积分法.....	242
§12.2. 传递函数的模拟——代换法.....	244
§12.3. 传递函数的模拟——拉氏轉換法.....	245
§12.4. 初始条件等于零的传递函数的模拟图表.....	246
§12.5. 纯迟延网络.....	254
§12.6. 其他迟延方法.....	258
§12.7. 正弦函数的模拟.....	260
§12.8. 函数 $e^{\pm at}$ 、 $e^{-at}$ 和 $a^t$ 的产生.....	264
§12.9. 分数幂函数 $A(t + a)^\alpha$ 的产生.....	265
§12.10. 倒数 $\frac{1}{t + a}$ 和对数 $\ln(t + a)$ 函数的产生.....	265
§12.11. 概率指数函数 $e^{-h^2 t^2}$ 的产生.....	265
§12.12. 幂級數(时间函数)的产生.....	266
参考文献.....	267
<b>第十三章 实物系統模拟.....</b>	<b>268</b>
§13.1. 系統模拟的方法.....	268
§13.2. 反饋系統的模拟.....	272
§13.3. 反饋系統部件的典型模型.....	278
§13.4. 系統特性的模拟和測量.....	283
§13.5. 伴随系統模拟.....	288
参考文献.....	296
<b>第十四章 数字方法和数字模拟.....</b>	<b>297</b>
§14.1. 程序和迭代計算.....	297
§14.2. 数字-类比型模拟装置 .....	304
参考文献.....	307

# 第一章 概論

## § 1.1. 計算机的发展

計算工具在社会生活的各个方面一向起着重要的作用。随着科学技术的进展，計算工具从简单的手工工具发展成为复杂、精确而高速的装备。它們的演变一直是沿着两条不同的道路进行着，它們的区别在于运算时所采用的方法。一种方法是将被运算的数值用数码或代码表示出来，按照数值运算法则进行运算。另一种方法是将被运算的数值用一定形式的物理量来表示，然后将物理量通过函数变换求得最后的解答。利用前一种方法构成的計算工具我們叫做数字計算装置，而后一种則叫做相似或类比計算装置。我国发明的算盘是最早的一种数字計算装置，进一步的进展有台式計算机、电动計算机、加法机等等。这些数字計算机經過多年的改进，结构上已經很完善。但由于采用的机械部件惰性較大，速度上进一步提高受到了限制。因此这类計算装置无法滿足近代科学技术上高速运算的需要，同时也很难按照事先規定的程序自动地进行运算。十九世紀末巴倍基<sup>[1,2]</sup>提出了自动計算机的概念，但是每秒鐘可进行数万次的真正自动快速計算机，只是在电子学及电子技术得到了发展以后才得以实现的。

計算尺、諾模图、面积仪也是我們所熟悉的計算工具，它們是属于类比計算机一类的。这些工具多年来作为科学技术工作者的左右手，一直有效地被用来解算科学技术工作中所遇到的計算問題。但是面对着日益发展着的科学技术，这些简单的类比計算机显然无法解决复杂的計算問題。在科学技术中人們經常涉及到許多物理現象，这些物理現象中相当大的一部分可以用微分方程式来描述，因而非常需要一种能解算微分方程的計算机。这种計算机終于在 1930 年左右为布希<sup>[3,4]</sup>創造出来，成为解算微分方程的有力的工具。布希的微分分析机的出現是类比計算机发展中的重要阶段。在这以前所有的类比計算机只能用手动的方法得到解答，而布希机則能自动地进行，并且可以跟随外界的輸入变化进行运算。当然布希机也具有前一时期的特征，运算部件都是机械的，并且很笨重。随着时代的推移，电子的部件也就很自然地替代了机械部件。目前的电子模拟計算机可以認為是布希机的进一步演变，虽然在結構原理上存在着巨大的差別。

无论是否是快速电子数字計算机还是电子模拟(类比)計算机，它們的出現都是由于計算上的需要。因此很自然地首先用来計算数学問題。但是人們发现模拟計算机当它随着外界訊号工作并给出輸出信号时，实际上是对被計算物理过程的模拟，也就是原物的模型。这种模型較实物模型优异之处是可以用改变函数部件間的插接，很容易地从一种模型轉換到另一种模型。并且只要将輸入和輸出經過适当的轉換，便可代替原物和系統中其他裝

置直接联接起来。这就可能通过用电子計算机构成的模型，間接地觀察和研究原物的过程和系統中其他部件的性能。模拟計算机也是一个自动装置，在自动化技术日新月异的进展中越来越多的被引进到自动控制系统中。模拟計算机的上述非計算运用的可能性，对于数字机也是存在的。但目前的数字計算机由于速度、价格等原因，实际上还远沒有达到模拟机已达到的那样普遍的程度。

### § 1.2. 模拟計算机的类比关系和模拟計算机的分类

模拟計算机的类比或相似关系存在于被研究的实物的物理現象或过程与計算机的物理現象或过程之間。为了便于說明可以区别为“实物”的和“机器”的物理現象或过程。实物和机器間的类比或相似关系可以从两方面来看待：即实物与机器所采用的物理量間的相似和实物与机器所服从的数学描述間的类比或相似关系。

当我们研究实物的物理現象或过程时，随着实物的物理本质不同，被引入到問題中来的物理量和衡量尺度是不同的。例如在研究天体运行軌道时有速度、加速度、距离和质量等物理量，而在研究电子光学时除了上述物理量外，还有电荷、磁通等另外一些物理量，而同样的物理量在天体运行及电子光学中所用的量度有很大差距。这些随着实物本质不同而引入到問題中来的千变万化的物理量，当它们进入到計算机的时候都被計算机中有限的另一些物理量所代替。計算机所用的物理量和实物所用的物理量尽管在性质上和尺度上并不尽同，但是它们之間存在着对应的关系和比例的关系（或简单的函数关系）。例如用电压来替代实物的长度，每一伏特相当于一米等。实物和机器物理量間的这种关系是一种类比关系。

实物的物理現象和过程可以用数学方程来描述。机器的物理本质同样也可以用数学方程来描述。尽管由于实物与机器的物理本质和它们所服从的数学关系中的参数不同，但是当計算机用来解算描述实物現象和过程的数学方程时，机器方程与实物方程将服从于同一的数学关系，也就是二者的数学描述具有类比关系。

各种模拟計算机的基本类比关系如上所述，但在不同的計算机中类比的程度并不一样。一般根据計算机和实物类比的紧密程度可划分为直接类比和間接类比两类：

直接类比計算机作为实物的模型来看，模型和实物除了服从类比的数学关系外，模型与实物方程的物理参数間还具有一一对应的紧密类比关系。例如用电阻，电容和电感組成的电网络系統来模拟由质量、弹性阻力和粘性阻尼組成的机械系統，可以在数学方程上写成同一的形式如：

机械系統：

$$M \frac{d^2x}{dt^2} + B \frac{dx}{dt} + Kx = F(t). \quad (1.1)$$

电网络系統：

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{1}{c} q = E(t). \quad (1.2)$$

(1.1)式和(1.2)式数学方程是相似的,各参数也具有一一对应的类比关系:

$$M \longrightarrow L, \quad x \longrightarrow q, \quad B \longrightarrow R,$$

$$F(t) \longrightarrow E(t), \quad K \longrightarrow \frac{1}{c},$$

这种对应的类比关系不仅存在于上述这些参数之間,而且它們的能量表示式也具有类比关系的。这种紧密的类比关系是由于电网络系統和机械系統的最基本物理本質的数学描述具有类比关系。如图 1.1 所示电网络的最基本关系式即克希霍夫定律:

1. 节点电流之和等于零:

$$i_{1x} + i_{2x} + \cdots + i_{nx} = 0 \quad (\text{图 1.1a}).$$

2. 回路电压之和等于零:

$$V_{12} + V_{23} + \cdots + V_{n1} = 0 \quad (\text{图 1.1b}).$$

在机械系統中与电网络对应的基本关系式是牛頓第二定律:

1. 物体受力之和等于零:

$$f_{1x} + f_{2x} + \cdots + f_{nx} = 0 \quad (\text{图 1.1 c}).$$

这一关系式和克希霍夫节点电流关系式是相似的。

2. 机械系統各点相对速度矢量所构成的閉回路其相对速度之和等于零:

$$\nu_{12} + \nu_{23} + \cdots + \nu_{n1} = 0 \quad (\text{图 1.1d}).$$

这一关系式和克希霍夫回路电压关系式相似的。

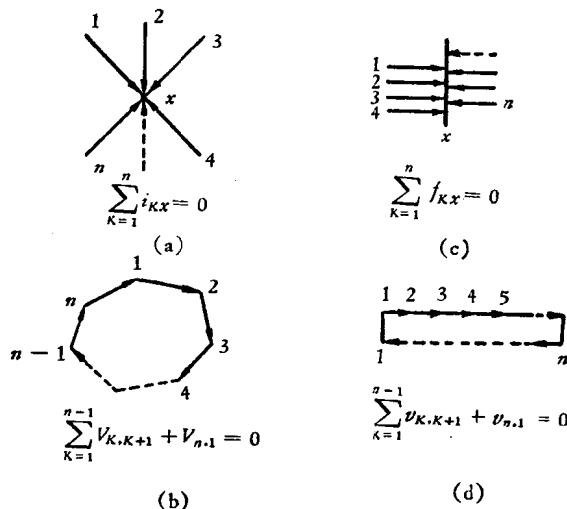


图 1.1 电网络和机械系統的对应关系

由上可知在电网络中电压与电流的关系和机械系統中速度与力的关系可表示成互相对应的关系式:

$$\left. \begin{aligned} V &= Ri + \frac{1}{c} \int idt + L \frac{di}{dt}, \\ \nu &= \frac{1}{\beta} f + \frac{1}{M} \int f dt + \frac{1}{K} \frac{df}{dt}; \end{aligned} \right\} \quad (1.3)$$

或

$$\left. \begin{array}{l} i = \frac{1}{R} v + C \frac{dV}{dt} + \frac{1}{L} \int V dt, \\ f = \beta v + M \frac{dv}{dt} + K \int v dt. \end{array} \right\} \quad (1.4)$$

因此对于一个一维的机械系统，完全可用与电网络相似的“机械网络”来表示，而电网络对机械系统的模拟自然具有完全对应的直接类比关系。如图 1.2 (a) 所示的机械系统可利用牛顿第二定律给出各点的力的关系及等效机械网络如图 1.2 (b) 和 (c) 所示，图 1.2(d) 即此机械系统的电网络模拟。可以看到这种模拟可以直接从实物得出而不需先列出实物方程式。图 1.2(d) 及 (c) 各为电压源和速度源的电和机械网络。显然，可以利用对偶关系找到电流源和力源的电和机械网络，而电流源的电网络也是力源的机械网络的模拟。直接类比计算机与实物的紧密类比关系从这一例子中可以得到充分的说明。

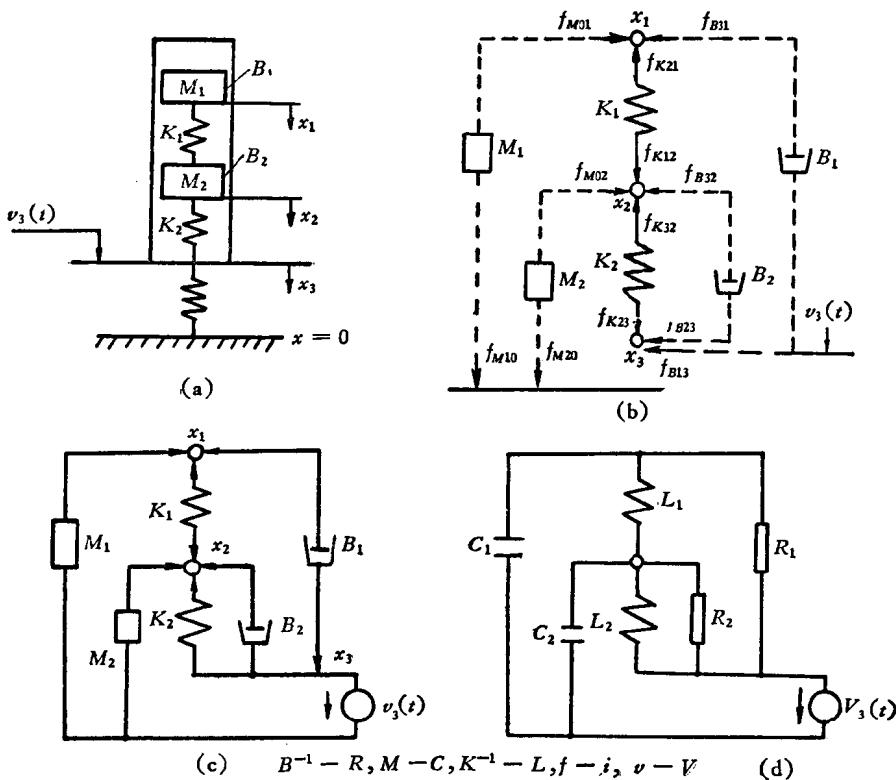


图 1.2 机械系统的电网络直接模拟

除了机械实物系统用电元件的模拟是直接类比的模拟外，在模拟场的问题时经常用到的电解槽，阻抗网等模型也是直接类比的模拟，场和模型间的直接类比关系是一目了然的。

间接类比模型是按照方程式的运算关系用相当的函数(运算)部件组成。如上述机械系统的方程式：

$$M \frac{d^2x}{dt^2} + B \frac{dx}{dt} + Kx = F, \quad (1.5)$$

其中有加法、系数相乘、微分等运算关系。在组成模型时，只要采用一些相当的运算部件联接起来，如图 1.3 所示：

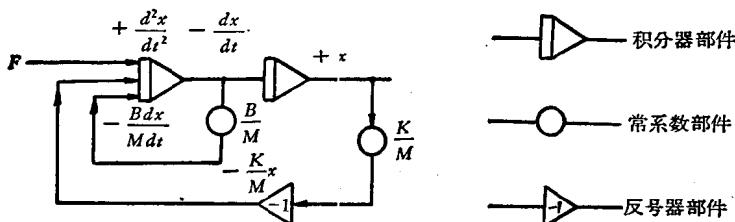
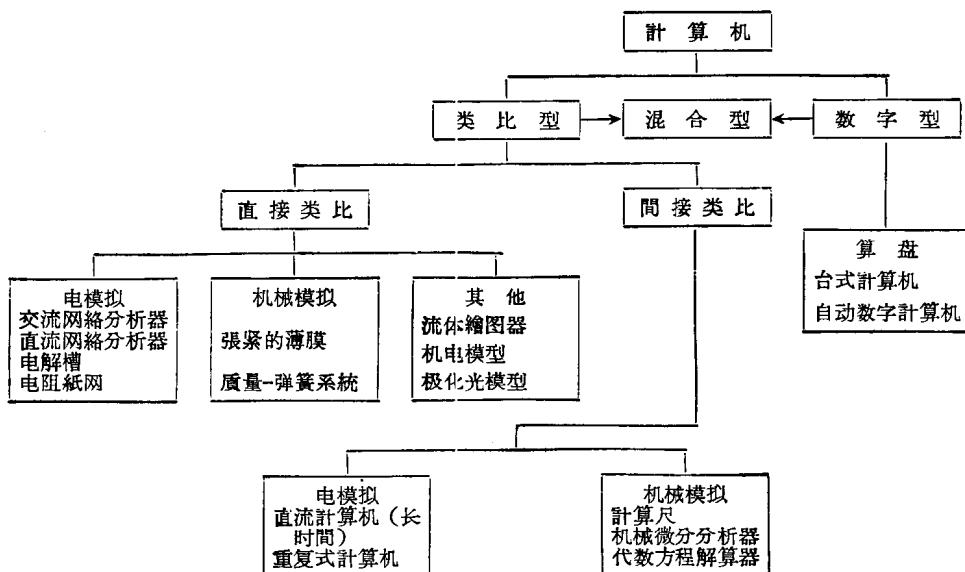


图 1.3 間接类比装置組成模型的結構圖

方程式中质量、粘性摩擦和弹性系数在图 1.3 中沒有相应的元件性能来代表，位移、速度和加速度也沒有独立的对应参数。这些都是用电压(或电流)表示的。間接类比計算机組成的模型与实物間的类比关系仅仅是数学描述上的类比，因此必須按照实物方程式来組成模型。用間接类比原理构成的計算装置，因为是用一个个函数部件来組成模型的，因此可以用許多标准的函数部件构成通用性很強的計算装置。这种計算装置是各式类比計算装置中用途最广的一种，叫做函数計算机。由于这种計算机最早被用来模拟实物过程，习惯地叫做模拟計算机。函数計算机中还可分为直流模拟計算机，重复式模拟計算机等等。在本书以后提到的模拟計算机都是指这一种計算机。

类比計算装置在直接和間接类比二大类之下还可以按照采用的元、部件的性能划分成电的、机械的等小类别，如下表所示。



### § 1.3. 模拟計算机的应用和作用

模拟計算机在先进的国家中已經成为科学的研究和工程設計中十分重要的裝置，是解决工业部門和国防軍事部門重大問題的有效工具。在有关国防和軍事問題中，計算机被用来解决飞机和导弹的控制和制导系統的設計問題，飞机負載的設計和应力分析問題，雷达及反雷达的研究，火箭控制系統的分析以及飞行物体推进系統的設計等等問題。在非軍事部門中計算机被用来研究热力学、电子光学和流体力学，也被用来进行核子动力和反应堆的設計和控制的研究，以及在化工、石油、冶炼、軋制等部門中解决有关控制、設計、分析等問題，并且也在經濟规划、人員訓練、生产調度等方面起着一定的作用。

模拟計算机的应用可分为四个方面：(1)作为計算工具，(2)作为实物的数学模型或試驗装备，(3)作为訓練装备，(4)作为控制部件和装备。計算机的基本用途是为了获致数学問題的解，模拟計算机可用来解算微分方程、代数方程等数学問題。微分方程和代数方程和近代科学技术建立着紧密的联系，描述着大量的物理过程和現象，因此它的求解对于科学技术工作是十分重要的。作为計算工具，模拟計算可以簡捷胜任地获致解答。特別是綫性变系数常微分方程和非綫性常微分方程，用分析方法解算的困难，在模拟計算机上可以輕而易举的克服。

模拟計算机的第二个用途是作为实物的数学模型和試驗工具，可能这是它的最重要用途。当模拟計算机被结构起来作为实物过程的模型时，它就成为試驗研究的对象。而利用它给出的訊号对另一对象进行試驗研究时，計算机又成为研究試驗的工具。在許多場合下，用模拟的方法可以使被研究的对象在實驗室內以模型的形式被充分的研究、分析，并得到改善；可以使实物在人造的环境中經受到将在实际环境中所遭遇的种种考驗。

用模拟計算机組成的陀罗仪系統是模拟計算机作为模拟和試驗工具的一个例子。陀罗仪在飞机中用来检测飞机的旋(滚)角。当飞机在飞行中受到外界騷动而偏移时，偏移的角度通过陀罗仪被檢測出来。陀罗仪檢測到的偏移角度以电訊号輸給隨动系統，隨动系統則改变飞机两翼上的控制面(或副翼)，使偏移減少。陀罗仪試驗系統如图 1.4 所示，陀

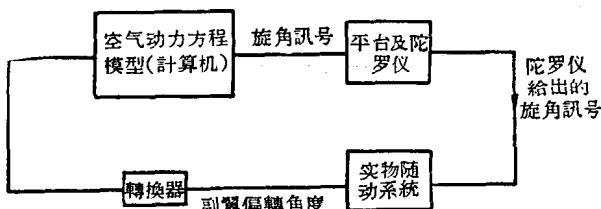


图 1.4 陀罗仪試驗系統

罗仪被安置在飞行平台上，平台可以自由地按旋角轉动。計算机模拟空气动力方程所描述的动力过程，按照預先給定的騷动計算出飞机的旋角，并把旋角訊号引到平台，平台隨动系統則按計算机給出的訊号轉

动。陀罗仪从平台上检查旋角，給出飞机的旋角訊号，并引入实际的隨动系統。隨动系統則給出副翼偏轉角度，經過轉換再引入計算机。計算机模型則依据副翼角度及空气动力过程計算出翼面受到的力和力矩，并用以校正旋角偏移，这就构成陀罗仪控制的閉路系統。这样一个系統，不仅可以研究陀罗仪承受实际試驗时的可靠性，同样也可以研究飞机

所承受的力、力矩、旋角和其它有关結果。

从这一例子可以看到模拟計算机作为实物的数学模型及試驗工具，除了可以完成用实物很难完成的試驗外，在經濟上和安全上也是很可取的。

訓練裝置是在計算機和实物部件結合之間更进一步加上人的因素。訓練裝置的作用是使駕駛員在沒有进行实际操作以前，在模型中接受沒有危险的实际操作訓練。无疑，这将带来安全和經濟。飞行訓練裝置是一个由計算機、駕駛員和教員組合在一起的閉路系統。駕駛員在一間封閉的模型“飞机”里，当計算機使“飞机”飞行时，前面的仪表板上便給出“飞机”在飞行中的各种訊号，如轉角、发动机轉速、“飞机”高度和前进速度等。駕駛員便如同在实际的飞行中一样操縱駕駛杆和脚踏板。駕駛杆和脚踏板的訊号引到計算機，計算機經過計算后对飞机进行控制。教員的作用是觀察被訓練人員的飛行情况，并引入模拟的紧急情况，如“风暴”和发动机故障等。訓練裝置也可以用来訓練輪船、坦克、飞机以及原子反应堆的操縱人員。

模拟計算機作为控制装置(或部件)，用在軍事和航空方面是很重要的。如飞机自动駕駛仪，截击机的炮火控制等。在工业中由于自动化的进展，模拟計算机构成的控制裝置也越来越多。一个較早的例子是汽輪机叶片銑床控制。如图 1.5 所示，汽輪机叶片的工作件(毛坯)和样板凸輪被安置在轉台上。工作件和样板凸輪的轉角依賴隨动系統的控制保持相同，同样的方法保持銑刀与工作件的中心距离和滾輪  $a$  与凸輪的中心距离相等。当凸輪轉動时銑刀便在工作件上銑出需要的叶片形状。为了保証加工出来的叶片光洁平整，必須使銑刀的切削速度恆定，因此凸輪和工作件的轉速必須随着叶片的瞬时形状而改变。叶片的形状和轉速的关系可以写成数学方程，計算機則可按照給定的方程式結構成数学模型。当凸輪轉動时凸輪形状的参数經检测轉換后，作为計算機的輸入訊号引入計算機。而計算機則給出一訊号来控制凸輪及工作件的轉速，使得銑刀的切削速度保持恆定。

模拟計算機不仅用作机床控制，也用在电力系統功率分配，生产过程經濟生产的最佳控制及核反应堆控制等各个方面。

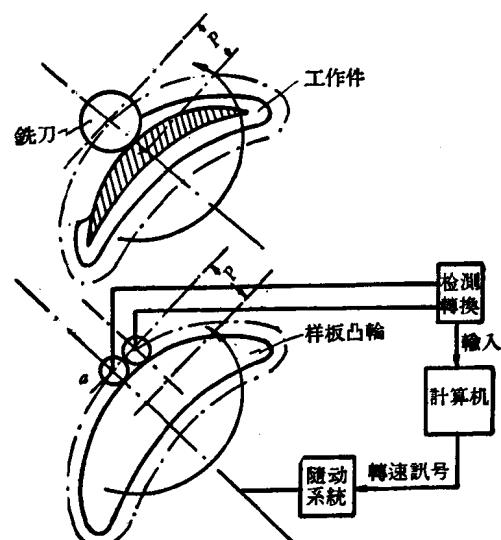


图 1.5 汽輪机叶片銑床控制

## 參 考 文 獻

- [1] Bowden B. V., Faster Than Thought, 1953.
- [2] Babbage H. P., Babbage's Calculating Engines, 1888.

- [ 3 ] Bush V. A., The Differential Analyzer, A New Machine for Solving Differential Equations, Journ. Frankl. Inst. V. 212, No. 10, 1931.
- [ 4 ] Bush V. A. and Coldwell C. H., A New Type of Differential Analyzer, Journ. Frankl. Inst. V. 226 No. 10, 1945.

## 第二章 線性函數部件

類比計算機中應用最廣的一種類型是函數計算機，函數計算機是由各式各樣的函數部件組成的。函數部件基本上可分為兩大類，即：線性函數部件和非線性函數部件。在這裡線性和非線性的含義和我們在數學上的線性方程和非線性方程的含義是一致的。線性部件意味着部件的輸出和輸入關係是線性的關係，即：輸出量作為輸入量的函數中沒有輸入量的高次項，也沒有輸入與輸出量的乘積項。在解算線性微分方程時，無疑要用線性函數部件來完成。但不等於說線性函數部件只能用來解算線性方程。同理，非線性部件也不是只限於解算非線性方程。例如，在解算變系數線性常微分方程時，有時就需要用非線性的函數轉換器及乘法部件。因此對部件的線性或非線性的理解應只限於部件本身而不是被解算的方程。

函數部件按照它們結構的性能來劃分，可分為機械的、機電的及電子的等種種類別。機械的函數部件起源于布希氏微分分析機，其中主要的函數部件為機械積分器。機電函數部件通用的形式是用隨動系統結構起來的。作為通用的具有獨立的函數特性的部件來說，機械式函數部件目前只在專用的模擬計算機中使用，在本書中將不予討論。機電式函數部件目前仍舊是很通行的，將在以後的章節中論述。這一章要論述的線性部件是採用電子元件及網絡綜合起來的部件。這種類型的部件，在我們實際接觸的各種模擬計算機中占有最重要的地位。電子函數部件無論是線性的還是非線性部件，一般都採用電壓這一物理量來代表輸入和輸出參量，因此方程式中函數的關係也就是電壓的函數關係。用電流來代表各參量也是可能的，不過就目前科技狀態來說，以電壓來代表似乎更方便些。

線性電子函數部件所要完成的最基本的函數關係有加法、積分、微分等。更複雜的函數關係實際上是這些基本函數的組合。例如部件的輸入與輸出是二階微分方程的函數關係。它的函數關係可以用基本的函數部件結構起來，也可以用更直接的方法組成複合的部件。基本函數部件和複合函數部件都將在本章里論述。重點則放在基本函數部件上。

### § 2.1. 用無源網絡組成的線性函數部件

用電的無源四端網絡來組成函數部件是最直接的方法。如圖 2.1 所示四端網絡，把  $e_i$  和  $e_0$  作為輸入和輸出訊號。 $e_0$  和  $e_i$  間的函數關係是線性的。當給定  $Y_i$  及  $Y_f$  值時，便可以獲得所需要的函數關係。圖中  $Y_L$  為負載， $Y_i = \frac{1}{Z_i}$ ，其輸出量和輸入量可用  $E_0(s)$  和  $E_i(s)$  分別代表  $e_0(t)$  與  $e_i(t)$  的拉普拉斯變換式，導納也用算子導納  $Y_i(s)$  來表示。圖